

BIBLIOTHECA
SCRIPTORUM GRAECORUM
ET ROMANORUM
TEUBNERIANA

HERO ALEXANDRINUS

EDIDIT

H. SCHÖNE

III



LIPSIAE
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.

THE UNIVERSITY OF ILLINOIS LIBRARY

510

H4320

v. 3

cop. 1

MATHEMATICS LIBRARY

Aelianus ed. L.
— varia
Aeneas ed. Hug.
Aeschines ed.
— ed. Blass
— Ed. 1
[—] Ind. Aes.
Aeschylus trago.

[—] Schol. in
Alexander Ly.
Ammianus M. ed.
Anacreon ed. F.
Andocides ed.
Anna Comnena
Anthimus ed.
Anthologia Gr.
— II, 1
— Lat. I, 1
— II ed.

Antiphon ed. F.
Antoninus ed.
Apollonius Per.
Apollonius Rh.
Applanus ed. A.
Apulei metamo.
— Apologia,
Archimedes ed.
Aristaeus epist.
Aristophanes ed.

Aristoteles, d.

ed. Langkavel. 1.80 2.20
— de arte poetica ed. Christ —.60 —.90
— physica ed. Prantl 1.50 1.90
— ethica Eudemia ed. Susemihl 1.80 2.10
— Nicomachea ed. Susemihl 1.80 2.10
— de coelo, al. ed. Prantl 1.20 1.60
— de coloribus, al. ed. Prantl —.60 —.90
— politica ed. Susemihl. Ed. III 2.40 2.80
— magna moralia ed. Susemihl 1.20 1.60
— de anima libri III ed. Biehl 1.20 1.60
— ars rhetorica ed. Römer. Ed. II 3.60 4.—
— metaphysica ed. Christ 2.40 2.80
— fragmenta ed. Rose 4.50 5.—
— oeconomica ed. Susemihl 1.50 1.90
— de plantis ed. Apelt 3.— 3.40
— πολιτ. Ἀθην. ed. Blass. Ed. III 1.80 2.10
— parva naturalia ed. Biehl 1.80 2.10
Arriani expeditio Alex. ed. Abicht 1.20 1.70
— scripta minora ed. Eberhard 1.80 2.20
Athenaeus ed. Kaibel. 3 voll. 17.10 18.90
Augustini de civ. dei ed. Dombart.
Ed. II. 2 voll. 6.— 7.20
— confessorium II. XIII ed. Knöll 2.70 3.20
Aulularia ed. Peiper 1.50 2.—
Ausonius ed. Peiper 6.60 7.20
Autolycus ed. Hultsch 3.60 4.—
Avienii Aratea ed. Breysig — 1.40
Babrius ed. Schneidewin —.60 1.—
— ed. Crusius. Ed. maior 8.40 9.—
— Ed. minor 4.— 4.60
Bacchylidis carmina ed. Blass. Ed. II 2.40 2.90
Benedicti regula ed. Wölflin 1.60 2.—

	geh. M. 2.	geb. M. 2.
a. ed. Friedlein	5.10	5.60
ed. Peiper	2.70	
ristotelis negi		
ser. 2 voll.	8.70	9.70
dhrens. Ed. II	— 60	1.—
d. II min.	1.50	2.10
Ed. II min.	— 75	1.10
Ed. II min.	— 60	— 90
Ball. Ed. min.	— 75	1.10
aior	1.20	1.60
l. min.	— 60	— 90
aior	— 90	1.30
Afr. Ed. mai.	1.—	1.40
n.	— 60	1.—
agm. Indices	1.50	1.90
atil	3.—	3.40
e	3.—	3.40
.	1.—	1.40
.	— 45	— 75
t. ed. Müller	2.70	3.20
zechter	— 60	— 90
t. 2 voll. Vol. I	6.80	7.40
tes (= 11 voll.		
, 1. 2. M. 3. 45.		
, 1—3. M. 6. 30.		
I, 1. 2. M. 7. 80.		
, 1—3. M. 6. 30.		
.	23.85	29.—
ler. 2 partes	1.50	2.20
Hirschfelder	2.—	2.50
nberg. 2 voll.	6.—	7.20
.	2.50	3.20
Claudiani carmina ed. Koch	3.60	4.20
Cleomedes ed. Ziegler	2.70	3.20
Comoed. Horat. ed. Jahnke	1.20	1.60
Commodianus ed. Ludwig. 2 voll.	2.70	3.50
[Constantinus] Inc. I. de C. Magno ed. Heydenreich	— 60	— 90
Cornelius Nepos ed. Fleckeisen	— 30	— 60
Cornutus ed. Lang	1.50	2.—
Curtius Rufus ed. Vogel	1.20	1.60
Damasus ed. Ihm	2.40	2.80
Demetrius Cydonius ed. Deckelmann	1.—	1.40
Demosthenes edd. Dindorf-Blass. 3 voll. (= 6 partes). Ed. IV min.	4.50	6.—
— 3 voll. Ed. IV maior	7.20	9.—
Diety ed. Meister	1.50	2.—
Dinarchus ed. Blass	1.—	1.40
Dio Cassius ed. Melber. 5 vl. Vol. I. II	8.10	9.20
Dio Chrysost. ed. Dindorf. Vol. II	2.70	
Diodorus ed. Vogel. 5 voll. Vol. I—III	11.20	13.—
Dionysius Halic. ed. Jacoby. Vol. I—III	9.60	11.40
— opusc. rhet. edd. Usener et Rader- macher. Vol. I	6.—	6.60
Diophantus ed. Tannery. 2 voll.	10.—	11.—
Donatus rec. P. Wessner. Vol. 1	10.—	10.80
Dracontius ed. Duhn	1.20	1.60
Epic. Gr. fragm. ed. Kinkel. I.	3.—	3.50
Epic. poes. Gr. ludib. corpuse. I. edd. Brandt et Wachsmuth. 2 voll.	6.—	7.—
Epictetus ed. Schenkl. Ed. minor	6.—	6.60
— Ed. maior	10.—	10.80
Euclidis Elementa ed. Heiberg. 5 vl.	24.60	27.40
— Data ed. Menge. Optica ed. Heiberg	10.—	11.20

	geb.	geb.		geb.	geb.
	M. 2.	M. 2.		M. 2.	M. 2.
Euclidis Suppl. ed. <i>Curtze</i>	6.—	6.60	Iuliani opera ed. <i>Hertlein</i> . 2 voll.	6.75	7.60
Eudocia, Procl., Claud. ed. <i>Ludwich</i> . . .	4.—	4.40	Iurisprudentiae antiustinianae reliquiae ed. <i>Huschke</i> . Ed. V . . .	6.75	7.40
Eudociae violarium ed. <i>Flach</i>	7.50	8.20	— Indices ed. <i>Fabricius</i>	1.80	—
Euripides ed. <i>Nauck</i> . 3 voll. Ed. III . . .	5.70	7.20	— Supplementum	—75	—
— Singulae tragoediae	—30	—60	— antehadrianae qu. supers. ed.	—	—
Eusebius ed. <i>Dindorf</i> . 4 voll.	15.—	17.20	— Bremer. I.	5.—	5.60
Eutropius ed. <i>Rühl</i>	—45	—75	— II, 1 M. 8. — geb. M. 8. 60. II, 2 . . .	8.—	8.80
Fabulae Aesopicae ed. <i>Halm</i>	—90	1.30	Iustiniani institut. ed. <i>Huschke</i>	1.—	1.40
— Roman. ed. <i>Eberhard</i> . Vol. I.	3.75	4.30	— novellae ed. <i>Zachariae</i> . 2 voll.	10.50	11.60
Favonil Eulog. de somn. Scip. ed.	—	—	— appendix I. II	1.80	2.60
— Holder	1.40	1.80	Iustinus ed. <i>Rühl</i>	1.50	2.—
Firmicus Mat. edd. <i>Kroll</i> , <i>Skutsch</i> . I. . .	4.—	4.50	Iuvenalis ed. <i>Hermann</i>	—45	—75
Florileg. Graec. Sing. fasc. 1/10 je . . .	—	—	— Iuvenci libb. evang. ed. <i>Marold</i> . . .	1.80	2.40
— 11/15 je	—	—	Livius edd. <i>Weissenborn-Müller</i> . 6 voll. . .	6.—	9.—
Florus ed. <i>Rosbach</i>	2.80	3.20	— Vol. I—IV = 8 fasc.; sing. fasc.	—60	1.—
— ed. <i>Halm</i> . Ampellus ed. <i>Woelfflin</i> . . .	1.—	1.40	— lib. I et II.	—45	—
Frontini strategem. ed. <i>Gundermann</i> . . .	1.50	1.90	Lucani de bello civ. libb. ed. <i>Hosius</i> . . .	3.60	4.20
Fulgentii opera rec. <i>Helm</i>	4.—	4.50	Lucianus ed. <i>Jacobitz</i> . 3 vll. (=6 ptt.) . .	6.30	7.80
Galenii scripta minora. 3 voll.	7.50	3.20	Lucretius ed. <i>Brieger</i> . Ed. II.	2.10	2.50
— instit. logica ed. <i>Kalbteisch</i>	1.20	1.60	Lycophron ed. <i>Kinkel</i>	1.80	2.20
— de victu atten. ed. <i>Kalbteisch</i>	1.40	1.80	Lycurgus ed. <i>Blass</i> . Ed. minor.	—60	—90
Gellius ed. <i>Hertz</i> . 2 voll. Ed. II	4.20	5.30	— ed. <i>Blass</i> . Ed. maior	—90	1.30
Geopini elem. astronom. ed. <i>Manitius</i> . . .	8.—	8.60	Lydus ed. <i>Wachsmuth</i> . Ed. II.	6.—	6.60
Geoponica ed. <i>Beckh</i>	10.—	10.80	— de mensib. ed. <i>Wünsch</i>	5.20	5.60
Georgius Cyprius ed. <i>Gelzer</i>	3.—	3.50	Lyrica, Anthol., ed. <i>Hiller</i> . Ed. IV . . .	3.—	3.60
Georgii Acropol. rec. <i>Heisenberg</i> . I . . .	—	—	Lysias ed. <i>Ithalheim</i> . Ed. minor.	1.20	1.60
Guillelmi Bles. Ald. com. ed. <i>Lohmeyer</i> . .	—80	1.20	— Ed. maior	3.—	3.60
Hermippus dial. edd. <i>Kroll</i> et <i>Viereck</i> . .	1.80	2.20	Manethon ed. <i>Koehly</i>	1.50	2.—
Herodianus ed. <i>Bekker</i>	1.20	1.60	Marcellus ed. <i>Helmreich</i>	3.60	4.20
Herodotus edd. <i>Dietsch</i> - <i>Kallenberg</i> . . .	—	—	Martialis ed. <i>Gilbert</i> . Ed. II.	2.70	3.20
— 2 voll. (= 5 fasc.). Ed. II.	2.70	3.60	Martinianus Capella ed. <i>Eyssenhardt</i> . .	4.50	5.—
Herondae mim. ed. <i>Crusius</i> . Ed. II . . .	3.20	2.80	— Maximus et Ammon ed. <i>Ludwich</i> . . .	1.80	2.20
— Ed. III min.	2.40	2.80	Metricali scr. Gr. ed. <i>Westphal</i> . Vol. I . .	2.70	3.20
Heronis Alex. op. I. Suppl. ed. <i>Schmidt</i> . .	12.—	13.20	— Metrologici scr. ed. <i>Hultsch</i> . 2 voll. . .	5.10	6.—
— II, I edd. <i>Nic</i> et <i>Schmidt</i>	8.—	8.60	— [Milic.] Inc. scr. Byz. de rem. ed. <i>Vari</i> . .	4.40	2.80
— III ed. <i>Schöne</i>	—	—	Mulomedicina Chironis ed. <i>Oder</i>	12.—	12.80
Hesiodus ed. <i>Flach</i>	—45	—75	Musici scriptores Graeci ed. <i>Jan</i>	9.—	9.80
Hesychius Milesius ed. <i>Flach</i>	—75	1.10	— Suppl.: melod. reliquiae	1.20	1.60
Hieroclius Synecdemus ed. <i>Burckhardt</i> . .	1.20	1.60	Mythogr. Gr. I. Apollod. ed. <i>Wagner</i> . . .	3.60	4.20
Hieronymi de vir. ill. lib. ed. <i>Hering</i> . . .	1.20	2.80	— II, 1. Parthen. Antonin. Lib.	2.40	2.80
Hipparchus Bith. ed. <i>Manitius</i>	4.—	4.60	— II, 1. Supplem. ed. <i>Martini</i>	2.40	2.80
Hippocrates edd. <i>Kühlewein-Iberg</i> . I . . .	6.—	6.60	— III, 1. Eratosthenis Catast.	1.20	1.60
— II	5.—	5.50	— III, 2. Palaephati <i>negl</i>	—	—
Histor. Apoll. reg. Tyr. ed. <i>Riese</i> . Ed. II .	1.40	1.80	— <i>ἐπιτομή</i> ed. <i>Festa</i>	2.80	3.20
Historiae Augustae scr. ed. <i>Peter</i>	—	—	Natur. rer. scr. Graeci ed. <i>Keller</i> . I . . .	2.70	3.10
— 2 voll. Ed. II	7.50	8.60	Nicephori opuscc. hist. ed. <i>de Boor</i> . . .	3.30	3.70
Histor. Gr. min. ed. <i>Dindorf</i> . 2 voll. . .	8.25	9.30	Nicephorus Blemm. ed. <i>Heisenberg</i> . . .	4.—	4.40
— Bom. fragm. ed. <i>Peter</i>	4.50	5.—	Nicomachus ed. <i>Hoche</i>	1.80	2.20
Homeri carm. ed. <i>Dindorf</i> . Ed. IV . . .	—	—	Nonni Dionys. ed. <i>Koehly</i> . 2 voll.	9.—	10.—
— cum Sengebuschii dissert. Ilias	2.25	2.20	— paraphrasis ed. <i>Scheindler</i>	4.50	15.—
— Odyssea	2.25	2.20	Odonis abb. Clun. Occup. ed. <i>Swoboda</i> . .	4.—	4.60
— Ed. <i>Veur</i> . <i>Hentze</i> . Ilias. 2 part.	1.50	2.20	Onosandros ed. <i>Koehly</i>	1.20	1.60
— Odyssea. 2 partes.	1.50	2.20	Orosius ed. <i>Zangemeister</i>	3.—	3.50
— ed. <i>Ludwich</i> . Odys. 2 voll.	—	—	Ovidius edd. <i>Merkel-Ehwald</i> . 3 voll. . .	2.90	4.10
— Ed. min. Utrumque vol.	—75	1.10	— Tristia	—45	—75
[—] Nidias carmina ed. <i>Koehly</i>	3.—	3.60	— Fasti.	—60	—90
Horatius ed. <i>Müller</i> . Ed. II maior . . .	1.—	1.40	— metamorphos. del. ed. <i>Polle</i>	—60	—90
— Ed. II minor.	—75	1.10	Palladius ed. <i>Schmitt</i>	5.20	5.60
Hyginus gromaticus ed. <i>Gemoll</i>	—75	1.10	Panegyrici Lat. XII ed. <i>Baehrens</i>	3.60	4.20
Hymni Homerici ed. <i>Baumeister</i>	—75	1.10	Patr. Nicaen. nom. edd. <i>Gelzer</i> , al. . . .	6.—	6.60
Hyperides ed. <i>Blass</i> . Ed. III	2.10	2.50	Pausanias ed. <i>Schubart</i> . 2 voll.	3.60	4.60
Iamblichi Protrepticus ed. <i>Pistelli</i>	1.80	2.20	Pelagionii ars veterinaria ed. <i>Ihm</i>	2.40	2.90
— de mathematica scient. ed. <i>Festa</i>	1.80	2.20	Persius ed. <i>Hermann</i>	—30	—60
— de Nicom. arithm. ed. <i>Pistelli</i>	2.40	2.80	Phaedrus ed. <i>Müller</i>	—30	—60
Iosephus ed. <i>Naber</i> . 6 voll.	21.20	24.40	Philodemi de musica libri ed. <i>Kemke</i> . .	1.50	2.—
Isaeus ed. <i>Scheibe</i>	1.20	1.60	— voll. rhet. ed. <i>Sudhaus</i> . 2 vll. Sppl. . .	11.—	12.60
Isocrates edd. <i>Benseler-Blass</i> . 2 vll. . .	2.70	3.60			

BIBLIOTHECA SCRIPTURUM GRAECORUM ET ROMANORUM TEUBNERIANA.

	geh.	geb.		geh.	geb.
	<i>M. S.</i>	<i>M. S.</i>		<i>M. S.</i>	<i>M. S.</i>
Aelianus ed. Hercher. 2 voll.	9.—	10.05	Boetius de inst. arithm. ed. Friedlein	5.10	5.60
— varia historia.	— .90	1.30	— de consolatione ed. Peiper	2.70	
Aeneas ed. Hug.	1.35	1.75	— comm. in libr. Aristotelis <i>regi</i>		
Aeschines ed. Franke.	— .90	1.30	<i>épurvelas</i> rec. Meiser. 2 voll.	8.70	9.70
— ed. Blass	2.40	2.80	Bucolici Graeci ed. Ahrens. Ed. II	— 60	1.—
— Ed. mai. c. Ind. Aeschin.	8.—	8.60	Caesar ed. Dinter. Ed. II min.	1.50	2.10
[—] Ind. Aeschin. comp. Preuss.	6.40		— bell. Gall. Ed. II min.	— .75	1.10
Aeschyl. tragoediae ed. Weil	1.50	2.—	— bell. civile Ed. II min.	— 60	— .90
— Singulae tragoediae	— 30	— 60	— ed. Kübler. bell. Gall. Ed. min.	— .75	1.10
[—] Schol. in Pers. ed. Dahnhardt	3.60	4.20	— Ed. maior	1.20	1.60
Alexander Lycop. ed. Brinkmann	1.—	1.25	— bell. civ. Ed. min.	— 60	— .90
Ammianus M. ed. Gardthausen. 2 voll.	7.20	8.40	— Ed. maior	— .90	1.30
Anacreon ed. Rose. Ed. II	1.—	1.40	— b. Alex., b. Afr. Ed. mai.	1.—	1.40
Andocides ed. Blass. Ed. II	1.20	1.60	— Ed. min.	— 60	1.—
Anna Comnena ed. Reifferscheid. 2vll.	7.50	8.60	— b. Hisp. Fragm. Indices	1.50	1.90
Anthimus ed. Rose	1.—	1.25	Callinici vita S. Hypatii	3.—	3.40
Anthologia Gr. ed. Stadtmüller. I	6.—	6.60	Cassius Felix ed. Rose	3.—	3.40
— II, 1	8.—	8.60	Cato ed. Keil	1.—	1.40
— Lat. I, 1 ed. Riese. Ed. II	4.—	4.60	Catullus ed. Müller	— .45	— .75
— II ed. Buecheler. 2 fasc.	9.20	10.35	— Tibull., Propert. ed. Müller	2.70	3.20
Antiphon ed. Blass	2.10	2.50	Cebetis tabula ed. Praechter	— 60	— .90
Antoninus ed. Stich	1.80	2.20	Chronica min. ed. Frick. 2 voll. Vol. I	6.80	7.40
Apollonius Perg. ed. Heiberg. 2 voll.	9.—	10.—	Cicero ed. Müller. 5 partes (= 11 voll.		
Apollonius Rhodius ed. Merkel	1.—	1.40	= 37 fasc.). Pars I, 1. 2. 3. 45.		
Appianus ed. Wendelsohn. 2 voll.	9.—	10.—	geb. M. 4. 40. Pars II, 1.—3. M. 6. 30.		
Apulei metamorph. ed. v. d. Vliet	3.—	3.50	geb. M. 7. 80. Pars III, 1. 2. M. 7. 80.		
— Apologia, Florida ed. v. d. Vliet	4.—	4.50	geb. M. 9.—. Pars IV, 1.—3. M. 6. 30.		
Archimedes ed. Heiberg. 3 voll.	18.—	19.80	geb. M. 7. 80.	23.85	29.—
Aristaeae epist. ed. Wendland	4.—	4.50	— oratt. sel. ed. Müller. 2 partes	1.50	2.20
Aristophanes ed. Bergk. 2 voll. Ed. II	3.—	4.—	— edd. Eberhard-Hirschfelder	2.—	2.50
— Singulae comoediae	— .45	— .75	— epistolae ed. Wesenberg. 2 voll.	6.—	7.20
Aristoteles, de partibus animal.			sel. ed. Dietsch. 2 partes	2.50	3.—
ed. Langkavel	1.80	2.20	Claudian carmina ed. Koch	3.60	4.20
de arte poetica ed. Christ	— 60	— .90	Cleomedes ed. Ziegler	2.70	3.20
physica ed. Prantl	1.50	1.90	Comoe. Horat. ed. Jahnke	1.20	1.60
ethica Eudemia ed. Susemihl	1.80	2.10	Commodianus ed. Ludwig. 2 voll.	2.70	3.50
Nicomachea ed. Susemihl	1.80	2.10	[Constantinus] Inc. l. de C. Magno		
de coelo, al. ed. Prantl	1.20	1.60	ed. Heydenreich	— 60	— .90
de coloribus, al. ed. Prantl	— 60	— .90	Cornelius Nepos ed. Fleckeisen	— 30	— 60
politica ed. Susemihl. Ed. III	2.40	2.80	Cornutus ed. Lang	1.50	2.—
magna moralia ed. Susemihl	1.20	1.60	Curtius Rufus ed. Vogel	1.20	1.60
de anima libri III ed. Biehl	1.20	1.60	Damasus ed. Ihm	2.40	2.80
ars rhetorica ed. Römer. Ed. II	3.60	4.—	Demetrius Cydonius ed. Deckelmann	1.—	1.40
metaphysica ed. Christ	2.40	2.80	Demosthenes ed. Dindorf-Blass.		
fragmenta ed. Rose	4.50	5.—	3 voll. (= 6 partes). Ed. IV min.	4.50	6.—
oeconomica ed. Susemihl	1.50	1.90	— 3 voll. Ed. IV maior	7.20	9.—
de plantis ed. Apelt	3.—	3.40	Dictys ed. Meister	1.50	2.—
<i>πολιτ. A91v.</i> ed. Blass. Ed. III	1.80	2.10	Dinarchus ed. Blass	1.—	1.40
parva naturalia ed. Biehl	1.80	2.10	Dio Cassius ed. Melber. 5 vll. Vol. I, II	8.10	9.20
Arriani expeditio Alex. ed. Abicht	1.20	1.70	Dio Chrysost. ed. Dindorf. Vol. II	2.70	
— scripta minora ed. Eberhard	1.80	2.20	Diodorus ed. Vogel. 5 voll. Vol. I—III	11.20	13.—
Athenaeus ed. Kaibel. 3 voll.	17.10	18.90	Dionysius Halic. ed. Jacoby. Vol. I—III	9.60	11.40
Augustini de civ. dei ed. Dombart.			opus. rhet. edd. Usener et Rader-		
Ed. II. 2 voll.	6.—	7.20	macher. Vol. I	6.—	6.60
— confessionum ll. XIII ed. Knöll	2.70	3.20	Diophantus ed. Tannery. 2 voll.	10.—	11.—
Aulularia ed. Peiper	1.50	2.—	Donatus rec. P. Wessner. Vol. 1	10.—	10.80
Ausonius ed. Peiper	— 60	7.20	Dracontius ed. Duhn	1.20	1.60
Autolykus ed. Hultsch	3.60	4.—	Epic. Gr. fragm. ed. Kinkel. I	3.—	3.50
Avieni Aratea ed. Breyzig	—	1.40	Epic. poes. Gr. ludib. corpuse. I		
Babrius ed. Schneidewin	— 60	1.—	edd. Brandt et Wachsmuth. 2 voll.	6.—	7.—
— ed. Crusius. Ed. maior	8.40	9.—	Epictetus ed. Schenkl. Ed. minor	6.—	6.60
— Ed. minor	4.—	4.60	— Ed. maior	10.—	10.80
Bacchylidis carmina ed. Blass. Ed. II	2.40	2.90	Euclidis Elementa ed. Heiberg. 5 vll.	24.60	27.40
Benedicti regula ed. Wölflin	1.60	2.—	— Data ed. Menge. Optica ed. Heiberg	10.—	11.20

	geb.	geb.		geb.	geb.
	M. 2.	M. 2.		M. 2.	M. 2.
Euclidis Suppl. ed. Curtze	6.—	6.60	Iuliani opera ed. Hertlein. 2 voll.	6.75	7.60
Eudocia, Procl., Claud. ed. Ludwig	4.—	4.40	Iurisprudentiae antioianianae reliquiae ed. Huschke. Ed. V	6.75	7.40
Eudociae violarium ed. Flach	7.50	8.20	— Indices ed. Fabricius	1.80	
Euripides ed. Nauck. 3 voll. Ed. III	5.70	7.20	— Supplementum	—75	
— Singulae tragoediae	—30	—60	— antehadrianæ qu. supers. ed.		
Eusebius ed. Dindorf. 4 voll.	15.—	17.20	— Bremer. I.	5.—	5.60
Eutropius ed. Rühl	—45	—75	— II, 1 M. 8. — geb. M. 8. 60. II, 2	8.—	8.80
Fabulae Aesopicae ed. Halm	—90	1.30	Iustiniani institut. ed. Huschke	1.—	1.40
— Roman. ed. Eberhard. Vol. I	3.75	4.30	— novellae ed. Zachariae. 2 voll.	10.50	11.60
Favonii Eulog. de somn. Scip. ed.			— appendix I. II	1.80	2.60
Holder	1.40	1.80	Iustinus ed. Rühl	1.50	2.—
Firmicus Mat. edd. Kroll, Skutsch. I	4.—	4.50	Iuvenalis ed. Hermann	—45	—75
Florileg. Graec. Sing. fasc. 1/10 je			Iuvenali libb. evang. ed. Marold	1.80	2.40
— 11/15 je			Livius edd. Weissenborn-Müller. 6 voll.	6.—	9.—
Florus ed. Rossbach	2.80	3.20	— Vol. I—IV = 8 fasc.; sing. fasc.	—60	1.—
— ed. Halm. Ampellius ed. Woelflin	1.—	1.40	— lib. I et II	—45	
Frontini strategem. ed. Gundermann	1.50	1.90	Lucani de bello civ. libb. ed. Hosius	3.60	4.20
Fulgentii opera rec. Helm	4.—	4.50	Lucianus ed. Jacobitz. 3 vll. (=6 ppt.)	6.30	7.80
Galenii scripta minora. 3 voll.	7.50	3.20	Lucretius ed. Brieger. Ed. II.	2.10	2.50
— instit. logica ed. Kabfleisch	1.20	1.60	Lycophron ed. Kinkel	1.80	2.20
— de victu atten. ed. Kabfleisch	1.40	1.80	Lycurgus ed. Blass. Ed. minor	—60	—90
Gellius ed. Hertz. 2 voll. Ed. II	4.20	5.30	— ed. Blass. Ed. maior	—90	1.30
Gemini elem. astronom. ed. Manitius	8.—	8.60	Lydus ed. Wachsmuth. Ed. II.	6.—	6.60
Geoponica ed. Bechke	10.—	10.80	— de mensib. ed. Wünsch	5.20	5.60
Georgius Cyprius ed. Gelzer	3.—	3.50	Lyrica, Anthol., ed. Hiller. Ed. IV	3.—	3.60
Georgii Acropol. rec. Heisenberg. I			Lysias ed. Ihlheim. Ed. minor	1.20	1.60
Guillelmi Bles. Ald. com. ed. Lohmeyer	—80	1.20	— Ed. maior	3.—	3.60
Hermippus dial. edd. Kroll et Viereck	1.80	2.20	Manethon ed. Koehly	1.50	2.—
Herodianus ed. Bekker	1.20	1.60	Marcellus ed. Helmreich	3.60	4.20
Herodotus edd. Dietsch-Kallenberg.			Martialis ed. Gilbert. Ed. II.	2.70	3.20
2 voll. (= 5 fasc.). Ed. II.	2.70	3.60	Martianus Capella ed. Eyssenhardt	4.50	5.—
Herondae mim. ed. Crusius. Ed. II	3.20		Maximus et Ammon ed. Ludwig	1.80	2.20
— Ed. III min.	2.40	2.80	Metrical ser. Gr. ed. Westphal. Vol. I	2.70	3.20
Heronis Alex. op. I. Suppl. ed. Schmidt	12.—	13.20	Metrolologic ser. ed. Huitsch. 2 voll.	5.10	6.—
— II, I edd. Nic et Schmidt	8.—	8.60	[Milit.] Inc. ser. Byz. de rem. ed. Vari	2.40	2.80
— III ed. Schöne			Mulomedicina Chironis ed. Oder	12.—	12.80
Hesiodus ed. Flach	—45	—75	Musici scriptores Graeci ed. Jan	9.—	9.80
Hesychius Milesius ed. Flach	—75	1.10	— Suppl.: melod. reliquiae	1.20	1.60
Hieroclii Synecdemus ed. Burckhardt	1.20	1.60	Mythogr. Gr. I. Apollod. ed. Wagner	3.60	4.20
Hieronymi de vir. ill. lib. ed. Herding	2.40	2.80	— II, 1. Parthen., Antonin. Lib.	2.40	2.80
Hipparchus Bith. ed. Manitius	4.—	4.60	— II, 1. Supplem. ed. Martini	2.40	2.80
Hippocrates edd. Kühlewein-Iberg. I	6.—	6.60	— III, 1. Eratosthenis Catast.	1.20	1.60
— II	5.—	5.50	— III, 2. Palaephati nepl		
Histor. Apoll. reg. Tyr. ed. Riese. Ed. II	1.40	1.80	— Antioch. ed. Festa	2.80	3.20
Historiae Augustae scr. ed. Peter.			Natur. rer. scr. Graeci ed. Keller. I	2.70	3.10
2 voll. Ed. II	7.50	8.60	Nicephori opuscul. hist. ed. de Boor	3.30	3.70
Histor. Gr. min. ed. Dindorf. 2 voll.	8.25	9.30	Nicephorus Blemm. ed. Heisenberg	4.—	4.40
— Rom. fragm. ed. Peter	4.50	5.—	Nicomachus ed. Hoche	1.80	2.20
Homeri carm. ed. Dindorf. Ed. IV			Nonni Dionys. ed. Koehly. 2 voll.	9.—	10.—
cum Sengebuschii dissert. Ilias	2.25		— paraphrasis ed. Scheindler	4.50	15.—
— Odyssea	2.25		Odosis abb. Clun. Occup. ed. Swoboda	4.—	4.60
— Ed. Vcur. Hentze. Ilias. 2 part.	1.50	2.20	Onosandros ed. Koehly	1.20	1.60
— Odyssea. 2 partes.	1.50	2.20	Orosius ed. Zangemeister	3.—	3.50
— ed. Ludwig. Odys. 2 voll.			Ovidius edd. Merkel-Ehwald. 3 voll.	2.90	4.10
— Ed. min. Utrumque vol.	—75	1.10	— Tristia	—45	—75
[—] Iliadis carmina ed. Koehly	3.—	3.60	— Fasti	—60	—90
Horatius ed. Müller. Ed. II maior	1.—	1.40	— metamorphos. del. ed. Polle	—60	—90
— Ed. II minor	—75	1.10	Palladius ed. Schmitt	5.20	5.60
Hyginus gromaticus ed. Gemoll	—75	1.10	Panegyrici Lat. XII ed. Baehrens	3.60	4.20
Hymni Homerici ed. Baumeister	—75	1.10	Patr. Nicaen. nom. edd. Gelzer, al.	6.—	6.60
Hyperides ed. Blass. Ed. III	2.10	2.50	Pausanias ed. Schubart. 2 voll.	3.60	4.60
Iamblichi Protrepticus ed. Pistelli	1.80	2.20	Pelagionii ars veterinaria ed. Ihm.	2.40	2.90
— de mathematica scient. ed. Festa	1.80	2.20	Persius ed. Hermann	—30	—60
— de Nicom. arithm. ed. Pistelli	2.40	2.80	Phaedrus ed. Müller	—30	—60
Iosephus ed. Naber. 6 voll.	21.20	24.40	Philodemi de musica libri ed. Kemke	1.50	2.—
Isaens ed. Scheibe	1.20	1.60	— voll. rhet. ed. Sudhaus. 2 vll. Sppl.	11.—	12.60
Isoerates edd. Bessler-Blass. 2 vll.	2.70	3.60			

	geh.	geb.		geh.	geb.
	<i>M. 2.</i>	<i>M. 2.</i>		<i>M. 2.</i>	<i>M. 2.</i>
Philoponus de opif. mundi ed. <i>Reichardt</i>	4.—	4. 60	Senecae (rhet.) scripta ed. <i>Kiesling</i>	4.50	5.—
— de aetern. mundi ed. <i>Rabe</i>	10.—	10.80	Serenus ed. <i>Heiberg</i>	5.—	5.50
Philostrati opera ed. <i>Kayser</i> . 2 voll.	8.25	9.25	Sidonius Apollinaris ed. <i>Mohr</i>	4.—	4.60
— minoris imagines et <i>Callistrati</i>			Sili Italici Punica ed. <i>Bauer</i> . 2 voll.	4.80	5.60
— descriptiones edd. <i>Schenkl-Reisch</i>	2.40	2.80	Sophocles edd. <i>Dindf.-Mekler</i> . Ed. min.	1.35	1.80
Physiogn. scr. ed. <i>Foerster</i> . 2 voll.	14.—	15.20	— Ed. maior	1.65	2.20
Pindarus ed. <i>Christ</i> . Ed. II.	1.80	2.30	— Singulae tragoediae	—30	—60
Plato ed. <i>Hermann-Wohlrab</i> . 6 voll.			[—] <i>Scholia vetera</i> ed. <i>Papageorgius</i>	4.80	5.40
(= 15 fasc.)	10.50	13.60	Soranus ed. <i>Rose</i>	4.80	5.40
Plautus edd. <i>Goetz-Schoell</i> . Fasc. I.			Statius edd. <i>Klotz, Kohlmann</i> . 2vll.	7.55	9.—
— <i>Amphitruo</i> . <i>Asinaria</i> . <i>Aulularia</i>	1.50	2.—	— II. 1. <i>Achilleis</i> ed. <i>Klotz</i>	1.20	1.60
— II. <i>Bacch.</i> <i>Capt.</i> <i>Casina</i>	1.20	1.60	— III. <i>Lactant. Plac.</i> ed. <i>Jahnke</i>	8.—	8.60
— III. <i>Cist.</i> <i>Curo.</i> <i>Epidicus</i>	1.—	1.40	Stobaei floril. ed. <i>Meineke</i> . Vol. IV	2.40	
— IV. * <i>Men. Merc.</i> * <i>Mil. gl.</i>	1.50	2.—	— <i>eclogae</i> ed. <i>Meineke</i> . 2 voll.	6.—	7.—
— V. * <i>Most. Persa.</i> * <i>Poen.</i>	1.50	2.—	Strabo ed. <i>Meineke</i> . 3 voll.	7.80	9.50
— VI. * <i>Pseud.</i> * <i>Rud. Stich.</i>	1.50	2.—	Suetonius ed. <i>Roth</i>	1.50	2.—
— VII. * <i>Trin. Truc. Fragm.</i>	1.50	2.—	Syrianus ed. <i>Rabe</i> . 2 voll.	3.20	4.10
— <i>Suppl.</i> : de Pl. test., metr.	—45	—75	Tacitus ed. <i>Halm</i> . 2 voll. Ed. IV.	2.40	3.20
Sing. comaed. (*not. — 60. geb.			— Vol. I. <i>Annales. Uterque fasc.</i>	—75	1.10
<i>M.</i> — 90; rel.)	—45	—75	— Vol. II. Fasc. I. <i>Historiae</i>	—75	1.10
— ed. <i>Fleckeisen</i> . Vol. I. II.	2.70		— Vol. II. Fasc. II. <i>Germ., Agric., dial.</i>	—45	—75
Plini epistolae rec. <i>Müller</i>	2.80	3.40	Terentius ed. <i>Fleckeisen</i> . Ed. II.	2.10	2.60
— libb. dub. serm. rell. ed. <i>Beck</i>	1.40	1.80	— Singulae comoediae	—45	—75
— nat. hist. ed. <i>Jan-Mayhoff</i> . II—VI	22.—	24.70	— Ed. I.	1.20	
Plinius et Gargilius Mart. ed. <i>Rose</i>	2.70	3.10	[—] <i>Scholia</i> ed. <i>Schlee</i>	2.—	2.40
Plotinus ed. <i>Volkmann</i> . 2 voll.	9.—	10.10	Testamentum, novum, Graece ed.		
Plutarchi vitae ed. <i>Sintenis</i> . 5 voll.			— <i>Buttman.</i> Ed. V.	2.25	2.75
(= 14 fasc.)	8.40	10.90	Themistius ed. <i>Spengel</i> . 2 voll.	6.—	7.20
— <i>moralia</i> ed. <i>Bernardakis</i> . 7 voll.	28.—	32.20	Theodorus Prodromus ed. <i>Hercher</i>	—50	—75
Poet. Lat. min. ed. <i>Baehrens</i> . 6 voll.	20.10	23.40	Theophrastus ed. <i>Wimmer</i> . Vol. III	2.40	
— <i>Rom. fragm.</i> ed. <i>Baehrens</i>	4.20	4.80	Theophylacti historiae ed. <i>de Boor</i>	6.—	6.60
— <i>Latin. eclogae</i> ed. <i>Brandt</i>	1.—	1.40	Thiofridi vita Willibr. ed. <i>Rosberg</i>	1.80	2.20
— <i>Graec. eclogae</i> ed. <i>Stadtmüller</i>	2.70	3.20	Thucydides ed. <i>Boehme</i> . 2 voll.	2.40	3.60
— <i>Anth. a. röm. Dicht. v. Mann</i>	—60	—90	— ed. <i>Hudd.</i> 2 voll. Ed. maior	4.80	6.—
Polemon ed. <i>Hinck</i>	1.—	1.40	Tibullus ed. <i>Müller</i>	—30	—60
Polyaenus ed. <i>Wölflin-Melber</i> . Ed. II	7.50	8.—	Tryphiod., Colluthus ed. <i>Weinberger</i>	1.40	1.80
Polybius edd. <i>Büttner-Dindorf</i> . 2 voll.	10.80	12.60	Ulpianus ed. <i>Huschke</i> . Ed. V.	—75	1.10
Pomponius Mela ed. <i>Frick</i>	1.20	1.60	Valerius Flaccus ed. <i>Baehrens</i>	1.50	2.—
Porphyrii opp. sel. ed. <i>Nauck</i> . Ed. II	3.—	3.50	Valerius, Iulius , ed. <i>Kuebler</i>	2.70	3.20
Priscianus, Theod. , ed. <i>Rose</i>	5.—	5.60	Valerius Maximus ed. <i>Kempf</i>	4.50	5.—
Proclus ed. <i>Friedlein</i>	6.75	7.30	Varronis rer. rustic. libb. ed. <i>Keil</i>	1.50	2.—
— ed. <i>Kroll</i> . Vol. I.	5.—	5.60	Vegetius ed. <i>Lang</i> . Ed. II.	3.90	4.40
— Vol. II.	8.—	8.60	Velleius Paterculus ed. <i>Haase</i>	—60	—90
Propertius ed. <i>Müller</i>	—60	—90	— ed. <i>Halm</i>	1.—	1.40
Pseudacronis Scholia ed. <i>Keller</i> . I	9.—	10.—	Vergilius Maro ed. <i>Ribbeck</i> . Ed. II	1.50	2.—
Ptolemaei opera . I. <i>Syntaxis math.</i>			— <i>Bucolica et Georgica</i>	—45	—75
— ed. <i>Heiberg</i> . I	8.—	8.60	— <i>Aeneis</i>	—90	1.30
Quintilian iust. ed. <i>Bonnell</i> . 2 voll.	2.40	3.25	— ed. <i>Güthling</i> . 2 voll. Vol. I.	—45	—75
— lib. X ed. <i>Halm</i>	—30	—60	— <i>Bucolica et Georgica</i>	—90	1.30
— <i>declamationes</i> ed. <i>Ritter</i>	4.80	5.40	— Vol. II. <i>Aeneis</i>	2.40	2.80
Remigii Autissiodorensis in artem			Virgilius gramm. ed. <i>Huener</i>	2.40	2.80
— <i>Donati min. comm.</i> ed. <i>Fox</i>	1.80	2.20	Viror. clar. ep. ed. <i>Weber</i>	2.40	2.80
Rhetores Graeci ed. <i>Spengel</i> . 3 voll.	9.60		Vitae sanct. IX metr. ed. <i>Harster</i>	3.—	3.50
Rutilius Namatianus ed. <i>Müller</i>	—75	1.10	Vitruvii de architectura libri X.		
Sallustius ed. <i>Eussner</i>	—45	—75	— <i>Iterum</i> ed. <i>V. Rose</i>	5.—	5.60
Scaen. Rom. poes. frgm. ed. <i>Ribbeck</i> .			Xenophontis expeditio Cyri ed.		
— Ed. III. 2 voll.	9.—	10.20	— <i>Gemoll.</i> Ed. min.	—75	1.10
Scribonii Largi comp. ed. <i>Helmreich</i>	1.80	2.20	— Ed. maior	1.20	1.60
Scriptores originum Constantino-			— <i>hist. Graeca</i> ed. <i>Keller</i> . Ed. min.	—90	1.30
— <i>politianarum</i> ed. <i>Preger</i> . Fasc. I	4.—	4.50	— <i>institutio Cyri</i> ed. <i>Hug</i> . Ed. min.	—90	1.30
— <i>sacri.</i> Fasc. V	6.—		— Ed. maior	1.50	2.—
Senecae (phil.) opp. ed. <i>Haase</i> . 3 voll.	8.10	10.—	— <i>commentarii</i> ed. <i>Gilbert</i> . Ed. min.	—45	—75
— <i>Suppl.</i>	1.80		— Ed. maior	1.—	1.40
— (I, 2) de benef., de clem.			— <i>scripta min.</i> ed. <i>Dindorf</i> . 2 fasc.	1.35	2.10
— ed. <i>Hosius</i>	2.40	2.80	Zacharias Rhetor, Kirchengesch. v.		
— (III) <i>epistulae</i> ed. <i>Hense</i>	5.60	6.20	— <i>Ahrens u. Krüger</i>	10.—	10.80
			Zonaras ed. <i>Dindorf</i> . 6 voll.	19.50	22.90

The person charging this material is responsible for its return to the library from which it was withdrawn on or before the **Latest Date** stamped below.

Theft, mutilation, and underlining of books are reasons for disciplinary action and may result in dismissal from the University.

To renew call Telephone Center, 333-8400

UNIVERSITY OF ILLINOIS LIBRARY AT URBANA-CHAMPAIGN

122
JUN 30 1986

JUL 15 REC'D

HERONIS ALEXANDRINI
OPERA QVAE SVPERSVNT OMNIA.

VOL. III.

RATIONES DIMETIENDI
ET
COMMENTATIO DIOPTRICA

RECENSUIT

HERMANNVS SCHOENE.

CVM CXVI FIGVRIS.



LIPSIAE
IN AEDIBVS B. G. TEVBNERI.
MCMIII.

HERONS VON ALEXANDRIA
VERMESSUNGSLEHRE UND DIOPTRA

GRIECHISCH UND DEUTSCH

VON

HERMANN SCHÖNE.

MIT 116 FIGUREN.



LEIPZIG,
DRUCK UND VERLAG VON B. G. TEUBNER.
1903.

510

H4385

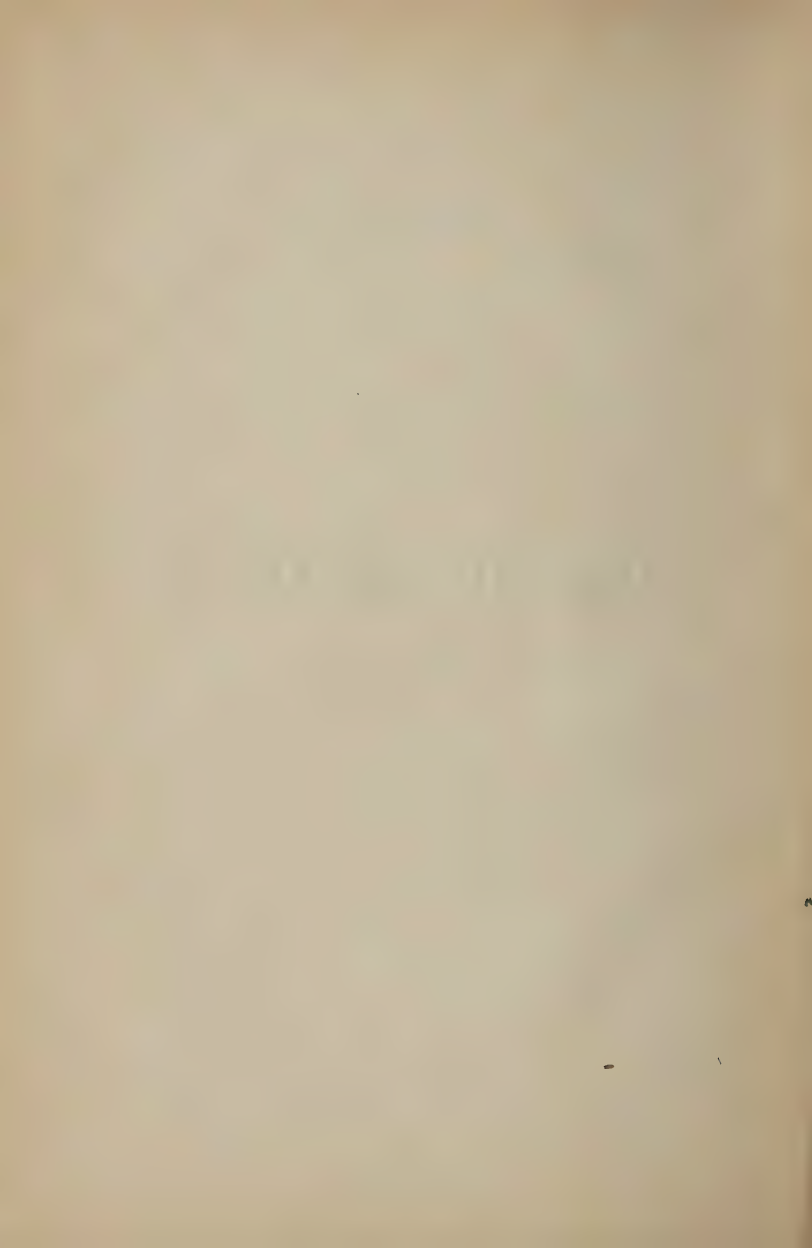
V.3

1891

LIBRARY

AUGUSTO BRINKMANN

256681



Quae hoc volumine coniunxi Heronis Alexandrini scripta duo, eorum ut recensio facilis, ita difficilis est emendatio; nam omnis utriusque memoria singulis codicibus continetur vetustis illis quidem, sed et mendosis et lacunosis. Quod cum ita esse intellexerem atque alia eorum antiqua exempla umquam repertum iri desperarem, in hac editione adornanda id imprimis mihi agendum esse sentiebam, ut librorum illorum scripturam cum fide consignarem, non quo coniectandi periculum prorsus recusandum esse censerem, sed ut omnis emendandi conatus ad praestantissimi aut unici exempli auctoritatem tamquam ad certam normam dirigeretur.

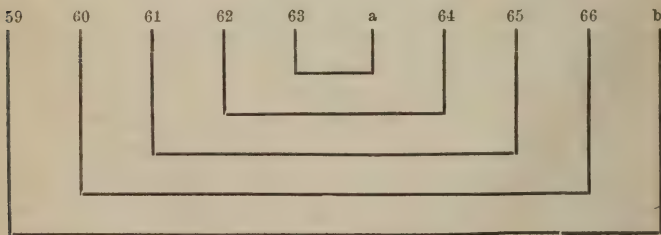
I

Dimetiendi rationes, trium opus librorum antehac non editum — nam diversus mensurarum liber singularis est a Fr. Hultsch inter Heronis reliquias p. 188—207 receptus — suppeditavit *codex Constantinopolitanus palatii veteris n° 1*, cuius ab E. Miller in *Confusaneis Graecis* p. V et a Fr. Blass *Hermæ* vol. XXIII p. 222 mentionem factam esse video. Membranaceus est, foliorum 112 altorum 30 cm., latorum 22 cm., saeculo XI perspicue atque admodum eleganter scriptus, crebris figuris geometricis distinctus.¹⁾ Folium primum cum altero, centesimum undecimum cum centesimo duodecimo biniones efficiunt singulares, quorum neuter scriptus est; intermediarum

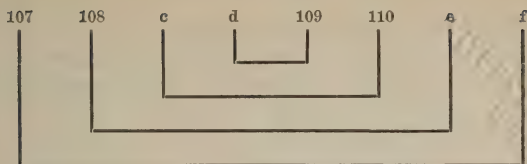
1) Saeculo XII attribuebat Dethier; cf. P. Hunfalvy, *Litterarische Berichte aus Ungarn* II (1878) p. 565.

autem membranarum cum quaterna paria inter se con-
serta sint, quattuordecim corpuscula foliorum facile
distinguuntur. Horum quaternionum octo solummodo
primores in ora ima primae cuiusque paginae Graecis
numeris signati sunt; at et hi et qui sequuntur omnes
in sinistro angulo marginis superioris primae cuiusque
paginae crucibus minutulis notati inveniuntur. Com-
prehenduntur igitur binione priore fol. 1—2, quater-
nionem α fol. 3—10, β fol. 11—18, γ fol. 19—26,
 δ fol. 27—34, ϵ fol. 35—42, ζ fol. 43—50, η fol. 51—58,
 θ fol. 59—66, nono fol. 67—74, decimo fol. 75—82,
undecimo fol. 83—90, duodecimo fol. 91—98, tertio de-
cimo fol. 99—106, quarto decimo fol. 107—110, binione
altero fol. 111—112.

Sunt quaedam in nonnullis quaternionibus singularia.
Ac primum quidem in medio margine inferiore fol. 10^v,
quod est primi quaternionis ultimum, scriptum est α , in
ceterorum fasciculorum foliis ultimis nulla huiusmodi
nota cernitur. Deinde octavus qui videtur esse quaternio,
non potius quaternio quam quinio existimandus est, sed
cuius duo folia excisa sint, quorum exstant etiamnunc
reliquiae valde illae quidem exiguae (a et b dicam).
Harum igitur membranarum cohaerentia in hunc modum
repraesentari potest:



Diversa quarti decimi quaternionis ratio est; cuius
cum quattuor folia exsecta sint, quae c, d, e, f dicam,
formam refert hancee:



Ex eis, quae dixi, apparet librum Constantinopolitanum olim fuisse sex foliis auctiorem. Neque vero iactura dicenda est illarum membranarum amissio, quippe quarum nulla scripta fuerit. Quod quo facilius intellegatur, est operae pretium cognoscere, quid in singulis foliis exaratum sit.

Codex igitur Constantinopolitanus duabus ex partibus constat, quarum prior (fol. 3—66) congeriem exhibet ex variis commentationibus mathematicis commixtam, altera (fol. 67—110) rationes dimetiendi ab Herone compositas continet. Hae duae partes etsi et ab eodem librario scriptae nec argumento inter se dissimiles sunt, tamen utrum uno ab initio volumine coniunctae fuerint an posteriore demum aetate compactae sint, videtur dubitari posse, quandoquidem prioris partis quaternionum ordo notis numeralibus indicatur, alterius non indicatur: ego ut illam opinionem probabiliorem ducam, cum summa membranarum utriusque partis similitudo facit tum idem omnibus impressarum linearum tricenum singularum numerus. Scripta insunt haec:

fol. 3^r—17^v *Εὐκλείδων γεωμετρία* (man. 2 in ras.).

fol. 17^v—19^r collectio problematum, cui *Διοφάνους* (*Διοφάντους* m. 2) nomen praefixum est.

fol. 19^r—23^r *μέθοδος τῶν πολυγώνων*

fol. 23^v—26^v *μέθοδος καθολικὴ ἐπὶ τῶν πολυγώνων*

fol. 27^r—42^r *Ἡρώνης εἰσαγωγαὶ ἐτ περὶ εὐθυμετρικῶν*

fol. 42^r—53^v *μέτρησις τετραστούου ἥτοι τετρακαμάρου ἐπὶ τετραγώνου βάσεως*

fol. 54^r—54^v *μέτρησις ὄντος σίτου ἐξ ἀποθέσεως*

fol. 55^r—61^r *μέτρησις πυραμίδων*

fol. 61^r—62^v *Εὐκλείδου εὐθυμετρικά*

fol. 63^r—63^v *Ἡρώωνος* (in ras. m. 2) *γεωμετρικά*

fol. 64^r—66^r *Διδύμου Ἀλεξανδρέως περὶ παντοίων ξύλων
τῆς μετρήσεως*

fol. 66^v vacuum relictum est

fol. 67^r—110^v *Ἡρώωνος μετρικά.*

Hac ex tabula facile patet, quibus causis permotus librarius in octavo et quarto decimo quaternione alia atque in ceteris ratione sibi utendum esse putaverit. Etenim cum posteriorem codicis partem tripertito Heronis operi destinatam a novo quaternione (fol. 67 sq.) initium sumere vellet, antecedentis fasciculi, qui foliis 59, 60, 61, 62, 64, 65, 66, b constabat, folium ultimum deficiente materia vacuum relictum exsecuit ac postea, ne quid ad pristinam integritatem deesse videretur, unum folium vel potius dimidium binionem (fol. 63 a fol. a solutum) inseruit, in quo sua ipsius manu, sed atramento paulo diverso tabulam metrologicam *γεωμετρικά* inscriptam exaravit. Idem in describendis dimetiendi rationibus occupatus, cum numero versuum computato provideret fore, ut quattuor quarti decimi quaternionis membranae superfluerent, prudenti sane consilio, ut bibliopegae commoditati prospiceret, non quattuor extrema folia exsecuit, sed tertium quartumque (c, d) et septimum octavumque (e, f).

Scriptus est liber Constantinopolitanus a librario indocto (man. 1), qui quoniam quae ex exemplaribus describebat, fere non intellegebat, in multos errores se induit, sed a fraude ac fallaciis alienus fuit. Cui quod ad manum erat operis Heroniani exemplum, id et uncialibus litteris scriptum et multis locis detritum perrosusque fuisse ex magno numero mendorum palaeographica ratione tollendorum atque ex frequentia lacunarum interstitiis ab ipso librario commonstratarum colligitur. Indidem scholia aliquot antiqua transscripta esse videntur, quae ab ipso librario, sed scripturae genere compendioso marginibus codicis adpicta sunt.

Saeculo XV ineunte liber Constantinopolitanus a duobus hominibus doctis, quorum alter (m. 2) grandiore ac neglegentiore, alter (m. 3) minore et diligentiore utebatur genere scribendi, ita pertractatus est, ut et scholia multa adscriberentur et levia quaedam emendandi conamina fierent in lacunis explendis et erroribus aper-tissimis tollendis; quod ut in multis recte factum est, ita multi non minus aperti errores relictis sunt, quaedam autem ex eo genere inveniuntur, quo mancis falsa integritatis species inducitur. In his cum multa sint, quae nisi e coniectura eaque fallaci ducta esse nequeant, nec quidquam, quod coniectura repertum esse nequeat, emendatoribus illis alios operis Heroniani codices ad manum fuisse nego. Ceterum scholiorum illorum, quae posthac a me edentur, nonnulla atramento evanido tantopere obscurata sunt, ut ego ne contentissima quidem oculorum acie legere potuerim: at potuit Ioannes Ludovicus Heiberg. Idem vir illustris etiam in aliis huius codicis partibus praesentem operam mihi denegare noluit, quo eius beneficio me maxime obstrictum esse sentio.

Si verum est — quod est profecto — Pneumatica, Automatopoetica, Belopoetica, Dioptrica Heroni Alexandrino tuto posse attribui, rationum dimetiendi libri tantam certe prae se ferunt in dicendi, disputandi, prooemiandi genere cum illis similitudinem, ut nisi ab eodem homine compositi esse nequeant. De his, quamdiu properditis habebantur, tanta hominum doctissimorum dissensione certatum est, quantam, dum auctorum testificatio certo iudicio capiendi non suppetit, in quaestione perobscura fuisse consentaneum est.¹⁾ Nunc postea quam opus illud, cuius omnis propemodum praeter titulum memoria aboleverat, ex diuturna oblivione emersit, controversia facile diiudicatur. Errasse igitur eos apparet, qui quot-

1) Cf. Eutocius in Archimedis dimens. circuli t. III p. 270 Heiberg.

quot in codicibus recentioribus Heroni attribuuntur commentationes mathematicae ac mechanicae, eas omnes ex amplissima illa — ut putabant — scriptione tamquam ex fonte derivatas ac posterioribus temporibus semper aliquid demendo, interpolando, immutando depravatas esse existimabant. Verum enim vero cum cuncta illa scripta et rerum ordine ac delectu et genere dicendi dissociantur a libris nuper repertis, tum Heronis geometria quae dicitur capitibus aliquot e dimetiendi rationibus desumptis ampliata invenitur: quae qui interpolavit, cum in alio Heronis libro sese ea repperisse testetur (p. 131 et 134 Hultsch), fieri non potest, ut ipsam geometriam e libris rationum dimetiendi excerptam esse putemus: quod ne faciamus, dissuadet etiam singulorum utriusque operis capitum comparatio. Quodsi fere omnes illi libelli a Fr. Hultsch editi non uno nomine dissident a genuina illa, quam recuperavimus, Heronis scriptione mathematica, videndum erit, quo iure huic etiamnunc attribuantur.

II

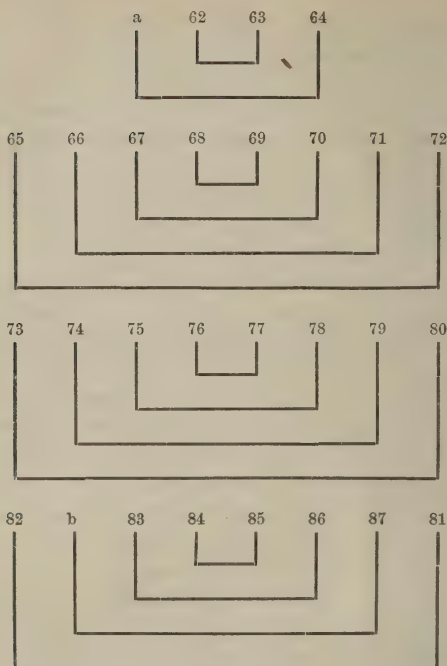
Commentationis dioptricae codices mihi innotuerunt quinque, Parisiaci tres, Vindobonensis, Argentoratensis. Eorum longe antiquissimus est *codex Parisiacus inter supplementa Graeca n° 607* a Minoide Myna Macedone incertum quo loco repertus in Galliamque advectus, nunc insigne bibliothecae nationalis decus. Celebri hoc libro, quem norunt qui vel militaribus Graecorum scriptoribus vel Aristodemo historico operam dederunt, nec Venturius uti potuit, cum Heronis Dioptrica Italice verteret¹⁾, nec Vincentius, cum ipsum libellum in publicum primus profferret.²⁾ Quae insunt, breviter indicavit H. Omont In-

1) Commentarj sopra la storia e le teorie dell' ottica del Cavaliere Giambattista Venturi; tomo primo (Bologna 1814) p. 77—147.

2) Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque Impériale t. XIX, 2^e partie (Paris 1858) p. 157—337.

ventarii t. III p. 282; explicatius de eo dixerunt cum alii tum C. Wescher in arte Graecorum poliorcetica p. XV sq., C. Mueller FHG V, 1 p. VII sq., R. Prinz in Fleckeiseni annali t. CI p. 193—210. Quorum disputationibus quae addere posse mihi videbar, ea in Musei Rhenani t. LIII p. 432—447 exposui; nunc in earum rerum commemoratione consistam, quae ad institutam hanc quaestionem pertinent.

Codex igitur Parisiacus miscellus liber est ex variorum diversi argumenti diversaeque originis codicum partibus compositus. Agmen ducunt quaterniones privi et Nicetae Choniatae Joannisque Chrysostomi codicibus nescio quibus evulsi (fol. 1—7, 8—15), claudunt quiniones complures ex decurtato aliquo codice Lysiaco relictis (fol. 104—129). Quae interiecta sunt folia 16—103, ea, cum a duobus diversis saeculi XI aut XII librariis scripta sint, ad duos diversos codices et ipsa videntur referenda esse. Atque ad alterum quidem librum, qui variarum urbium obsidiones exhibuit, fol. 16—17 et fol. 88—103 pertinent; ad alterum, in quo cum alia scripta mechanica insunt tum Heronis commentatio dioptrica, fol. 18—88 revocanda sunt: utraque olim in speciem quaternionum ordinata fuisse invictis argumentis demonstravit Prinzius, nisi quod de eis se dubitare significavit membranarum, quae Dioptricum initium exhibent. Nollem fecisset vir prudentissimus ac paene supra modum cautus; nam aut egregie fallor aut harum eadem ratio est atque ceterarum. Nempe incipit illa Heronis scriptio a fol. 62^r, continuatur usque ad fol. 80^v, finitur fol. 82^r^v. Inter folia 61 et 62 excisi alicuius folii reliquiae cernuntur, quod cum fol. 64 nunc solitario olim cohaesit. Porro non solum fol. 81 et 82 hodieque cohaerentia locum inter se permutare oportet, verum etiam propter argumenti continuationem interseri eis folia 83—87, quae tria olim effecisse paria folii cuiusdam particula initio residua evidenter ostendit. Itaque haec fuit primigenia illarum membranarum compaginatio:



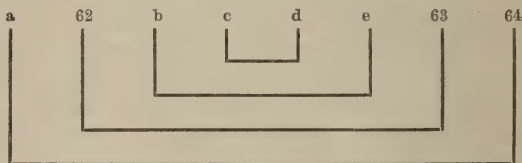
Iam altius quaestio repetenda est. In commentatione dioptrica locus est p. 196, 2, quem ampla lacuna deformatum esse Venturius (l. l. p. 85) argumentis ex ipso Heronis opusculo desumptis ita demonstravit, ut artius adstringi ratio nequirit. Cuius sagacissimae et verissimae disputationi quae opposita sunt a Vincentio, ea partim verbis Graecis parum recte explicatis aut licenter mutatis, partim rationibus perperam conclusis continentur. Principio Vincentius, quamquam *τύμπανον* et *τυμπάνιον* voces, utpote quae diversas instrumenti dioptrici partes significarent, distinguendas neque inter se permutandas esse recte pronuntiavit (l. l. p. 184, 22), tamen in cap. VIII cum in omnibus codicibus scriptum sit: *ἐπεστράφθω* ὁ

χανὼν ὁ ἐπὶ τῷ τυμπάνῳ, ipse ἐπὶ τῷ τυμπανίῳ scripsit atque hoc loco, si dis placet, emendato ad acutissimam utilissimamque Venturii observationem redarguendam abusus est. Deinde quod negat Venturium perspexisse nonnullas instrumenti illius partes mobiles fuisse, nec verum est — nam potuisse nonnullas partes mobiles fuisse disertis ille verbis significavit — et si maxime verum esset, in hac quaestione diiudicanda momentum non faceret. Tum „il ne manque ici“, inquit, „que la mention des pièces mobiles, et Héron a bien pu, a dû même rapporter toutes ces descriptions de détail aux passages où elles pouvaient être placées fructueusement; car ici elles eussent été inintelligibles“. Mihi secus videtur; nam Hero in cap. III totius instrumenti descriptionem et potuit proponere et debuit. Denique quae verba Vincentius in unius sententiae ambitum commode coire statuit: οὗ τὰ στήματα ἀρροστὰ τῷ εἰρημένῳ τόρῳ, ea ipse explicare non potuit, sed mutanda esse in interpretatione Franco-gallica significavit¹⁾: quod apparet quantum de opinionis ab eo defensae probabilitate detrahat.

Tantum igitur abest, ut Venturii ratiocinatio argumentis a Vincentio adlatis refutata sit, ut lacunam rectissime ab illo animadversam esse pateat. Quae quomodo orta sit, nunc, postea quam archetypi codicis interposita est auctoritas, nemo erit quin perspiciat. Nam ille de quo agitur locus in vetusto libro Parisiaco sic scriptus invenitur, ut quae praecedunt proxime hiatum verba: οὗ τὰ στή[, ea in imo folio 62^v posita sint, quae subsequuntur hiatum verba:]ἀρροστὰ τῷ εἰρημένῳ τόρῳ, ea initio fol. 63^r legantur. Itaque nil magis manifestum est quam grandem illam lacunam aliquot ipsius libri Parisiaci membranarum amissione natam esse. Quot vero folia interciderint, Prinzius definiri posse negavit. Nescio an aliis, mihi quidem certe deperditorum foliorum numerus

1) Sic enim vertit: „dont les supports sont fixés sur le chapiteau du tube“ eisque adscripsit: „Le grec dit: fixés à l'axe.“

videtur calculis subductis ita definiri posse, vix ut ad dubitare liceat. Nam cum et ceterae huius codicis partes quaternionibus absolvantur et ipsius commentationis dioptricae longe maxima pars in quaternionibus exarata sit, etiam primam eius partem in integro olim quaternione scriptam fuisse si minus certum, at veri est simillimum. Iam cum neque inter folia 63 et 64 neque inter folia 64 et 65 quicquam deesse disputationis continuatione satis demonstretur, consentaneum est, ut inter folia 62 et 63 duo membranarum paria intercidisae statuamus. Quo fit, ut fasciculi illius forma restituatur haecce:



Ex hoc decurtato codice Parisiaco sive ipso sive apographis cetera opusculi Heroniani exempla quotquot adhuc innotuerunt omnia esse derivata indicio est perinde ab omnibus relata lacuna illa, quam quattuor illius libri schedarum iactura natam esse demonstravi.¹⁾ Qui quibus successionis corruptionisque quasi gradibus sese excipiant, explorare vix attinet; neque enim ullam oportet esse horum auctoritatem, cum aditus ad communem eorum fontem hodieque pateat. Sunt autem hi:

1) Nam quod p. 196, 2 in cod. Paris. n° 607 *στη* scriptum est, in ceteris *σημάτια*, potuit profecto hoc unum vocabulum a quovis librario coniectura e consimili loco p. 194, 25 ducta restitui. Et vero factum est ita. Nam si aliud huius commentationis exemplum idque integrius librario illi ad manum fuisset, profecto totam illam quae nunc desideratur disputationis partem ex eo transtulisset. Atqui non transtulit: ergo ne tres quidem syllabas istas ex alio libro sumpsit, sed de suo addidit. Mitto alia indicia; hoc addo recentiores codices a Parisiaco n. 607 ita discrepare, ut dissimilitudo orta esse possit ex describentium erroribus atque aliquo etiam emendandi conatu.

Codex Vindobonensis Ms. philosophicus Graecus olim n° 110, nunc n° CXL saec. XVI exaratus, foliorum scriptorum 96. Fol. 1^r in mg. sup. leguntur haec: „Ex libris Sebastiani Tengnagel J. U. D. et Caes. Bibliothecae Praefecti A° 1619.“ De hoc libro dixit G. Schmidt in supplemento primi Heronis operum voluminis p. 23 et 88. Heronis de dioptra opusculum in foliis 31—59 scriptum est. In imo fol. 32^r leguntur haec: οὗ τὰ σημεία; fol. 32^v et octo quae sequuntur folia nec scripta nec numeris insignita sunt; fol. 33^r ab his verbis incipit: ἀρμολα τῷ εἰρημένῳ τόρμῳ. Manifestum igitur est librarium codicis Vindobonensis, cum perspexisset in vetusto exemplo Parisiaco mediam disputationem hiatu interruptam esse, tot folia, quot deperditae commentationis parti necessaria esse existimabat, vacua reliquisse; consequens autem est, ut Venturium fallaci specie in errorem inductum esse statuamus, quod hunc codicem magis etiam quam ceteros decurtatos esse existimavit (*Commentary* p. 79): de qua re prudenter iudicavit Vincentius l. l. p. 427—430.

E codice Vindobonensi Heronis libellus in eos codices transscriptus esse videtur, quibus Vincentius in editione sua adornanda usus est. Atque alter eorum, *Argentoratensis bibliothecae seminarii protestantici n° C III 6*, quamquam anno 1871 incendio absumptus est, tamen quo loco habendus sit, existimari hodieque potest; nam exstat apographum a Fr. Hase confectum¹), quod pater meus benigne mihi commodavit. Eiusdem farinae codex est *Parisiacus n° 2430*, saeculo XVI scriptus, de quo vid. H. Omont Inventarii t. II p. 260 et G. Schmidt l. l. p. 29. Horum igitur uterque e codice Vindobonensi deductus est; tantum enim abest, ut hic liber minus integer quam illi sit, ut haud pauca verba exhibeat ab illis praetermissa. Cuius

1) cf. Fr. Hase de militarium scriptorum Graecorum et Latinorum omnium editione instituenda narratio (Berolini 1847) p. 10 et G. Schmidt l. l. p. 26.

generis haec sunt exempla potiora: p. 174, 5 Vi. εἰς εὐχέρειαν μεταγαγεῖν, τὰ δὲ ψευδῶς εἰρημένα | p. 184, 3 ἔλασσον | p. 198, 19 εἴτα διόπτρα μὲν ἔστω ἡ *A*, εὐθεῖα δὲ ἡ *B, Γ*. καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις β, ἀναβάσεως δὲ πῆχυσ εἶς | p. 198, 25 στίχοις | p. 200, 4 παραλλήλω | p. 208, 17 οὕτως ἡ *ΓΒ* πρὸς *ΒΑ*. ἔχέτω δὲ τὸν τῆς *ΓΕ* πρὸς *ΑΔ* | p. 238, 5 ἡνίκα (sic) ἂν βουλώμεθα καὶ κατὰ κάθετον ὁρύσσοντες | p. 246, 8 καὶ ἐν αὐτῷ δύο εὐθεῖαι ἔστωσαν αἱ *ΚΑ*, *ΜΝ* | p. 254, 9 ἔστω sq. usque ad βούλωμαι | p. 262, 6 μήτε συστήλλεσθαι | p. 276, 5 μετρεῖν | p. 300, 26 ἐκάστη usque ad καὶ.

Qui superest, *codex Parisiacus inter supplementa Graeca n° 816* (cf. H. Omont Inventarii t. III p. 313), is apographum est libri Parisiaci n° 2430 in usum Vincentii saeculo XIX factum.

In hac subsidiorum criticorum penuria adiumentum non prorsus spernendum quo Heronis opusculum emendetur praebet ignoti nobis scriptoris Byzantini de geodaesia libellus a Vincentio editus.¹⁾ Is Heroni Byzantio contra archetypi codicis fidem perperam attribuitur; nam in codice Vaticano Graeco n° 1605 (membr. saec. XI), quem unicum huic libello recensendo praesidium esse K. K. Mueller (Mus. Rhen. t. XXXVIII [1883] p. 454—463) docuit, sine titulo traditur. Quem qui conscripsit, ut omnem propemodum disputationis suae materiam a vetustioribus scriptoribus corrogasse videtur, ita Heronis de dioptra librum se adhibuisse disertis ipse verbis professus est (p. 388). Cuius cum codice usus sit hic illic meliore quam qui nobis praesto est Parisiacus vetustus, ad menda quaedam tollenda, maxime in cap. XXXI, utilitatem adfert. Sed quae olim inter primum et alterum geodaesiae caput posita fuisse videtur instrumenti dioptrici descriptio, ea quaternionibus aliquot archetypi illius codicis amissis periit; quae si exstaret, ad lacunam illam opusculi Heroniani

1) Notices et extraits t. XIX, 2^e partie (Paris 1858) p. 348 sq.

explendam nonnihil inde redundaret; nam quoniam prooemium commentationis dioptricae ab anonymo illo scriptore in praefatione (cap. I) conscribillaanda adhibitum est, ex eodem armamentario eum etiam ea sumpsisse credibile est, quae de ipsius dioptrae structura non potuit non proponere. Quae cum ita sint, abiecta spe hiatus illius ex codicibus integrioribus explendi dioptrae Heronianae formam eorum indiciorum ope restituere oportet, quae per posteriorem commentationis partem sparsa inveniuntur.

Quoniam quibus praesidiis commentationis dioptricae recensio munita sit exposui, dicendum est de interpolationibus.

Ac primum Fr. Hultsch¹⁾ gravissimum illud theorema, quo areae triangularis mensura ex tribus lateribus efficitur (c. XXX), medio Heronis libello ab interpolatore quodam insertum esse autumavit. Quod si verum esset, caput illud perquam memorabile posset videri ex primo libro rationum dimetiendi desumptum esse; in hoc enim opere demonstratio illa paene eisdem verbis proponitur (p. 20, 6 sq.). At invictum praesto est argumentum quo Hultschii opinio refellatur. Ipse enim Hero in cap. XXVII: *δυνατὸν δὲ, inquit, μετρήσαι τὸ ΗΚΑ τρίγωνον, ἐπειδήπερ ἔχω τὰς πλευρὰς αὐτοῦ· τοῦτο γὰρ ἔξῃς δέλομεν*. His verbis in capite XXVII positis quoniam quasi digitum intendit in caput XXX, aut neutrum horum capitum aut utrumque ab eo scriptum esse liquido apparet. Confirmatur haec ratiocinatio duobus exemplis plane consimilibus. Nam quae in cap. XXIV scripta sunt: *δείξει ἐπίστασθαι ἀπὸ τοῦ δοθέντος τραπέζιον ὥς δεῖ ἀφελεῖν τραπέζιον ἴσον τῷ δοθέντι· τοῦτο δὲ ἔξῃς δέλομεν*, his ad cap. XXVIII relegamur; item quae in cap. XXVI leguntur: *ὥς δεῖ δὲ ἀφελεῖν τρίγωνον ἢ προσθεῖναι, ἔξῃς δέλομεν*, iis ea spectantur, quae in cap. XXIX demonstrantur. Qui haec expenderit, facile opinor intelletget capita XXVIII, XXIX, XXX non modo non aliena esse

1) Heronis Alexandrini reliqu. praef. p. XVII.

a commentationis dioptricae consilio, verum etiam necessaria eius esse supplementa, quippe quibus difficiles aliquot demonstrationes mathematicae, quarum in superioribus capitibus mentio facta sit, contineantur.

Ut haec iniuria, ita ea, quae in capite XXXVII exponuntur, merito interpolationis suspicionem moverunt; nam toto genere aliena sunt a quaestionibus dioptricis eisque ne minima quidem societate coniunguntur. Sed quod Hermannus Diels¹⁾ fragmentum illud, quod etiam initio Mechanicorum Heronis legitur²⁾, in vetusto aliquo corpore commentationum Heronianarum medium inter Dioptrica et Mechanica locum obtinuisse ob eamque rem posterioribus temporibus tum una cum commentatione dioptrica, tum una cum Mechanicis per libros manu scriptos propagatum esse suspicatus est, vereor ne haec opinatio in lubrico versetur. Etenim in vetusto codice Parisiaco (suppl. Gr. n° 607) caput illud XXXVII non extremo Heronis libro adiunctum reperitur, sed continuatur eo capite, quod nunc est XXXV, in Vincentii autem editione editoris iudicio arbitrioque factum est, ut caput illud eo loco, quem in codicibus tenet, moveretur: quae res subobscurè quidem, sed indicata tamen est p. 319. Itaque coniectura illa sane speciosa mihi reprobanda esse videtur; neque enim, quantum ego existimare possum, certum praesto est argumentum, quo evincatur caput XXXVII ab interpolatore extremae Heronis commentationi adscriptum fuisse ac postea demum sive membranis traiectis sive alia de causa sedem mutasse.

Figurarum geometricarum — ut hoc addam — alia est in priore atque in altero Heronis scripto ratio. Nam cum rationum dimetiendi libros in codice Constantino-politano figuris diligenter pictis distinctos viderem, has ipsas delineandas curavi; dioptricae autem commentationis

1) *Deutsche Literaturzeitung* 1895, 44.

2) Carra de Vaux, *Les Mécaniques d'Héron d'Alexandrie* p. 39 sq.; cf. Nix II, 1 p. XXIII et 2.

figuras partim a Vincentio mutuatus sum, partim refinxī, quoniam eae, quae in libro Parisiaco sunt, non omnes idoneae videbantur.

Heronis similiumque Heronis scriptorum emendatio facilis est eademque difficilis: facilis, quia illi in angusto verborum et sententiarum gyro quasi circumaguntur; difficilis, quia in eis rebus explicandis versantur, quae a litteratorum studiis plerorumque alienae sunt. Itaque ego, ut homo grammaticus mathematices parum peritus, multo minus me, quam par erat, assecutum esse scio speroque fore, ut alii inchoatum opus perficiant. Quodsi qua sunt in hoc volumine, quae litteris conducere videantur, ea non tam mihi accepta referri cupio quam patri meo optimo, qui et repertos a se in codice Constantinopolitano rationum dimetiendi libros edendos mihi tradidit et commentationem dioptricam cum libro Parisiaco accuratissime collatam mihi commodavit. Praeterea Maximilianus Nath, vir doctissimus, dum plagulas mea causa semel iterumque perlegit, acutissimis observationibus et emendationibus egregie de hac editione meruit. Statio haec, non portus est; ad portum nisi coniuncta multorum opera non pervenietur. Itaque si philologorum et mathematicorum studia ad hos libros legendos, emendandos, illustrandos excitavero, amplissimum laboris praemium consecutus esse mihi videbor.



ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ
ΜΕΤΡΙΚΩΝ

Α Β Γ

ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Α

ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

cod. Cpolit.
n. 1 fol. 67^r

Ἡ πρώτη γεωμετρία, ὡς ὁ παλαιὸς ἡμᾶς διδάσκει λόγος, περὶ τὰς ἐν τῇ γῇ μετρήσεις καὶ διανομὰς κατησχολεῖτο, ὅθεν καὶ γεωμετρία ἐκλήθη· χρειάδους 5 δὲ τοῦ πράγματος τοῖς ἀνθρώποις ὑπάρχοντος ἐπὶ πλέον προήχθη τὸ γένος, ὥστε καὶ ἐπὶ τὰ στερεὰ σώματα χωρῆσαι τὴν διοίκησιν τῶν τε μετρήσεων καὶ διανομῶν· καὶ ἐπειδὴ οὐκ ἐξήρκει τὰ πρῶτα ἐπινοηθέντα θεωρήματα, προσεδέθησαν ἔτι περισσοτέρας 10 ἐπισκέψεως, ὥστε καὶ μέχρι νῦν τινὰ αὐτῶν ἀπορεῖσθαι, καίτοι Ἀρχιμήδους τε καὶ Εὐδόξου γενναίως ἐπιβεβληκότων τῇ πραγματείᾳ. ἀμήχανον γὰρ ἦν πρὸ τῆς Εὐδόξου ἐπινοίας ἀπόδειξιν ποιήσασθαι, δι' ἧς ὁ κύλινδρος τοῦ κώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ 15 καὶ ὕψος ἴσον τριπλάσιός ἐστι, καὶ ὅτι οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετραγῶνα πρὸς ἄλληλα. καὶ πρὸ[s] τῆς Ἀρχιμήδους συνέσεως ἄπιστον ἦν ἐπινοῆσαι, διότι ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια τετραπλασία ἐστὶ τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν αὐτῇ (π. σφ. 20

1 tituli litterae minio scriptae, dein inauratae 3—9 amplificada leguntur in Heronis pers. Geometria 106 p. 138, 31 sq. Hu. 3 cf. Herodotus II 109 10 προσεδέθησαν: sc. αἱ μετρήσεις 14 δι' ἧς: διότι Heiberg 14—15 cf. Archimedes π.

VERMESSUNGSLEHRE VON HERON VON ALEXANDRIA.

ERSTES BUCH.

FLÄCHENVERMESSUNG.

5 In ihren Anfängen beschäftigte sich die Geometrie, Vorredo
wie die alte Erzählung uns lehrt, mit den Landvermes-
sungen und Landteilungen, wovon sie auch Geometrie
(Landmessung) genannt ward. Da dies Geschäft für die
Menschen nützlich war, so wurde sein Gattungsbegriff er-
10 weitert, sodaß die Handhabung der Messungen und Teilungen
auch zu den festen Körpern fortschritt, und da die zuerst
gefundenen Sätze nicht ausreichten, so bedurften jene
Operationen noch weiterer Forschung, sodaß sogar bis zum
gegenwärtigen Moment manches davon noch ungelöst ist,
15 obwohl Archimedes und Eudoxus den Gegenstand vortreff-
lich behandelt haben. Denn vor des Eudoxus Entdeckung
war es unmöglich, den Nachweis zu liefern, daß der
Cylinder dreimal so gross ist, als der Kegel, der mit ihm
dieselbe Basis und die gleiche Höhe hat (Elem. XII 10),
20 sowie dafür, daß die Kreise sich zu einander verhalten wie
die Quadrate ihrer Durchmesser zu einander (Elem. XII 2).
Und vor Archimedes' scharfsinniger Entdeckung war es
nicht wahrscheinlich, daß man auf den Gedanken kam, daß

καὶ κυλ. I, 33 vol. I p. 136 Heib.) καὶ ὅτι τὸ στερεὸν
 αὐτῆς δύο τριτημόριά ἐστι τοῦ περιλαμβάνοντος αὐτὴν
 κυλίνδρου (ibid. I, 34 corollarium vol. I p. 146 Heib.)
 καὶ ὅσα τούτων ἀδελφὰ τυγχάνει. ἀναγκαίως οὖν ὑπαρ- 5
 χούσης τῆς εἰρημένης πραγματείας καλῶς ἔχειν ἡγη-
 σάμεθα συναγαγεῖν, ὅσα τοῖς πρὸ ἡμῶν εὐχρηστα
 ἀναγέγραπται καὶ ὅσα ἡμεῖς προ(σ)εθεωρήσαμεν.
 ἀρξώμεθα δὲ ἀπὸ τῶν ἐπιπέδων μετρήσεων, συμπα-
 ραλαμβάνοντες τοῖς ἐπιπέδοις καὶ τὰς ἄλλας ἐπιφανείας
 κοίλας ἢ κυρτάς, ἐπειδήπερ πᾶσα ἐπιφάνεια ἐκ δύο 10
 <δια>στάσεων ἐπινοεῖται. αἱ δὲ συγκρίσεις τῶν εἰρη-
 μένων ἐπιφανειῶν γίνονται πρὸς τι χωρίον εὐθύ-
 γραμμὸν τε καὶ ὀρθογώνιον, εὐθύγραμμον μὲν, ἐπεὶ
 fol. 67^v ἡ εὐθεῖα ἀμετάπτωτος | ἐστι παρὰ τὰς ἄλλας γραμμάς·
 πᾶσα γὰρ εὐθεῖα ἐπὶ πᾶσαν εὐθεῖαν ἐφαρμόζει, αἱ 15
 δὲ ἄλλαι κοίλαι ἢ κυρταὶ οὐ πᾶσαι ἐπὶ πάσας. <...>
 διὸ πρὸς ἐστινός τι, λέγω δὲ τὴν εὐθεῖαν, ἔτι δὲ καὶ
 πρὸς τὴν ὀρθὴν γωνίαν τὴν σύγκρισιν ἐποιήσαντο·
 πάλιν γὰρ πᾶσα ὀρθὴ ἐπὶ πᾶσαν ὀρθὴν ἐφαρμόζει, αἱ
 δ' ἄλλαι οὐ πᾶσαι ἐπὶ πάσας. καλεῖται δὲ πῆχυς μὲν 20
 ἐμβαδὸς, ὅταν χωρίον τετράγωνον ἐκάστην πλευρὰν
 ἔχῃ πῆχεος ἑνός· ὁμοίως δὲ καὶ ἐμβαδὸς ποῦς καλεῖται,
 ὅταν χωρίον τετράγωνον ἔχῃ ἐκάστην πλευρὰν ποδὸς
 ἑνός. ὥστε αἱ εἰρημέναι ἐπιφάνειαι τὰς συγκρίσεις
 λαμβάνουσι πρὸς τὰ εἰρημένα χωρία ἢ τὰ τούτων μέρη. 25
 πάλιν δ' αὖ τὰ στερεὰ σώματα τὰς συγκρίσεις λαμ-
 βάνει πρὸς χωρίον στερεὸν εὐθύγραμμὸν τε καὶ ὀρθο-
 γώνιον, πάντη ἰσόπλευρον· τοῦτο δὲ ἐστι κύβος ἔχων
 ἐκάστην πλευρὰν ἥτοι πῆχεος ἑνός ἢ ποδὸς ἑνός· ἢ

7 προεθεωρήσαμεν: correxi
 10—11 ἐκ δύο στάσεων: corr. man. 3

8 <τῶν> τῶν Heiberg
 16 post πάσας spatium 16

die Oberfläche der Kugel viermal so groß ist als der Flächeninhalt eines ihrer größten Kreise, und daß ihr Kubikinhalt zwei Drittel des sie umschliessenden Cylinders ist, und was es sonst noch an verwandten Sätzen giebt.

5 Da nun das bezeichnete Studium unentbehrlich ist, so hielten wir für angemessen, alles zusammenzustellen, was unsere Vorgänger Brauchbares darüber aufgezeichnet und was wir selbst dazu gefunden haben.

Beginnen wollen wir mit den Messungen von ebenen
 10 Flächen, indem wir zu den ebenen Flächen auch die übrigen, convexen oder concaven, Oberflächen dazunehmen, da der Begriff jeder Oberfläche nur zweier Dimensionen bedarf. Verglichen werden die genannten Oberflächen mit einem geradlinigen rechtwinkligen Flächenstück, einem
 15 geradlinigen, weil die Gerade im Unterschied von den übrigen Linien beim Umschlagen unveränderlich ist (denn jede Gerade paßt auf jede andere Gerade; die übrigen, convexen oder concaven, Linien dagegen nicht sämtlich auf sämtliche anderen). Deshalb verglich man mit etwas Fest-
 20 stehendem, nämlich der Geraden, weiter aber auch mit dem rechten Winkel. Denn wiederum paßt jeder rechte Winkel auf jeden anderen rechten Winkel, die anderen dagegen nicht sämtlich auf alle übrigen ihrer Gattung. Man spricht aber von einer Quadratelle, wenn ein quadra-
 25 tisches Flächenstück Seiten von der Länge einer Elle hat; in ähnlicher Weise spricht man von einem Quadratfuß, wenn ein quadratisches Flächenstück Seiten von der Länge eines Fußes hat. Die genannten Oberflächen werden daher mit diesen Flächenstücken oder Teilen derselben verglichen.
 30 Die festen Körper wiederum werden verglichen mit einem festen Körper, der geradkantig und rechtwinkelig und überall gleichkantig ist — dies ist aber ein Würfel, an dem jede Kante 1 Elle oder 1 Fuß beträgt — oder wieder

πάλιν πρὸς τὰ τούτων μέρη. δι' ἣν μὲν οὖν αἰτίαν
 πρὸς τὰ εἰρημμένα χωρία ἢ σύγκρισις γίνεται, εἴρηται,
 ἐξῆς δὲ ἀρξώμεθα τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις μετρήσεων.
 ἵνα οὖν μὴ καθ' ἐκάστην μέτρησιν πόδας ἢ πῆχεις ἢ
 τὰ τούτων μέρη ὀνομάζωμεν, ἐπὶ μονάδων τοὺς ἀριθ- 5
 μούς ἐκθησόμεθα· ἐξὸν γὰρ αὐτὰς πρὸς ὃ βούλεται
 τις μέτρον ὑποτίθεσθαι.

α. Ἐστω χωρίον ἑτερόμηκες $\langle \tauὸ \text{ } A B \Gamma \Delta \text{ ἔχον} \rangle$ τὴν
 μὲν AB μονάδων ϵ , τὴν δὲ AG μονάδων γ . εὗρεῖν
 αὐτοῦ $\langle \tauὸ \text{ ἔμβαδόν} \rangle$. ἐπεὶ πᾶν παραλληλόγραμμον 10
 ὀρθογώνιον $\langle \text{περιέχεται} \text{ λέ} \rangle$ γεται ὑπὸ δύο τῶν τὴν
 ὀρθὴν γωνίαν περι $\langle \text{εχουσῶν} \text{ εὐθειῶν} \rangle$ καὶ ἔστι τὸ
 ὑπὸ τῶν $BA \text{ } AG$ περιεχόμενον $\langle \text{τοιούτο, τὸ} \rangle$ ἔμ-
 βαδὸν τοῦ ἑτερομήκους ἔσται μονάδων $\iota\epsilon$. $\langle \text{ἐὰν γὰρ}$
 $\text{ἐκατέρα πλευρὰ} \rangle$ διαιρεθῇ ἢ μὲν AB εἰς τὰς μονάδας 15
 ϵ , ἢ δὲ AG ὁμοίως $\langle \text{εἰς τὰς } \gamma \text{ μονάδας καὶ δι} \rangle$ ὰ τῶν
 τομῶν παράλληλοι ἀχθῶσιν ταῖς τοῦ παραλληλο-
 γράμμου πλευραῖς, ἔσται τὸ χωρίον διηρημένον εἰς
 χωρία $\iota\epsilon$, ὧν ἕκαστον ἔσται μονάδος α . κἂν τετρά-
 γωνον δὲ ἢ τὸ χωρίον, ὃ αὐτὸς ἀρμόσει λόγος. 20

β. Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ $AB \Gamma$ ὀρθὴν ἔχον
 τὴν πρὸς τῷ B γωνίαν. καὶ ἔστω ἢ μὲν AB μονάδων
 γ , ἢ δὲ $B \Gamma$ μονάδων δ . εὗρεῖν τὸ ἔμβαδὸν τοῦ τρι-
 γώνου καὶ $\langle \text{τὴν ὑποτείνουσιν. προσανα} \rangle$ πεπληρωσθῶ
 τὸ $AB \Gamma \Delta$ $\langle \text{παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, οὗ} \rangle$ τὸ 25

6 ἐκθησόμεθα: corr. Heiberg 8 spatium 8 litterarum;
 supplemento a man. 2 adscripto ἔχον addidi 10 αὐτὴν: correxi
 spatium 8 litterarum; supplevi 11 spatium 12 litterarum;
 supplevi coll. Eucl. Elem. II def. 1. 12 spatium 13 litterarum;
 supplevi. $\langle \text{εχουσῶν πλευρῶν} \rangle$ man. 2 13 spatium 9 litterarum;
 supplevi. $\langle \text{ὀρθογώνιον τὸ} \rangle$ man. 2 14 spatium 15 litterarum;
 supplevi. $\langle \text{ἐκατέρα τῶν πλευρῶν} \rangle$ m. 2 15 τὰς ϵ μονάδας

mit Teilen dieser Würfel. Aus welchem Grunde nun die Vergleichung mit den genannten Raumteilen angestellt wird, ist gesagt, im Folgenden aber wollen wir mit den Oberflächenmessungen beginnen. Damit wir nun nicht
 5 bei jeder Messung Fulse oder Ellen oder Teile davon zu nennen brauchen, so werden wir die Zahlenangaben in Einheiten machen, denn man kann dieselben jeder beliebigen Mafseinheit unterlegen.

I. Es sei $AB\Gamma\Delta$ ein Rechteck, in dem $AB = 5$, $A\Gamma$
 10 $= 3$; zu finden seinen Inhalt. Da jedes rechtwinklige Parallelogramm bestimmt wird durch zwei einen rechten Winkel einschließende Gerade und die von BA , $A\Gamma$ bestimmte Figur ein solches ist, so wird der Inhalt des

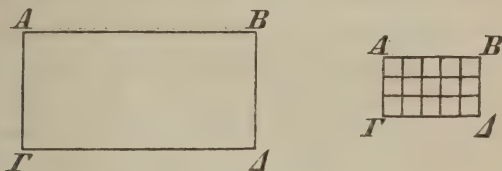


Fig. 1.

Rechtecks $= 15$ sein, denn wenn jede Seite geteilt wird,
 15 und zwar AB in seine 5 Einheiten, $A\Gamma$ aber in seine 3 Einheiten und durch die Schnittpunkte Parallelen zu den Seiten des Parallelogramms gezogen werden, so wird die Fläche in 15 Flächenstücke geteilt sein, von denen jedes gleich 1 Flächeneinheit sein wird. Und wenn die
 20 Fläche ein Quadrat ist, so wird derselbe Beweis passen.

II. Es sei $AB\Gamma$ ein rechtwinkliges Dreieck, in dem der Winkel bei $B = 1 R$ und $AB = 3$, $B\Gamma = 4$ sein soll. Zu finden den Inhalt des Dreiecks und seine Hypotenuse. Man ergänze das rechtwinklige Parallelogramm $AB\Gamma\Delta$,

Heiberg 16 spatium 15 litterarum; supplavi. <εἰς τὰς τρεῖς καὶ δι> man. 2 24 spatium incertum; supplavi. <τ. ὅπ. συμ>
 man. 2 25 spatium 22 litterarum; supplavi. <ἐπεὶ γὰρ τοῦ $AB\Gamma\Delta$ ὀρθογωνίου παραλληλογράμου> man. 2

ἐμβαδὸν, ὥς ἐπάνω <δέδεικται, μονάδων ιβ. τὸ δὲ $AB\Gamma$ τριγώνου > ἡμισὺ ἐστὶ τοῦ $AB\Gamma\Delta$ <παραλληλογράμμου· ἐστὶ οὖν> τοῦ $AB\langle\Gamma\rangle$ τριγώνου <τὸ ἐμβαδὸν μονάδων 5 ς · καὶ> ἐπεὶ ὀρθή ἐστὶν <ἢ πρὸς τῷ B γωνία, τὰ ἀπὸ τῶν AB $B\Gamma$ > τετράγωνα ἴσα ἐστὶν <τῷ ἀπὸ τῆς $A\Gamma$ 5 τετραγώνω .> καὶ ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν AB $B\Gamma$ <τετράγωνα μονάδων κε· καὶ τὸ ἀπὸ τῆς> $A\Gamma$ ἄρα ἐστὶ μονάδων κε· αὐτὴ <ἄρα ἡ $A\Gamma$ μονάδων ε. ἡ δὲ μέθοδος ἐστὶν αὕτη> τὰ μὲν γ ἐπὶ τὰ δ ποιήσαντα λαβεῖν <τὸ ἡμισυ τούτων· γίνεται ς · τοσοῦτων> τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου . καὶ 10 <.....τὰ γ > ἐφ' ἑαυτὰ ποιήσαντα καὶ ὁμοίως τὰ δ ἐφ' ἑαυτὰ <ποιήσαντα συνθεῖναι>· καὶ γίνονται κε· καὶ τούτων πλεονάζοντα λαβόντα ἔχειν <τοῦ τριγώνου τὴν> ὑποτείνουσιν.

γ. Ἐστω τριγώνον ἰσοσκελὲς τὸ $AB\Gamma$ ἴσην ἔχον τὴν AB τῇ $A\Gamma$ καὶ ἑκατέραν <τῶν> ἴσων μονάδων ι. 15 τὴν δὲ $B\Gamma$ [τῇ $A\Gamma$ <καὶ> ἑκατέραν τῶν ἴσων μονάδων ι <τὴν δὲ $B\Gamma$ >] | μονάδων ιβ. εὗρεῖν αὐτοῦ[ς] <τὸ ἐμ- 68^v βαδὸν.> ἤχθω κάθετος ἐπὶ τὴν $B\Gamma$ ἢ $A\Delta$. καὶ διὰ μὲν τοῦ A τῇ $B\Gamma$ παράλληλος ἤχθω ἡ EZ , διὰ δὲ τῶν B , Γ τῇ $A\Delta$ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ BE , $\Gamma\langle Z\rangle$ · διπλάσιον 20 ἄρα ἐστὶν τὸ $B\Gamma EZ$ παραλληλόγραμμον τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου · βάσιν τε γὰρ αὐτῷ ἔχει τὴν αὐτὴν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν. καὶ ἐπεὶ ἰσοσκελές

1 spatium 19 litterarum; supplevit man. 2 2 spatium 20 litterarum; supplevit man. 2 3 AB : corr. man. 2 spatium 18 litterarum; supplevit man. 2 4 spatium 17 litterarum; supplevi. <ἡ ὑπὸ $AB\Gamma$ γωνία καὶ ...> man. 2 5 spatium 17 litterarum; supplevi. $A\Gamma$ ὑποτείνουσας man. 2 6 ἀπὸ τῶ: corr. man. 2 7 spatium 25 litterarum; supplevi. <τ. μ. ις συναμφοτέρα· καὶ τὸ ἀπὸ> man. 2 8 spatium 17 litterarum; supplevi. <ἄρα ἐστὶ μονάδων ε> man. 2 9 spatium 21 litterarum; supplevi. τὰ μὲν β: correxi 11 spatium 17 litterarum; supplevi post αὐτὰ spatium 9 litterarum; supplevi 13 spatium 20 litterarum; supplevi

dessen Inhalt = 12 ist, wie oben gezeigt; der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ aber ist gleich der Hälfte des Parallelogramms $AB\Gamma A$ (Elem. I 34). Der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$

wird also = 6 sein.

Und da der Winkel bei $B = 1 R$ ist, so ist

$$AB^2 + B\Gamma^2 = A\Gamma^2.$$

Nun ist aber

$$AB^2 + B\Gamma^2 = 25;$$

also ist auch

$$A\Gamma^2 = 25;$$

folglich

$$A\Gamma = 5.$$

Das Verfahren ist folgendes: $\frac{3 \times 4}{2} = 6$. So viel beträgt der Inhalt des Dreiecks. Und $3^2 + 4^2 = 25$. Nimmt man hiervon die Wurzel, so hat man die Hypotenuse des Dreiecks.

III. Es sei $AB\Gamma$ ein gleichschenkliges Dreieck, in dem $AB = A\Gamma = 10$, $B\Gamma = 12$ sei. Zu finden seinen Inhalt.

Es werde auf $B\Gamma$ die Höhe AA gefällt und durch A zu $B\Gamma$ eine Parallele EZ , durch B und Γ aber zu AA die Parallelen $BE, \Gamma Z$ gezogen. Folglich ist das Parallelogramm $B\Gamma EZ$ doppelt so groß als das Dreieck $AB\Gamma$; denn es hat dieselbe Basis wie die-

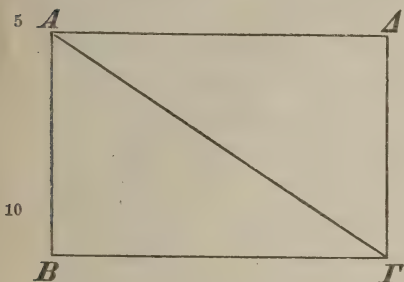


Fig. 2.

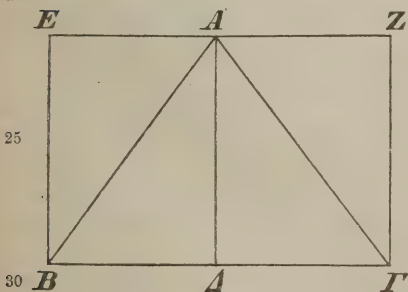


Fig. 3.

ἐστὶ καὶ κάθετος ἦκται ἡ $ΑΔ$, ἴση ἐστὶν ἡ $ΒΔ$ τῇ $ΔΓ$. καὶ ἔστιν ἡ $ΒΓ$ μονάδων ιβ· ἡ ἄρα $ΒΔ$ ἐστὶ μονάδων ς. ἡ δὲ $ΑΒ$ μονάδων ι· ἡ ἄρα $ΑΔ$ ἔσται μονάδων η, ἐπειδήπερ τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΒ$ ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν $ΒΔ ΔΑ$ · <ὥστε καὶ> ἡ $ΒΕ$ ἔσται μονάδων η. 5 ἡ δὲ $ΒΓ$ ἐστὶ μονάδων ιβ. τοῦ ἄρα $ΒΓΕΖ$ παραλληλογράμμου τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων ς. ὥστε τοῦ $ΑΒΓ$ τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων μη. ἡ δὲ μέθοδος ἐστὶν αὕτη· λαβὲ τῶν ιβ τὸ ἥμισυ· γίνονται ς· καὶ τὰ ι ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται ρ. ἄφελε τὰ ς ἐφ' 10 ἑαυτὰ, ἃ ἐστὶ λς· γίνονται λοιπὰ ξδ. <τούτων πλευρὰ γίνεται η·> τοσοῦτου ἔσται ἡ $ΑΔ$ κάθετος. <καὶ τὰ ιβ ἐπὶ τὰ η· γίνονται> ς. τούτων τὸ ἥμισυ. <γίνονται μη· τοσοῦτων ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου>.

δ. Τῶν δὲ ἀνισοσκελῶν τριγώνων <τὰς γωνίας 15 δεῖ ἐπισκέψασθαι ὅπως τὰς ἀγομένας καθέτους ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς πλευρὰς εἰδῶμεν, ἦτοι ἐντὸς τῶν γωνιῶν πίπτουσιν ἢ ἐκτός· ἔστω οὖν δοθὲν τρίγωνον τὸ $ΑΒΓ$ ἔχον ἐκάστην πλευρὰν δοθεῖσιν μοιρῶν. καὶ δεόν ἐστὶν ἐπισκέψασθαι εἰ τύχοι τὴν πρὸς τῷ $Α$ 20 γωνίαν, ἦτοι ὀρθή ἐστὶν ἢ ἀ<μβλει>α ἢ ὀξεια· εἰ μὲν οὖν τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ τετραγώνον ἴσον ἐστὶν <τοῖς> ἀπὸ τῶν $ΒΑ ΑΓ$ τετραγώνοις, δῆλον ὅτι ὀρθή ἐστὶν ἢ πρὸς τῷ $Α$ γωνία· εἰ δὲ ἔλασσον, ὀξεια· εἰ δὲ μείζον, δῆλον ὅτι ἀμβλειά ἐστὶν ἢ πρὸς τῷ $Α$ γωνία. ὑπο- 25 κείσθω δὴ τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ τετραγώνον ἔλασσον τῶν

fol. 69^r

5 spatium 3 litterarum; supplevit Heiberg 13 spatium 17 litterarum; supplevi 14 versus unus et dimidius vacui; supplevi 15 spatium 18 litterarum; supplevi; [ἐπισκε] etiam m. 2. 17 ἴδωμεν: corr. Heiberg 20 fortasse δεόν ἔστω 21 spatium 5 litterarum; supplevit man. 2. 24 ἐλάσσων et μείζων: correxi 26 δέ: correxi ἀπὸ τῇ: correxi ἐλάσσων: correxi

ses und liegt zwischen denselben Parallelen (Elem. I 41). Und da das Dreieck gleichschenkelig ist und die Höhe AA' gefällt ist, so ist $BA' = A'I$. Nun ist $BI = 12$. Also ist $BA' = 6$. Es ist aber $AB = 10$; also $AA' = 8$, da $AB^2 = BA'^2 + AA'^2$. Und auch $BE = 8$, BI aber $= 12$. Der Inhalt des Parallelogramms $BIEZ$ ist also $= 96$. Der Inhalt des Dreiecks ABI ist also $= 48$. Das Verfahren ist folgendes:

$$\frac{12^2}{2} = 36$$

$$10^2 = 100$$

$$100 - 36 = 64$$

$$\sqrt{64} = 8 = AA'$$

Ferner: $12 \times 8 = 96$

$$\frac{96}{2} = 48.$$

So viel beträgt der Inhalt des Dreiecks.

IV. Bei den ungleichschenkligen Dreiecken muß man die Winkel an der Spitze betrachten, um zu wissen, ob die von den Winkeln auf die gegenüberliegenden Seiten gefällten Höhen innerhalb der Winkel fallen oder außerhalb. Es sei gegeben das Dreieck ABI , in dem jede Seite eine gegebene Größe habe. Und es sei beispielsweise nötig, den Winkel bei A zu betrachten, ob er ein rechter oder ein stumpfer oder ein spitzer ist. Wenn nun BI^2 gleich $BA^2 + AI^2$ ist, so ist klar, daß der Winkel bei

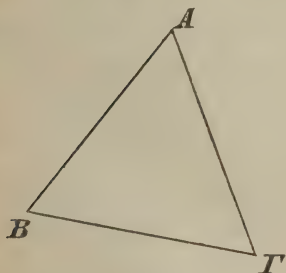


Fig. 4.

A ein rechter ist; wenn es aber kleiner ist, so ist er ein spitzer; wenn es größer ist, so ist es offenbar, daß der Winkel bei A ein stumpfer ist (Elem. II 12—13). Es werde

ἀπὸ τῶν $ΒΑ ΑΓ$ τετραγώνων. ὁξεῖα ἄρα ἐστὶν ἢ πρὸς τῷ $Α$ γωνία. εἰ γὰρ οὐκ ἔσται ὁξεῖα, ἦτοι ὀρθή ἐστὶν ἢ ἀμβλεία. ὀρθή μὲν οὖν οὐκ ἐστὶν· ἔδει γὰρ τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ τετραγώνων ἴσον εἶναι τοῖς ἀπὸ τῶν $ΓΑ ΑΒ$ τετραγώνοις· οὐκ ἐστὶν δέ· οὐκ ἄρα ὀρθή ἐστὶν ἢ 5 πρὸς τῷ $Α$ γωνία. οὐδὲ μὴν ἀμβλεία ἐστὶν· ἔδει γὰρ τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ τετραγώνων μείζον εἶναι τῶν ἀπὸ τῶν $ΓΑ ΑΒ$ τετραγώνων· οὐκ ἐστὶν δέ· οὐδὲ ἄρα ἀμβλεία ἐστὶν. ἐδείχθη δὲ ὅτι οὐδὲ ὀρθή· ὁξεῖα ἄρα ἐστίν. ὁμοίως δὴ ἐπιλογιούμεθα καὶ ἐὰν τὸ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$ τε- 10 τραγώνων μείζον ἢ τῶν ἀπὸ τῶν $ΒΑ ΑΓ$ τετραγώνων, ὅτι ἀμβλεία ἐστὶν ἢ πρὸς τῷ $Α$ γωνία.

ε. Ἐστω τρίγωνον ὀξυγώνιον τὸ $ΑΒΓ$ ἔχον τὴν μὲν $ΑΒ$ μονάδων $ιγ$, τὴν δὲ $\langle ΒΓ$ μονάδων $ιδ$, τὴν δὲ $ΑΓ$ μονάδων $ιε$. \rangle εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. φα- 15 νερόν $\langle \dots \dots \dots \text{ὅτι} \rangle$ ὁξεῖα ἐστὶν ἢ πρὸς τῷ $Β$ γωνία· τὸ \langle γὰρ ἀπὸ τῆς $ΑΓ$ τετραγώνων ἔλασσον \rangle ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν $ΑΒ \langle ΒΓ$ τετραγώνων. κάθετος ἡχθῶ ἐπὶ \rangle τὴν $ΒΓ$ ἢ $ΑΔ$. τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $ΑΓ$ \langle τῷ δις ὑπὸ τῶν $ΓΒ ΒΔ$ ἔλασσόν \rangle ἐστὶ τῶν ἀπὸ τῶν $ΑΒ$ 20 $ΒΓ$ ὥς $\langle \dots \dots \dots \rangle$ δέδεικται. καὶ ἐστὶ τὰ μὲν ἀπὸ τῶν $ΑΒ ΒΓ$ \langle μονάδων $τξε$, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς \rangle $ΑΓ$ μονάδων $\langle σ \rangle$ κε· λοιπὸν ἄρα τὸ δις ὑπὸ \langle τῶν $ΓΒ ΒΔ$ μονάδων $ρμ$ · τὸ ἄρα \rangle ἅπαξ ὑπὸ τῶν $ΓΒ ΒΔ$ ἐστὶ μονάδων $ο$. καὶ \langle ἐστὶν ἢ $ΒΓ$ μονάδων \rangle $ιδ$ · ἢ ἄρα $ΒΔ$ 25 ἐστὶ μονάδων $ε$. καὶ ἐπεὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΒ$ \langle ἴσον ἐστὶ \rangle

1 τῶν ἀπὸ τὸ: correxi 13 [ὀξυγώνιον] Heiberg 14 lacuna
15 litterarum capax; supplevi 16 spatium 14 litterarum; "
supplevi ὅτι; cetera dubia, f. ἐκ τῶν προγεγραμμένων τῷ $Α$;
corr. Heiberg 17 spatium 14 litterarum; supplevi 18 spatium 17
litterarum; supplevi 19 spatium 26 litterarum; supplevi 20 τοῖς
ἀπὸ: correxi 21 spatium 14 litterarum; fortasse \langle ἐν τοῖς

angenommen, $B\Gamma^2$ sei kleiner als $BA^2 + A\Gamma^2$; es ist also der Winkel bei A ein spitzer. Denn wenn er nicht ein spitzer ist, ist er entweder ein rechter oder ein stumpfer. Ein rechter nun ist er nicht; denn dann müßte
 5 $B\Gamma^2 = \Gamma A^2 + AB^2$ sein. Das ist aber nicht der Fall; folglich ist der Winkel bei A kein rechter. Er ist jedoch auch kein stumpfer; denn dann müßte $B\Gamma^2$ größer sein als $\Gamma A^2 + AB^2$. Das ist aber nicht der Fall; er ist also auch kein stumpfer. Es ward aber gezeigt, daß er auch kein
 10 rechter ist; er ist also ein spitzer. In ähnlicher Weise nun werden wir schließen, daß wenn $B\Gamma^2$ größer ist als $BA^2 + A\Gamma^2$, der Winkel bei A ein stumpfer ist.

V. Es sei $AB\Gamma$ ein spitzwinkliges Dreieck, in dem $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $A\Gamma = 15$ ist. Zu finden seinen In-

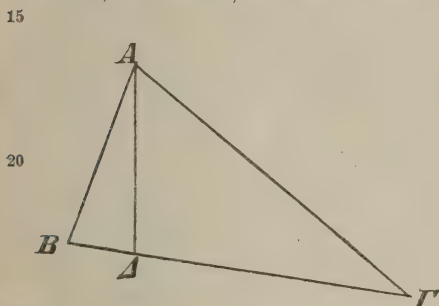


Fig. 5.

halt. Es ist aus dem Bewiesenen klar, daß der Winkel bei B ein spitzer ist. Denn $A\Gamma^2$ ist kleiner als $AB^2 + B\Gamma^2$. Es werde auf $B\Gamma$ die Höhe $A\Delta$ gefällt.¹⁾ Es ist also

$$A\Gamma^2 + 2\Gamma B \times B\Delta = AB^2 + B\Gamma^2,$$

wie $\langle \dots \rangle$ gezeigt

ist. Nun ist $AB^2 + B\Gamma^2 = 365$ und $A\Gamma^2 = 225$. Folglich ist $2B\Gamma \times B\Delta = 140$; folglich $B\Gamma \times B\Delta = 70$. Nun ist $B\Gamma = 14$; folglich wird $B\Delta = 5$. Und da
 30 $AB^2 = A\Delta^2 + \Delta B^2$ ist und $AB^2 = 169$, $B\Delta^2 = 25$ ist,

1) $A\Delta$ müßte auf $B\Gamma$ senkrecht stehen.

τοῖς ἀπὸ τῶν $ΑΔ ΔΒ$ · καὶ ἔστι τὸ μὲν ἀπὸ τῆς $ΑΒ$
 fol. 69^v μονάδων ρξθ|, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $ΒΔ$ μονάδων κε·
 λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ ἔσται μονάδων ρμδ.
 αὐτὴ ἄρα ἡ $ΑΔ$ ἔσται μονάδων ιβ. ἔστι δὲ καὶ ἡ
 $ΒΓ$ μονάδων ιδ· τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $ΒΓΑΔ$ ἔσται 5
 μονάδων ρξη. καὶ ἔστι τοῦ $ΑΒΓ$ τριγώνου διπλάσιον·
 τὸ <ἄρα> $ΑΒΓ$ τρίγωνον ἔσται μονάδων πδ. ἡ δὲ
 μέθοδος ἔσται τοιαύτη· τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρξθ·
 καὶ τὰ ιδ ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρρς· καὶ τὰ ιε ἐφ'
 ἑαυτά· γίγνεται σκε· <σύνθεες τὰ ρξθ καὶ τὰ ρρς· 10
 γίγνεται τξε· ἀπὸ τούτων ἄφελε τὰ σκε> γίγνεται
 λοιπὰ ρμ· τούτων τὸ ἥμισυ· γίγνεται ο· παρὰβαλε παρὰ
 τὸν ιδ· γίγνεται ε· καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρξθ.
 ἀφ' ὧν ἄφελε τὰ ε ἐφ' ἑαυτά· λοιπὰ ρμδ. τούτων
 πλευρὰ γίγνεται ιβ· τοσοῦτον ἔσται ἡ κάθετος. ταῦτα 15
 πολυπλασίασον ἐπὶ τὸν ιδ· γίγνεται ρξη· τούτων τὸ
 ἥμισυ πδ· τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

ς. Ἐστω τρίγωνον ἀμβλυγώνιον τὸ $ΑΒΓ$ ἔχον
 τὴν μὲν $ΑΒ$ μονάδων ιγ, τὴν δὲ $ΒΓ$ μονάδων ια,
 τὴν δὲ $ΑΓ$ μονάδων κ· εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ 20
 τὸ ἐμβαδόν. ἐκβεβλήσθω ἡ $ΒΓ$ καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθε-
 ετος ἡχθω ἡ $ΑΔ$. τὸ <ἄρα> ἀπὸ τῆς $ΑΓ$ μείζον ἔστι τῶν
 ἀπὸ τῶν $ΑΒΒΓ$ τῷ δις ὑπὸ τῶν $ΓΒΒΔ$. καὶ ἔστιν
 <τὸ> μὲν ἀπὸ τῆς $ΑΓ$ μονάδων ν, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $ΒΓ$
 μονάδων <ρκα, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $ΑΒ$ ρξθ· τὸ ἄρα δις 25
 ὑπὸ> τῶν $ΓΒ ΒΔ$ μονάδων ρι. τὸ ἄρα ἅπαξ ὑπὸ τῶν
 $ΓΒ ΒΔ$ ἔστιν <μονάδων νε> καὶ ἔστιν ἡ $ΒΓ$ μονάδων
 ια· ἡ ἄρα $ΒΔ$ ἔσται μονάδων ε. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΑΒ$ μονάδων
 ιγ· ἡ ἄρα $ΑΔ$ ἔσται μονάδων ιβ. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΒΓ$ μονά-
 δων <ια· τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $ΑΔ$ > $ΒΓ$ ἔσται μονάδων ρλβ. 30
 καὶ ἔστι διπλάσιον τοῦ $ΑΒ$ <Γ> τριγώνου. τὸ ἄρα $ΑΒΓ$

so wird $AA^2 = 144$. Folglich wird $AA = 12$ sein. Es ist aber $BF = 14$. Folglich wird $BF \times AA = 168$ sein, und dies ist das Doppelte des Dreiecks ABF . Folglich wird das Dreieck $ABF = 84$ sein. Das Verfahren ist folgendes:

$$\begin{array}{rcl}
 5 & & 13^2 = 169 \\
 & & 14^2 = 196 \\
 & & 15^2 = 225 \\
 & 169 + 196 - 225 = 140 \\
 & \frac{140}{2} = 70 \\
 10 & 70 : 14 = 5 \\
 & 13^2 = 169 \\
 & 169 - 5^2 = 144 \\
 & \sqrt{144} = 12.
 \end{array}$$

So groß wird die Höhe sein. Dies multipliziere mit 14; 15 es giebt 168; hiervon die Hälfte ist 84. So groß wird der Inhalt sein.

VI. Es sei ABF ein stumpfwinkliges Dreieck, in dem $AB = 13$, $BF = 11$, $AF = 20$. Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde BF verlängert und auf sie 20 die Höhe AA gefällt.²⁾ Nun ist

$$AF^2 - 2FB \times BA = AB^2 + BF^2.$$

Nun ist

$$AF^2 = 400; BF^2 = 121; AB^2 = 169.$$

Also ist $2FB \times BA = 110$, also $FB \times BA = 55$. 25 Nun ist $BF = 11$; folglich ist $BA = 5$. Nun ist aber

2) AA müßte auf der Verlängerung von FB senkrecht stehen.

7 spatium 2 litterarum; supplevit man. 2 10 inserui
 19 $\overset{o}{\mu}$ $\iota\delta$: correxist m. 2 22—23 $\tau\delta$ $\acute{\alpha}\pi\delta$ $\tau\tilde{\omega}\nu$: corr. man. 2
 24 $\langle\tau\delta\rangle$ inserui $\overset{o}{\mu}$ ι : corr. man. 2 $\tau\eta\varsigma$ corr. ex $\tau\tilde{\omega}\nu$ man. 2
 26 spatium 2 litterarum; supplevi 29 spatium 15 litterarum;
 supplevi 31 $\tau\omicron\upsilon$ AB : corr. man. 2 η $\acute{\alpha}\rho\alpha$: corr. man. 2

τρίγωνον ἔσται μονάδων ξ $\langle \varsigma \rangle$. ἡ δὲ μέθοδος ἔσται
 [ἡ] αὕτη. τὰ $\iota\gamma$ ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται $\rho\xi\theta$ · καὶ τὰ $\iota\alpha$ ἐφ'
 ἑαυτὰ γίγνεται $\rho\kappa\alpha$ · καὶ τὰ κ ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται ν .
 σύνθεσ τὰ $\rho\xi\theta$ καὶ τὰ $\rho\kappa\alpha$ γίγνεται $\sigma\varsigma$ · ταῦτα ἄφελε
 ἀπὸ τῶν ν · λοιπὰ $\rho\iota$. | τούτων τὸ ἥμισυ γίγνεται $\nu\epsilon$. 5

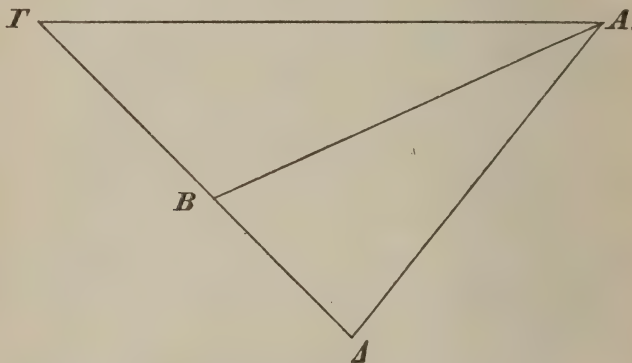


Fig. 6.

παράβαλε παρὰ τὸν $\iota\alpha$ γίγνεται ϵ . καὶ τὰ $\iota\gamma$ ἐφ'
 ἑαυτὰ γίγνεται $\rho\xi\theta$. ἄφελε τὰ ϵ ἐφ' ἑαυτὰ· λοιπὰ
 $\rho\mu\delta$. τούτων πλευρὰ γίγνεται $\iota\beta$. ἔσται ἡ κάθετος
 μονάδων $\iota\beta$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\iota\alpha$ γίγνεται $\rho\lambda\beta$. τούτων τὸ
 ἥμισυ $\xi\varsigma$ · τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. 10

Μέχρι μὲν οὖν τούτου ἐπιλογιζόμενοι τὰς γεωμε-
 τρικὰς ἀποδείξεις ἐποιησάμεθα, ἐξῆς δὲ κατὰ ἀνάλυσιν
 διὰ τῆς τῶν ἀριθμῶν συνθέσεως τὰς μετρήσεις ποιη-
 σόμεθα.

ζ. Ἐὰν ᾧσι δύο ἀριθμοὶ οἱ AB , $B\Gamma$, ἔσται τοῦ 15
 ἀπὸ AB τετραγώνου ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ $B\Gamma$ τετράγωνον
 πλευρὰ $\langle \delta \rangle$ ὑπὸ AB $\langle \Gamma \rangle$ περιεχόμενος ἀριθμός. ἐπεὶ

$AB = 13$; folglich wird $AA = 12$ sein. Aber auch $B\Gamma = 11$. Folglich wird $AA \times B\Gamma = 132$ sein, und dies ist der doppelte Wert des Dreiecks $AB\Gamma$. Folglich wird das Dreieck $AB\Gamma = 66$ sein. Das Verfahren ist folgendes:

$$\begin{array}{rcl}
 5 & & 13^2 = 169 \\
 & & 11^2 = 121 \\
 & & 20^2 = 400 \\
 & 169 + 121 = 290 \\
 & 400 - 290 = 110 \\
 10 & & \frac{110}{2} = 55 \\
 & 55 : 11 = 5 \\
 & & 13^2 = 169 \\
 & 169 - 5^2 = 144 \\
 & \sqrt{144} = 12.
 \end{array}$$

15 Die Höhe wird $= 12$ sein. Ferner:

$$\begin{array}{rcl}
 12 \times 11 = 132 \\
 \frac{132}{2} = 66.
 \end{array}$$

So groß wird der Inhalt des Dreiecks sein.

Bis hierher nun haben wir die geometrischen Be-
 20 weise durch Rechnung gegeben; im folgenden aber werden wir die Messungen nach Maßgabe einer Analyse vermitteltst Zusammensetzung der Zahlenwerte bewerkstelligen.

VII. Wenn AB und $B\Gamma$ zwei Zahlenwerte sind, so wird $\sqrt{AB^2 \times B\Gamma^2} = \text{dem Inhalt von } AB\Gamma^1)$ sein. Denn

1) Gemeint ist ein Rechteck mit den Seiten AB und $B\Gamma$.

1 <5> add. man. 2 2 ἡ ἀντή: deleui ἡ 3 post v 6 fere
 litterae erasae; nil desideratur 10 τοσοῦτον: correxi 17 ó
 additum f. a manu 1 <Γ> add. man. 2

γάρ ἐστιν ὡς ὁ AB πρὸς τὸν $BΓ$, οὕτως ὁ τε ἀπὸ AB τετράγωνος πρὸς τὸν ὑπὸ $ABΓ$ περιεχόμενον ἀριθμὸν καὶ ὁ ὑπὸ $ABΓ$ πρὸς τὸν ἀπὸ $BΓ$ τετράγωνον, ἔσται ἄρα καὶ ὡς ὁ ἀπὸ AB τετράγωνος πρὸς τὸν ὑπὸ $ABΓ$, οὕτως ὁ ὑπὸ $ABΓ$ πρὸς τὸν ἀπὸ $BΓ$ 5 τετράγωνον. ἐπεὶ οὖν τρεῖς ἀριθμοὶ ἀνάλογον ἔχουσιν, ἔσται ὁ ὑπὸ τῶν ἁκρῶν ἴσος τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου τετραγώνῳ· ὁ ἄρα ἀπὸ τοῦ AB τετράγωνος ἐπὶ τὸν ἀπὸ τοῦ $BΓ$ ἴσος ἔσται τῷ ὑπὸ τῶν $ABΓ$ ἐφ' ἑαυτόν. τοῦ ἄρα ἀπὸ AB ἐπὶ τὸν ἀπὸ $BΓ$ τετράγωνον πλευρά 10 ἔστιν ὁ ὑπὸ τῶν $ABΓ$ περιεχόμενος ἀριθμός.

fol. 70^v η. | Ἔστι δὲ καθολικὴ μέθοδος ὥστε τριῶν πλευρῶν δοθεισῶν οἰουδηποτοῦν τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν εὑρεῖν χωρὶς καθέτου· οἷον ἔτισσαν αἱ τοῦ τριγώνου πλευραὶ μονάδων ζ, η, θ. σύνθες τὰ ζ καὶ τὰ η καὶ 15 τὰ θ· γίννεται κδ. τούτων λαβὲ τὸ ἥμισυ· γίννεται ιβ. ἄφελε τὰς ζ μονάδας· λοιπαὶ ε. πάλιν ἄφελε ἀπὸ τῶν ιβ τὰς η· λοιπαὶ δ. καὶ ἔτι τὰς θ· λοιπαὶ γ. ποιήσον τὰ ιβ ἐπὶ τὰ ε· γίννονται ξ. ταῦτα ἐπὶ τὸν δ· γίννονται σμ· ταῦτα ἐπὶ τὸν γ· γίννεται ψκ· 20 τούτων λαβὲ πλευρὰν καὶ ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου. ἐπεὶ οὖν αἱ ψκ ῥητὴν τὴν πλευρὰν οὐκ ἔχουσι, ληψόμεθα μετὰ διαφόρου ἐλαχίστου τὴν πλευρὰν οὕτως· ἐπεὶ ὁ συνεγγίζων τῷ ψκ τετράγωνός ἐστιν ὁ ψκθ καὶ πλευρὰν ἔχει τὸν κζ, μέρισον τὰς ψκ εἰς τὸν κζ· 25 γίννεται κς καὶ τρίτα δύο· πρόσθες τὰς κζ· γίννεται νγ τρίτα δύο. τούτων τὸ ἥμισυ· γίννεται κςΛγ'. ἔσται ἄρα τοῦ ψκ ἡ πλευρὰ ἔγγιστα τὰ κςΛγ'. τὰ γὰρ κςΛγ' ἐφ' ἑαυτὰ γίννεται ψκ λς'· ὥστε τὸ διάφορον μονάδος

da $AB : B\Gamma = AB^2 : AB\Gamma = AB\Gamma : B\Gamma^2$, so wird folglich auch $AB^2 : AB\Gamma = AB\Gamma : B\Gamma^2$ sein. Da nun 3 Zahlenwerte in einem Verhältniss stehen, so wird das Produkt der beiden äusseren gleich dem Quadrat der mittleren sein
 5 (Elem. VI 17). Also wird $AB^2 \times B\Gamma^2 = AB\Gamma^2$ sein; also
 $\sqrt{AB^2 \times B\Gamma^2} = AB\Gamma$.

VIII. Es giebt eine allgemeine Methode, um, wenn drei Seiten eines beliebigen Dreiecks gegeben sind, den Inhalt ohne die Höhe zu finden. Beispielsweise seien die
 10 Seiten des Dreiecks = 7, 8, 9.

$$7 + 8 + 9 = 24$$

$$\frac{24}{2} = 12$$

$$12 - 7 = 5$$

$$12 - 8 = 4$$

$$15 \quad 12 - 9 = 3$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 4 = 240$$

$$240 \times 3 = 720.$$

Daraus ziehe die Wurzel, und sie wird gleich dem Inhalt
 20 des Dreiecks sein. Da nun 720 eine rationale Wurzel nicht besitzt, so werden wir mit kleinster Differenz die Wurzel folgendermassen ziehen. Da die 720 nächstkommende Quadratzahl 729 ist und die Wurzel 27 hat, so theile 720 durch 27; es ergibt $26\frac{2}{3}$.

$$25 \quad 27 + 26\frac{2}{3} = 53\frac{2}{3}$$

$$\frac{53\frac{2}{3}}{2} = 26\frac{1}{2} + \frac{1}{3}.$$

correxī 22 sq. cf. P. Tannery Zeitschrift f. Math. u. Physik, hist. litt. Abt. 1894 pag. 13—15; M. Curtze ib. 1897 p. 113 sq.; Eutocius p. 270, 1 sq. Heib. 22 $\overline{\varrho\eta} \tau\eta\nu: \xi\eta\tau\eta\nu \tau\eta\nu$ m. 2(?)

28 $\xi\gamma\gamma\iota\sigma\tau\alpha \tau\acute{\alpha}: \tau\acute{\alpha}$ f. delendum 29 $\overset{o}{\mu}$ corr. ex $\overset{\omega}{\mu}$ man. 1

ἐστὶ μὲν ὅριον $\lambda\zeta'$. ἐὰν δὲ βουλώμεθα ἐν ἐλάσσονι μορίῳ τοῦ $\lambda\zeta'$ τὴν διαφορὰν γίνεσθαι, ἀντὶ τοῦ $\psi\kappa$ τάξομεν τὰ νῦν εὑρεθέντα $\psi\kappa$ καὶ $\lambda\zeta'$, καὶ ταῦτά ποιήσαντες εὑρήσομεν πολλῶ ἐλάττωνα \langle τοῦ \rangle $\lambda\zeta'$ τὴν διαφορὰν γιγνομένην.

5

ἡ δὲ γεωμετρικὴ τούτου ἀπόδειξις ἐστὶν ἡδε· τριγώνου δοθεισῶν τῶν πλευρῶν εὑρεῖν τὸ ἐμβαδόν.

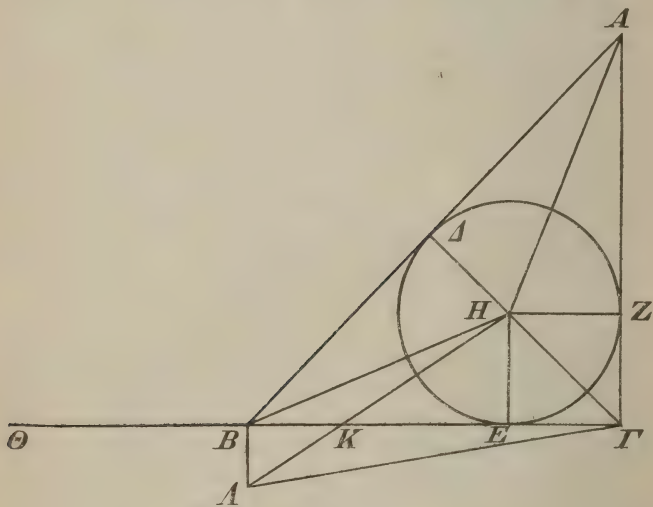


Fig. 7.

δυνατὸν μὲν οὖν ἐστὶν ἀγαγόντα[ς] μίαν κάθετον καὶ πορισάμενον αὐτῆς τὸ μέγεθος εὑρεῖν τοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν, δεόν δὲ ἔστω χωρὶς τῆς καθέτου τὸ ἐμβαδὸν 10 πορίσασθαι.

3 ταῦτα: correxit Curtze 4 ἔλαττον: corr. et suppl. Heiberg
7 cf. Dioptr. cap. XXX; Hultsch Zeitschrift f. Math. u. Physik 1864
p. 225—249; Heronis reliqu. p. 235 sq. 8 ἀγαγόντας: correxi

Es wird also die Wurzel aus 720 annähernd $= 26\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$ sein. Denn $(26\frac{1}{2} + \frac{1}{3})^2 = 720\frac{1}{36}$, sodafs die Differenz nur $\frac{1}{36}$ beträgt. Wenn wir aber wünschen, dafs die Differenz kleiner als $\frac{1}{36}$ wird, so werden wir anstatt 729 den gefundenen Wert $720\frac{1}{36}$ einsetzen, und wenn wir dann wieder dasselbe thun, so werden wir finden, dafs die Differenz viel kleiner als $\frac{1}{36}$ wird. Der geometrische Beweis hierfür ist

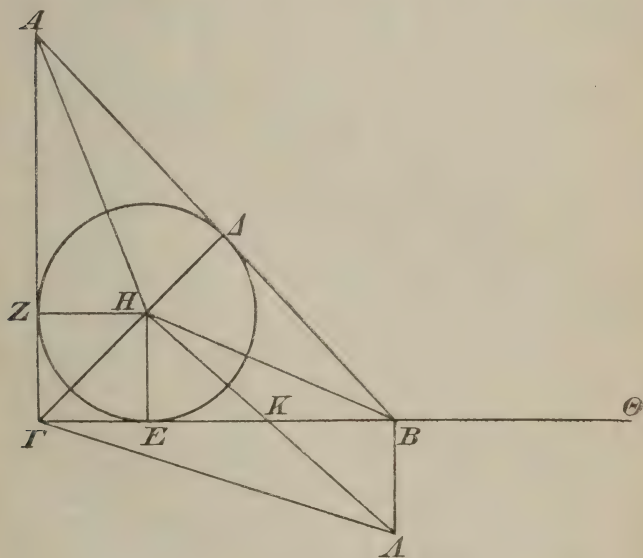


Fig. 8.

folgender. Wenn die 3 Seiten eines Dreiecks gegeben sind, seinen Inhalt zu finden. Es ist nun möglich, wenn man eine Höhe fällt und ihre Gröfse bestimmt, den Inhalt des Dreiecks zu finden. Die Aufgabe sei aber, den Inhalt ohne die Höhe zu bestimmen. Das gegebene Dreieck sei $AB\Gamma$, und es sei jede der Seiten AB , $B\Gamma$, ΓA gegeben. Zu

ἔστω τὸ δοθὲν τρίγωνον τὸ $ABΓ$ καὶ ἔστω ἐκάστη
 τῶν AB , $BΓ$, $ΓΑ$ δοθεῖσα· εὐρεῖν τὸ ἐμβαδόν. ἐγγε-
 γραφθῶ εἰς τὸ τρίγωνον κύκλος ὁ $ΔΕΖ$, οὗ κέντρον
 ἔστω τὸ H , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ΑΗ$, $BΗ$, $ΓΗ$, $ΔΗ$,
 $ΕΗ$, $ΖΗ$. τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ $BΓ ΕΗ$ διπλάσιόν ἐστι 5
 τοῦ $BΗΓ$ τριγώνου, τὸ δὲ ὑπὸ $ΓΑ ΖΗ$ τοῦ $ΑΓΗ$
 τριγώνου, <τὸ δὲ ὑπὸ $AB ΔΗ$ τοῦ $ABΗ$ τριγώνου>·
 fol. 71^r τὸ ἄρα ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ $ABΓ$ τριγώνου καὶ
 τῆς $ΕΗ$, τουτέστι τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ $ΔΕΖ$
 κύκλου, διπλάσιόν ἐστι τοῦ $ABΓ$ τριγώνου. ἐκβεβλή- 10
 σθῶ ἡ $ΓΒ$, καὶ τῇ $ΑΔ$ ἴση κείσθῃ ἡ $BΘ$ · ἡ ἄρα
 $ΓΒΘ$ ἡμίσειά ἐστι τῆς περιμέτρου τοῦ $ABΓ$ τριγώνου
 διὰ τὸ ἴσην εἶναι τὴν μὲν $ΑΔ$ τῇ $ΑΖ$, τὴν δὲ $ΔΒ$
 τῇ $ΒΕ$, τὴν δὲ $ΖΓ$ τῇ $ΓΕ$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν $ΓΘ$
 $ΕΗ$ ἴσον ἐστὶ τῷ $ABΓ$ τριγώνῳ. ἀλλὰ τὸ ὑπὸ τῶν 15
 $ΓΘ ΕΗ$ πλευρά ἐστὶν τοῦ ἀπὸ τῆς $ΓΘ$ ἐπὶ τὸ
 ἀπὸ τῆς $ΕΗ$ · ἔσται ἄρα τοῦ $ABΓ$ τριγώνου τὸ
 ἐμβαδὸν ἐφ' ἑαυτὸ γενόμενον ἴσον τῷ ἀπὸ τῆς $ΘΓ$
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΕΗ$. ἤχθῳ τῇ μὲν $ΓΗ$ πρὸς ὀρθὰς
 ἡ $ΗΑ$, τῇ δὲ $ΓΒ$ ἡ $ΒΑ$, καὶ ἐπεξεύχθῳ ἡ $ΓΑ$. ἐπεὶ 20
 οὖν ὀρθή ἐστὶν ἐκατέρα τῶν ὑπὸ $|ΓΗΑ$, $ΓΒΑ$, ἐν
 κύκλῳ ἄρα ἐστὶ τὸ $ΓΗΒΑ$ τετράπλευρον· αἱ ἄρα
 ὑπὸ $ΓΗΒ$, $ΓΑΒ$ δυεῖν ὀρθαῖς εἰσὶν ἴσαι. εἰσὶν δὲ καὶ
 αἱ ὑπὸ $ΓΗΒ$, $ΑΗΑ$ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσαι διὰ τὸ δίχα
 τεμῆσθαι τὰς πρὸς τῷ H γωνίας τα(ῖ)ς $ΑΗ$, $BΗ$, $ΓΗ$ 25
 καὶ ἴσας εἶναι τὰς ὑπὸ τῶν $ΓΗΒ$, $ΑΗΑ$ ταῖς ὑπὸ τῶν
 $ΑΗΓ$, $ΔΗΒ$ καὶ τὰς πάσας τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας
 εἶναι· ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $ΑΗΑ$ τῇ ὑπὸ $\langle Γ \rangle AB$.
 ἔστι δὲ καὶ ὀρθή ἡ ὑπὸ $ΑΔΗ$ ὀρθῇ τῇ ὑπὸ $ΓΒΑ$

finden seinen Inhalt. Es werde (Elem. IV 4) in das Dreieck der Kreis $\triangle EZ$ einbeschrieben, dessen Mittelpunkt H sein soll, und die Verbindungslinien AH , BH , ΓH , ΔH , EH , ZH gezogen. Es ist also:

$$\begin{aligned} 5 \quad & B\Gamma \times EH = 2 B H \Gamma \\ & \Gamma A \times ZH = 2 A \Gamma H \\ & AB \times \Delta H = 2 ABH \end{aligned}$$

Also ist das Produkt aus dem Umfang des Dreiecks $AB\Gamma$ und EH , d. h. dem Radius des Kreises $\triangle EZ$, doppelt so
10 groß als das Dreieck $AB\Gamma$. Nun werde ΓB verlängert, und es werde $B\Theta = A\Delta$ gemacht. Dann ist $\Gamma B\Theta$ gleich dem halben Umfang des Dreiecks $AB\Gamma$, weil $A\Delta = AZ$, $\Delta B = BE$ und $Z\Gamma = \Gamma E$. Also ist

$$\Gamma\Theta \times EH = AB\Gamma.$$

15 Nun ist aber

$$\Gamma\Theta \times EH = \sqrt{\Gamma\Theta^2 \times EH^2}.$$

Also wird $AB\Gamma^2 = \Theta\Gamma^2 \times EH^2$ sein.

Nun soll zu ΓH rechtwinklig HA und zu ΓB rechtwinklig BA gezogen und die Verbindungslinie ΓA gezogen werden. Da nun jeder der beiden Winkel ΓHA
20 und ΓBA ein rechter ist, so ist ΓHBA ein Kreisviereck. Folglich ist

$$\Gamma HB + \Gamma AB = 2 R.$$

Es ist aber auch $\Gamma HB + AH\Delta = 2 R$, weil die Winkel
25 bei H durch die Geraden AH , BH , ΓH halbiert sind und die Summe der Winkel ΓHB und $AH\Delta$ gleich ist der Summe der Winkel $AH\Gamma$ und ΔHB und sie alle zusammen gleich 4 Rechten sind. Also ist $AH\Delta = \Gamma AB$. Es ist aber auch der rechte Winkel $A\Delta H$ gleich dem
30 rechten Winkel ΓBA . Also ist das Dreieck $AH\Delta$ dem Dreieck ΓBA ähnlich. Folglich ist

$$B\Gamma : BA = A\Delta : \Delta H = B\Theta : EH$$

ἴση· ὅμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ $AH\Delta$ τρίγωνον τῷ $GB\Delta$
 τριγώνῳ. ὥς ἄρα ἡ $B\Gamma$ πρὸς BA , ἡ $A\Delta$ πρὸς ΔH ,
 τουτέστιν ἡ $B\Theta$ πρὸς EH , καὶ ἐναλλάξ, ὥς ἡ GB
 πρὸς $B\Theta$, ἡ BA πρὸς EH , τουτέστιν ἡ BK πρὸς
 KE διὰ τὸ παράλληλον εἶναι τὴν BA τῇ EH , καὶ 5
 συνθέντι, ὥς ἡ $\Gamma\Theta$ πρὸς $B\Theta$, οὕτως ἡ BE πρὸς EK .
 ὥστε καὶ ὥς τὸ ἀπὸ τῆς $\Gamma\Theta$ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν $\Gamma\Theta\langle\Theta B\rangle$,
 οὕτως τὸ ὑπὸ $BE\Gamma$ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓEK , τουτέστι
 πρὸς τὸ ἀπὸ EH . ἐν ὀρθογωνίῳ γὰρ ἀπὸ τῆς ὀρθῆς
 ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἦκται ἡ EH . ὥστε τὸ ἀπὸ τῆς 10
 $\Gamma\Theta$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς EH , $\langle\omicron\upsilon\rangle$ πλευρὰ ἦν τὸ ἐμβαδὸν
 τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου, ἴσον ἔσται τῷ ὑπὸ $\Gamma\Theta B$ ἐπὶ τὸ
 ὑπὸ ΓEB . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἐκάστη τῶν $\Gamma\Theta$, ΘB , BE ,
 ΓE . ἡ μὲν γὰρ $\Gamma\Theta$ ἡμίσειά ἐστι τῆς περιμέτρου τοῦ
 $AB\Gamma$ τριγώνου, ἡ δὲ $B\Theta$ ἡ ὑπεροχὴ, ἣ ὑπερέχει ἡ 15
 ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς GB , ἡ δὲ BE ἡ ὑπερ-
 οχὴ, | ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς $A\Gamma$,
 ἡ δὲ $E\Gamma$ $\langle\eta\rangle$ ὑπεροχὴ, ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περι-
 μέτρου τῆς AB , ἐπειδήπερ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν $E\Gamma$ τῇ
 ΓZ , ἡ δὲ $B\Theta$ τῇ AZ , ἐπεὶ καὶ τῇ $A\Delta$ ἐστὶν ἴση. 20
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $AB\langle\Gamma\rangle$ τριγώνου.
 συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν AB μονάδων $\langle\iota\gamma\rangle$,
 ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\delta$, ἡ δὲ $A\Gamma$ μονάδων $\iota\epsilon$. σύνθε-
 τὰ $\iota\gamma$ καὶ $\iota\delta$ καὶ $\iota\epsilon$. καὶ γίγνεται $\mu\beta$. ὦν ἡμισυ·
 γίγνεται $\kappa\alpha$. ὕφελε τὰς $\iota\gamma$. λοιπαὶ η . εἴτα τὰς $\iota\delta$. 25
 λοιπαὶ ξ . καὶ ἔτι τὰς $\iota\epsilon$. λοιπαὶ ς . τὰ $\kappa\alpha$ ἐπὶ τὰ η ,
 καὶ τὰ γενόμενα ἐπὶ τὸν ξ , καὶ ἔτι τὰ γενόμενα ἐπὶ
 τὸν ς . συνάγονται $\xi\upsilon\varsigma$. τούτων πλευρὰ $\langle\pi\delta\rangle$ τοσού-
 του ἔσται τοῦ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν.

7 $\langle\Theta B\rangle$ suppl. m. 2(?) 10 EH : immo HE 11 $\omicron\upsilon$
 ante πλευρὰν add. m. 2 12 τὸ ὑπὸ: corr. m. 2 18 $\langle\eta\rangle$

und umgekehrt:

$$\Gamma B : B\Theta = BA : EH = BK : KE,$$

weil BA zu EH parallel ist, und

$$\Gamma\Theta : B\Theta = BE : EK;$$

5 so dafs auch

$$\begin{aligned}\Gamma\Theta^2 : \Gamma\Theta \times \Theta B &= BE \times \langle \Gamma E \rangle : \Gamma E \times EK \\ &= BE \times \langle \Gamma E \rangle : EH^2\end{aligned}$$

Denn im rechtwinkligen Dreieck ist vom rechten Winkel auf die Hypotenuse die Höhe EH gefällt. Daher wird
10 $\Gamma\Theta^2 \times EH^2$, woraus die Wurzel gleich dem Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ war, gleich $\Gamma\Theta \times \Theta B \times \Gamma E \times EB$ sein. Nun ist gegeben jede der Linien $\Gamma\Theta$, ΘB , BE , ΓE . Denn $\Gamma\Theta$ ist die Hälfte des Umfangs des Dreiecks $AB\Gamma$; $B\Theta$ aber ist die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs gröfser
15 ist als ΓB ; BE aber die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs gröfser ist als $A\Gamma$; $E\Gamma$ aber die Strecke, um die die Hälfte des Umfangs gröfser ist als AB , da ja

$$E\Gamma = \Gamma Z, B\Theta = AZ,$$

weil es auch $= AA$ ist. Folglich ist der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ gegeben. Er wird folgendermafsen berechnet.
20 Es sei $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $A\Gamma = 15$.

$$13 + 14 + 15 = 42$$

$$\frac{42}{2} = 21$$

$$21 - 13 = 8$$

25 dann

$$21 - 14 = 7$$

$$21 - 15 = 6$$

$$21 \times 8 \times 7 \times 6 = 7056.$$

Hieraus die Wurzel ist gleich 84. So grofs wird der Inhalt des Dreiecks sein.
30

addidi 21 $\langle \Gamma \rangle$ add. m. 2 22 $\langle \iota \gamma \rangle$ add. m. 2 26 $\iota \varepsilon$
 $\lambda \omicron \iota \pi \alpha \iota$ $\zeta \perp$: corr. m. 2 28 lacuna 10 litterarum; supplevi

fol. 72^r

θ. | Ἐπεὶ οὖν ἐμάθομεν τριγώνου τῶν πλευρῶν
δοθεισῶν εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ῥητῆς οὔσης <τῆς> καθέτου,
ἔστω μὴ ῥητῆς ὑπαρχούσης τῆς καθέτου τὸ ἐμβαδὸν
εὐρεῖν. ἔστω γὰρ τρίγωνον τὸ $ABΓ$ ἔχον τὴν μὲν
 AB μονάδων η , τὴν δὲ $BΓ$ μονάδων ι , τὴν δὲ $ΑΓ$ 5
μονάδων $\iotaβ$. καὶ ἤχθω κάθετος ἡ $ΑΔ$. ἀκολουθῶς δὴ
τοῖς ἐπὶ τοῦ ὀξυγωνίου εἰρημένοις ἔσται τὸ δις ὑπὸ
 $ΓΒΔ$ μονάδων κ . ἡ ἄρα $BΔ$ ἔσται μονάδος α , καὶ
τὸ ἀπ' αὐτῆς ἄρα μονάδος α . ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς
 AB μονάδων $\xiδ$. λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ ἔσται 10
μονάδων $\xiγ$. ἀλλὰ

καὶ τὸ ἀπὸ $BΓ$
μονάδων ρ . τὸ ἄρα
ἀπὸ $BΓ$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ
 $ΑΔ$ ἔσται μονάδων
 $\varsigma\tau$. τούτου δὲ πλευ-
ρὰ ἔστιν ὁ ὑπὸ
 $BΓ ΑΔ$ [ἐφ' ἐαυ-
τόν]. ὁ ὑπὸ τῶν
 $BΓ ΑΔ$ ἄρα ἐφ'

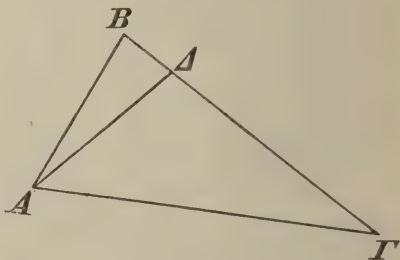


Fig. 9.

ἑαυτὸν ἔσται μονάδων $\varsigma\tau$. τὸ ἄρα ἡμισυ τοῦ ὑπὸ
 $BΓ ΑΔ$ ἐφ' ἑαυτὸ μονάδων $\alpha\phi\theta\epsilon$. ὧν γὰρ τετραγώ-
νων αἱ πλευραὶ διπλασίονες ἀλλήλων εἰσίν, τὰ ἀπ'
αὐτῶν τετραπλάσιά ἐστιν τῶν ἀπὸ τῶν ἡμίσεων. τὸ
δὲ ἡμισυ τοῦ ὑπὸ τῶν $BΓ ΑΔ$ τὸ ἐμβαδὸν ἔστι τοῦ 25
τριγώνου. ἔστιν ἄρα τὸ τοῦ τριγώνου ἐμβαδὸν δυνά-
μει $\alpha\phi\theta\epsilon$. ἔξεστι δὲ τῶν $\xiγ$ τὴν πλευρὰν σύνεγγυς
λαβόντα εὐρεῖν τὸ ἐμβαδὸν ὡς ῥητῆς οὔσης τῆς καθέ-

2 <τῆς> addidi 18—19 [ἐφ' ἑαυτόν]: delevit man. 2
25 ἡμισυ: in ἡμίσεος mutavit et <πλευρὰ> add. m. 2 perperam
28 λαβόντα ex λαβεῖν τα fec. m. 1

IX. Nachdem wir nun gelernt haben, wenn die Seiten eines Dreiecks gegeben sind, den Inhalt zu finden,

falls die Höhe rational ist, sei jetzt die Aufgabe, falls die Höhe nicht rational ist, den Inhalt zu finden. Es sei nämlich $AB\Gamma$ das Dreieck, in dem

$$\begin{aligned} AB &= 8, \\ B\Gamma &= 10, \\ A\Gamma &= 12, \end{aligned}$$

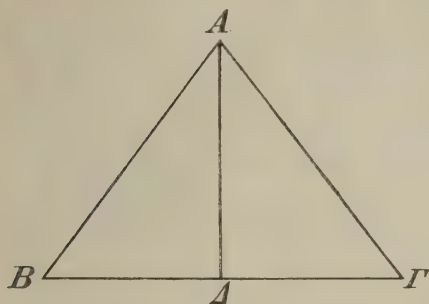


Fig. 10.

und es werde die Höhe $A\Delta$ gezogen.³⁾ Entsprechend nun dem beim spitzwinkligen Dreieck Bemerkten wird $2\Gamma B \times B\Delta = 20$ sein, folglich $B\Delta = 1$ und auch $B\Delta^2 = 1$. Es ist aber $AB^2 = 64$; folglich wird $A\Delta^2 = 63$ sein. Es ist aber auch $B\Gamma^2 = 100$; also $B\Gamma^2 \times A\Delta^2 = 6300$. Also ist

$$\begin{aligned} \sqrt{6300} &= (B\Gamma \times A\Delta) \\ (B\Gamma \times A\Delta)^2 &= 6300 \\ \left(\frac{B\Gamma \times A\Delta}{2}\right)^2 &= 1575; \end{aligned}$$

denn von den Quadratzahlen, von deren Wurzeln die eine doppelt so groß ist als die andere, verhält sich die größere zur kleineren wie 4:1. Die Hälfte aber von $B\Gamma \times A\Delta$ ist gleich dem Inhalt des Dreiecks. Es ist also der Inhalt des Dreiecks im Quadrat = 1575. Es ist aber möglich, wenn man die Wurzel von 63 annähernd bestimmt, den Inhalt zu finden, als wäre die Höhe rational. Nun ist die Wurzel von 63 annähernd $7\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$

3) In Fig. 9 müßte $A\Delta$ auf $B\Gamma$ senkrecht stehen.

τον. τῶν δὲ $\xi\gamma$ σύνεγγυς ἐστὶν ἡ πλευρὰ $\xi\zeta$ δ' ἡ' $\iota\varsigma'$. δε-
 ῆσει οὖν τοσούτου ὑποστησάμενον τὴν κάθετον τὸ ἐμ-
 βαδὸν εὐρεῖν· ἔστι δὲ $\lambda\theta$ ἡ' $\iota\varsigma'$.

fol. 72^v ι. Ἐστω τραπέζιον ὀρθογώνιον τὸ $AB\Gamma\Delta$ ὀρθὰς
 ἔχον τὰς πρὸς τοῖς A, B γωνίας, καὶ ἔστω ἡ $|$ μὲν $A\Delta$ 5
 μονάδων ς , ἡ δὲ $B\Gamma$ $\iota\alpha$, ἡ δὲ AB μονάδων $\iota\beta$.
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδὸν καὶ ἔτι τὴν $\Gamma\Delta$. τετμήσθω
 διχα ἡ $\Gamma\Delta$ κατὰ τὸ E , καὶ τῇ AB παράλληλος ἤχθω
 διὰ τοῦ E ἡ ZEH , καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $A\Delta$ ἐπὶ τὸ Z .
 ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ΔE τῇ $E\Gamma$, ἴση ἄρα καὶ ἡ ΔZ τῇ $H\Gamma$. 10
 κοινὰ προσ-
 κείσθωσαν αἱ
 $A\Delta BH$ · συν-
 αμφότερος
 ἄρα ἡ $AZ BH$
 συναμφοτέρω
 τῇ $A\Delta B\Gamma$ ἴση
 ἐστίν. δοθεῖ-
 σα δὲ ἐστὶν
 συναμφοτέ-
 ρος ἡ $A\Delta B\Gamma$,
 ἐπεὶ καὶ ἑκα-
 τέρα αὐτῶν· δοθεῖσα ἄρα καὶ συναμφότερος ἡ $AZ BH$,
 τουτέστι δύο αἱ BH · καὶ ἡ BH ἄρα ἐστὶ δοθεῖσα.
 ἀλλὰ καὶ ἡ AB · δοθέν ἄρα τὸ $ABZH$ παραλληλό- 25
 γραμμον. καὶ ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ ΔEZ τρίγωνον τῷ
 $E\eta\Gamma$, κοινὸν προσκείσθω τὸ $AB\eta E\Delta$ πεντάπλευρον·
 ὅλον ἄρα τὸ $ABZH$ παραλληλόγραμμον ὅλῳ τῷ $AB\Gamma\Delta$
 τραπέζιῳ ἴσον ἐστὶ. δοθέν δὲ ἐδείχθη τὸ $ABZH$
 παραλληλόγραμμον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ $AB\Gamma\Delta$ τρα- 30
 πέζιον. ἡ δὲ $\Gamma\Delta$ εὐρεθήσεται οὕτως· ἤχθω κάθετος

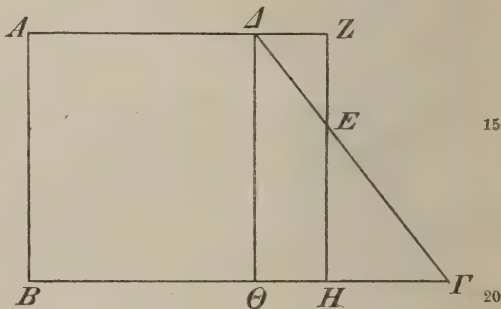


Fig. 11.

$+\frac{1}{8} + \frac{1}{16}$. Es wird nun nötig sein, die Höhe so groß anzusetzen und dann den Inhalt zu finden. Er beträgt $39\frac{1}{2} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16}$.

X. Es sei $AB\Gamma A$ ein rechtwinkliges Trapez, in dem
 5 die Winkel bei A und bei B rechte sind; und es sei $AA = 6$, $B\Gamma = 11$, $AB = 12$. Zu finden seinen Inhalt und außerdem ΓA . Es werde ΓA halbiert in E ,⁴⁾ und zu AB werde durch E die Parallele ZEH gezogen und AA bis Z verlängert. Da $AE = E\Gamma$, so ist auch $AZ = H\Gamma$.
 10 Auf beiden Seiten werde hinzugefügt $AA + BH$. Folglich sind $AZ + BH = AA + B\Gamma$. Es ist aber $AA + B\Gamma$ gegeben, da jede der beiden Linien gegeben ist. Also ist auch $AZ + BH = 2BH$ gegeben; also ist auch BH gegeben; aber auch AB ; mithin ist das Parallelogramm
 15 $ABZH$ gegeben. Und da Dreieck $A EZ =$ Dreieck $E H \Gamma$ ist, so werde auf beiden Seiten das Fünfeck $ABHEA$ zugefügt. Also ist das ganze Parallelogramm $ABZH =$ dem ganzen Trapez $AB\Gamma A$. Das Parallelogramm $ABZH$ aber ward als gegeben nachgewiesen. Gegeben ist also
 20 auch das Trapez $AB\Gamma A$. ΓA dagegen wird auf folgende Weise gefunden werden. Es werde die Höhe $A\Theta$ gezogen. Da nun AA gegeben ist, so ist also auch $B\Theta$ gegeben, aber auch $B\Gamma$: folglich ist nun auch $\Gamma\Theta$ gegeben; aber auch $A\Theta$, da dies $= AB$ ist, und der Winkel bei Θ ist ein
 25 rechter; also ist auch ΓA gegeben. Berechnet wird es der Analyse entsprechend in folgender Weise:

$$\begin{aligned} 6 + 11 &= 17 \\ \frac{17}{2} &= 8\frac{1}{2} \\ 8\frac{1}{2} \times 12 &= 102. \end{aligned}$$

30 So groß wird der Inhalt sein. Dagegen $A\Gamma$ wird folgendermaßen bestimmt.

4) In Fig. 11 ist dies nicht der Fall.

ἡ $\Delta\Theta$. ἐπεὶ οὖν δοθεῖσά ἐστιν ἡ $A\Delta$, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $B\Theta$. ἀλλὰ καὶ ἡ $B\Gamma$ καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ $\Gamma\Theta$ δοθεῖσά ἐστιν. ἀλλὰ καὶ ἡ $\Delta\Theta$ ἴση γάρ ἐστι τῇ AB καὶ ὀρθή ἐστιν ἡ πρὸς τῷ Θ γωνία· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $\Gamma\Delta$. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως·⁵
 σύνθες τὰ ς καὶ τὰ $\iota\alpha$ · γίννεται $\iota\zeta$. τούτων τὸ ἥμισυ· γίννεται $\eta\lambda$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\iota\beta$ · γίννεται $\rho\beta$ · τοσούτου ἄρα τὸ ἐμβαδόν. ἡ δὲ $\Delta\Gamma$ οὕτως· ὕφελε ἀπὸ τῶν $\iota\alpha$ τὰ ς · καὶ γίννεται λοιπὰ ϵ . ταῦτα ἐφ' ἑαυτὰ· γίννεται $\kappa\epsilon$ · καὶ τὰ $\iota\beta$ ἐφ' ἑαυτὰ· γίννεται $\rho\mu\delta$. πρόσθες τὰ $\kappa\epsilon$ ·¹⁰
 γίννεται $\rho\zeta\theta$. τούτων πλευρὰ γίννεται $\langle\iota\gamma\rangle$ τοσούτων ἔσται ἡ $\Delta\Gamma$.

fol. 73^r

ια. | Ἐστω τραπέζιον ἰσοσκελὲς τὸ $AB\Gamma\Delta$ ἴσην ἔχον τὴν AB τῇ $\Gamma\Delta$, καὶ ἑκατέρω αὐτῶν ἔστω μονάδων $\iota\gamma$, ἡ δὲ $A\Delta$ μονάδων ς , ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\zeta$ · εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν καὶ τὴν κάθετον. ἤχθω τῇ $\Gamma\Delta$ παράλληλος ἡ AE , καὶ κάθετος ἤχθω ἐπὶ τὴν $B\Gamma$ ἡ AZ · παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστί τὸ $AE\Gamma\Delta$. ἴση

15

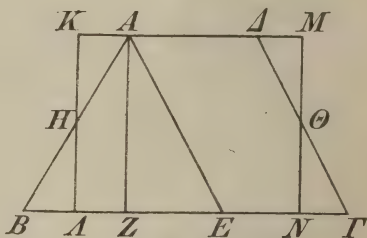


Fig. 12.

20

ἄρα ἐστὶν ἡ μὲν $A\Delta$ τῇ $E\Gamma$, ἡ δὲ $\Gamma\Delta$ τῇ AE ·²⁵
 ὥστε ἔσται ἡ μὲν AE μονάδων $\iota\gamma$, ἡ δὲ $E\Gamma$ μονάδων ς · λοιπὴ ἄρα ἡ BE μονάδων ι . ἐπεὶ οὖν ἰσοσκελὲς ἐστὶ τὸ ABE τρίγωνον ἔχον ἑκάστην πλευρὰν δοθεῖσαν, ἔσται ἄρα καὶ ἡ AZ κάθετος δοθεῖσα· καὶ ἔσται μονάδων $\iota\beta$, ὥς προδέδεικται. τετμήσθωσαν δὲ δίχα αἱ 30
 AB , $\Gamma\Delta$ τοῖς H , Θ , καὶ κάθετοι ἐπὶ τὴν $B\Gamma$ \langle ἤχθωσαν \rangle

$$11 - 6 = 5$$

$$5^2 = 25$$

$$12^2 = 144$$

$$144 + 25 = 169$$

$$\sqrt{169} = 13.$$

So groß wird $\Delta\Gamma$ sein.

XI. Es sei $AB\Gamma\Delta$ ein gleichschenkliges Trapez, in dem $AB = \Gamma\Delta = 13$, $A\Delta = 6$, $B\Gamma = 16$. Zu finden seinen Inhalt und seine Höhe. Es werde zu $\Gamma\Delta$ die

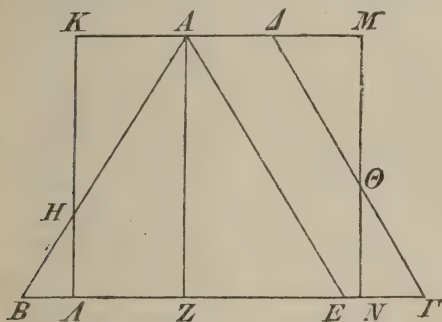


Fig. 13.

Parallele AE gezogen und auf $B\Gamma$ die Höhe AZ gefällt. Folglich ist $AE\Gamma\Delta$ ein Parallelogramm. Also ist $A\Delta = E\Gamma$ und $\Gamma\Delta = AE$, sodafs $AE = 13$, $E\Gamma = 6$ sein wird. Also ist $BE = 10$. Da nun das Dreieck ABE gleichschenklig ist und

Seiten von gegebener Gröfse hat, so wird auch die Höhe AZ gegeben sein. Sie wird, wie vorher gezeigt ist, $= 12$ sein. Nun sollen AB und $\Gamma\Delta$ in H und Θ halbiert werden und auf $B\Gamma$ die Höhen KHA und $M\Theta N$ gefällt werden. Dann ist Dreieck $AKH = BHA$ und $\Delta M\Theta = \Gamma N\Theta$, sodafs, wenn auf beiden Seiten das Sechseck $AHAN\Theta\Delta$ hinzugefügt wird, das Parallelogramm $KAMN$ gleich dem Trapez $AB\Gamma\Delta$ sein wird.

5 $\Gamma\Delta$ corr. ex ΓE m. 1(?) 10 $\overline{\alpha}\epsilon$: ϵ renov. m. 1 11 $\rho\kappa\theta$:
corr. man. 2 $\langle\iota\gamma\rangle$ add. man. 2 11—12 $\tau\omicron\sigma\omicron\upsilon\tau\omicron\nu$: corr. m. 2
 $\xi\sigma\tau\omega$: correxi 12 $\tau\omicron$ $\acute{\epsilon}\mu\beta\alpha\delta\omicron\nu$: delevit et in mg. η $\delta\gamma$ ad-
scripsit man. 2 31 ΓA : correxi $\langle\eta\chi\theta\omega\sigma\alpha\nu\rangle$ addidi

αὶ $K\Lambda$, $M\Theta$. ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ μὲν AKH τρίγωνον τῷ $B\Lambda$, τὸ δὲ $\Delta M\Theta$ τῷ $\Gamma N\Theta$. ὥστε κοινοῦ προστεθέντος τοῦ $AHAN\Theta\Delta$ ἑξαπλεύρου ἴσον ἔσται τὸ $K\Lambda MN$ παραλληλόγραμμον τῷ $AB\Gamma\Delta$ τραπεζίῳ. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ μὲν AK τῇ $B\Lambda$, ἡ δὲ ΔM τῇ ΓN ,⁵ αὶ ἄρα AK ΔM ἴσαι εἰσὶν ταῖς $B\Lambda$ $N\Gamma$. κοινῶν προστεθεισῶν τῶν $A\Delta$ ΛN ἔσται συναμφοτέρος ἡ $KMAN$, τουτέστι δύο αὶ KM , συναμφοτέρῳ τῇ $A\Delta$ $B\Gamma$ ἴση. καὶ ἔστι δοθεῖσα συναμφοτέρος ἡ $A\Delta$ $B\Gamma$. ἔστι γὰρ μονάδων κβ'. ἔσονται ἄρα καὶ αὐτὴ δύο αὶ KM μονάδων κβ'. <αὐτὴ ἡ KM > μονάδων ια. ἀλλὰ καὶ ἡ $K\Lambda$ μονάδων ιβ'. ἴση γὰρ ἐστὶ τῇ A < Z . τὸ ἄρα $K\Lambda NM$ > παραλληλόγραμμον ἔσται μονάδων ρλβ. καὶ ἔστιν ἴσον τῷ $AB\Gamma\Delta$ τραπεζίῳ. ἔσται ἄρα καὶ τὸ $AB\Gamma\Delta$ τραπέζιον μονάδων ρλβ. <συντε>θήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως.¹⁵ ἄφελε ἀπὸ τῶν ις τὰς 5· γίνονται λοιπαὶ ι. τούτων τὸ ἥμισυ ε. καὶ ταῦτα ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται κε' καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτὰ· γίνονται ρξθ. ἄφελε τὰ κε' λοιπὰ ρμδ. τούτων πλευρὰ γίννεται <ιβ'> ἔσται ἡ κάθετος μονάδων ιβ'. τὸ δὲ ἐμβαδὸν οὕτως· σύνθες τὰ ις καὶ²⁰

fol. 73^v

τὰ 5· γίνονται κβ'. ὧν ἥμισυ· γίνονται ια'. <ταῦτα> ἐπὶ τὴν κάθετον· γίννεται ρλβ'. τοσούτων ἔσται τὸ ἐμβαδόν.

ιβ'. Ἐστω τραπέζιον ὀξυγώνιον τὸ $AB\Gamma\Delta$ ὀξεῖαν ἔχον τὴν πρὸς τῷ B γωνίαν, καὶ ἔστω ἡ μὲν AB μονάδων ιγ, ἡ δὲ $\Gamma\Delta$ μονάδων κ, ἡ δὲ $A\Delta$ μονάδων²⁵ 5, ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων κς· εὗρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ τὸ ἐμβαδόν. ἤχθω τῇ $\Gamma\Delta$ παράλληλος ἡ AE καὶ κάθετος ἡ AZ . ἡ μὲν ἄρα AE ἔσται μονάδων κ' ἡ

2 $\Gamma H\Theta$: correxi 3 προστεθέντος: correxi 7 $KMAH$:
 correxi 10 sq. spatium 8 litterarum; supplevi 12 lacuna 9
 litterarum; supplevi 21 <ταῦτα> m. 2.

Und da $AK = BA$ und $AM = \Gamma N$, so ist $AK + AM = BA + \Gamma N$. Wird auf beiden Seiten $AA + AN$ zugesetzt, so wird $KM + AN = 2KM = AA + B\Gamma$ sein. Und $AA + B\Gamma$ ist gegeben; es ist nämlich $= 22$; daher wird auch $2KM = 22$, also $KM = 11$ sein. Aber auch $KA = 12$, denn es ist $= AZ$. Also wird das Parallelogramm $KANM = 132$ sein. Und dies ist gleich dem Trapez $AB\Gamma A$. Also wird auch das Trapez $AB\Gamma A = 132$ sein. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen:

$$16 - 6 = 10$$

$$\frac{10}{2} = 5$$

$$5^2 = 25$$

$$13^2 = 169$$

$$169 - 25 = 144$$

$$\sqrt{144} = 12.$$

Die Höhe wird $= 12$ sein. Den Inhalt findet man folgendermaßen:

$$16 + 6 = 22$$

$$\frac{22}{2} = 11$$

$$11 \times 12 = 132.$$

So groß wird der Inhalt sein.

XII. Es sei $AB\Gamma A$ ein spitzwinkeliges Trapez, das bei B einen spitzen Winkel hat, und es sei $AB = 13$, $\Gamma A = 20$, $AA = 6$, $B\Gamma = 27$. Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde zu ΓA die Parallele AE gezogen und die Höhe AZ gefällt. Also wird $AE = 20$, $\Gamma E = 6$

15 lacuna 5 litterarum; supplevit man. 2. 19 lacuna
2 litterarum; supplevi 22 ante $\xi\pi\iota$ inseruit $\tau\alpha\upsilon\tau\alpha$ man. 2.

δὲ ΓΕ μονάδων 5· λοιπὴ ἄρα ἡ ΒΕ μονάδων καὶ ὥστε διὰ τὸ <τὸ> ΑΒΕ ὀξυγώνιον τρίγωνον <εἶναι> ἔσται ἡ ΑΖ κάθετος μονάδων 1β. δίχα δὴ τηθησῶν τῶν ΑΒ ΓΔ τοῖς Η, Θ καὶ καθέτων ἀχθεισῶν τῶν ΚΗΛ ΜΘΝ ὁμοίως τῷ ἐπάνω δείξομεν, ὅτι τὸ μὲν 5 ΑΒΓ <Δ> τραπέζιον ἴσον ἐστὶ τῷ ΚΑΜΝ παραλληλογράμῳ, συνναμφοτέρος δὲ ἡ ΒΓ ΑΔ διπλῇ ἐστὶ τῆς ΚΜ· καὶ ἔσται ἡ ΚΜ μονάδων 15· ἔστι δὲ καὶ ἡ ΚΑ μονάδων 1β, ἐπεὶ καὶ ἡ ΑΖ· τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ τραπεζίου ἔσται μονάδων 15ρρη. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἄφελε ἀπὸ

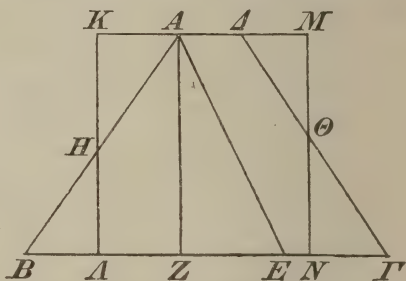


Fig. 14.

τῶν κς τὰ 5· λοιπὰ γίνεται κα. καὶ τριγώνου ὀξυγώνιου τῶν πλευρῶν δοθεισῶν 1γ καὶ κα καὶ κ εὐρήσθω 20 ἡ ΑΖ κάθετος· ἔστιν δὲ μονάδων 1β, ὥς ἐμάθομεν· καὶ σύνθετες κς καὶ <5>· γίνεται τὸ ἥμισυ 15· ταῦτα ἐπὶ <1β>· γίνεται 15ρρη. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδόν. 1γ. Ἐστω τραπέζιον ἀμβλυγώνιον τὸ ΑΒΓΔ ἔχον ἀμβλεῖαν τὴν πρὸς τῷ Β, καὶ ἔστω ἡ μὲν ΑΒ 25 μονάδων 1γ, ἡ δὲ ΓΔ κ, ἡ δὲ ΑΓ 5, ἡ δὲ ΒΔ μονάδων 15. εὐρεῖν αὐτοῦ τὴν κάθετον καὶ τὸ ἐμβαδόν. ἤχθω κάθετος ἡ ΑΕ καὶ τῇ ΓΔ παράλληλος ἡ ΑΖ· ἔσται ἄρα ἡ μὲν ΑΖ μονάδων κ, ἡ δὲ ΖΔ μονάδων 5· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ ΒΖ μονάδων 1α· ὥστε διὰ τὸ τὸ ΑΒΖ 30 τρίγωνον ἀμβλυγώνιον εἶναι ἔσται ἡ ΑΕ μονάδων 1β.

sein. Folglich wird $BE = 21$ sein, sodaß, weil ABE ein spitzwinkeliges Dreieck ist, die Höhe $AZ = 12$ sein wird. Werden nun AB und ΓA in H und Θ halbiert und die Höhen KHA und $M\Theta N$ gefällt, so werden wir, 5 ähnlich wie oben, zeigen, daß das Trapez $AB\Gamma =$ dem Parallelogramm $KAMN$ ist. Nun ist aber $B\Gamma + A\Delta = 2KM$, also wird $KM = 16\frac{1}{2}$ sein. Es ist aber auch $KA = 12$, da auch $AZ = 12$ ist. Also wird der Inhalt des Trapezes $= 198$ sein. Berechnet wird es, der Analyse 10 entsprechend, in folgender Weise. $27 - 6 = 21$. Nun muß von einem spitzwinkelligen Dreieck, dessen Seiten $= 13, 21$ und 20 gegeben sind, die Höhe AZ gefunden werden; sie ist $= 12$, wie wir gelernt haben.

$$27 + 6 = 33$$

$$\frac{33}{2} = 16\frac{1}{2}$$

$$16\frac{1}{2} \times 12 = 198.$$

So groß wird der Inhalt sein.

XIII. Es sei $AB\Gamma\Delta$ ein stumpfwinkeliges Trapez, das bei B einen stumpfen Winkel hat, und es sei $AB = 13$, 20 $\Gamma A = 20$, $A\Gamma = 6$, $B\Delta = 17$. Zu finden seine Höhe und den Inhalt. Es werde die Höhe AE und zu ΓA die Parallele AZ gezogen. Also wird $AZ = 20$, $Z\Delta = 6$ sein; folglich ist $BZ = 11$; sodaß, weil das Dreieck ABZ stumpfwinkelig ist, $AE = 12$ sein wird. Und ähnlich dem

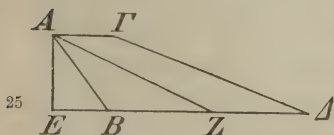


Fig. 15.

oben gesagten wird bewiesen werden, daß $(B\Delta + A\Gamma)$ 30 $\times AE =$ dem doppelten Trapez $AB\Gamma\Delta$ sein wird. Der

2 <τὸ> suprascr. m. 2 <εἶναι> ante τριγώνον add. man. 2
 5 τὸ ἐπάνω: corr. man. 2 22 <5> addidi 23 supplēvi
 25 τῆς πρὸς τὸ: corr. man. 2 26 ΓΔ ὑ: corr. m. 2 26 AΓ
 ex AΔ fec. m. 2.

καὶ ὁμοίως τοῖς ἐπάνω δειχθήσεται τὸ ὑπὸ συναμφο-
 τέρου τῆς $B\Delta A\Gamma$ καὶ τῆς AE διπλάσιον τοῦ $AB\Gamma\Delta$
 τραπεζίου· τὸ ἄρα ἔμβαδὸν τοῦ τραπεζίου ἔσται μονάδων
 ρλη. συντεθήσεται δὲ οὕτως· ἄφελε ἀπὸ τῶν ις τὰ 5·
 λοιπὰ ια· καὶ τριγώνου ἀμβλυγωνίου τῶν πλευρῶν 5
 δοθεῖσων ιγ, ια, κ εὐρήσθω ἡ κάθετος· γίγνεται ιβ· καὶ
 σύνθες τὰ ις καὶ <5> γίγνεται κγ· τούτων τὸ ἥμισυ
 γίγνεται ια $\frac{1}{2}$ · ταῦτα ἐπὶ τὰ ιβ· γίγνεται ρλη· τοσούτου
 ἔσται τὸ ἔμβαδὸν τοῦ τραπεζίου.

<ιδ>· Ὁ δὲ ῥόμβος καὶ τὸ ῥομβοειδὲς τὴν μέτρησιν 10
 φανεράν ἔχουσιν. δεῖ γὰρ ἑκατέρου αὐτῶν τὰς πλευρὰς
 δοθεῖσας εἶναι καὶ μίαν διάμετρον. ὧν δοθέντων ὁ
 μὲν ῥόμβος ἔσται ἐκ δύο ἰσοσκελῶν τριγώνων συγκεί-
 μενος, τὸ δὲ ῥομβοειδὲς ἐκ δύο τριγώνων ἥτοι ὀξυγω-
 ν<ι>ων | <ἢ ἀμβλυγωνίων>, καὶ διὰ τοῦτο δοθήσεται 15
 αὐτῶν <τὸ ἔμβαδόν>. τὰ μὲν οὖν ἀποδειχθέντα τετρα-
 πλευρα <μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ> παράλληλον εἶχε·
 <τὸ δὲ παρὸν τὸ A > $B\Gamma\Delta$ τὴν μὲν πρὸς τῷ Γ γωνίαν
 <ἐχέτω> ὀρθήν, μηδεμίαν δὲ πλευρὰν μηδεμιᾷ παράλ-
 ληλο <ν καὶ> ἔτι ἐκάστην τῶν πλευρῶν δοθεῖσαν, τὴν 20
 μὲν < AB μονάδων> ιγ, τὴν δὲ < B > Γ μονάδων ι,
 τὴν δὲ $\Gamma\Delta$ μονάδων κ, τὴν δὲ ΔA μονάδων ις·
 δεῖξαι αὐτοῦ τὸ ἔμβαδὸν δοθέν. ἐπεξεύχθω ἡ $B\langle\Delta\rangle$ ·
 καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος <ῆχθω> ἡ AE . ἐπεὶ ἑκατέρα
 τῶν $B\Gamma$ $\Gamma\Delta$ δοθεῖσά ἐστίν καὶ ὀρθὴ ἡ πρὸς τῷ $[\Delta]$ Γ , 25
 δοθέν ἄρα ἐστὶ τὸ $B\Gamma\Delta$ τρίγωνον· καὶ ἔτι τὸ ἀπὸ
 τῆς $B\Delta$ ἔσται δοθέν· ἔστι γὰρ μονάδων φ· ἀλλὰ καὶ

2 διπλάσιον τὸ: corr. m. 2 5 τρίγωνον: corr. m. 2 10 in
 mg. numerus capitis non adscriptus 14—15 ὀξυγώνων: correxi
 15 spatium 12 litterarum; supplevit m. 2 16 spatium 12 littera-
 rum; supplevi. <ἐκαστον> perperam m. 2 17 spatium 17 littera-
 rum; supplevit m. 2 18 spatium 13 litterarum; supplevit m. 2

Inhalt des Trapezes wird daher = 138 sein. Berechnet wird es folgendermaßen:

$$17 - 6 = 11.$$

Nun ist in einem stumpfwinkeligen Dreieck, dessen Seiten
 5 = 13, 11 und 20 gegeben sind, die Höhe zu finden. Sie
 ist = 12.

$$17 + 6 = 23$$

$$\frac{23}{2} = 11\frac{1}{2}$$

$$11\frac{1}{2} \times 12 = 138.$$

10 So groß wird der Inhalt des Trapezes sein.

XIV. Beim Rhombus und beim Rhomboïd ist die Art
 der Ausmessung von selbst klar. Es müssen nämlich von
 jedem der beiden die Seiten und ein Durchmesser gegeben
 sein. Wenn diese Stücke gegeben sind, so wird der
 15 Rhombus aus zwei gleichschenkeligen Dreiecken zusammen-
 gesetzt sein, das Rhomboid dagegen aus zwei spitzwinke-
 ligen oder stumpfwinkeligen Dreiecken. Und aus diesem
 Grunde wird der Inhalt derselben gegeben sein.

Die behandelten Vierecke nun hatten immer eine Seite
 20 einer anderen parallel. Das jetzt vorliegende $AB\Gamma A$ jedoch
 soll bei Γ einen rechten Winkel haben, aber keine Seite
 der anderen parallel; weiter soll jede der Seiten gegeben
 sein und zwar $AB = 13$, $B\Gamma = 10$, $\Gamma A = 20$, $\angle A = 17$.
 Zu zeigen, daß damit sein Inhalt gegeben ist. Man ziehe
 25 die Verbindungslinie $B A$ und auf sie die Senkrechte AE .
 Da nun jede der beiden Linien $B\Gamma$ und ΓA gegeben ist,
 und der Winkel bei Γ ein rechter ist, so ist das Dreieck
 $B\Gamma A$ gegeben. Weiter ist auch $B A^2$ gegeben = 500;

$\pi\rho\acute{o}s\ \tau\acute{o}$: correxit m. 2 19 spatium 10 litterarum; supplevit m. 2
 20 spatium 9 litterarum; supplevit m. 2 21 spatium 4 litterarum;
 supplevi spatium 1 litterae; supplevit m. 2 23 $\langle A \rangle$ supra
 lineam add. man. 2 24 spatium 4 litterarum; supplevit m. 2
 25 $[A]$ delevit man. 1 24 post AE inseruit καὶ m. 2

τὸ ἀπὸ τῆς AB δοθέν· δοθέντα ἄρα ἐστὶ τὰ ἀπὸ τῶν AB $B\Delta$ · καὶ ἔστι μείζονα τοῦ ἀπὸ τῆς $A\Delta$. ὁξεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $AB\Delta$ · τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν AB $B\Delta$ τοῦ ἀπὸ τῆς $A\Delta$ μείζονά ἐστιν τῷ δις ὑπὸ τῶν ΔB BE . δοθέν ἄρα ἐστὶν τὸ δις ὑπὸ τῶν ΔB BE · ὥστε καὶ τὸ ἅπαξ ὑπὸ τῶν ΔB BE δοθέν ἐστὶ· καὶ ἔστι πλευρὰ τοῦ ἀπὸ τῆς $B\Delta$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ BE . δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ



5

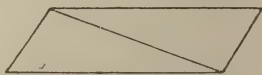


Fig. 16.

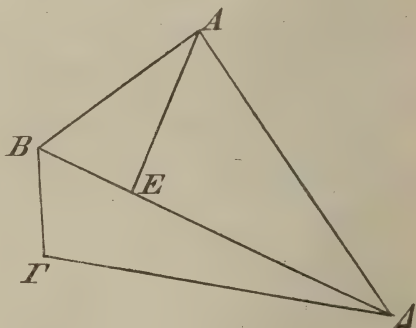
10

ΔB ἐπὶ τὸ ἀπὸ BE · καὶ ἔστι δοθέν τὸ ἀπὸ $B\Delta$ · δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ BE . ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ $[B]EA$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ $B\Delta$ ·

καὶ ἔστιν αὐτοῦ πλευρὰ τὸ ὑπὸ $B\Delta$ AE . δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ $B\Delta$ AE . καὶ ἔστι

διπλάσιον τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου· δοθέν ἄρα καὶ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον· ἀλλὰ καὶ τὸ $B\Gamma\Delta$ ·

ὥστε καὶ ὅλον τὸ



15

20

Fig. 17.

25

$AB\Gamma\Delta$ τετραπλευρον δοθέν ἐστὶ. συντεθήσεται δὲ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· τὰ ι ἐπὶ τὰ κ · γίγνεται σ . καὶ τούτων τὸ ἥμισυ· γίγνεται ρ . καὶ πάλιν τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρ . καὶ τὰ κ ἐφ' ἑαυτά·

7 τῷ δις: corr. man. 2
 13 BEA : del. B et τῆς supra-
 scriptionis m. 2.

13 BEA : del. B et τῆς supra-
 scriptionis m. 2.

es ist aber auch AB^2 gegeben. Also ist $AB \times BA$ gegeben, und dies ist größer als AA^2 . Also ist der Winkel ABA ein spitzer. Folglich ist

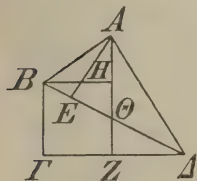


Fig. 18.

$$AB \times BA - 2AB \times BE = AA^2.$$

Folglich ist $2AB \times BE$ gegeben, so daß auch $AB \times BE$ gegeben ist, und zwar ist es $= \sqrt{BA^2 \times BE^2}$. Gegeben ist also auch $AB^2 \times BE^2$. Und gegeben ist BA^2 , also auch BE^2 .

10 Aber auch $EA^2 \times BA^2$. Und es ist

$$\sqrt{EA^2 \times BA^2} = BA \times AE.$$

Gegeben ist also auch $BA \times AE$. Und dies ist doppelt so groß als das Dreieck ABA . Gegeben ist also auch

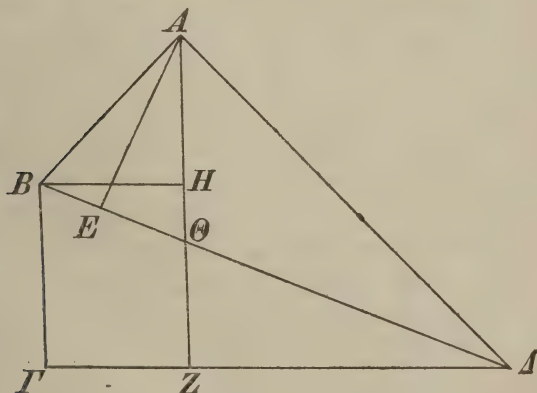


Fig. 18a.

das Dreieck ABA ; aber auch $B\Gamma A$; so daß das ganze
 15 Viereck $AB\Gamma A$ gegeben sein wird. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, in folgender Weise:

γίγνεται υ. σύνθετος· γίγνεται φ. καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά·
 fol. 75^r γίγνεται ρξθ. ταῦτα μετὰ τῶν φ γίγνεται χξθ· ἄφελε |
 τὰ ιξ ἐφ' ἑαυτά· λοιπαὶ τπ· τούτων τὸ ἥμισυ γίγνεται
 ρρ· ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται μ, ςρ. ταῦτα παρὰ τὸν
 φ· γίγνεται οβ ἐ· ἄφελε ταῦτα ἀπὸ τῶν <ρ>ξθ· γίγνον- 5
 ται λοιπαὶ ρς[έ'ι'. ταῦτα ἐπὶ τὸν φ· γίγνεται <μ, ην.>
 τούτων πλευρὰ γίγνεται σκ· τούτων τὸ ἥμισυ γίγνεται
 ρι· τοσούτου ἔσται τοῦ $AB\Delta$ τὸ ἐμβαδόν. ἀλλὰ καὶ
 τοῦ < $B\Gamma\Delta$ > μονάδων ρ· τοῦ ἄρα $AB\Gamma\Delta$ τετραπλεύρου
 τὸ ἐμβαδὸν ἔσται <σι.> [ἔστιν] <ὄτι> δὲ καὶ ἡ ἀπὸ 10
 τοῦ A κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὴν $\Gamma\Delta$ δοθεῖσά ἐστιν,
 δείξομεν ἐξῆς.

ιε. Ἔστω τραπέζιον τὸ $AB\Gamma\Delta$ δοθεῖσαν ἔχον
 ἐκάστην τῶν πλευρῶν καὶ ὀρθὴν τὴν ὑπὸ $B\Gamma\Delta$
 γωνίαν. ὅτι δοθεῖσά ἐστιν ἡ ἀπὸ τοῦ A κάθετος 15
 ἀγομένη ἐπὶ τὴν $\Gamma\Delta$. ἤχθω γὰρ ἐπὶ μὲν τὴν $\Gamma\Delta$
 κάθετος ἡ AZ , ἐπὶ δὲ τὴν AZ ἡ BH , ἐπὶ δὲ τὴν
 $B\Delta$ ἡ AE . φανερόν δὴ, ὅτι δοθεῖσά ἐστιν ἡ $B\Delta$
 καὶ ἡ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ AE , ἐπεὶ καὶ αἱ BA ,
 $A\Delta$ δοθεῖσάι εἰσιν. καὶ ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\Gamma B\Delta$ 20
 τῇ ὑπὸ $B\Theta A$, ἀλλὰ καὶ ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $B\Gamma\Delta$ ὀρθὴ τῇ
 ὑπὸ $AE\Theta$ ἴση, ἔστιν ἄρα ὡς ἡ $\Delta\Gamma$ πρὸς ΓB , ἡ AE
 πρὸς $E\Theta$. λόγος δὲ τῆς $\Gamma\Delta$ πρὸς ΓB δοθείς· λόγος
 ἄρα καὶ τῆς AE πρὸς $E\Theta$ δοθείς. καὶ ἔστι δοθεῖσα
 ἡ AE · δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $E\Theta$. καὶ ὀρθὴν γωνίαν 25
 περιέχουσι· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $A\Theta$. καὶ ἐπεὶ ἑκατέρω
 τῶν BE , $E\Theta$ δοθεῖσά ἐστιν, δοθὲν ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν

5 <ρ> in rasura scripsit man. 2 6 ἐπὶ τῶν: correxi spa-
 tium 6 litterarum: supplevi 8 $AB\Gamma$: corr. et *τριγώνον* add.
 m. 2 10 spatium 4 litterarum: supplevit m. 2 [ἔστιν] delevi
 <σι> suprascer. m. 2 spatium 4 litterarum: supplevit m. 2

$$\begin{array}{rcl}
 & 10 \times 20 & = 200 \\
 & \frac{200}{2} & = 100 \\
 & 10^2 & = 100 \\
 & 20^2 & = 400 \\
 5 & 400 + 100 & = 500 \\
 & 13^2 & = 169 \\
 & 500 + 169 & = 669 \\
 & 669 - 17^2 & = 380 \\
 & \frac{380}{2} & = 190 \\
 10 & 190^2 & = 36\,100 \\
 & \frac{36\,100}{500} & = 72\frac{1}{5} \\
 & 169 - 72\frac{1}{5} & = 96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10} \\
 & \left(96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10}\right) \times 500 & = 48\,400 \\
 & \sqrt{48\,400} & = 220 \\
 15 & \frac{220}{2} & = 110.
 \end{array}$$

So groß wird der Inhalt des Dreiecks $AB\Delta$ sein. Aber auch der Inhalt von $B\Gamma\Delta = 100$. Der Inhalt des Vierecks $AB\Gamma\Delta$ wird also $= 210$ sein. Dafs aber auch die von A auf $\Gamma\Delta$ gefällte Senkrechte gegeben ist, werden wir im Folgenden zeigen.

XV. Es sei $AB\Gamma\Delta$ ein Trapez, in dem jede der Seiten gegeben und der Winkel $B\Gamma\Delta$ ein rechter ist. Zu zeigen, dafs die von A auf $\Gamma\Delta$ gefällte Senkrechte gegeben ist. Es werde auf $\Gamma\Delta$ die Senkrechte AZ gefällt, und auf AZ die Senkrechte BH , auf $B\Delta$ die Senkrechte AE . Nun ist klar, dafs $B\Delta$ und die Senkrechte darauf, AE , gegeben ist, da auch BA und $A\Delta$ gegeben sind. Und da Winkel $\Gamma B\Delta = B\Theta A^1$), aber auch der rechte Winkel $B\Gamma\Delta =$ dem rechten Winkel $AE\Theta$ ist,

1) Θ ist Schnittpunkt von AZ und $B\Delta$.

$B\Theta E$. καὶ ἔστιν ἴσον τῷ ὑπὸ τῶν $A\Theta H$. ὁρθὴ γὰρ
 ἑκατέρα τῶν πρὸς τοῖς E, H . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ
 $H\Theta$. ὥστε καὶ ἡ AH . ἀλλὰ καὶ ἡ HZ . ἴση γάρ ἐστι
 τῇ $B\Gamma$. καὶ ὅλη ἄρα ἡ AZ δοθεῖσά ἐστιν. συντεθ-
 fol. 75^v σεται δὴ ἀκολούθως τῇ ἀναλύσει οὕτως. | ἔστω γὰρ 5
 ἡ μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων ι , ἡ δὲ ΓA
 μονάδων κ , ἡ δὲ ΔA μονάδων $\iota\zeta$. ἀκολούθως δὴ
 τοῖς ἐπὶ τοῦ ἐμβαδοῦ εἰρημένοις ἔσται ἡ μὲν AE
 κάθετος δυνάμει $\alpha\varsigma\zeta$ $\epsilon\acute{\iota}$, ἡ δὲ BE δυνάμει $\omicron\beta$ $\acute{\epsilon}$, ἡ
 δὲ $B\Delta$ δυνάμει φ . καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν ΓA ἐστὶ μονά- 10
 δων κ , ἡ δὲ ΓB μονάδων ι , τὰ ἄρα ἀπὸ τούτων
 μονάδων ν καὶ μονάδων ρ . ποιήσον οὖν ὥς τὰ ν
 $\langle\epsilon'\rangle$
 πρὸς ρ , τὰ $\alpha\varsigma\delta$ πρὸς τί· ἔσται πρὸς $\kappa\delta\acute{\epsilon}$ τοσούτου
 ἔσται τὸ ἀπὸ $E\langle\Theta\rangle$. καὶ $\langle\text{πο}\rangle\lambda\lambda\alpha$ $\langle\text{πλασιάζαντες}\rangle$ τὰ
 $\omicron\beta$ $\acute{\epsilon}$ ἐπὶ τὰ $\kappa\delta$ $\acute{\epsilon}$ καὶ τῶν γενομένων τὴν πλευρὰν 15
 λαβόντες καὶ διπλασιάζαντες ἃ γίννεται τοῦ δις ὑπὸ
 τῶν BE $\langle E\Theta\rangle$ προσθήσομεν τοῖς ἀπὸ $BE, E\Theta$,
 τουτέστι τοῖς $\omicron\beta$ $\acute{\epsilon}$ καὶ $\kappa\delta$ $\acute{\epsilon}$ συντεθεῖσιν. καὶ ἔξο-
 μεν τὴν $B\Theta$ δυνάμει $\rho\pi$. καὶ σύνθες τὰ $\alpha\varsigma\zeta$ ζ $\acute{\epsilon}$ $\acute{\iota}$
 καὶ $\kappa\delta$ $\acute{\epsilon}$ · γίννεται $\rho\kappa\alpha$. καὶ πολλαπλασιάσον τὰ $\rho\pi$ ἐπὶ 20
 τὰ $\kappa\delta$ $\acute{\epsilon}$ · γίννεται δυνάμει $\delta\tau\nu\varsigma$. μέρισον εἰς τὸν
 $\rho\kappa\alpha$ · γίννεται $\lambda\varsigma$. καὶ ἄφελε ἀπὸ δυνάμει $\rho\kappa\alpha$ δυνά-
 μει $\lambda\varsigma$ [λοιπὰ δυνάμει $\lambda\varsigma$] λοιπὰ δυνάμει $\kappa\epsilon$, ἃ ἐστι
 μήκει ϵ . πρόσθες ὅσων ἐστὶν ἡ $B\Gamma$. ἔστι δὲ ι · γίγ-
 νεται $\iota\epsilon$ · τοσούτου ἔσται ἡ AZ κάθετος. καὶ ἡ μὲν 25
 $E\Theta$ δυνάμει $\kappa\delta\acute{\epsilon}$, ἡ δὲ $H\Theta$ μήκει ς , ἡ δὲ $A\Theta$
 μήκει $\iota\alpha$.

9 $\alpha\varsigma\zeta$ ζ $\acute{\epsilon}$ $\acute{\iota}$ ϵ : sed extremam litteram del. m. 1 14 sup-
 plevit m. 2 17 $\langle E\Theta\rangle$ add. m. 2 19 συνθέντες: corr. m. 2
 23 [λοιπὰ δυνάμει $\lambda\varsigma$] del. m. 2 24 ὅσον: correxi 25 το-
 σοῦτον: correxi

so ist $\angle \Gamma : \Gamma B = AE : E\Theta$. Nun ist aber das Ver-
 hältnis von ΓA zu ΓB gegeben; also ist auch das Ver-
 hältnis von AE zu $E\Theta$ gegeben. Und gegeben ist AE ;
 gegeben also auch $E\Theta$; und sie umschließen einen rechten
 5 Winkel, also ist auch $A\Theta$ gegeben. Und da jede der
 beiden Geraden BE und $E\Theta$ gegeben ist, so ist $B\Theta \times \Theta E$
 gegeben, und es ist gleich $A\Theta \times \Theta H$. Denn jeder der
 beiden Winkel bei E und H ist gleich einem rechten.
 Gegeben ist also auch $H\Theta$; sodafs auch AH gegeben ist,
 10 ebenso aber auch HZ , denn es ist gleich $B\Gamma$. Also ist
 auch AZ ganz gegeben. Berechnet wird es nun, der
 Analyse entsprechend, folgendermafsen. Es sei $AB = 13$,
 $B\Gamma = 10$, $\Gamma A = 20$, $\angle A = 17$. Entsprechend nun
 dem beim Inhalt Bemerkten wird die Höhe im Quadrat
 15 $= 96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10}$ sein. Es ist aber $BE^2 = 72\frac{1}{5}$ und
 $BA^2 = 500$. Und da $\Gamma A = 20$, $\Gamma B = 10$, so sind ihre
 Quadrate 400 und 100. Setze nun $400 : 100 = 96\frac{4}{5} : x$.
 Dann wird $x = 24\frac{1}{5}$ sein. So grofs wird $E\Theta^2$ sein.
 Wir multiplizieren nun $72\frac{5}{1}$ mit $24\frac{1}{5}$ und ziehen aus dem
 20 Produkt die Wurzel, nehmen den doppelten Wert von
 $BE \times E\Theta$, und setzen dies zu $BE^2 + E\Theta^2$, d. h. zu
 $72\frac{1}{5} + 24\frac{1}{5}$ hinzu und erhalten $B\Theta^2 = 180$.

$$96\frac{1}{2} + \frac{1}{5} + \frac{1}{10} + 24\frac{1}{5} = 121$$

$$(180 \times 24\frac{1}{5})^2 = 4356$$

25

$$\frac{4356}{121} = 36$$

$$\sqrt{121} - \sqrt{36} = \sqrt{25}$$

$$\sqrt{25} = 5$$

$$5 + 10 = 15.$$

So grofs wird die Höhe AZ sein. Und es ist $E\Theta^2 = 24\frac{1}{5}$
 30 $H\Theta = 6$, $A\Theta = 11$.

ις. Ἔστω δὴ πάλιν τραπέζιον τὸ $AB\Gamma\Delta$ ἔχον τὴν
 μὲν πρὸς τῷ Γ ὀρθὴν, τὴν δὲ AB μονάδων ιγ, τὴν
 δὲ $B\Gamma$ μονάδων ι, τὴν δὲ $\Gamma\Delta$ μονάδων η, τὴν δὲ $A\Delta$
 μονάδων κε. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. ἐπεξεύχθω ἡ
 $B\Delta$. ὁμοίως δὴ ἔσται τοῦ $B\Gamma\Delta$ τριγώνου τὸ ἐμβαδόν 5
 δοθέν. καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $B\Delta$ μονάδων ρξδ· ἀλλὰ καὶ
 fol. 76^r τὸ ἀπὸ τῆς $| AB$ μονάδων ρξθ· τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν
 AB $B\Delta$ ἔσται μονάδων τλγ. καὶ ἔστιν ἐλάσσουνα
 τοῦ ἀπὸ τῆς $A\Delta$. ἀμβλεία ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $AB\Delta$.
 ἤχθω δὴ κάθετος ἐπὶ τὴν $B\Delta$ ἐκβληθεῖσαν ἡ AE . 10
 τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $A\Delta$ τῶν ἀπὸ τῶν AB $B\Delta$ μείζον
 ἐστὶ τῷ δις ὑπὸ τῶν $B\Delta$ BE . δοθέν ἄρα τὸ δις ὑπὸ
 τῶν $B\Delta$ BE . ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ΔB BE δοθέν
 ἐστὶν. καὶ ἔστι πλευρὰ τοῦτο τοῦ ἀπὸ $B\Delta$ ἐπὶ τὸ
 ἀπὸ BE . δοθέν ἄρα τὸ ἀπὸ $B\Delta$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ BE . 15
 ἀλλὰ καὶ τὸ ἀπὸ $B\Delta$. καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς
 EB δοθέν ἐστὶ. καὶ ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ E . δοθέν
 ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ AE . ὥστε καὶ τὸ ἀπὸ AE ἐπὶ τὸ
 ἀπὸ $B\Delta$ δοθέν ἐστὶν. καὶ ἔστιν αὐτοῦ πλευρὰ <τὸ>
 ὑπὸ τῶν AE $B\Delta$. δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ AE $B\Delta$. 20
 καὶ ἔστιν αὐτοῦ ἡμισυ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον. δοθέν
 ἄρα καὶ τὸ $AB\Delta$ τρίγωνον. ὥστε καὶ ὅλον τὸ $AB\Gamma\Delta$
 τετράπλευρον δοθέν ἐστὶν. συντεθήσεται δὲ οὕτως·
 τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρ. καὶ τὰ η ἐφ' ἑαυτά·
 γίννεται ξδ· ὁμοῦ ρξδ. καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά· γίννεται 25
 ρξθ· σύνθες· γίννεται τλγ. καὶ τὰ κε ἐφ' ἑαυτά·
 γίννεται χκε. ἄφελε τὰ τλγ· γίννεται λοιπὰ σςβ.
 τούτων τὸ ἡμισυ· γίννεται ρμς· ταῦτα ἐφ' ἑαυτά·
 γίννεται μονάδες κατισ· παρὰ τὸν ρξδ· γίννεται

XVI. Es sei wiederum $AB\Gamma A$ ein Trapez, in dem bei Γ ein rechter Winkel und $AB = 13$, $B\Gamma = 10$, $\Gamma A = 8$, $AA = 25$ ist. Zu finden seinen Inhalt. Man ziehe die Verbindungslinie BA , dann ist in ähnlicher

Weise (wie vorher) der Inhalt des Dreiecks $B\Gamma A$ gegeben. Und es ist $BA^2 = 164$; aber $AB^2 = 169$. Also wird

$$AB^2 + BA^2 = 333$$

sein. Und dies ist kleiner als AA^2 . Also ist der Winkel ABA ein stumpfer. Es werde nun auf die Verlängerung von BA die Kathete AE gefällt. Also ist $AA^2 - 2BA \times BE = AB^2 + BA^2$. Es

ist also $2BA \times BE$ gegeben, sodafs auch $BA \times BE$ gegeben ist, und es ist dieses $= \sqrt{BA^2 \times BE^2}$. Gegeben

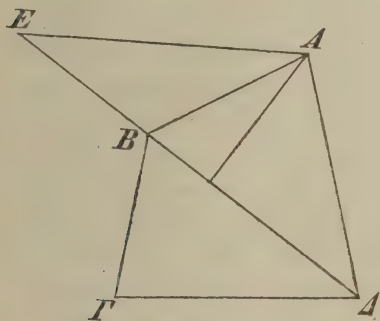


Fig. 19 a.

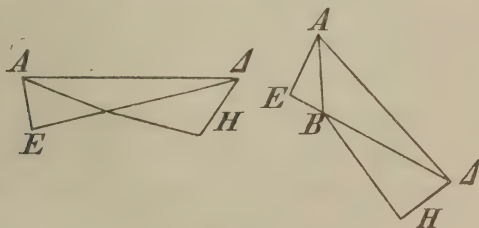


Fig. 19 b u. c.

ist also auch $BA^2 \times BE^2$, aber auch BA^2 , und es ist also auch EB^2 gegeben. Und der Winkel bei E ist ein rechter; gegeben ist also auch AE^2 , sodafs auch $AE^2 \times BA^2$ gegeben ist. Und die Wurzel daraus ist gleich

$AE \times BA$; also ist auch $AE \times BA$ gegeben. Und die Hälfte hiervon ist das Dreieck ABA ; gegeben ist also

ρκθ καὶ ρξ^{ρξδ}. ταῦτα ἄφελε ἀπὸ τῶν ρξθ· λοιπὰ λθ^{ρξδ}
καὶ δ. ταῦτα πολλαπλασίασον ἐπὶ τὸν ρξδ· γίγνεται
ζυ· ὧν πλευρὰ γίγνεται π· τούτων τὸ ἥμισυ· γίγνεται
μ. ἔσται τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου τὸ ἐμβαδὸν μονάδων μ.
ἀλλὰ καὶ τοῦ $B\Gamma\Delta$ ὁμοίως μ· ὅλου ἄρα τοῦ $AB\Gamma\Delta$ 5
τραπεζίου τὸ ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων π, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

fol. 76^v

Ὅσα μὲν οὖν ἔδει ἐπὶ τε τριπλεύρων καὶ τετρα-
πλεύρων τεταγμένων εἰπεῖν, προγέγραπται· ἐὰν δὲ
δέῃ καὶ τετραπλεύρου τυχόντος τὰς πλευρὰς λαβόντας
τὸ ἐμβαδὸν εἰπεῖν, δεήσει καὶ μίαν διαγώνιον λαβεῖν 10
αὐτοῦ, ὥστε διαιρεθὲν αὐτὸ εἰς δύο τρίγωνα ἔχειν
τὸ ἐμβαδὸν δοθέν. ἐμάθομεν γὰρ τριγώνου τῶν
πλευρῶν δοθεισῶν τὸ ἐμβαδὸν εὐρεῖν τῇ καθολικῇ
μεθόδῳ. ἄνευ δὲ μιᾶς διαγωνίου ἀδύνατον ἔσται τὸ
ἐμβαδὸν τοῦ τετραπλεύρου εἰπεῖν. τῶν γὰρ αὐτῶν 15
πλευρῶν δοθεισῶν τοῦ τετραπλεύρου μεταπίπτει τὸ
ἐμβαδὸν διαρομβουμένου αὐτοῦ καὶ παρασπωμένου
ἐν ταῖς αὐταῖς πλευραῖς. καὶ τὰ μὲν περὶ τῶν
τριπλεύρων καὶ τετραπλεύρων ἐπὶ τοσοῦτον εἰρήσθω,
ἐξῆς δὲ περὶ τῶν ἰσοπλεύρων τε καὶ ἰσογωνίων εὐθυ- 20
γράμμων γράψομεν ἄχρι τοῦ δωδεκαγώνου, ἐπειδὴ
τοῦτο συνεγγίζει μᾶλλον τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ.

ιζ. Ἐστω δὲ πρότερον τρίγωνον ἰσόπλευρον, οὗ
ἐκάστη ἐστὶ πλευρὰ μονάδων ι. καὶ ἔστω τὸ $AB\Gamma$.
ἤχθω κάθετος ἐπὶ τὴν ΓB ἢ $A\Delta$. ἐπεὶ διπλῇ ἐστίν 25
ἢ $B\Gamma$, τουτέστιν ἢ AB , τῆς $B\Delta$, τετραπλάσιον ἄρα
τὸ ἀπὸ AB τοῦ ἀπὸ $B\Delta$. ὥστε τριπλάσιον τὸ ἀπὸ
 $A\Delta$ τοῦ ἀπὸ ΔB . τοῦ δὲ ἀπὸ ΔB τετραπλάσιόν

auch das Dreieck $AB\Delta$, so dafs auch das ganze Viereck $AB\Gamma\Delta$ gegeben ist. Berechnet wird es folgendermafsen.

$$10^2 = 100$$

$$8^2 = 64$$

$$5 \quad 100 + 64 = 164$$

$$13^2 = 169$$

$$169 + 164 = 333$$

$$25^2 = 625$$

$$625 - 333 = 292$$

$$10 \quad \frac{292}{2} = 146$$

$$146^2 = 21\,316$$

$$21\,316 : 164 = 129\frac{160}{164}$$

$$169 - 129\frac{160}{164} = 39\frac{4}{164}$$

$$93\frac{4}{164} \times 164 = 6400$$

$$15 \quad \sqrt{6400} = 80$$

$$\frac{80}{2} = 40.$$

Der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ wird $= 40$ sein. Aber auch $B\Gamma\Delta$ ist $= 40$. Der Inhalt des ganzen Trapezes $AB\Gamma\Delta$ wird also $= 80$ sein, was zu zeigen war.

20 Alles nun, was bei den bestimmten Dreiecken und Vierecken gesagt werden mufste, ist vorstehend aufgezeichnet. Falls es aber gilt, wenn man von einem beliebigen Viereck die Seiten kennt, seinen Inhalt anzugeben, so wird man auch noch eine Diagonale desselben kennen
25 müssen, sodafs, da es dann in 2 Dreiecke geteilt ist, sein Inhalt gegeben ist. Denn wir lernten, wenn von einem Dreieck die Seiten gegeben sind, seinen Inhalt durch die allgemeine Methode zu finden. Ohne eine Diagonale dagegen wird es nicht möglich sein den Inhalt des Vierecks
30 anzugeben. Denn wenn ebendieselben Seiten des Vierecks gegeben sind, so verändert sich sein Inhalt, wenn es dem Rhombus genähert und, mit Beibehaltung derselben Seiten, seitwärts verschoben wird. So viel über die

ἐστὶ τὸ ἀπὸ $BΓ$. ἐπίτρετον ἄρα ἔσται τὸ ἀπὸ $BΓ$
 τοῦ ἀπὸ $AΔ$. τὸ ἄρα ἀπὸ $BΓ$ πρὸς τὸ ἀπὸ $AΔ$
 λόγον ἔχει, ὃν δ πρὸς $γ$, καὶ πάντα ἐπὶ τὸν ἀπὸ $ΒΙ$,
 τουτέστιν τό τε ἀπὸ $BΓ$ ἐφ' ἑαυτὸ καὶ τὸ ἀπὸ $AΔ$
 fol. 77^v ἐπὶ τὸ ἀπὸ $BΓ$. ἡ ἄρα ἀπὸ τῆς $BΓ$ | δυνάμεως πρὸς 5
 τὸ ἀπὸ τῆς $BΓ$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $AΔ$ λόγον ἔχει, ὃν δ
 πρὸς $γ$, τουτέστιν ὃν ις πρὸς ιβ. τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $BΓ$
 ἐπὶ τὸ ἀπὸ τῆς $AΔ$ τὸ ὑπὸ $AΔ$ $BΓ$ ἐστὶν ἐφ' ἑαυτό,
 τουτέστι δύο τρίγωνα
 ἐφ' ἑαυτά. ἡ ἄρα
 ἀπὸ $BΓ$ δυναμοδύ-
 νامις πρὸς δύο τρί-
 γωνα ἐφ' ἑαυτὰ λό-
 γον ἔχει, ὃν ις πρὸς
 ιβ· δύο δὲ τρίγωνα ἐφ'
 ἑαυτὰ ἐνὸς τριγώνου
 ἐφ' ἑαυτὸ ἐστὶν τε-
 τραπλάσια. ἡ ἄρα
 ἀπὸ τῆς $BΓ$ δυναμο-
 δύνامις πρὸς ἓν τρίγωνον ἐφ' ἑαυτὸ λόγον ἔχει, ὃν 20
 ις πρὸς $γ$. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ἀπὸ $BΓ$ δυναμοδύνα-
 μις, ἐπεὶ καὶ ἡ $BΓ$. δοθέν ἄρα ἐστὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ
 τριγώνου ἐφ' ἑαυτό· ὥστε καὶ αὐτὸ τὸ τρίγωνον δοθέν
 ἐστίν. συντεθήσεται δὲ ἀκολούθως τῇ ἀναλύσει οὕτως.
 τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρ. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίννε- 25
 ται μ^a . τούτων λαβὲ γ^{15} . γίννεται $\alpha\omega\sigma\epsilon$. τούτων πλευ-
 ρὰν λαβέ· καὶ ἐπεὶ οὐκ ἔχει ῥητὴν πλευρὰν, εἰλήφθω
 ὡς ἐμάθομεν ἔγγιστα μετὰ διαφόρου. καὶ ἔσται τὸ
 ἐμβαδὸν $\mu\gamma\gamma'$.

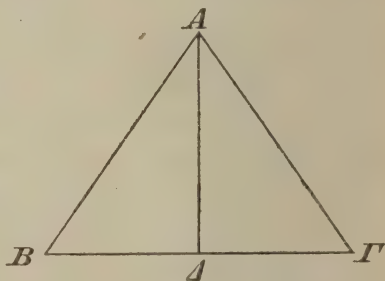


Fig. 20.

Dreiecke und Vierecke. Im folgenden aber werden wir über die gleichseitigen und gleichwinkligen gradlinigen Figuren bis zum Zwölfeck schreiben, da dieses sich mehr dem Umfang des Kreises annähert.

- 5 XVII. Es sei nun zunächst ein Dreieck gleichseitig, von dem jede Seite = 10 sei. Und es sei $AB\Gamma$. Auf ΓB werde die Höhe AA gefällt. Da nun $B\Gamma = AB = 2B\Delta$, so ist $AB^2 = 4B\Delta^2$, also

$$AA^2 = 3\Delta B^2;$$

es ist aber $\Delta B^2 = \frac{1}{4}B\Gamma^2$; also ist $B\Gamma^2 = \frac{3}{4}AA^2$. Mithin ist $B\Gamma^2 : AA^2 = 4 : 3$, und (dies) alles werde mit $B\Gamma^2$ multipliziert, d. h. sowohl $B\Gamma^2$ mit sich selbst als auch AA^2 mit $B\Gamma^2$; also $B\Gamma^4 : B\Gamma^2 \times AA^2 = 4 : 3 = 16 : 12$. Es ist aber

$$B\Gamma^2 \times AA^2 = (AA \times A\Gamma)^2,$$

- 20 d. h. gleich dem Quadrat des doppelten Dreiecks. Also ist $B\Gamma^4 : \text{Quadrat des doppelten Dreiecks} = 16 : 12$. Nun ist aber das doppelte Dreieck ins Quadrat = 4mal 1 Dreieck ins Quadrat. Also ist $B\Gamma^4 : \text{Dreiecksquadrat} = 16 : 3$. Nun ist $B\Gamma^4$ gegeben, da $B\Gamma$ gegeben ist. Also ist auch
 25 der Inhalt des Dreiecks ins Quadrat, mithin auch das Dreieck selbst gegeben.

Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$30 \quad 100^2 = 10000$$

$$10000 \times \frac{3}{16} = 1875.$$

Daraus ziehe die Wurzel: und da es keine rationale Wurzel hat, so soll sie annähernd mit Differenz genommen werden, und dann wird der Inhalt = $43\frac{1}{3}$ sein.

Αἷμα. Ἐστω τρίγωνον ὀρθογώνιον τὸ $ABΓ$ ὀρθὴν
 ἔχον τὴν πρὸς τῷ $Γ$, δύο δὲ πέμπτων ὀρθῆς τὴν πρὸς
 τῇ A . δεῖξαι ὅτι τὸ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς BA $ΑΓ$
 πενταπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ $ΑΓ$. ἐκβεβλήσθω ἡ $ΑΓ$
 ἐπὶ τὸ $Δ$, καὶ τῇ $ΑΓ$ ἴση κείσθω ἡ $ΓΔ$, καὶ ἐπε- 5
 ζεύχθω ἡ $ΒΔ$. ἴση ἄρα ἡ μὲν AB τῇ $ΒΔ$, ἡ δὲ
 ὑπὸ $ABΓ$ γωνία τῇ ὑπὸ $ΓΒΔ$. ἀλλὰ ἡ ὑπὸ $ΓΒΑ$
 γωνία τριῶν πέμπτων ἐστὶν ὀρθῆς διὰ τὸ τὴν ὑπὸ
 $ΒΑΓ$ γωνίαν δύο πέμπτων εἶναι· ἡ ἄρα ὑπὸ $ΑΒΔ$
 γωνία ἕξ πέμπτων ἐστὶν ὀρθῆς· πενταγώνου ἄρα ἐστὶ 10
 γωνία ἡ ὑπὸ $ΑΒΔ$. καὶ ἐστὶν ἴση ἡ AB τῇ $ΒΔ$. |
 fol. 77^v τῆς ἄρα $ΑΔ$ ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνομένης τὸ
 μείζον τμημὰ ἐστὶν ἡ AB . καὶ ἐστὶ τῆς $ΑΔ$ ἡμίσεια
 ἡ $ΑΓ$. τὸ ἄρα ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς BA $ΑΓ$ πεντα-
 πλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς $ΑΓ$. 15

ιη. Ἐστω πεντάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον
 τὸ $ABΓΔΕ$, οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἔστω μονάδων ι .
 εὑρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ
 περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ Z , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ΓΖ$,
 $ΖΔ$ καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν $ΓΔ$ ἡ ZH . ἔσται ἄρα ἡ 20
 ὑπὸ τῶν $ΓΖΔ$ γωνία τεσσάρων πέμπτων ὀρθῆς· ἡ
 ἄρα ὑπὸ $ΓΖΗ$ δύο πέμπτων ἐστὶν ὀρθῆς. καὶ ἐστὶν
 ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $ΓΗΖ$. τὸ ἄρα ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς
 $ΓΖ$ ZH πενταπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς ZH . ἀλλ
 ἐπεὶ ἐν ἀριθμοῖς οὐκ ἐστὶν εὑρεῖν τετράγωνον τετρα- 25
 γώνου πενταπλάσιον, ὥς σύνεγγυς δεῖ λαβεῖν· ἐστὶ
 δὲ ὁ $\pi\alpha$ πρὸς $\langle\iota\varsigma\rangle$ συναμφοτέρος ἄρα ὁ $ΓΖ$ ZH
 λόγον ἔχει πρὸς τὸν ZH , ὃν θ πρὸς δ . καὶ διελόντι ὁ
 $ΓΖ$ πρὸς ZH λόγον ἔχει $\langle\delta\rangle$ ν ε πρὸς δ . καὶ τοῦ
 $\langle\text{ἀπὸ}\rangle$ $ΓΖ$ ἄρα πρὸς $\langle\tauὸ\rangle$ ἀπὸ ZH , ὃν $\kappa\epsilon$ πρὸς $\iota\varsigma$. καὶ 30
 λοιπὸς τοῦ ἀπὸ $ΓΗ$ πρὸς $\langle\tauὸ\rangle$ ἀπὸ ZH , ὃν θ πρὸς

Hülfsatz. Es sei $AB\Gamma$ ein rechtwinkliges Dreieck, das bei Γ einen rechten Winkel hat, und den Winkel bei $A = \frac{2}{5}$ eines Rechten. Zu zeigen, daß $(BA + A\Gamma)^2 = 5 A\Gamma^2$ ist. Es werde $A\Gamma$ bis Δ verlängert und es sei $\Gamma\Delta = A\Gamma$ und es werde die Verbindungslinie $B\Delta$ gezogen. Also ist $AB = B\Delta$ und Winkel $AB\Gamma = \Gamma B\Delta$.

Nun ist aber Winkel $\Gamma B\Delta = \frac{3}{5}$ eines Rechten, weil Winkel $B A \Gamma = \frac{2}{5}$ eines Rechten ist. Also ist Winkel $AB\Delta = \frac{6}{5}$ eines Rechten. Mithin ist $AB\Delta$ der Winkel eines (regelmäßigen) Fünfecks. Und es ist $AB = B\Delta$. Wenn nun $A\Delta$ nach dem goldenen Schnitt geteilt wird, so ist AB der größere Abschnitt und es ist $A\Delta = 2 A\Gamma$. Also ist $(BA + A\Gamma^2) = 5 A\Gamma^2$.

XVIII. Es sei $AB\Gamma\Delta E$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck, von dem jede Seite = 10 sein soll.

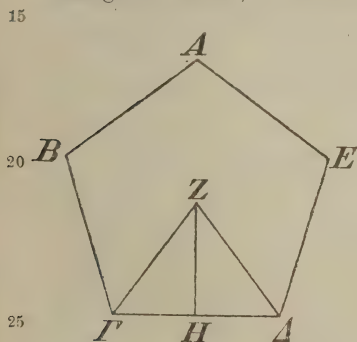


Fig. 22.

Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises Z und ziehe die Verbindungslinien ΓZ und $Z\Delta$ und falle auf $\Gamma\Delta$ die Höhe ZH . Also wird der Winkel $\Gamma Z\Delta = \frac{4}{5}$ eines Rechten sein; folglich Winkel $\Gamma ZH = \frac{2}{5}$ R. Und $\Gamma ZH = 1$ R. Also ist $(\Gamma Z + ZH)^2 = 5 ZH^2$.

Da es aber nicht möglich ist, in Zahlen ein Quadrat zu finden, das das Fünffache eines anderen Quadrats beträgt, so muß man es annähernd nehmen. Es ist aber $81 : \langle 16 \rangle$. Also ist

1 $\overline{\lambda\eta} \bar{\mu} \bar{\mu}\alpha$: correxi 2 et 3 $\pi\rho\delta\varsigma \tau\delta$: correxi 20 $Z\Delta$: Δ
ex Θ fec. m. 1 23 ΓZH : ς orr. m. 2 27 suppl. m. 2 28 δ
in rasura m. 1 29 $\xi\chi\epsilon\nu \epsilon$: correxi 29 spatium 3 litterarum;
suppl. m. 3 30 et 31 $\langle \tau\delta \rangle$ addidi 31 ante $\tau\delta$ ins. δ m. 2

ις· τῆς ἄρα ΓH πρὸς $H Z$ λόγος, ὃν γ πρὸς δ · ὥστε τῆς $\Gamma \Delta$ πρὸς $Z H$ λόγος ἐστίν, ὃν ς πρὸς δ , τουτέστιν ὃν γ πρὸς β · τὸ ἄρα ἀπὸ $\Gamma \Delta$ πρὸς τὸ ὑπὸ $\Gamma \Delta Z H$ λόγον ἔχει, ὃν γ πρὸς β . καὶ ἐστὶ δοθὲν τὸ ἀπὸ τῆς $\Gamma \Delta$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ τῶν $\Gamma \Delta Z H$.⁵ καὶ ἐστὶ διπλάσιον τοῦ $\Gamma Z \Delta$ τριγώνου· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ $\Gamma Z \Delta$ τρίγωνον. καὶ ἐστὶ πέμπτον μέρος τοῦ $A B \Gamma \Delta E$ πενταγώνου· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ πεντάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι[ε] ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρ. τούτων τὸ τρίτον· γίννεται λγ γ'. ταῦτα πεντάκις·¹⁰

fol. 78^r γίννεται ρξς β'. τοσού | του ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ πενταγώνου ὡς ἔγγιστα· ἐὰν δὲ ἕτερον τετράγωνον ἑτέρου τετραγώνου πενταπλάσιον μᾶλλον ἐγγίξον λάβωμεν, ἀκριβέστερον εὐρήσομεν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν.

ιθ. Ἐστω ἑξάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον τὸ 15
 $A B \Gamma \Delta E Z$, οὗ
 ἐκάστη πλευρὰ
 ἀνὰ μονάδας ι.
 εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ
 ἐμβαδόν. εἰλήφθω
 τὸ κέντρον τοῦ
 περὶ αὐτὸ κύκλου
 τὸ H , καὶ ἐπεξεύ-
 χθωσαν αἱ ΓH ,
 $H \Delta$. ἴση ἄρα
 ἐστὶν ἡ $\Gamma \Delta$ ἑκα-
 τέρα τῶν ΓH ,
 $H \Delta$ · ἰσόπλευρον

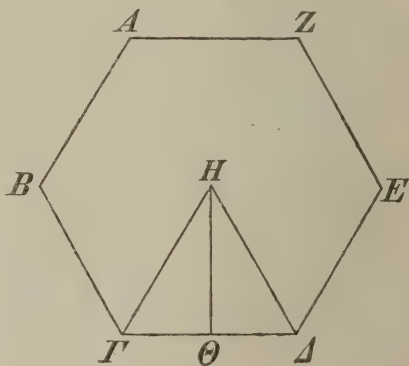


Fig. 23.

ἄρα ἐστὶ τὸ $\Gamma H \Delta$ τρίγωνον. καὶ ἐστὶν αὐτοῦ ἡ
 πλευρὰ δοθεῖσα· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ $\Gamma H \Delta$ τρίγωνον.³⁰

$$\Gamma Z + ZH : ZH = 9 : \langle 4 \rangle$$

$$\Gamma Z : ZH = 5 : 4$$

$$\Gamma Z^2 : ZH^2 = 25 : 16$$

$$\Gamma H^2 : ZH^2 = 9 : 16$$

5

$$\Gamma H : HZ = 3 : 4$$

$$\Gamma A : ZH = 6 : 4 = 3 : 2$$

Also:

$$\Gamma A^2 : \Gamma A \times ZH = 3 : 2.$$

Nun ist gegeben ΓA^2 , gegeben ist also auch $\Gamma A \times ZH$ und dies ist zweimal so groß als das Dreieck $\Gamma Z A$.

10 Gegeben ist also auch das Dreieck $\Gamma Z A$ und es ist $\frac{1}{5}$ des Fünfecks $AB\Gamma A E$. Gegeben ist also auch das Fünfeck. Berechnet wird es folgendermaßen:

$$10^2 = 100$$

$$\frac{100}{3} = 33\frac{1}{3}$$

15

$$33\frac{1}{3} \times 5 = 166\frac{2}{3}.$$

So groß wird der Inhalt des Fünfecks annähernd sein. Wenn wir aber eine andere Quadratzahl, die in größerer Annäherung das Fünffache einer zweiten Quadratzahl ist, nehmen, so werden wir seinen Inhalt genauer finden.

20 XIX. Es sei $AB\Gamma A E Z$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Sechseck, von dem jede Seite = 10 sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises H und ziehe die Verbindungslinien ΓH und $H A$. Dann ist $\Gamma A = \Gamma H = H A$.

25 Also ist $\Gamma H A$ ein gleichseitiges Dreieck. Und seine Seite ist gegeben, also ist auch das Dreieck $\Gamma H A$ gegeben und ist $= \frac{1}{6}$ des Sechsecks. Gegeben ist also auch das Sechseck $AB\Gamma A E Z$. Berechnet wird es folgendermaßen.

2 οῦ: correxi 9 ιε: correxi 9—10 φ. τούτων: correxi

11 γίνεταί φ: correxit m. 3 18 ἀνὰ ὃ ι: f. ἀνὰ μονάδων ι, cf. Hultsch Her. reliqu. p. XIV. 28 ἱσοπλεύρων: corr. m. 1

καὶ ἔστιν ἕκτον μέρος τοῦ ἑξαγώνου· δοθὲν ἄρα καὶ
 τὸ $ABΓΔEZ$ ἑξάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ
 ι ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ρ. ταῦτα ἐφ' ἑαυτά· γίνονται
 μ^a . τούτων τὸ τέταρτον· γίνεται βφ. ταῦτα εἰκοσάκι
 καὶ ἐπτάκι· γίνεται μ^5 ζφ. τούτων λαβὲ πλευρὰν ἔγγιστα· 5
 γίνεται συνθ. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἑξαγώνου.

Λήμμα. Ἐὰν εἰς κύκλον ἐπτάγωνον ἰσόπλευρον
 ἔγγραφῃ, ἡ ἐκ τοῦ κέντρου τοῦ κύκλου πρὸς τὴν τοῦ
 ἐπταγώνου πλευρὰν λόγον ἔχει, ὁ(ν) η πρὸς ζ. ἔστω
 γὰρ κύκλος ὁ $BΓ$ περὶ κέντρον τὸ A , καὶ ἐνηρμόσθω 10
 εἰς αὐτὸν ἑξαγώνου πλευρὰ ἡ $BΓ$, τουτέστιν ἴση τῇ
 fol. 78^v ἐκ τοῦ κέν|τρου τοῦ κύκλου· καὶ κάθετος ἐπ' αὐτὴν
 ἡ $ΑΔ$. ἔσται ἄρα ἡ $ΑΔ$ ὡς ἔγγιστα ἴση τῇ τοῦ
 ἐπταγώνου πλευρᾷ. ἐπεξεύχθωσαν αἱ BA , $ΑΓ$ · ἰσό-
 πλευρον ἄρα ἔστί τὸ $ABΓ$ τρίγωνον. τριπλάσιον 15
 ἄρα ἔστί τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ τοῦ ἀπὸ τῆς $ΔB$. λόγος
 ἄρα τῆς $ΑΔ$ πρὸς $ΔB$ δυνάμει ὡς ἔγγιστα ὁ[ν] τοῦ
 μθ πρὸς ις· καὶ μήκει λόγος τῆς $ΑΔ$ πρὸς $ΔB$, ὃν
 ζ πρὸς δ. καὶ ἔστι τῆς $BΔ$ διπλῇ ἡ $BΓ$ · τῆς $BΓ$
 ἄρα πρὸς $ΔA$ λόγος ἔστιν, ὃν ἔχει τὰ η πρὸς ζ. 20

κ. Ἐστω ἐπτάγωνον ἰσόπλευρον τὸ $ABΓΔEZH$,
 οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονάδων ι. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβα-
 δόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ Θ
 καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ΔΘ$, ΘE καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν $ΔE$
 ἡ ΘK . λόγος ἄρα τῆς $\Theta Δ$ πρὸς $ΔE$, ὃν η πρὸς ζ, 25
 πρὸς δὲ τὴν $ΔK$, ὃν η πρὸς γλ, τουτέστιν ὃν ις
 πρὸς ζ. ὥστε τῆς $\Theta[E]K$ πρὸς $KΔ$ λόγος ὡς ἔγγιστα
 ὁ τῶν ιδ γ' πρὸς τὸν ζ, τουτέστιν ὃν μγ πρὸς κα.

$$10^2 = 100$$

$$100^2 = 10\,000$$

$$\frac{10\,000}{4} = 2500$$

$$2500 \times 27 = 67\,500.$$

5 Daraus ziehe annähernd die Wurzel: es ergiebt 259. So groß wird der Inhalt des Sechsecks sein.

Hülfsatz.

Wenn in einen Kreis ein gleichseitiges Siebeneck eingeschrieben wird, so verhält sich der Radius des Kreises zur Seite des Siebenecks wie 7 : 8. Es sei BF ein Kreis um A , und es werde in ihn eingezeichnet die Seite eines Sechsecks d. h. eine dem Radius gleiche Linie, und auf sie die Höhe AA gefällt. Es wird also AA annähernd

20 gleich der Seite des Siebenecks sein. Man ziehe die Verbindungslinien BA und AF . Dann wird ABF ein gleichseitiges Dreieck sein. Also ist $AA^2 = 3AB^2$. Also ist

$$\left(\frac{AA}{AB}\right)^2 \text{ annähernd } = \frac{49}{16}$$

25

$$\bullet \quad \frac{AA}{AB} = \frac{7}{4}.$$

Nun ist

$$2BA = BF;$$

also

$$BF : AA = 8 : 7.$$

30 XX. Es sei $ABF\Delta EZH$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Siebeneck, von dem jede Seite = 10 ist. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des

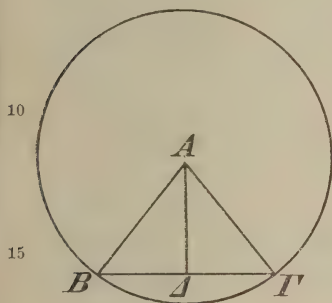


Fig. 24.

ὥστε καὶ τῆς $\triangle E$ πρὸς $K\Theta$ λόγος, ὃν $\mu\beta$ πρὸς $\mu\gamma$,
 τουτέστιν ὃν $\pi\delta$ πρὸς $\pi\varsigma$. καὶ τοῦ ἀπὸ $\triangle E$ ἄρα πρὸς
 τὸ ὑπὸ $\triangle E$ $K\Theta$ λόγος ὁ
 αὐτός· ὥστε \langle τοῦ ἀπὸ $\triangle E$ \rangle
 πρὸς τὸ $\triangle \Theta E$ τριγώνον
 λόγος, ὃν $\pi\delta$ πρὸς $\mu\gamma$.
 τοῦ δὲ τριγώνου πρὸς τὸ
 ἐπτάγωνον λόγος ὁ τοῦ α
 πρὸς ξ . καὶ τοῦ ἀπὸ $\triangle E$
 ἄρα πρὸς τὸ ἐπτάγωνον $\iota\beta$
 πρὸς $\mu\gamma$. καὶ ἔστι δοθὲν
 τὸ ἀπὸ $\triangle E$. δοθὲν ἄρα
 καὶ τὸ ἐπτάγωνον. συν-
 τεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι

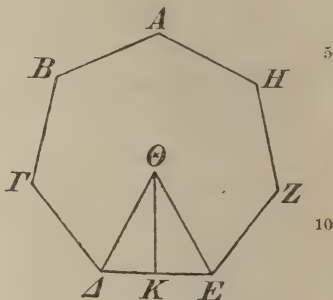


Fig. 25.

ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ρ . ταῦτα ἐπὶ τὰ $\mu\gamma$ · γίνεται, $\delta\tau$. 15
 τούτων τὸ $\iota\beta'$ · γίνεται τῇ γ' . τοσούτου ἔσται τὸ
 ἔμβαδὸν τοῦ ἐπταγώνου.

fol. 79^r

κα. | Ἐστω ὀκτάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον
 τὸ $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$, οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονάδων ι .
 εὗρεῖν αὐτοῦ τὸ ἔμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ 20
 περὶ αὐτὸ κύκλου τὸ K , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $K\Delta$,
 KE καὶ ἐπὶ τὴν ΔE κάθετος ἦχθω ἡ KL . ἡ ἄρα
 ὑπὸ ΔKE γωνία ἡμίσεως ἔστιν ὀρθῆς· ὥστε τετάρτου
 ἔστιν ὀρθῆς ἡ ὑπὸ ΔKL . συνεστήτω δὴ αὐτῇ ἴση
 ἡ ὑπὸ KLM . τετάρτου ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ KLM ἡμί- 25
 σεως ἄρα ἡ ὑπὸ MLA ἔστιν ὀρθῆς. ὀρθὴ δὲ ἡ πρὸς
 τῷ A . ἴση ἄρα ἔστιν ἡ $\angle A$ τῇ MA . διπλάσιον ἄρα
 τὸ ἀπὸ ΔM τοῦ ἀπὸ MA . ἡ ἄρα ΔM πρὸς MA
 λόγον ἔχει ἔγγιστα, ὃν $\iota\varsigma$ πρὸς $\iota\beta$. ἴση δὲ ἔστιν ἡ

1 MB: B in rasura m. 2 (?) 4 inserui 17 ἐξῆς ἡ κα-
 ταγραφὴ in marg. inf. m. 1

ihm umgeschriebenen Kreises Θ und ziehe die Verbindungslinien $\Delta\Theta$ und ΘE und auf ΔE die Höhe ΘK . Also ist $\Theta\Delta : \Delta E = 8 : 7$ und $\Theta\Delta : \Delta K = 8 : 3\frac{1}{2} = 16 : 7$.

Also $\Theta K : K\Delta = \text{annähernd } 14\frac{1}{3} : 7 = 43 : 21$. Also auch $\Delta E : K\Theta = 42 : 43 = 84 : 86$. Also auch $\Delta E^2 : \Delta E \times K\Theta = 84 : 86$. Daher $\langle \Delta E^2 \rangle$: Dreieck $\Delta\Theta E = 84 : 43$. Nun verhält sich aber das Dreieck zum Siebeneck $= 1 : 7$. Also auch ΔE^2 zum Siebeneck wie $12 : 43$. Und es ist ΔE^2 gegeben; also ist auch das Siebeneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$\begin{aligned} 10^2 &= 100 \\ 100 \times 43 &= 4300 \\ \frac{4300}{12} &= 358\frac{1}{3}. \end{aligned}$$

So groß wird der Inhalt des Siebenecks sein.

XXI. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Achteck, von dem jede Seite $= 10$. Zu

finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umgeschriebenen Kreises K und ziehe die Verbindungslinien $K\Delta$ und KE und falle auf ΔE die Höhe $K\Delta$. Also ist der Winkel $\Delta KE = \text{einem halben Rechten}$; sodafs Winkel $\Delta K\Delta = \frac{1}{4}$ Rechten ist. Ihm sei nun Winkel $K\Delta M$ gleich. Also ist auch $K\Delta M = \frac{1}{4}$ Rechten.

Mithin ist Winkel $\Delta M\Delta = \frac{1}{2}$ Rechten. Der Winkel bei Δ aber ist ein Rechter, also ist $\Delta\Delta = M\Delta$. Mithin ist

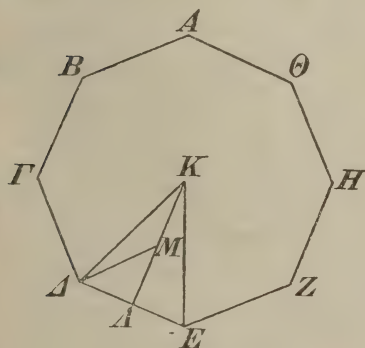


Fig. 26.

ΔM τῇ MK λόγος ἄρα ἐστὶ τῆς KM πρὸς MA , ὃν αἱ ἰς πρὸς $\iota\beta$. τῆς ἄρα KA πρὸς MA , τουτέστι πρὸς ΔA λόγος, ὃν κθ πρὸς $\iota\beta$ πρὸς ἄρα τὴν ΔE ὃν κθ πρὸς κδ. τὸ ἄρα ἀπὸ ΔE πρὸς τὸ ὑπὸ $\Delta E KA$ λόγον ἔχει, ὃν κδ πρὸς κθ· πρὸς ἄρα τὸ $KE\Delta$ τρί-⁵γωνον, ὃν κδ πρὸς $\iota\delta$. πρὸς ἄρα τὸ $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ ὀκτάγωνον λόγον ἔχει [τ]ὸν κδ πρὸς ρις, τουτέστιν ὃν ς πρὸς κθ. καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ ΔE δοθέν· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ὀκτάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίνυται ρ. ταῦτα ἐπὶ κθ· γίνυται $\beta\Delta$. τού-¹⁰των τὸ ἕκτον· γίνυται $\nu\lambda\gamma$ γ'. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ὀκταγώνου.

fol. 79^v

κβ. | Ἔστω ἐννάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον τὸ $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K$, οὗ ἑκάστη τῶν πλευρῶν μονά-
δων· ι . εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. περιγεγράφθω περὶ¹⁵ αὐτὸ κύκλος, οὗ κέντρον ἔστω τὸ A , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ EA καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ M , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ MZ . τὸ ἄρα EZM τρίγωνον δοθέν ἔστιν τοῦ ἐν<ν>αγώνου. δέδεικται δὲ ἐν τοῖς περὶ τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ὅτι ἡ ZE τῆς EM τρίτον μέρος ἐστὶν ὡς ἔγγιστα· τὸ²⁰ ἄρα ἀπὸ τῆς ME ἐνναπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς EZ . ὥστε ὀκταπλάσιόν ἐστι τὸ ἀπὸ MZ τοῦ ἀπὸ ZE · ἐν γὰρ ἡμικυκλίῳ ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Z γωνία. τὸ ἄρα ἀπὸ MZ πρὸς τὸ ἀπὸ ZE λόγον ἔχει ὡς ἔγγιστα, ὃν σπθ πρὸς $\lambda\varsigma$. ἡ ἄρα MZ πρὸς ZE λόγον ἔχει²⁵ ὡς ἔγγιστα, ὃν ἰς πρὸς ς· ὥστε τὸ ἀπὸ EZ πρὸς τὸ EMZ τρίγωνον λόγον ἔχει, ὃν $\lambda\varsigma$ πρὸς $\nu\alpha$, τουτέστιν

6 \angle ex 5 fec. m. 2 7 τὸν: correxi 16 τὸ A : correxi
18 ἐνάγωνον: correxi 19 δέδεικται: sc. ab Hipparcho, cuius
ferebantur περὶ τῆς πραγματείας τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν βιβλία
 $\iota\beta$ teste Theone Comm. in Alm. I cap. 9 p. 110 Halma

$\triangle M^2 = 2 M A^2$. Also $\triangle M : M A$ annähernd $= 17 : 12$.
 Es ist aber $\triangle M = M K$; also ist $K M : M A = 17 : 12$.
 Also ist $K A : M A = K A : \triangle A = 29 : 12$ und $K A : \triangle E$
 $= 29 : 24$. Also $\triangle E^2 : \triangle E \times K A = 24 : 29$; also $\triangle E^2$
 5 zu Dreieck $K E A = 24 : 14 \frac{1}{2}$. Also $\triangle E^2$ zu dem Achteck
 $A B \Gamma \triangle E Z H \Theta = 24 : 116 = 6 : 29$. Nun ist $\triangle E^2$ ge-
 geben; also ist auch das Achteck gegeben. Berechnet
 wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 29 = 2900$$

$$\frac{2900}{6} = 433 \frac{1}{3}.$$

So groß wird der Inhalt des Achtecks sein.

XXII. Es sei $A B \Gamma \triangle E Z H \Theta K$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Neuneck, von dem jede Seite $= 10$ sei.

Zu finden sei-
 nen Inhalt. Es
 werde demsel-
 ben ein Kreis
 umbeschrie-
 ben, dessen
 Mittelpunkt A
 sei, und man
 ziehe die Ver-
 bindungslinie
 $E A$ und ver-
 längere sie bis
 M und ziehe
 die Verbin-
 dungslinie
 $M Z$. Also ist
 von dem Neun-
 eck das Dreie-
 eck $E Z M$ ge-

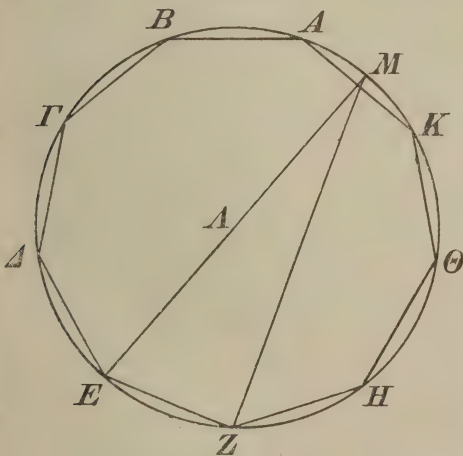


Fig. 27.

35 gegeben. Es ist aber in der Schrift über die Geraden im
 Kreise nachgewiesen, daß annähernd $3 Z E = E M$ ist.

ὄν ιβ πρὸς ιζ. πρὸς ἄρα τὸ ἐν<ν>άγωνον λόγον ἔχει,
 ὄν ιβ πρὸς ος ζ , τουτέστιν ὄν κδ πρὸς ρνγ, τουτέστιν
 ὄν η πρὸς να. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ EZ· δοθὲν
 ἄρα καὶ τὸ ἐννάγωνον. συντεθήσεται δὲ οὕτως· τὰ ι
 ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρ. ταῦτα ἐπὶ να· γίγνεται ρρ.⁵
 τούτων τὸ η'· γίγνεται χλζ ζ . τοσούτου ἔσται τοῦ
 ἐνναγώνου τὸ ἐμβαδόν.

κγ. Ἐστω δεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώ-
 νιον τὸ ABΓΔEZHΘKΛ, οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονά-
 δων ι. εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον¹⁰
 τοῦ περὶ αὐτὸ

κύκλου τὸ M,
 καὶ ἐπεξεύχ-
 θωσαναὶ ME,
 MZ καὶ κάθε-
 ετος ἐπὶ τὴν
 EZ ἢ MN.

fol. 80^r

| ἢ ἄρα ὑπὸ
 EMZ γωνία
 δύο πέλπτων
 ἔστιν ὀρθῆς·
 ὥστε ἢ ὑπὸ
 EMN πέμ-
 πτου ἔστιν
 ὀρθῆς. συν-
 εστάτω αὐτῇ

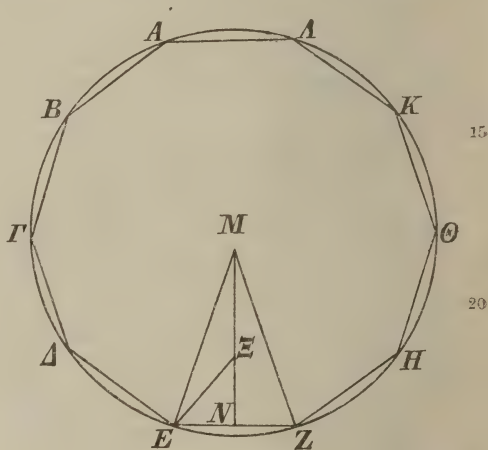


Fig. 28.

ἴση ἢ ὑπὸ MEΞ· δύο ἄρα πέλπτων ἔστιν ἢ ὑπὸ
 NΞE. ὀρθῇ δὲ ἢ ὑπὸ ENΞ· λόγος ἄρα τῆς EΞ
 πρὸς NΞ, ὄν ε πρὸς δ, πρὸς δὲ τὴν EN, ὄν ε πρὸς

1 ἐνάγωνον: correxi
 sed I del. m. 1

4 ἐνάγωνον (sic) m. 1

19 ΘIK:

Also ist $ME^2 = 9EZ^2$, mithin $MZ^2 = 8ZE^2$. Denn der Winkel bei Z ist ein rechter im Halbkreis. Mithin ist $ME^2 : ZE^2$ annähernd $= 289 : 36$. Also $MZ : ZE$ annähernd $= 17 : 6$. Es verhält sich aber EZ^2 zu dem
 5 Dreieck EMZ wie $36 : 51 = 12 : 17$. Also EZ^2 zu dem Neuneck $= 12 : 76\frac{1}{2} = 24 : 153 = 8 : 51$. Nun ist EZ^2 gegeben; also ist auch das Neuneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

10

$$100 \times 51 = 5100$$

$$\frac{5100}{8} = 637\frac{1}{2}.$$

So groß wird der Inhalt des Neunecks sein.

XXIII. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta KA$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Zehneck, von dem jede Seite $= 10$
 15 sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm unbeschriebenen Kreises M und ziehe die Verbindungslinien ME und MZ , und falle auf EZ die Höhe MN . Es ist also der Winkel EMZ gleich $\frac{2}{5}$ eines Rechten, sodafs Winkel EMN gleich $\frac{1}{5}$ eines Rechten sein
 20 wird. Ihm sei gleich Winkel $ME\Xi$. Also ist Winkel $N\Xi E = \frac{2}{5}$ eines Rechten. Nun ist aber Winkel $EN\Xi$ ein Rechter, also ist $E\Xi : N\Xi = 5 : 4$, $E\Xi : EN = 5 : 3$. Nun ist $EN = NZ$. Also wird $EZ : MN = 6 : 9 = 2 : 3$. Also auch $EZ^2 : EZ \times MN = 2 : 3$. Also
 25 $EZ^2 : \text{Dreieck } EZM = 2 : 1\frac{1}{2}$; also EZ^2 zu dem Zehneck $= 2 : 15$. Nun ist EZ^2 gegeben; also ist auch das Zehneck gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 15 = 1500$$

30

$$\frac{1500}{2} = 750.$$

So groß wird der Inhalt des Zehnecks sein.

γ. ἴση δὲ ἡ μὲν $EΞ$ τῇ $ΞΜ$, ἡ δὲ $ΕΝ$ τῇ NZ .
 ἔσται ἄρα λόγος τῆς EZ πρὸς MN , ὃν ς πρὸς θ ,
 τουτέστιν ὃν β πρὸς γ . καὶ τοῦ ἀπὸ $E\langle Z\rangle$ ἄρα
 πρὸς τὸ ὑπὸ $EZ M\langle N\rangle$, ὃν β πρὸς γ . ὥστε πρὸς τὸ
 EZM τρίγωνον, ὃν β πρὸς α . ὥστε πρὸς τὸ δεκά- 5
 γωνον λόγον ἔχει, ὃν β πρὸς $\iota\epsilon$. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ
 ἀπὸ EZ . δοθὲν ἄρα καὶ τὸ δεκάγωνον. συντεθήσεται
 δὲ οὕτως. τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρ . ταῦτα ἐπὶ τὰ
 $\iota\epsilon$ · γίννεται $\mu\phi$. τούτων τὸ ἥμισυν· γίννεται $\psi\eta$.
 τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ δεκαγώνου. 10

κδ. Ἔστω ἐνδεκάγωνον ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώ-
 μιον τὸ $ΑΒΓΔΕΖΗΘΚΑΜ$, οὗ ἐκάστη πλευρὰ
 μονάδων ι . εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. περιγεγράφθω
 περὶ αὐτὸ κύκλος, οὗ κέντρον ἔστω τὸ N , καὶ ἐπε- 15
 ζεύχθω ἡ ZN καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ $Ξ$, καὶ ἐπε-
 ζεύχθω ἡ $ΞΗ$. τὸ ἄρα $ZHΞ$ τρίγωνον δύο ἐνδέ-
 κατα τοῦ ἐνδεκαγώνου ἐστὶν. δέδεικται δὲ ἐν τοῖς περὶ
 τῶν ἐν κύκλῳ εὐθειῶν, ὅτι λόγος τῆς $ZΞ$ πρὸς ZH ὡς
 ἔγγιστα ὁ τῶν $\kappa\epsilon$ πρὸς ζ , ὁ δὲ τῆς $ΞΗ$ πρὸς HZ
 λόγος, ὃν κδ πρὸς ζ . τοῦ ἄρα ἀπὸ ZH πρὸς τὸ $ZHΞ$ 20
 τρίγωνον λόγος ὁ τῶν $\mu\theta$ πρὸς $\pi\delta$, τουτέστιν ὁ τῶν
 fol. 80^v ζ πρὸς $\iota\beta$. τοῦ δὲ τριγώνου | πρὸς τὸ ἐνδεκάγωνον
 λόγος, ὃν β πρὸς $\iota\alpha$. ὥστε πρὸς τὸ ἐνδεκάγωνον λόγον
 ἔχει τὸ ἀπὸ τῆς ZH , ὃν ζ πρὸς $\xi\varsigma$. καὶ ἔστι δοθὲν
 τὸ ἀπὸ ZH . δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἐνδεκάγωνον. συντε- 25
 θήσεται δὴ οὕτως· τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίννεται ρ . ταῦτα
 ἐπὶ τὰ $\xi\varsigma$ · γίννεται $\mu\chi$. τούτων τὸ ἑβδομον· γίννεται
 $\Delta\mu\beta$ ζ . τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἐνδεκαγώνου.

1 $NΞZ$: sed $Ξ$ del. m. 1 3 τοῦ ἀπὸ E : supplevi 4 EZM :
 supplevi 10 τοσούτου: correxi 17 cf. quae ad p. 58, 19 ad-
 scripsi 20 ZHZ : correxi 25 $ZH\Delta$: ὅθεν: correxi

XXIV. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda M$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Elfeck, von dem jede Seite $= 10$ sei. Zu finden seinen Inhalt. Man beschreibe um dasselbe einen Kreis, dessen Mittelpunkt N sein soll, und ziehe

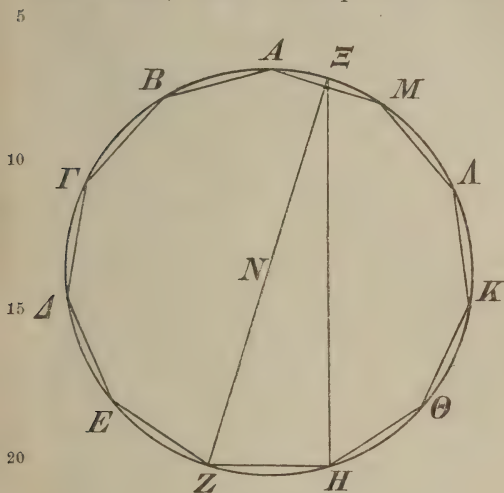


Fig. 29.

die Verbindungslinie ZN und verlängere sie bis Ξ , und ziehe die Verbindungslinie ΞH .

Also ist das Dreieck

$$ZH\Xi = \frac{2}{11}$$

des Elfecks.

Nun ist aber in der Schrift über die Geraden im Kreise nachgewiesen,

dafs $Z\Xi:ZH$

annähernd $= 25:7$ ist. Nun ist $\Xi H:HZ = 24:7$;

also ist ZH^2 zu dem Dreieck $ZH\Xi = 49:84 = 7:12$.

Das Dreieck verhält sich aber zu dem Elfeck wie $2:11$.

So dafs ZH^2 zu dem Elfeck sich verhält wie $7:66$.

Nun ist ZH^2 gegeben; also ist auch das Elfeck gegeben.

Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 66 = 6600$$

$$\frac{6600}{7} = 942\frac{6}{7}.$$

So groß wird der Inhalt des Elfecks sein.

XXV. Es sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$ ein gleichseitiges

und gleichwinkliges Zwölfeck, von dem jede Seite $= 10$

κε. Ἐστω δωδεκάγωνον ἰσοπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον τὸ $ΑΒΓΔΕΖΗΘΚΑΜΝ$ ἔχον ἐκάστην πλευρὰν μονάδων ι . εὐρεῖν αὐτοῦ τὸ ἐμβαδόν. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ αὐτὸ[ν] κύκλου τὸ Ξ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\Xi Η$, $\Xi Ζ$ καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν $Η Ζ$ ἢ $\Xi Ο$. 5 ἢ ἄρα ὑπὸ $Ζ \Xi Ο$ γωνία ἔκτου ἐστὶν ὀρθῆς· συνεστιάτω οὖν αὐτῇ ἴση ἢ ὑπὸ $\Xi Ζ Π$. τρίτου ἄρα ἐστὶν ὀρθῆς ἢ ὑπὸ $Ζ Π Ο$.

τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $Π Ο$ τριπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς $Ο Ζ$. λόγος ἄρα τῆς $Π Ο$ πρὸς $Ο Ζ$ ὡς ἔγγιστα, ὅν ξ πρὸς δ · ὥστε καὶ τῆς $Ζ Η$, τουτέστι τῆς $\Xi Π$, πρὸς $Π Ο$ λόγος ὡς ἔγγιστα, ὅν η πρὸς ξ · ὥστε καὶ τῆς $Ζ Η$

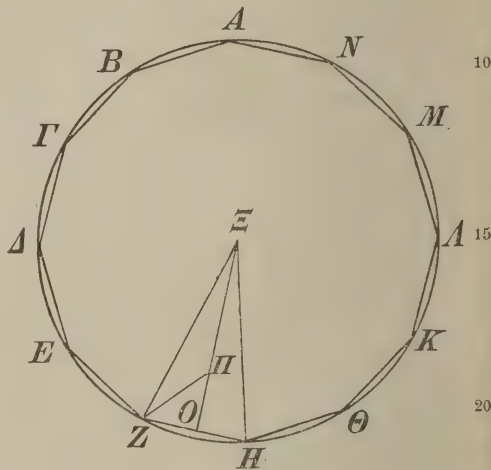


Fig. 30.

πρὸς $\Xi Ο$ λόγος, ὅν $\langle \eta \rangle$ πρὸς $\iota \epsilon$. καὶ τοῦ ἀπὸ τῆς $Ζ Η$ ἄρα πρὸς τὸ ὑπὸ $Ζ Η \Xi Ο$ λόγος, ὅν $\langle \eta \rangle$ πρὸς $\iota \epsilon$, πρὸς δὲ τὸ 25 $Ζ Η \Xi$ ἄρα τρίγωνον, ὅν $\langle \eta \rangle$ πρὸς ξ . καὶ πρὸς τὸ δωδεκάγωνον ἄρα, ὅν η πρὸς ϵ , τουτέστιν ὅν δ πρὸς $\mu \epsilon$. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ $Ζ Η$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ δωδεκάγωνον. συντεθῇσεται δὲ οὕτως· τὰ ι ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ρ . ταῦτα ἐπὶ τὰ $\mu \epsilon$ · γίγνεται $\rho \phi$. τούτων τὸ τέταρτον· γίγνεται 30

sei. Zu finden seinen Inhalt. Man nehme den Mittelpunkt des ihm umbeschriebenen Kreises Ξ und ziehe die Verbindungslinien ΞH und ΞZ , und fälle auf HZ die Höhe ΞO . Also ist der Winkel $Z\Xi O$ gleich $\frac{1}{6}$ eines
 5 Rechten. Ihm sei gleich der Winkel $\Xi Z \Pi$. Also ist Winkel $Z \Pi O = \frac{1}{3}$ eines Rechten. Mithin ist $\Pi O^2 = 3 O Z^2$. Daher ist $\Pi O : O Z$ annähernd $= 7 : 4$. Daher ist auch $ZH : \Pi O = \Xi \Pi : \Pi O$ annähernd $= 8 : 7$. Daher auch $ZH : \Xi O = \langle 8 \rangle : 15$. Mithin ist

$$10 \quad ZH^2 : ZH \times \Xi O = \langle 8 \rangle : 15$$

Also

$$ZH^2 : \text{Dreieck } ZH\Xi = 8 : 7\frac{1}{2}$$

$$ZH^2 : \text{Zwölfeck} = 8 : 90 = 4 : 45.$$

Nun ist ZH^2 gegeben; also ist auch das Zwölfeck ge-
 15 geben. Berechnet wird es folgendermaßen.

$$10^2 = 100$$

$$100 \times 45 = 4500$$

$$\frac{4500}{4} = 1125.$$

So groß wird der Inhalt des Zwölfecks sein.

20 Alle Vielecke nun, die nicht gleichseitig und gleichwinkelig sind, werden in Dreiecke zerlegt und so gemessen. Die runden aber unter den ebenen Figuren und allgemein alle diejenigen Oberflächen, die gemessen werden können, werden wir im Folgenden der Reihe nach besprechen.

25 Archimedes nun zeigt in der Kreismessung, daß 11 Quadrate des Durchmessers des Kreises nahezu 14 Kreisen gleich sind. Daher wird man, wenn der Durchmesser des Kreises beispielsweise $= 10$ gegeben ist, 10^2 nehmen müssen, es ergibt 100.

4 $\alpha\upsilon\tau\omicron\nu$: correxī $\tau\omicron$ B: correxī 6 $\delta\pi\omicron$ ex $\epsilon\pi\iota$ fec.
 m. 1 7 ΞZH : correxī 24 spatium 1 aut 2 litterarum:
 supplevi 25 et 26 $\delta\nu$ $\pi\rho\delta\varsigma$: inserui $\langle\eta\rangle$ 27 $\acute{\alpha}\rho\alpha$ delendum censet Heiberg

Ὅσα δὲ τῶν πολυγώνων σχημάτων οὐκ ἔστιν ἰσό-
 πλευρα καὶ ἰσογώνια, ταῦτα εἰς τρίγωνα καταδιαιρού-
 μενα μετρεῖται· τὰ δὲ περιφερῇ τῶν ἐπιπέδων σχημά-
 των καὶ καθόλου τῶν ἐπιφανειῶν ὅσαι δύνανται
 μετρεῖσθαι, ἔξῃς κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐκθησόμεθα. 5

〈κς〉. Ἀρχιμήδης μὲν οὖν ἐν τῇ τοῦ κύκλου μετρήσει
 (c. 2 t. I p. 262 Heib.) δείκνυσιν, ὅτι ἰα τετράγωνα τὰ ἀπὸ
 τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου ἴσα γίνονται ὡς ἔγγιστα ἰδ
 κύκλοις· ὥστε ἐὰν δοθῇ ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου εἰ τύχοι
 μονάδων ι, δεῖσει τὰ ι ἐφ' ἑαυτὰ ποιῆσαι· γίνονται ρ· 10
 ταῦτα ἐπὶ τὰ ια· γίνονται ιαρ· ὦν τὸ ἰδ'. γίνονται οη|ιδ'.
 τοσούτου δεῖ ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.
 ὁ δὲ αὐτὸς Ἀρχιμήδης δείκνυσιν ἐν τῷ περὶ πλιν-
 θίδων καὶ κυλίνδρων, ὅτι παντὸς κύκλου ἡ περίμετρος
 πρὸς τὴν διάμετρον μείζονα μὲν λόγον ἔχει 〈ἢ ὃν ἔχει〉 15
^{κα} μ / αωοε πρὸς ^ς μ / ζυμα, ἐλάσσονα δὲ ἢ ὃν ἔχει[ν] ^{ιθ} μ
 / ζωπη πρὸς ^ς μ βтна· ἀλλ' ἐπεὶ οὗτοι οἱ ἀριθμοὶ πρὸς
 τὰς μετρήσεις οὐκ εὐθετοῦσι, καταβιβάζονται εἰς ἐλα-
 χίστους ἀριθμούς, ὡς τὸν κβ πρὸς τὰ ζ. ὥστε ἐὰν
 δοθῇ ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου εἰ τύχοι μονάδων ἰδ καὶ 20
 βούληται τις τὴν περίμετρον εὐρεῖν, δεῖ ποιῆσαι τὰ ἰδ
 ἐπὶ τὰ κβ καὶ τούτων λαβεῖν τὸ ἔβδομον, καὶ ἀποφαί-
 νεσθαι τοσούτου τὴν περίμετρον· ἔστι δὲ μονάδων μδ.
 fol. 81^v καὶ ἀνάπαλιν δὲ, ἐὰν δοθῇ ἡ περίμετρος μονάδων μδ
 καὶ βουλώμεθα τὴν διάμετρον εὐρεῖν, ποιήσομεν τὰ 25
 μδ ἐπτάκις καὶ τῶν γενομένων τὸ κβ' λαβόντες ἔξομεν
 τὴν διάμετρον· ἔστι δὲ ἰδ. δείκνυσιν δὲ ὁ αὐτὸς Ἀρχι-
 μήδης ἐν τῇ τοῦ κύκλου μετρήσει (c. 1 t. I p. 259
 Heib.), ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς περιφερείας τοῦ κύκλου καὶ
 τῆς ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἔστι τοῦ κύκλου· ὥστε 30

$$100 \times 11 = 1100$$

$$\frac{1100}{14} = 78\frac{1}{2} + \frac{1}{14}$$

und so groß den Inhalt des Kreises angeben müssen.

Ebenderselbe Archimedes zeigt in der Schrift über
 5 Plinthide¹⁾ und Cylinder, daß das Verhältniß des Um-
 fangs jedes Kreises zu dem Durchmesser größer ist als
 211875 : 67441, kleiner aber als 197888 : 62351. Da
 aber diese Zahlen für Messungen nicht bequem sind,
 so werden sie auf das Verhältniß der kleinsten Zahlen,
 10 nämlich 22 : 7, zurückgeführt. Daher muß man, wenn
 der Durchmesser des Kreises beispielsweise = 14 gegeben
 ist und man den Umfang finden will, 14 mit 22 multi-
 plizieren und hiervon $\frac{1}{7}$ nehmen, und so groß den Um-
 fang angeben. Er ist aber 44. Und umgekehrt, wenn
 15 der Umfang = 44 gegeben ist und wir den Durchmesser
 finden wollen, so werden wir 44 siebenmal nehmen, und
 wenn wir dann von dem Produkt $\frac{1}{22}$ nehmen, so werden
 wir den Durchmesser erhalten. Er ist = 14.

Ebenderselbe Archimedes zeigt in der Kreismessung,
 20 daß das Produkt aus dem Umfang des Kreises und seinem
 Radius doppelt so groß ist als der Inhalt des Kreises.
 Wenn daher der Umfang = 44 gegeben ist, so werden
 wir die Hälfte des Durchmessers = 7 nehmen, und mit
 44 multiplizieren. Wenn wir dann die Hälfte des Pro-
 25 dukts nehmen = 154, so werden wir den Inhalt des
 Kreises so groß anzugeben haben.

1) cf. Heron Byz. pers. geod. p. 384 Vincent.

6 in mg. *numerus capitis non adscriptus* 15 addidi
 16 correxi 22 *λαβεῖν τὸ ἐμβαδόν*: correxi; ζ'' supra scr. m. 2
 24 in ima ora fol. 81^r haec adscripta:

μείζων λόγος· $\overset{\alpha}{\mu} \overline{\alpha\omega\omicron\epsilon}$ $\overset{\zeta}{\mu} \overline{\zeta\upsilon\mu\alpha}$ περίμετρος $\overset{o}{\kappa\beta}$
 ἐλάττων λόγος· $\overset{\vartheta}{\mu} \overline{\zeta\omega\pi\eta}$ $\overset{\xi}{\mu} \overline{\beta\tau\nu\alpha}$ διάμετρος $\overline{\zeta}$

29 *κυκυκλον*: correxi

ἐὰν δοθῇ ἡ περίμετρος μονάδων $\mu\delta$, λαβόντες τῆς διαμέτρου τὸ ἥμισυ· εἰσὶ δὲ μονάδες ξ · πολλαπλασιά-
σομεν ἐπὶ τὰ $\mu\delta$ · καὶ τῶν γενομένων τὸ ἥμισυ λα-
βόντες· εἰσὶ δὲ μονάδες $\rho\eta\delta$ · τοσούτου ἀποφα[ι]νούμεθα
τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου.

5

Ἐὰν δέη χωρίου τινὸς δοθέντος ἦτοι εὐθυγράμμου
ἢ οἰουδηποτοῦν τούτῳ ἴσον κύκλον πορίσασθαι, λαβόν-
τες τὸ ἐμβαδὸν τοῦ χωρίου· ἔστω δὲ μονάδων $\rho\eta\delta$ ·
τούτων τὰ $\iota\delta$ ἐνδέκατα· ἃ γίνεται $\rho\alpha\zeta$ · καὶ τούτων
πάλιν λαβόντες πλευρὰν· ἔστι δὲ μονάδων $\iota\delta$ · τοσού- 10
του ἀποφανούμεθα τὴν τοῦ κύκλου διάμετρον.

Δύο κύκλων περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον ὄντων τὸ μεταξὺ
τῶν περιφερειῶν αὐτῶν χωρίον δυνατόν ἐστιν εὑρεῖν
μετρήσαντα ἑκάτερον τῶν κύκλων καὶ ἀφελόντα ἀπὸ
τοῦ μείζονος τὸν ἐλάσσονα. ἵνα δὲ μὴ δύο κύκλων 15
μέτρησιν ποιησώμεθα, δεῖξομεν οὕτως.

Ἔστωσαν δύο κύκλοι περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον, ὧν
διάμετροι αἱ AB $\Gamma\Delta$. ἐπεὶ οὖν τοῦ ἀπὸ τῆς AB τὰ
 $\iota\alpha$ $\iota\delta$ γίνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ μείζονος κύκλου καὶ
ὁμοίως τοῦ ἀπὸ τῆς $\Gamma\Delta$ τὰ $\iota\alpha$ $\iota\delta$ γίνεται τὸ ἐμβα- 20
δὸν τοῦ ἐλάσσονος κύκλου, τῆς ἄρα τῶν ἀπὸ AB
 $\Gamma\Delta$ ὑπεροχῆς τὰ $\iota\alpha$ $\iota\delta$ γίνεται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ
εἰρημένου χωρίου, ὃ καλεῖται ἴνυς. ἡ δὲ τῶν ἀπὸ
 $AB\Gamma\Delta$ ὑπεροχὴ τὸ τετράκις ἐστὶν ὑπὸ ΓB $B\Delta$ ·
ἐπειδήπερ καὶ $\langle\tauὸ\rangle$ τετράκις ὑπὸ ΓB $B\Delta$ μετὰ τοῦ 25
ἀπὸ $\Gamma\Delta$ ἴσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ συναμφοτέρου τῆς ΓB $B\Delta$.
συναμφοτέρος δὲ ἢ ΓB $B\Delta$ ἴση ἐστὶ τῇ AB , ἐπει-
δήπερ καὶ ἡ $B\Delta$ τῇ AG ἴση ἐστὶν. ὥστε ἐὰν δοθῇ

4 ἀποφανούμεθα: corr. m. 1 9 post $\iota\delta$ spatium 2 litte-
rarum; $\langle\iota\alpha\rangle$ ins. m. 2 11 ἀποφανομένου: correxi 20 $\iota\delta$
 $\iota\alpha$: corr. m. 2 23 $\iota\delta$ $\iota\alpha$: correxi 25 $\langle\tauὸ\rangle$ inserui

Wenn die Aufgabe ist, falls ein gradliniges oder beliebig gestaltetes Raumstück gegeben ist, einen Kreis zu konstruieren, der diesem gleich ist, so nehmen wir den Inhalt des Raumstücks, er sei $= 154$, davon $\frac{1}{11} = 14$;
 5 $14 \times 14 = 196$. Und wenn wir davon wieder die Wurzel nehmen — sie ist $= 14$ — so werden wir so groß den Durchmesser des Kreises anzugeben haben.

Wenn 2 Kreise um denselben Mittelpunkt liegen, so kann man den Raum zwischen ihren Peripherien finden,
 10 wenn man jeden der beiden Kreise mißt und den kleineren von dem größeren abzieht. Damit wir aber nicht die Messung zweier Kreise vornehmen müssen, werden wir folgenden Beweis geben.

Es seien zwei Kreise um denselben Mittelpunkt, deren
 15 Durchmesser AB und ΓA seien. Da nun $\frac{11}{14} \times AB^2$

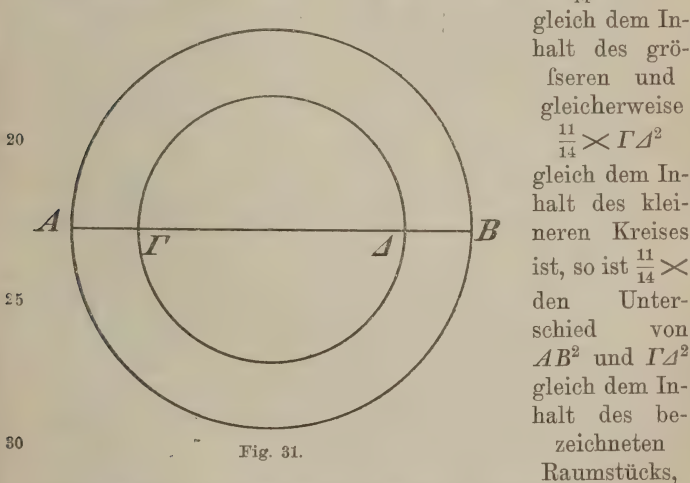


Fig. 31.

gleich dem Inhalt des größeren und gleicherweise $\frac{11}{14} \times \Gamma A^2$ gleich dem Inhalt des kleineren Kreises ist, so ist $\frac{11}{14} \times$ den Unterschied von AB^2 und ΓA^2 gleich dem Inhalt des bezeichneten Raumstücks,

das „Itys“ (d. h. Kreisring) genannt wird. Es ist aber die Differenz von AB^2 und $\Gamma A^2 = 4\Gamma B \times B\Delta$, da $4\Gamma B B\Delta + \Gamma A^2 = (\Gamma B + B\Delta)^2$. Nun ist aber

35 $\Gamma B + B\Delta = AB$, da $B\Delta = A\Gamma$ ist.

fol. 82^r ἡ μὲν $\Gamma\Delta$ μονάδων ιδ, ἑκατέρω δὲ τῶν $ΑΓ \mid ΒΔ$ μονάδων 5, ἔσται ἡ $\GammaΒ$ μονάδων κ. ταῦτα ἐπὶ τὰ 5· γίγνεται ρκ· ταῦτα τετρακί· γίγνεται υπ· τούτων τὰ ια ιδ'. γίγνεται τοξ ζ'. τοσοῦτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τῆς ἴντος.

κζ. Εἰς δὲ τὴν τοῦ τμήματος μέτρησιν προορά- 5
 ψομεν ταῦτα. ἔστω ὁσαδηποιοῦν μεγέθη τετραπλάσια ἀλλήλων τὰ A, B, Γ, Δ ἢ καὶ πλείονα ἀρχόμενα ἀπὸ μεγίστου τοῦ A · λέγω ὅτι τὸ γ' τοῦ A ἴσον ἔστιν τοῖς $B\Gamma\Delta$ καὶ τῷ γ' τοῦ Δ · ἐπεὶ γὰρ τὸ A τετραπλάσιόν ἐστι τοῦ B , τὸ A ἄρα ἴσον ἐστὶ τέτ<τ>αρσι τοῖς B . τὸ ἄρα τρίτον τοῦ A ἴσον ἐστὶ τῷ B καὶ τῷ γ' τοῦ B . διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ γ' τοῦ B ἴσον ἐστὶν τῷ Γ καὶ τῷ γ' τοῦ Γ .

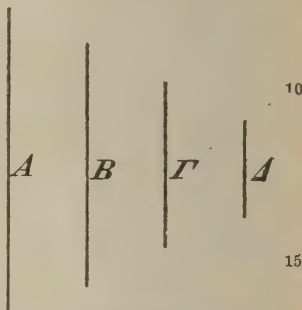


Fig. 32.

ὁμοίως δὴ καὶ τοῦ Γ τὸ γ' ἴσον ἐστὶ τῷ Δ καὶ τῷ γ' τοῦ Δ . ὥστε τὸ γ' τοῦ A ἴσον ἐστὶ τοῖς $B\Gamma\Delta$ καὶ 20
 τῷ γ' τοῦ Δ .

κη. Ἐστω τμήμα κύκλου τὸ $ΑΒΓ$ καὶ ἀπὸ μέσης τῆς $ΑΓ$ πρὸς ὀρθὰς ἡ $\DeltaΒ$, ἀπὸ δὲ μέσης τῆς $ΑΔ$ πρὸς ὀρθὰς ἡ $ΕΖ$. ὅτι ἡ $ΒΔ$ τῆς $ΕΖ$ ἐλάσσων ἐστὶν ἢ ἐπίτριτος. προσαναπεπληρώσω ὁ κύκλος καὶ ἐκ- 25
 βεβλήσθωσαν αἱ $ΒΔ, ΖΕ$ ἐπὶ τὰ $Η, Θ$, καὶ κάθετος ἡ $ΖΚ$. ἐπεὶ διπλῇ ἐστὶν ἡ $ΑΔ$ τῆς $\DeltaΕ$, τετραπλάσιον ἄρα τὸ ἀπὸ $ΑΔ$ τοῦ ἀπὸ $\DeltaΕ$, τουτέστι τοῦ ἀπὸ $ΖΚ$.

3 τὰ in τὸ mut. m. 2 ιδ ια: correxi 10 in mg. τὸ
 τριτημόριον τοῦ A m. 1 καί: ἔτι supra ser. m. 2 11 τῷ γ' :
 τριτημορίῳ supra ser. m. 2 14 τέταρσι: correxi

Wenn daher $\Gamma A = 14$, $A\Gamma = B A = 6$ gegeben sind, so wird $\Gamma B = 20$.

$$20 \times 6 = 120$$

$$120 \times 4 = 480$$

$$5 \quad \frac{480 \times 11}{14} = 377 \frac{1}{7}.$$

So groß wird der Inhalt des Kreisringes sein.

XXVII. Für die Messung des Segments wollen wir folgendes vorausschicken. Es seien beliebig viele Größen die eine viermal so groß als die andere, α , β , γ , δ 10 oder auch mehr, die mit α als dem größten anfangen. Ich behaupte, daß $\frac{\alpha}{3} = \beta + \gamma + \delta + \frac{\delta}{3}$ ist. Denn da α viermal so groß ist als β , so ist $\alpha = 4\beta$. Also ist $\frac{\alpha}{3} = \beta + \frac{\beta}{3}$. Aus denselben Gründen ist also auch $\frac{\beta}{3} = \gamma + \frac{\gamma}{3}$; ebenso also auch $\frac{\gamma}{3} = \delta + \frac{\delta}{3}$. Daher ist 15 $\frac{\alpha}{3} = \beta + \gamma + \delta + \frac{\delta}{3}$.

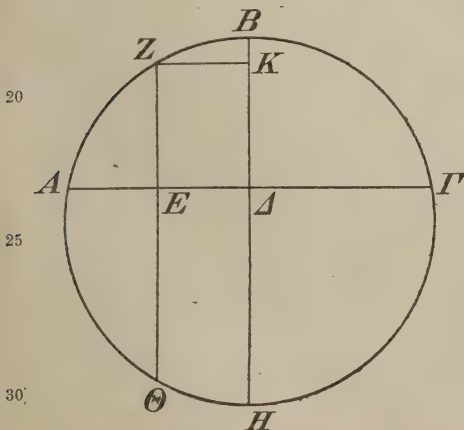


Fig. 33.

XXVIII. Es sei $AB\Gamma$ ein Kreissegment, und von der Mitte von $A\Gamma$ gehe im rechten Winkel $\angle B$, von der Mitte von AA im rechten Winkel $\angle EZ$ aus. Zu zeigen, daß BA kleiner ist als $1 \frac{1}{3}EZ$. Man vervollständige den Kreis und verlängere BA und ZE bis H und Θ , und fälle die

fol. 82^v ὥστε | καὶ τὸ ὑπὸ $H\Delta B$ τετραπλάσιόν ἐστι τοῦ ὑπὸ HKB . ἀλλὰ τὸ ὑπὸ $H\Delta B$ πρὸς τὸ ὑπὸ HKB ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περὶ τὸ ὑπὸ $H\Delta B$ πρὸς τὸ ὑπὸ $H\Delta$, KB , τουτέστιν ἢ ΔB πρὸς BK . ἡ ἄρα ΔB τῆς BK μείζων ἐστὶν ἢ τετραπλῆ· ἀναστρέψαντι ἄρα ἡ ΔB τῆς ΔK , τουτέστι τῆς EZ , ἐλάττων ἐστὶν $\langle \eta \rangle$ ἐπίτριτος. 5

καθ. Ἐστω τμήμα τὸ ἐπὶ τῆς AG , καὶ πρὸς ὀρθὰς ἀπὸ μέσης τῆς AG ἡ ΔB καὶ δίχα αἱ AB , $B\Gamma$ περιφέρειαι κατὰ τὰ E , Z . καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ AB $B\Gamma$ AE EB BZ $Z\Gamma$. ὅτι τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον ἔλασ- 10 σὸν ἐστὶν ἢ τετραπλάσιον τῶν AEB $BZ\Gamma$ τριγώνων. ἢ χθὼ κάθετος μὲν ἐπὶ τὴν AB ἡ EH , παράλληλος δὲ τῇ $B\Delta$ διὰ τοῦ H ἡ ΘK . καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $A\Theta$ ΘB . ἴση ἄρα ἡ AK τῇ $K\Delta$. ἡ ἄρα $B\Delta$ τῆς ΘK ἐλάττων ἐστὶν ἢ ἐπίτριτος. τῆς δὲ HK ἐστι 15 διπλῆ· ὥστε ἡ KH τῆς ΘH ἐλάττων ἐστὶν ἢ διπλασίων· ὥς δὲ $\langle \eta \rangle$ KH πρὸς ΘH , τὸ AKB τρίγωνον πρὸς τὸ $AB\Theta$ τρίγωνον· ἔλαττον ἄρα ἐστὶν ἢ διπλάσιον τὸ AKB τρίγωνον τοῦ $AB\Theta$ τριγώνου. τοῦ δὲ AKB διπλάσιόν ἐστὶν τὸ $AB\Delta$. ἔλαττον ἄρα ἢ τετρα- 20 πλάσιον τὸ $AB\Delta$ τοῦ $AB\Theta$. τὸ δὲ $AB\Theta$ τρίγωνον ἔλαττόν ἐστι τοῦ AEB , ἐπεὶ καὶ ἡ EH τῆς ἀπὸ τοῦ Θ ἐπὶ τὴν AB καθέτου. πολλῶν ἄρα τὸ $A\Delta B$ ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον τοῦ AEB . διὰ τὰ αὐτὰ καὶ τὸ $\Delta B\Gamma$ τρίγωνον ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον 25 τοῦ $BZ\Gamma$ τριγώνου· τὸ ἄρα $AB\Gamma$ ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον τῶν AEB $BZ\Gamma$ τριγώνων.

fol. 82^r λ. | Τὸ δὲ τμήμα τοῦ κύκλου τὸ ἔλαττον ἡμι-
κυκλίου οἱ μὲν ἀρχαῖοι ἀμελέστερον ἐμέτρουν. συντι-

1 $H\Delta B$: sed Δ in ras. m. 2 (?) 6 $\langle \eta \rangle$ add. m. 2 18 $\langle \eta \rangle$ add. m. 2

Höhe ZK . Da $AA = 2AE$, so ist $AA^2 = 4AE^2 = 4ZK^2$.
 Daher ist auch $HA \times AB = 4HK \times KB$. Nun ist aber
 $HA \times AB : HK \times KB$ kleiner als $HA \times AB : HA \times KB$,
 d. h. kleiner als $AB : BK$. Also ist AB gröfser als $4BK$.

5 Also ist AB kleiner als $1\frac{1}{3}AK$, also kleiner als $1\frac{1}{3}EZ$.

XXIX. Es sei über AI ein Kreissegment, und im
 rechten Wiinkel gehe von der Mitte von AI die Gerade
 AB aus, und die Umfänge AB und BI seien in E und
 Z halbiert, und man ziehe die Verbindungslinien AB , BI ,
 10 AE , EB , BZ , ZI . Zu zeigen, dafs das Dreieck ABI
 kleiner ist als $4AEB$ und als $4BZI$. Man fälle auf

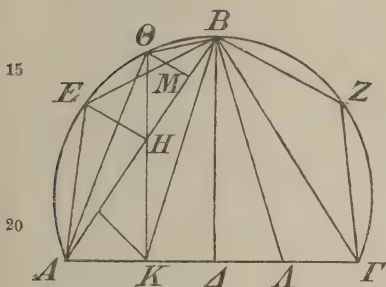


Fig. 34.¹⁾

AB die Höhe EH und
 ziehe zu BI durch H
 die Parallele HK und
 die Verbindungslinien
 AK und KI . Also ist
 $AK = KI$. Folglich ist
 BI kleiner als $1\frac{1}{3}KI$;
 es ist aber $BI = 2HK$.
 Daher ist KH kleiner
 als $2KI$. Nun verhält
 sich $KH : KI =$ Dreieck
 AKB zu Dreieck
 ABK . Mithin ist Dreieck

25 eck AKB kleiner als $2ABK$. Es ist aber $ABK = 2AKB$.
 Also ist ABK kleiner als $4ABK$. Es ist aber Dreieck
 ABK kleiner als AEB , da auch EH gröfser ist als
 die Höhe von K auf AB . Mithin ist ABK bedeutend
 kleiner als $4AEB$. Aus denselben Gründen ist auch das
 30 Dreieck ABI kleiner als $4BZI$. Also ist ABI kleiner
 als $4AEB + 4BZI$.

XXX. Das Kreissegment, das kleiner als ein Halbkreis
 ist, pflegten die Alten ziemlich ungenau zu messen. Sie
 addierten nämlich seine Basis und die Höhe, nahmen

1) Die Figur ist vom Scholiasten (m. 2) vervollständigt.

θέντες γὰρ αὐτοῦ τὴν βάσιν καὶ τὴν κάθετον καὶ
 τούτων τὸ ἡμῖς λαμβάνοντες ἐπὶ τὴν κάθετον ἐποιοῦν
 καὶ το(σο)ύτου τὸ ἐμβαδὸν <τοῦ> τμήματος ἀπεφαί-
 νοντο. δοκοῦσι δὲ οὗτοι ἡκολουθηκέναι τοῖς τὴν περι-
 μετρον τοῦ κύκλου τριπλασίονα ὑπολαμβάνουσιν τῆς 5
 διαμέτρου. ἐὰν γὰρ ἡμικύκλιον κατὰ τὴν τ(οι)αύτην
 ὑπόθεσιν μετρώμεν, ἀκολουθήσει τὸ ἐμβαδὸν τοῦ
 ἡμικυκλίου σύμφωνον τῇ εἰρημένῃ μεθόδῳ. οἶον
 ἔστω ἡμικύκλιον, οὗ διάμετρος ἡ AB καὶ κάθετος ἡ
 $\Gamma\Delta$. καὶ ἔστω ἡ διάμετρος μονάδων $\iota\beta$. ἡ ἄρα $\Gamma\Delta$ 10
 μονάδων ς . οὐκοῦν ἡ τοῦ κύκλου περιφέρεια ἔσται
 μονάδων $\lambda\varsigma$. ἡ ἄρα τοῦ ἡμικυκλίου μονάδων $\iota\eta$.
 ἐπεὶ οὖν ἐδείχθη, ὅτι τὸ ὑπὸ τῆς περιφερείας καὶ τῆς
 ἐκ τοῦ κέντρου διπλάσιόν ἐστι τοῦ χωρίου, δεῖ τὰ
 $\iota\eta$ πολλαπλασιάσαντας ἐπὶ τὰ ς λαβεῖν τὸ ἡμῖς· 15
 εἰσὶ δὲ μονάδες $\nu\delta$. ὥστε τοῦ ἡμικυκλίου τὸ ἐμβαδὸν
 κατὰ τὴν εἰρημένην ὑπόθεσιν ἔσται μονάδων $\nu\delta$. τὸ
 δ' αὐτὸ ἔσται καὶ συνθῆς τὰ $\iota\beta$ καὶ τὰ ς , ἃ γίγνεται
 $\iota\eta$. ὣν ἡμῖς λαβὼν ἐπὶ τὰ τῆς καθέτου ποιήσεις·
 γίγνεται ὁμοίως $\nu\delta$. 20

fol. 83^v λα. Οἱ δὲ ἀκριβέστερον ἐξητηκότες προστιθέασι τῷ
 εἰρημένῳ ἐμβαδῷ τοῦ τμήματος | τὸ $\iota\delta'$ μέρος τοῦ ἀπὸ
 τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως. οὗτοι δὲ τῇ ἐτέρᾳ φαίνονται
 ἡκολουθηκότες ἐφόδῳ, καθ' ἣν ἡ τοῦ κύκλου περι-
 φέρεια τριπλασία ἐστὶ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου καὶ 25
 τῷ ζ' μέρει μείζων· ἐὰν γὰρ ὁμοίως ὑποστησώμεθα
 τὴν μὲν AB διάμετρον μονάδων $\iota\delta$, τὴν δὲ $\Delta\Gamma$ κάθετον
 ζ , ἔσται ἡ περιφέρεια τοῦ ἡμικυκλίου μονάδων $\kappa\beta$.
 ἐπὶ τὸν ζ γίγνεται $\rho\nu\delta$. ὣν ἡμῖς γίγνεται $\omicron\zeta$. καὶ
 τοσούτου τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ἡμικυκλίου ἀποφαίνεσθαι. 30

davon die Hälfte, multiplizierten dies mit der Höhe und gaben so groß den Inhalt des Segments an. Sie schlossen sich dabei anscheinend denen an, die den Umfang des Kreises als dreimal so groß annahmen als seinen Durchmesser. Denn wenn wir einen Halbkreis auf Grund einer solchen Hypothese messen, so ergibt sich für den In-

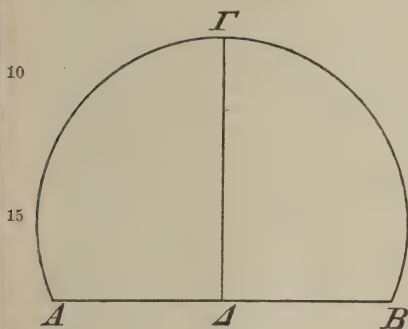


Fig. 35.

halt des Halbkreises ein Wert, der mit der genannten Methode im Einklang steht. Beispielsweise sei ein Halbkreis gegeben, dessen Durchmesser AB und dessen Höhe ΓA sei. Und es sei der Durchmesser $= 12$, also ist $\Gamma A = 6$. Also wird der Umfang des Kreises $= 36$, der des Halbkreises also $= 18$ sein. Da nun

gezeigt ward, daß das Produkt aus der Peripherie und dem Radius doppelt so groß ist als das Raumstück, so muß man 18 mit 6 multiplizieren und davon die Hälfte nehmen, das ist 54. Daher wird der Inhalt des Halbkreises nach der angegebenen Hypothese $= 54$ sein. Dasselbe wird sich ergeben, wenn man $\frac{12+6}{2} = \frac{18}{2}$ mit der Höhe multipliziert; es ergibt sich gleichermaßen 54.

XXXI. Diejenigen dagegen, die genauere Forschungen angestellt haben, setzen zu dem angegebenen Inhalt des Segments noch $\frac{1}{14}$ des Quadrats der Hälfte der Basis zu. Diese sind nun anscheinend dem anderen Verfahren gefolgt, demzufolge der Umfang des Kreises dreimal so groß als der Durchmesser des Kreises und noch um $\frac{1}{7}$ größer ist. Denn wenn wir in ähnlicher Weise den

τὸ δ' αὐτὸ καὶ ἐὰν οὕτως ποιήσωμεν. σύνθετες τὰ ἰδ καὶ τὰ ζ· ὧν ἡμισυ γίννεται $\iota\perp$ · ἐπὶ τὰ ζ· γίννεται $\omicron\gamma\perp$ · καὶ τὸ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως μονάδων μθ. τούτων καθόλου τὸ ἰδ'· γίννεται $\gamma\perp$ · ταῦτα πρόσθετες τοῖς $\omicron\gamma\perp$ · γίννεται οξ. ταύτῃ οὖν τῇ ἐφόδῳ χρη- 5 σασθαι δεῖ ἐπὶ τῶν ἐλασσόνων τοῦ ἡμικυκλίου τμημάτων· οὐ μέντοι ἐπὶ παντὸς τμήματος πάλιν καὶ αὕτη ἀρμόσει ἢ ἐφοδος, ἀλλ' ὅταν ἢ βάσις τοῦ τμήματος μὴ μεῖζων ἢ τριπλῇ τῆς καθέτου· ἐπεὶ τοι, ἐὰν ἢ βάσις ἢ μονάδων ξ, ἢ δὲ κάθετος α, ἔσται τὸ περι- 10 εχόμενον σχῆμα μονάδων ξ, ὃ δὴ μεῖζόν ἐστι τοῦ τμήματος. τούτου δὲ μεῖζόν ἐστι τὸ ἰδ' τοῦ ἀπὸ τῆς ἡμισείας τῆς βάσεως· ἔστι γὰρ μονάδων ξδ ἰδ'. ὥστε οὐκ ἐπὶ παντὸς τμήματος ἀρμόσει ἢ εἰρημένη ἐφοδος, ἀλλ', ὡς εἴρηται, ὅταν ἢ βάσις τῆς καθέτου 15 μὴ μεῖζων ἢ τριπλῇ. ἐὰν δὲ ἢ μεῖζων ἢ τριπλῇ, τῇ ἐξῆς ἐφόδῳ χρησόμεθα.

λβ. Πᾶν τμήμα κύκλου μεῖζόν ἐστιν ἢ ἐπίτριτον 20 τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον. ἔστω τμήμα κύκλου τὸ | $AB\Gamma$ καὶ ἀπὸ μέσης 20 τῆς $A\Gamma$ πρὸς ὀρθὰς ἡχθῶ ἢ ΔB καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ AB $B\Gamma$. λέγω ὅτι τὸ $AB\Gamma$ τμήμα μεῖζόν ἐστιν ἢ ἐπίτριτον τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου· τετμήσθωσαν γὰρ αἱ AB $B\Gamma$ περιφέρειαι δίχα κατὰ τὰ E , Z καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ AE EB BZ $Z\Gamma$. τὸ ἄρα $AB\Gamma$ τρίγωνον 25 ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον τῶν AEB $BZ\Gamma$ τριγώνων. ἔστω οὖν τῷ μὲν $AB\Gamma$ τριγώνῳ ἴσον τὸ H χωρίον, τοῖς δὲ ABE $BZ\Gamma$ τριγώνοις ἴσον τὸ ΘK . τὸ ἄρα H τοῦ ΘK ἔλαττόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον, <...>

1 συνθέντες: corr. Heiberg 4 τὰ ἰδ': correxi 16 μεῖζον: correxi 23 ἐπίτριτος: corr. m. 2 28 τοῦ ΘK : correxi; τὸν m. 2

Durchmesser $AB = 14$, die Kathete $AI = 7$ annehmen, so wird der Umfang des Halbkreises $= 22$ sein. $22 \times 7 = 154$. $\frac{154}{2} = 77$, und so groß muß man den Inhalt des Halbkreises angeben. Dasselbe ergibt sich, wenn wir es folgendermaßen machen.

$$\frac{14+7}{2} = 10\frac{1}{2}$$

$$10\frac{1}{2} \times 7 = 73\frac{1}{2}.$$

Und das Quadrat aus der Hälfte der Basis ist gleich 49. Davon bei jedem Zahlenbeispiel $\frac{1}{14}$ ergibt $3\frac{1}{2}$. Dies setze man zu $73\frac{1}{2}$ zu; es ergibt 77. Dieses Verfahren nun muß man bei den Segmenten anwenden, die kleiner sind als der Halbkreis, jedoch wird auch dieses Verfahren nicht bei allen solchen Segmenten passen, sondern nur, wenn die Basis des Segments nicht größer ist als dreimal so groß wie die Höhe, insofern wenn die Basis $= 60$, die Kathete $= 1$ ist, die umschlossene Figur $= 60$ sein wird, was größer ist als das Segment.

Es ist aber größer als dieses der 14. Teil des Quadrats der Hälfte der Basis, denn er ist $= 64\frac{1}{14}$.¹⁾ Daher wird dies angegebene Verfahren nicht bei jedem Segmente passen, sondern, wie gesagt, nur, wenn die Basis nicht größer ist als dreimal so groß wie die Höhe. Wenn sie aber größer als dreimal so groß ist, werden wir das folgende Verfahren anwenden.

XXXII. Jedes Kreissegment ist größer als $1\frac{1}{3}$ des Dreiecks, das mit ihm gleiche Grundlinie und Höhe hat. Es sei $AB\Gamma$ ein Kreissegment und von dem Mittelpunkte von AI werde im rechten Winkel AB gezogen, und man ziehe die Verbindungslinien AB und $B\Gamma$. Ich behaupte, daß das Segment $AB\Gamma$ größer ist als $1\frac{1}{3}$ des Dreiecks $AB\Gamma$. Es sollen nämlich die Peripherie-

1) Vielmehr $64\frac{2}{7}$.

τὸ H , τὸ δὲ Θ τοῦ A , τὸ δὲ τοῦ M . καὶ τοῦτο γιγνέ-
σθω, ἕως οὗ τὸ τοῦ ἐσχάτου τρίτον ἔλαττον γένηται
τοῦ K . γερονέτω καὶ ἔστω τὸ M . καὶ τετμήσθωσαν αἱ
 $AE EB BZ Z\Gamma$ περιφέρειαι δίχα καὶ ἐπὶ τὰς διχο-
τομίας ἐπεξεύχθωσαν· τὰ ἄρα $AEB BZ\Gamma$ τρίγωνα
τῶν γενομένων τριγώνων ἐλάττονα ἔσται ἢ τετραπλάσια·
τὸ δὲ ΘK τοῦ A μείζον ἢ τετραπλάσιόν ἐστιν· τὰ ἄρα
γενόμενα τρίγωνα μείζονά ἐστι τοῦ A . ἔστω αὐτοῖς
ἴσα τὰ AN . καὶ πάλιν τετμήσθωσαν αἱ γενόμεναι
περιφέρειαι καὶ ἐπεξεύχθωσαν ὁμοίως. τὰ ἄρα προει- 10
ρημένα, οἷς ἴσα

ἔστί τὰ AN ,
τῶν γενομένων
τριγώνων ἐλάτ-
τονά ἐστι <ἢ τε-
τραπλάσια>, τὸ
<δὲ> AN τοῦ M
μείζον ἐστιν ἢ
τετραπλάσιον·
ὥστε τὰ ἐσχάτα
γενόμενα τρί-

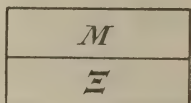
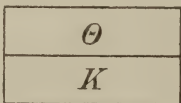
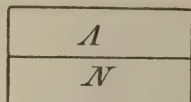
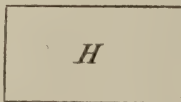


Fig. 36a—d.

20

γωνα μείζονά ἐστι τοῦ M . ἔστω αὐτοῖς ἴσον τὸ $M\Xi$. καὶ
ἐπεὶ τὰ $H\Theta AM$ τετραπλάσιά ἐστιν ἀλλήλων, τὸ ἄρα
τρίτον τοῦ H ἴσον ἐστὶ τοῖς ΘAM καὶ τῷ γ' τοῦ M , <τὸ
δὲ γ' τοῦ M > ἔλαττον ἐστι τῶν $KN\Xi$, ἐπεὶ καὶ τοῦ K . 25
τὸ ἄρα τρίτον τοῦ H ἑλασσόν ἐστι τῶν $\Theta K \Lambda NM\Xi$.
τὸ ἄρα H τῶν εἰρημένων ἑλασσόν ἐστιν ἢ τριπλάσιον.
τὸ H ἄρα μετὰ τῶν $\Theta K \Lambda N M\Xi$ τῶν $\Theta K \Lambda N M\Xi$
ἑλασσόν ἐστιν ἢ τετραπλάσιον· ἀναστρέψαντι ἄρα τὰ

1 τὸ δὲ H τοῦ Θ τετραπλάσιον, τὸ m. 2; <ἔστω δὴ τοῦ Θ
τετραπλάσιον> Heiberg f. τὸ δὲ < Λ > 9 ΛN : corr. m. 2

teile AB und $B\Gamma$ in E und Z halbiert werden und die Verbindungslinien AE , EB , BZ und $Z\Gamma$ gezogen werden. Das Dreieck $AB\Gamma$ ist also kleiner als $4(AEB + BZ\Gamma)$. Es sei nun dem Dreieck $AB\Gamma$ das Flächenstück H gleich, den Dreiecken $ABE + BZ\Gamma$ sei $\Theta + K$ gleich. Also ist H kleiner als $4(\Theta + K)$, H aber ist $4 \times \Theta$, $\Theta = 4A$, A aber $= 4M$. Und dies soll geschehen, bis $\frac{1}{3}$ des letzten kleiner als K geworden ist.

Es sei geschehen und es sei M . Nun sollen die Peripherieteile AE , EB , BZ , $Z\Gamma$ halbiert werden

und nach den Halbierungspunkten Verbindungslinien gezogen werden. Also ist Dreieck $AEB +$ Dreieck $BZ\Gamma$ kleiner als viermal die entstandenen Dreiecke. Nun ist aber $\Theta + K$ größer als $4A$. Also sind die entstandenen Dreiecke größer als A . Ihnen sei $A + N$ gleich.

Wiederum sollen die entstandenen Peripherieteile halbiert und in gleicher Weise Verbindungslinien gezogen werden. Die vorgenannten Stücke also, denen $A + N$ gleich sind, sind kleiner als \langle viermal \rangle die entstandenen Dreiecke; $\langle \dots \rangle A + N$ ist größer als $4M$. Daher sind die zuletzt entstandenen Dreiecke größer als M . Ihnen sei $M + E$ gleich. Und da nun H , Θ , A , M jedes viermal so groß als das andere ist, so ist $\frac{1}{3}H = \Theta + A + M + \frac{M}{3}$ $\langle \frac{M}{3}$ aber \rangle ist kleiner als $K + N + E$, da auch kleiner

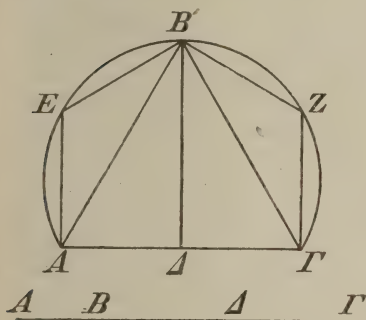


Fig. 36 e u. f.

ΘΚ ΑΝ ΜΞ μετὰ τοῦ Η τοῦ Η <...> ἴσον ἐστὶ τὸ ΑΒΓ
 τρίγωνον. τὰ δὲ ΘΚ ΑΝ ΜΞ μετὰ τοῦ Η ἴσα τῷ
 ἐγγραφέντι εἰς τὸ τμήμα πολυγώνῳ· τὸ ἄρα ἐγγεγραμ-
 μένον εἰς τὸ τμήμα πολύγωνον τοῦ ΑΒΓ τριγώνου
 μείζον ἐστίν ἢ ἐπίτριτον· πολλῷ ἄρα τὸ ἐπὶ τῆς ΑΓ
 fol. 84^v τμήμα τοῦ ΑΒΓ τριγώνου μείζον ἐστίν ἢ ἐπίτριτον.
 ὥστε ἐὰν μετρήσωμεν τὸ τρίγωνον καὶ τούτου τὸ τρίτον
 προσθῶμεν, ἀποφανούμεθα ὡς ἔγγιστα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ
 τμήματος. ἀρμόσει δὲ ἡ αὐτὴ μέθοδος, ὅταν ἡ βάσις
 τῆς καθέτου μείζων ᾖ ἢ τριπλασίῳ· ἐὰν μέντοι τμήμα
 ᾖ περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ παραβολῆς καὶ δοθῇ
 ἡ τε βάσις αὐτῆς καὶ ἡ κάθετος, τουτέστιν ὁ ἄξων ὁ
 μέχρι τῆς βάσεως, καὶ τούτου βουλώμεθα τὸ ἐμβαδὸν
 εὐρεῖν, μετρήσαντες τὸ τρίγωνον τὸ τὴν αὐτὴν βάσιν
 ἔχον αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον καὶ τούτῳ προσθέντες τὸ
 τρίτον αὐτῶν ἀποφανούμεθα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τμήματος.
 ἔδειξε γὰρ Ἀρχιμήδης ἐν τῷ ἐφοδικῷ, ὅτι πᾶν τμήμα
 περιεχόμενον ὑπὸ εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς,
 τουτέστι παραβολῆς, ἐπίτριτόν ἐστι τριγώνου τοῦ βάσιν
 μὲν ἔχοντος αὐτῷ τὴν αὐτὴν καὶ ὕψος δὲ ἴσον. 20

Λήμμα. Ἐστὼ τῷ μὲν Η ἴσον τὸ ΑΒ, τοῖς δὲ Θ,
 Κ, Α, Ν, Μ, Ξ τὸ ΒΓ[Δ], τὸ δὲ ΑΒ τοῦ ΒΓ ἑλασσον
 ἢ τριπλάσιον ἔστω· πῶς ἀναστρέψαντι τὸ ΑΓ, τουτέστι
 τὸ Η μετὰ τῶν Θ, Κ, Α, Ν, Μ, Ξ, τοῦ ΑΒ, τουτέστι
 τοῦ Η, μείζον ἐστίν <ἢ> ἐπίτριτον; ἔστω γὰρ τὸ ΑΔ
 τοῦ ΔΓ τριπλάσιον· τὸ[ῦ] ΑΓ ἄρα τετραπλάσιόν ἐστι
 τοῦ ΔΓ. ἀναστρέψαντι ἄρα τὸ ΑΓ τοῦ ΑΔ ἐπίτριτόν
 ἐστίν. τὸ ΑΓ ἄρα τοῦ ΑΒ μείζον ἐστίν ἢ ἐπίτριτον.

1 <μείζονά ἐστιν ἢ ἐπίτριτα. τῷ δὲ Η> Heiberg 5 πλω. ἄρα:
 correxit m. 2 16 αὐτῶν: αὐτοῦ Heiberg 18 ἀπὸ: correxi 22 τὸ
 ΒΓΔ: [Δ] seclisit Nath 25 <ἢ> add. m. 2 26 τοῦ ΑΓ: corr. m. 2

als K ; also ist $\frac{1}{3} H$ kleiner als $\Theta + K + \Lambda + N + M + \Xi$. Also ist H kleiner als dreimal die genannten (Stücke?). Also $H + \Theta + K + \Lambda + N + M + \Xi$ kleiner als $4(\Theta + K + \Lambda + N + M + \Xi)$. Also $\Theta + K + \Lambda + N + M + \Xi + H$ größer also $1\frac{1}{3} H$, $\langle H \text{ aber} \rangle$ ist $=$ Dreieck $AB\Gamma$. Es ist aber $\Theta + K + \Lambda + N + M + \Xi + H$ gleich dem in das Segment einbeschriebenen Polygon. Das in das Segment einbeschriebene Polygon ist also größer als $1\frac{1}{3}$ Dreieck $AB\Gamma$. Also ist das auf

10 $\Lambda\Gamma$ stehende Segment um Vieles größer als $1\frac{1}{3}$ Dreieck $AB\Gamma$. Wenn wir daher das Dreieck messen und ein Drittel desselben zuzählen, so werden wir annähernd den Inhalt des Segments angeben können. Dieselbe Methode wird passen, wenn die Basis mehr als dreimal so groß

15 ist als die Kathete. Wenn jedoch ein Segment von einer Geraden und einer Parabel umschlossen wird und seine Basis und die Kathete, d. h. die Axe bis zur Basis, gegeben ist, und wir seinen Inhalt finden wollen, so messen wir das Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche

20 Höhe hat und setzen dem $\frac{1}{3}$ desselben zu und geben so groß den Inhalt des Segments an. Denn Archimedes wies in dem *Ἐφοδικόν* nach, daß jedes Segment, das umschlossen wird von einer Geraden und dem Schnitt eines rechtwinkligen Kegels d. h. einer Parabel $1\frac{1}{3}$ mal so groß

25 als ein Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat.

Hilfssatz.

Es sei $H = AB$, $\Theta + K + \Lambda + N + M + \Xi = B\Gamma[\Lambda]$ und AB kleiner als $3B\Gamma$. Wie ist durch

30 Umkehrung $\Lambda\Gamma$ d. h. $H + \Theta + K + \Lambda + N + M + \Xi$ größer als $1\frac{1}{3} AB$ d. h. $1\frac{1}{3} H$? Es sei $A\Delta = 3\Lambda\Gamma$. Also ist $\Lambda\Gamma = 4\Delta\Gamma$. Durch Umkehrung ist also $\Lambda\Gamma = 1\frac{1}{3} A\Delta$. Also ist $\Lambda\Gamma$ größer als $1\frac{1}{3} AB$.

fol. 85^r

λγ. | Ἐὰν δὲ δέῃ τμήμα μετροῦσαι μείζον ἡμικυκλίου, μετρήσομεν οὕτως. ἔστω τμήμα κύκλου τὸ [ὑ] $ABΓ$, οὗ ἡ μὲν $ΑΓ$ βάσις ἔστω μονάδων $\iota\delta$, ἡ δὲ $BΔ$ κάθετος μονάδων $\iota\delta$. προσαναπεπληρώσθω ὁ κύκλος καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $BΔ$ ἐπὶ τὸ E . ἐπεὶ τὸ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ ἴσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν $BΔE$, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς $ΑΔ$ μονάδων ἐστὶ $\mu\theta$, ἔσται ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ τῶν $BΔE$ μονάδων $\mu\theta$. καὶ ἔστιν ἡ $BΔ$ μονάδων $\iota\delta$. ἡ ἄρα $ΔE$ ἔσται μονάδων $\gamma\zeta$. ἔστιν δὲ καὶ ἡ $ΑΓ$ μονάδων $\iota\delta$. τοῦ ἄρα $ΑΕΓ$ τμήματος, ὃ ἔστιν ἑλάσσον ἡμικυκλίου, τὸ ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων, ὡς ἐμάθομεν, $\lambda\delta$ ἡ'. καὶ ἐπεὶ ἡ μὲν $BΔ$ ἐστὶ μονάδων $\iota\delta$, ἡ δὲ $ΔE$ $\gamma\zeta$, ἡ ἄρα BE διάμετρος ἔσται μονάδων $\iota\zeta$. τοῦ ἄρα κύκλου τὸ ἐμβαδὸν ὡς ἐμάθομεν ἔσται $\sigma\mu\lambda\eta'$. ὦν τὸ τοῦ $ΑΕΓ$ τμήματος ἐμβαδὸν ἔστι μονάδων $\lambda\delta$ ἡ'. λοιπὸν ἄρα τὸ τοῦ $ΑΒΓ$ τμήματος ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων $\sigma\varsigma\lambda$.

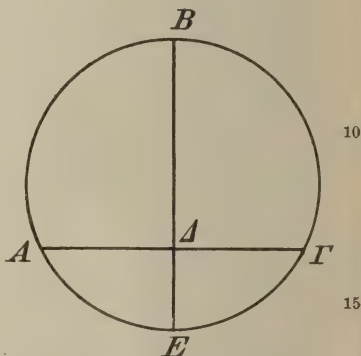


Fig. 37.

λδ. Ἐστω δὲ ἑλλειψιν μετροῦσαι, ἥς ὁ μὲν μείζων ἄξων μονάδων $\iota\varsigma$, ὁ δὲ ἐλάσσων $\iota\beta$. ἐπεὶ οὖν ἐν τοῖς κωνοειδέσιν Ἀρχιμήδους δείκνυνται (c. 5 t. I p. 312 Heib.) ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν ἁξόνων δύναται κύκλον ἴσον τῇ ἐλλείψει, δεήσει τὰ $\iota\varsigma$ ἐπὶ τὰ $\iota\beta$ πολλαπλασιάσαντα

2 τοῦ $ΑΒΓ$: correxi 19 ante $\lambda\delta$ ἡ' delevit $\mu\eta$ m. 1
 20 γε: corr. m. 2 28 <διάμετρον> κύκλου ἴσον coni. Heiberg

XXXIII. Wenn es gilt ein Segment zu messen, das größer als ein Halbkreis ist, so werden wir es folgendermaßen messen. Es sei $AB\Gamma$ ein Kreissegment, dessen Basis $A\Gamma = 14$, dessen Kathete $BA = 14$. Man vervollständige den Kreis und verlängere BA bis E . Da nun $AA^2 = BA \times AE$, AA^2 aber $= 49$, so wird auch $BA \times AE = 49$ sein.

Nun ist $BA = 14$, also $AE = 3\frac{1}{2}$. Nun ist auch $A\Gamma = 14$. Der Inhalt also des Segments $AE\Gamma$, das kleiner als ein Halbkreis ist, wird, wie wir gelernt haben, $34\frac{1}{8}$. Und da $BA = 14$, $AE = 3\frac{1}{2}$, so ist der Durchmesser $BE = 17\frac{1}{2}$. Der Inhalt des Kreises wird daher, wie wir gelernt haben, $= 240\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$, wovon der Inhalt des

Segments $AE\Gamma = 34\frac{1}{8}$ ist.

Also wird der Inhalt des Segments $AB\Gamma = 206\frac{1}{2}$ sein.

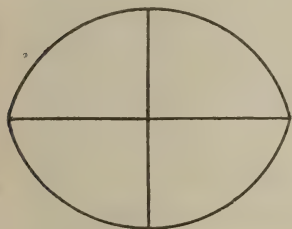


Fig. 33.

XXXIV. Es sei eine Ellipse zu messen, deren größere Axe $= 16$, die kleinere $= 12$ sei. Da nun in den Konoiden des Archimedes nachgewiesen wird, daß das Produkt der Axen gleich ist dem Quadrat des

Durchmessers eines Kreises, der der Ellipse gleich ist, so wird man 16×12 multiplizieren und davon $\frac{11}{14}$ nehmen müssen; es ergibt $146\frac{1}{2}$.¹⁾ So groß hat man den Inhalt der Ellipse anzugeben.

XXXV. Es sei nun eine Parabel $AB\Gamma$ zu messen, deren Basis $= 12$ und deren Axe $BA = 5$ ist. Man ziehe die Verbindungslinien AB und $B\Gamma$. Also ist Dreieck

1) $\frac{16 \times 12 \times 11}{14} = 150\frac{6}{7}$; es scheint also ein Rechenfehler vorzuliegen.

τούτων λαβεῖν τὰ ια ιδ'· ἔστι δὲ ρμς/· τοσούτου ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδὸν τῆς ἐλλείψεως.

λε. Ἐστω δὴ παραβολὴν μετροῦσαι τὴν $ABΓ$, ἥς ἡ μὲν βάσις ἐστὶ μονάδων ιβ, ὁ δὲ $BΔ$ ἄξων μονάδων ε. ἐπεξεύχθωσαν αἱ

$AB BΓ$. τῷ ἄρα ἐμβαδῷ τοῦ $ABΓ$ τριγώνου ἴσον ἐστὶ τὸ ἥμισυ τοῦ ὑπὸ $ΑΓ$

fol. 85^v

$BΔ$, | τουτέστι μονάδων λ. ἀπέδειξεν δὲ Ἀρχιμήδης ἐν τῷ ἔφοδικοῦ, ὡς προεῖρηται,

ὅτι πᾶν τμήμα περιεχόμενον ὑπὸ τε εὐθείας καὶ ὀρθογωνίου κώνου τομῆς, τουτέστι παραβολῆς, ἐπίτριτὸν 15 ἐστὶ τριγώνου τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον, τουτέστι τοῦ $ABΓ$ τριγώνου. <τοῦ δὲ $ABΓ$ τριγώνου> τὸ ἐμβαδὸν ἐστὶ μονάδων λ. τὸ ἄρα τῆς παραβολῆς ἐμβαδὸν ἔσται μονάδων μ.

λς. Ἐστω κυλίνδρου ἐπιφάνειαν μετροῦσαι χωρὶς 20 τῶν βάσεων, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῶν βάσεων ἐστὶ μονάδων ιδ, τὸ δὲ ὕψος μονάδων ε. εἰ δὴ νοήσωμεν τετμημένην τὴν ἐπιφάνειαν κατὰ τινὰ πλευρὰν τοῦ κυλίνδρου καὶ ἀνηπλωμένην, τουτέστιν ἐκτεταμένην εἰς ἐπίπεδον, ἔσται τι παραλληλόγραμμον, οὗ τὸ μὲν μῆκος 25 ἔσται ἡ περιφέρεια τῆς βάσεως τοῦ κυλίνδρου, τὸ δὲ πλάτος τὸ τοῦ κυλίνδρου ὕψος. ἐπεὶ οὖν ἡ διάμετρος τοῦ κύκλου ἐστὶ μονάδων ιδ, ἡ ἄρα περιφέρεια ἔσται μονάδων μδ· τὸ ἄρα τοῦ παραλληλογράμμου μῆκος ἔσται μονάδων μδ. τὸ δὲ πλάτος μονάδων ε· τὸ ἄρα 30 ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου ἔσται μονάδων σκ.

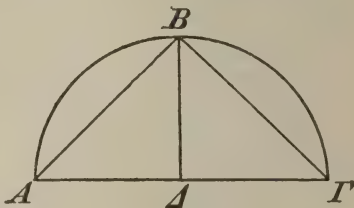


Fig. 39.

$AB\Gamma = \frac{1}{2} A\Gamma \times B\Delta = 30$. Archimedes zeigte aber in dem *Ἐφοδικόν*, wie schon gesagt ist, daß jedes Segment, welches umschlossen wird von einer Geraden und dem Schnitt eines rechtwinkligen Kegels, d. h. einer Parabel, 5 $1\frac{1}{3}$ mal so groß ist als ein Dreieck, das mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, d. h. als Dreieck $AB\Gamma$. Der Inhalt des Dreiecks $AB\Gamma$ ist aber $= 30$, der Inhalt der Parabel wird also $= 40$ sein.

XXXVI. Es sei die Oberfläche eines Cylinders ohne seine Basen zu messen, in dem der Durchmesser der Basen $= 14$ ist, die Höhe $= 5$ ist. Wenn wir uns nun die Oberfläche in der Richtung einer Seite aufgeschnitten und aufgerollt, d. h. zu einer Fläche ausgebreitet denken, so wird sie ein Parallelogramm sein, dessen Länge die Peripherie der Basis des Cylinders und dessen Breite die Höhe des Cylinders ist. Da nun der Durchmesser des Kreises $= 14$ ist, so wird die



Fig. 40 a u. b.

Peripherie $= 44$ sein; die Länge des Parallelogramms wird also $= 44$, die Breite $= 5$ sein. Der Inhalt des Parallelogramms wird also $= 220$ sein. So groß wird auch die Oberfläche des Cylinders sein, d. h. $= 220$, wie auch unten angegeben ist.

XXXVII. Die Oberfläche eines gleichschenkligen (geraden) Kegels werden wir entsprechend messen, nachdem wir sie ausgebreitet haben. Denn wenn wir sie uns in ähnlicher Weise in der Richtung einer Seite aufgerollt und zu einer Fläche ausgebreitet denken, so wird sie ein

τοσούτου δὲ καὶ ἡ τοῦ κυλίνδρου ἐπιφάνεια, τουτέστι μονάδων σκ, ὥς καὶ ὑποτέτακται.

fol. 86^r

λζ. | Κώνου δὲ ἰσοσκελοῦς τὴν ἐπιφάνειαν μετρή-
σομεν ἀκολουθῶς ἐκπετάσαντες αὐτήν· ἐὰν γὰρ νοή-
σωμεν ὁμοίως κατὰ πλευρὰν <ἀν>ηπλωμένην καὶ εἰς
ἐπίπεδον ἐκτεταμένην, ἔσται τις κύκλου τομεὺς ὥσπερ
ὁ $ABΓ[\Delta]$ ἔχων τὴν μὲν AB πλευρὰν ἴσην τῇ
πλευρᾷ τοῦ κώ-
νου, τὴν δὲ $BΓ$

περιφέρειαν
ἴσην τῇ περι-
φερείᾳ τῆς βά-
σεως τοῦ κώνου.
ἐὰν οὖν πάλιν
δοθῇ ἡ μὲν διά-
μετρος τῆς βά-
σεως τοῦ κώνου
μονάδων ιδ, ἡ
δὲ πλευρὰ μονά-
δων ι, ἔσται ἡ

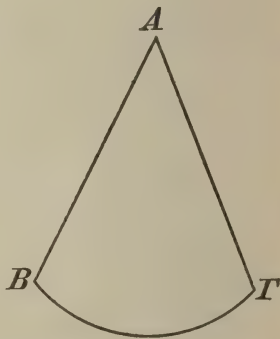


Fig. 41a u. b.

μὲν $BΓ$ περιφέρεια μονάδων μδ, ἡ δὲ AB μονά-
δων ι. δέδεικται δὲ Ἀρχιμήδει ἐν τῇ τοῦ κύκλου
μετρήσει, ὅτι πᾶς τομεὺς ἡμισύς ἐστι τοῦ περιεχομένου
ὑπὸ τε τῆς τοῦ τομέως περιφερείας καὶ τῆς ἐκ τοῦ
κέντρου τοῦ κύκλου, οὗ ἔστιν ὁ τομεὺς· τὸ δὲ ὑπὸ τῶν
 $AB BΓ$ ἐστὶ μονάδων νπ· τὸ ἄρα ἐμβαδὸν τοῦ τομέως
ἔσται μονάδων σκ.

λη. Τὴν δὲ ἐπιφάνειαν τῆς σφαίρας ὁ αὐτὸς
ἐμέτρησεν Ἀρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίν-
δρου (I c. 23 t. I p. 136 Heib.) ἀποδείξας τετραπλα-
σίονα οὔσαν τοῦ μεγίστου κύκλου τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ.

Kreisausschnitt, z. B. $AB\Gamma$, von dem die Seite AB gleich der Seite des Kegels, die Peripherie $B\Gamma$ gleich der Peripherie der Basis des Kegels ist. Wenn nun wiederum der Durchmesser der Basis des Kegels $= 14$, die Seite $= 10$ gegeben ist, so wird die Peripherie $B\Gamma = 44$, $AB = 10$ sein. Archimedes hat aber in der Kreismessung nachgewiesen, daß jeder Kreisausschnitt die Hälfte ist des Produkts aus der Peripherie des Kreisausschnitts und dem Radius des Kreises, dem der Kreisausschnitt angehört. Nun ist $AB \times B\Gamma = 440$. Der Inhalt des Kreisausschnitts wird also $= 220$ sein.

XXXVIII. Die Oberfläche der Kugel maß ebenfalls Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder, indem er nachwies, daß sie viermal so groß sei als einer der größten Kreise der Kugel. So daß, wenn der Durchmesser der Kugel $= 14$ ist, es gilt einen Kreis zu finden, der viermal so groß ist als der Kreis, dessen Durchmesser $= 14$ ist. Wenn aber ein Kreis viermal so groß ist als ein anderer, so ist der Durchmesser

15

20

25

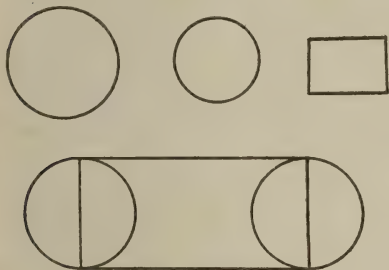


Fig. 42 a—d.

des einen zweimal so groß als der Durchmesser des anderen, da sich ja die Kreise zu einander verhalten wie die Quadrate ihrer Durchmesser.

$$2 \times 14 = 28.$$

Der Inhalt aber eines Kreises, dessen Durchmesser 28 beträgt, ist, wie wir lernten, $= 616$. Daher wird auch die Oberfläche der Kugel $= 616$ sein. Oder auch auf

2 ὡς sq., quae ad figuram spectant, vix Heronis sunt
5 ἡπλωμένην: correxi 7 $AB\Gamma\Delta$: correxi

ὥστε ἐὰν δοθῇ ἡ διάμετρος τῆς σφαίρας μονάδων ιδ, δεῖ εὑρεῖν κύκλον τετραπλασίονα τοῦ κύκλου, οὗ ἡ διάμετρος ἐστὶ μονάδων ιδ. εἰ δὲ ὁ κύκλος τοῦ κύκλου ἐστὶ τετραπλασίος, ἡ ἄρα διάμετρος τῆς διαμέτρου ἐστὶ διπλασία, ἐπεὶπερ οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλή- 5 λους εἰσὶν, ὡς τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τῶν κύκλων τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα. τὰ ιδ δῖς· γίγνεται κη. τὸ δὲ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου, οὗ ἡ διάμετρος κη, | ἐστίν, ὡς ἐμάθομεν, μονάδων χις. ὥστε καὶ ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια ἐστὶ μονάδων χις. ἡ καὶ ἄλλως· ἀπέδειξεν 10 Ἀρχιμήδης, ὅτι ἡ ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας ἴση ἐστὶν ἐπιφανείᾳ κυλίνδρου χωρὶς τῶν βάσεων, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἴση ἐστὶ τῇ διαμέτρῳ τῆς σφαίρας, τὸ δὲ ὕψος ἴσον· ὥστε δεῖξει ἐπιφάνειαν κυλίνδρου μετρηῆσαι, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἐστὶ 15 μονάδων ιδ, τὸ δὲ ὕψος ὁμοίως ιδ. ὡς οὖν προεδείχθη, ἡ ἐπιφάνεια αὐτοῦ ἐστὶ μονάδων χις· τοσούτου ἄρα καὶ ἡ τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια.

λθ. Τμήματος δὲ σφαίρας τὴν ἐπιφάνειαν μετρή-
 σομεν οὕτως. ἔστω τμήμα σφαίρας, οὗ βάσις ὁ $ABΓΔ$ 20
 κύκλος ἔχων τὴν μὲν $ΑΓ$ διάμετρον μονάδων κδ, τὴν δὲ $ΕΖ$ κάθετον μονάδων ε. ἐπεὶ οὖν ἡ $ΑΓ$ ἐστὶ μονάδων $ΚΑ$, ἡ ἄρα $ΑΖ$ ἐστὶ μονάδων ιβ. ἡ δὲ $ΖΕ$ μονάδων ε· ἡ ἄρα $ΑΕ$ ἐστὶ μονάδων ιγ διὰ τὸ ὀρθὴν εἶναι τὴν πρὸς τῷ $Ζ$ γωνίαν. ἀπέδειξεν δὲ ὁ 25 αὐτὸς Ἀρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου (I c. 42 sq. t. I p. 176 Heib.) ὅτι παντὸς τμήματος σφαίρας ἡ ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶ κύκλῳ, (οὗ) ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶ τῇ ἐκ τοῦ πόλου τῆς βάσεως τοῦ τμήματος· ἡ δὲ $ΑΕ$ ἐκ τοῦ πόλου ἐστὶ τοῦ $ABΓΔ$ 30 κύκλου· καὶ ἐστὶ μονάδων ιγ. ἡ ἄρα διάμετρος τοῦ

andere Weise. Archimedes wies nach, daß die Oberfläche der Kugel gleich der Oberfläche eines Cylinders ohne seine Basen ist, in dem der Durchmesser der Basis gleich dem Durchmesser der Kugel und die Höhe die gleiche ist.

5 Man wird daher die Oberfläche eines Cylinders messen müssen, in dem der Durchmesser der Basis = 14 und die Höhe gleichfalls = 14 ist. Wie nun früher gezeigt wurde, ist seine Oberfläche = 616. So groß wird also auch die Oberfläche der Kugel sein.

10 XXXIX. Die Oberfläche eines Kugelabschnitts werden wir folgendermaßen messen. Es sei ein Kugelabschnitt, dessen Basis der Kreis $AB\Gamma\Delta$ sei, dessen Durchmesser

$A\Gamma = 24$, dessen Kathete $EZ = 5$ sei.

Da nun $A\Gamma = 24$, so ist $AZ = 12$; aber $ZE = 5$, also $AE = 13$, weil der Winkel bei Z ein rechter ist.

Nun wies aber ebenderselbe Archimedes in der Schrift über Kugel und Cylinder nach, daß die Oberfläche jedes Kugelabschnitts gleich ist einem Kreise, dessen Radius gleich ist der Geraden, die von dem Pole der Basis des Abschnittes ausgeht. Nun ist AE die von dem Pole des Kreises $AB\Gamma\Delta$ ausgehende Gerade und ist = 13. Der Durchmesser des ge-

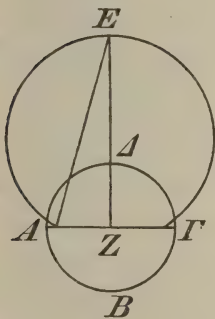


Fig. 43.

nannten Kreises ist also = 26. Der Inhalt desselben wird also, wie vorher bemerkt, = $531\frac{1}{7}$ sein; so groß ist also auch die Oberfläche des Kugelabschnitts.

30 Alle Formen bestimmter Oberflächen nun sind, wie wir glauben, damit ausreichend vermessen; es ist aber, meine ich, nötig, außerdem zu besprechen, wie die unbestimmten Oberflächen zu messen sind. Wenn nun eine Oberfläche eben ist, jedoch die sie einschließende Linie

εἰρημένου κύκλου ἐστὶ μονάδων κς. τὸ ἄρα ἐμβαδόν, ὡς προεῖρηται, ἔσται μονάδων φλα ζ'. τοσούτου ἄρα καὶ ἡ τοῦ τμήματος τῆς σφαίρας ἐπιφάνεια.

Ὅσα μὲν οὖν ἦν σχήματα τεταγμένων ἐπιφανειῶν, αὐτάρκως νομίζομεν μεμετροῦσθαι, ἀναγκαῖον δὲ ὡς 5
 fol. 87^r οἶμαι πρὸς τὰς | ἀτάκτους εἰπεῖν ἐπιφανείας, ὡς δεόν αὐτὰς μετρεῖσθαι. εἰ μὲν οὖν ἐπιφάνεια ἐπίπεδός ἐστιν, ἡ δὲ περιέχουσα αὐτὴν γραμμὴ ἄτακτος ὑπάρχει, δεήσει ἐπ' αὐτῆς τῆς γραμμῆς λαβεῖν τινὰ συνεχῇ σημεῖα, ὥστε τὰς ἐπιξενγνουσὰς αὐτὰ κατὰ τὸ ἐξῆς εὐθείας 10
 γραμμὰς μὴ κατὰ πολὺν ἀπάδειν τῆς περιεχούσης τὸ σχῆμα γραμμῆς, καὶ οὕτως ὡς πολύγωνον μετρεῖν εἰς τρίγωνον καταδιαιροῦντα. εἰ δὲ οὐκ ἐστὶν ἐπίπεδος ἡ ἐπιφάνεια, ἀλλ' ὥσπερ ἀνδριάντος ἢ ἄλλου τινὸς τοιούτου, δεῖ λαβόντα χάρτην ὅτι λεπτότατον ἢ σινδόνα 15
 περιτείνειν κατὰ μέρος ἐπὶ τὴν ἐπιφάνειαν αὐτοῦ, ἄχρι ἂν περιειληθῇ, εἴτα ἐκτείναντα τὸν χάρτην ἢ τὴν σινδόνα εἰς ἐπίπεδον μετρεῖν περιεχομένην ὑπὸ ἀτάκτου γραμμῆς, ὡς προεῖρηται, καὶ ἀποφαίνεσθαι τὸ ἐμβαδόν τῆς ἐπιφανείας. εἰ δὲ τινὲς εἰσιν ἕτεραι ἐπιφάνειαι 20
 ἢ σχήματα ἐπιφανειῶν, μετρηθῇσεται ἐκ τῶν προειρημένων· καὶ γὰρ αὐτάρκως νομίζομεν τὰς ἐκ δυεῖν διαστάσεων ἐπιφανείας μεμετροῦσθαι.

9 f. ἐπὶ ταύτης 23 subscriptum: Ἡρώνης Ἀλεξανδρέως ἐπιπέδων μέτρησις εὐτυχῶς.

unbestimmt ist, so wird man auf dieser Linie einige hinter einander folgende Punkte nehmen müssen, so daß die geraden Linien, die dieselben der Reihe nach verbinden, nicht bedeutend abweichen von der die Figur begrenzenden Linie, und wird sie dann wie ein Vieleck durch Teilung in Dreiecke messen müssen. Wenn die Oberfläche jedoch nicht eben ist, sondern wie die einer Statue oder eines anderen derartigen Gegenstandes, so muß man möglichst dünnen Papyrus oder Leinwand nehmen und stückweise auf dessen Oberfläche auflegen, bis sie rings umwickelt ist, dann muß man den Papyrus oder die Leinwand wieder zu einer glatten Fläche auseinanderbreiten und sie messen als eine von einer unbestimmten Linie umgrenzte Figur, wie vorher gesagt ist, und so groß den Inhalt der Oberfläche angeben. Wenn aber irgend welche anderen Oberflächen oder Figuren von Oberflächen vorhanden sind, so werden sie auf Grund der im Vorstehenden angegebenen Methoden ausgemessen werden. Denn wir glauben hinreichend die Oberflächen mit 2 Dimensionen ausgemessen zu haben.

ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Β

ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

fol. 87^v | Μετὰ τὴν τῶν ἐπιφανειῶν μέτρησιν εὐθυγράμμων
 τε καὶ μὴ κατὰ τὸ ἀκόλουθον ἐπὶ τὰ στερεὰ σώματα
 χωρητέον, ὧν καὶ τὰς ἐπιφανείας ἐν τῷ πρὸ τούτου 5
 βιβλίῳ ἐμετρήσαμεν ἐπιπέδους τε καὶ σφαιρικός, ἔτι
 τε κωνικός καὶ κυλινδρικός, πρὸς δὲ τούτοις ἀτάκτους,
 ὧν τὰς ἐπινοίας ὥσπερ παραδόξους οὕσας τινὲς εἰς
 Ἀρχιμήδην ἀναφέρουσιν κατὰ διαδοχὴν ἱστοροῦντες.
 εἴτε δὲ Ἀρχιμήδους εἴτε ἄλλου τινός, ἀναγκαῖον καὶ 10
 ταύτας προ(σ)υπογράψαι, ὅπως κατὰ μηδὲν ἐνδεῆς ἢ
 πραγματεία τυγχάνῃ τοῖς βουλομένοις αὐτὰ μεταχειρί-
 ζεσθαι.

Στερεὸν εὐθύγραμμον ὀρθογώνιον μετροῦσαι δοθεί-
 σης ἐκάστης αὐτοῦ πλευρᾶς, μῆκους τε καὶ πλάτους 15
 καὶ βάθους ἢ πάχους· οὐδὲν γὰρ διοίσει [εἰ] ἢ κοῖλον
 ὑπάρχον μετρεῖσθαι τι σῶμα ἢ ναστόν. βάθος μὲν
 γὰρ καλεῖται ἐπὶ τῶν κοίλων σωμάτων, πάχος δὲ ἐπὶ
 τῶν ναστῶν. ἔστω δὲ τὸ μὲν μῆκος μονάδων κ, τὸ
 δὲ πλάτος μονάδων ιβ, τὸ δὲ πάχος μονάδων π. εἰ 20
 δὴ δι' ἀλλήλων τοὺς ἀριθμοὺς πολλαπλασιάσωμεν,
 γίνονται μονάδες ,ατ. τοσούτων δὲ καὶ τὸ στερεὸν

1 titulum supplevi 11 προυπογράψαι: correxi 16 [εἰ]:
 del. m. 1 19 sq. numeri corrupti

VERMESSUNGSLEHRE

VON HERON VON ALEXANDRIA.

ZWEITES BUCH.

KÖRPERVERMESSUNG.

5 Nach der Messung der geradlinigen und nicht geradlinigen Oberflächen haben wir uns der Reihenfolge nach den festen Körpern zuzuwenden, deren Oberflächen wir in dem vorhergehenden Buche ausmafsen, die ebenen sowohl als die kugelförmigen, ferner aber auch die kegel-
10 förmigen und cylinderförmigen, auferdem aber die irrationalen. Die Erfindung der dazu nötigen Methoden führen manche, die in der Geschichtsforschung das Prinzip der Succession zu Grunde legen, da dieselben überraschend sind, auf Archimedes zurück. Sie mögen nun aber von
15 Archimedes oder irgend einem anderen stammen, jedenfalls ist es nötig, auch diese noch zu beschreiben, damit das Handbuch für die, die sich mit diesen Dingen beschäftigen, in keinem Punkte lückenhaft sei.

Vorrede

Einen geradkantigen rechtwinkligen Körper zu messen,
20 wenn jede Seite desselben gegeben ist, die Länge und die Breite und die Tiefe oder Dicke. Denn es macht keinen Unterschied, ob ein Körper, der gemessen wird, hohl ist oder voll; man spricht nämlich von Tiefe bei den hohlen, von Dicke bei den vollen Körpern. Es sei
25 die Länge = 20, die Breite = 12, die Dicke = 80. Wenn wir nun diese Zahlen mit einander multiplizieren, so ergiebt es 19 200. So grofs wird der Körper sein.

ἔσται μονάδων. τούτου δ' ἡ ἀπόδειξις φανερά. ἐὰν
 γὰρ τὰς τρεῖς διαστάσεις ἐπινοήσωμεν διηρημένας εἰς
 μοναδιαῖα διαστήματα καὶ διὰ τῶν τομῶν ἐπίπεδα
 ἐκβάλλωμεν παράλληλα τοῖς περιέχουσι τὸ στερεὸν ἐπι-
 πέδοις, ἔσται ὥσπερ καταπεπρισμένον τὸ στερεὸν εἰς 5
 μοναδιαῖα στερεά, ὧν τὸ πλῆθος ἔσται ὁ εἰρημένος
 ἀριθμός. καὶ καθόλου δὲ πᾶν στερεὸν σχῆμα πάχος
 ἔχον οἰονδηποτοῦν <καὶ μῆκος οἰονδηποτοῦν>, τὸ δὲ
 ὕψος πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει μετρεῖται τῆς βάσεως
 αὐτοῦ μετρηθείσης καὶ ἐπὶ τὸ ὕψος πολλαπλασιασθεί- 10
 σης. οἷον· ἔστω τοῦ στερεοῦ βάσις ἑλλειψις, ἀπὸ δὲ
 τοῦ κέντρου τῆς ἑλλείψεως πρὸς ὀρθὰς ἐπινοείσθω τις
 εὐθεῖα τῷ τῆς ἑλλείψεως ἐπιπέδῳ ὕψος ἔχουσα δοθέν.
 τὸ δὲ τῆς ἑλλείψεως σχῆμα φερέσθω κατὰ τῆς εἰρη-
 fol. 88^r | μένης εὐθείας οὕτως, ὥστε τὸ μὲν κέντρον κατ' αὐτῆς 15
 φέρεσθαι, τὸ δὲ τῆς ἑλλείψεως ἐπίπεδον ἀεὶ παράλλη-
 λον ὑπάρχειν τῇ ἐξ ἀρχῆς θέσει. ἔσται δὴ τι σχῆμα
 ὥσπερ κύλινδρος βάσιν ἔχον τὴν εἰρημένην ἑλλειψιν.
 τοῦ δὴ τοιούτου σχήματος τὸ ὕψος πρὸς ὀρθὰς καλῶ
 τῇ βάσει· ὃ δὴ μετρεῖται τῷ προειρημένῳ τρόπῳ. κἂν 20
 ἢ βάσις δὲ ἕτερον ἔχη σχῆμα, τὸ δὲ ὕψος πρὸς ὀρθὰς
 τῇ βάσει, ὡς εἴρηται, ὁμοίως μετρηθήσεται· ὥστε καὶ
 κύλινδρος ὡσαύτως μετρεῖται. κἂν μὴ ᾗ δὲ τὸ ὕψος
 τοῦ στερεοῦ πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει, ἀλλὰ κεκλιμένον
 ᾗ, τὸ δὲ στερεὸν τοιοῦτον, ὥστε τεμνόμενον ἐπιπέδῳ 25
 παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιεῖν τομὰς ἴσας τῇ βάσει, δο-
 θεῖσα δὲ ᾗ ἢ ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτοῦ κάθετος ἀγομένη
 ἐπὶ τὴν βάσιν, τὸ στερεὸν ὡσαύτως λαμβάνεται. δεῖ
 γὰρ λαβόντα τὸ ἐμβαδὸν τῆς βάσεως αὐτοῦ πολλαπλα-
 σιάσαι ἐπὶ τὴν εἰρημένην κάθετον καὶ ἀποφαίνεσθαι 30
 τοσούτου τὸ στερεόν· τὸ δὲ εἰρημένον <.....> ἐπι-

Der Beweis hierfür liegt auf der Hand. Wenn wir uns nämlich die drei Ausdehnungen in Abstände von je einer Einheit zerlegt denken und durch die Schnittpunkte Ebenen legen, die den den Körper begrenzenden Flächen parallel sind, so wird der Körper gleichsam in Körper von je 1 Einheit zersägt sein, deren Anzahl gleich der angegebenen Zahl sein wird. Und allgemein wird jeder Körper, dessen Dicke beliebig und dessen Höhenkante im rechten Winkel zur Basis steht, so gemessen, daß man seine Basis ausmisst und mit der Höhenkante multipliziert. Beispielsweise sei die Basis des Körpers eine Ellipse, man denke sich aber von dem Mittelpunkte der Ellipse eine Gerade im rechten Winkel zu der Ebene der Ellipse, welche eine gegebene Länge habe. Nun bewege sich die Ellipsenfigur in der Richtung der genannten Geraden in der Weise, daß ihr Mittelpunkt an ihr hinabgleitet, die Ebene der Ellipse aber ihrer anfänglichen Lage stets parallel bleibt. Es wird so eine cylinderartige Figur entstehen, die die genannte Ellipse zur Basis hat. Von einer solchen Figur sage ich, ihre Axe stehe im rechten Winkel zur Basis, und sie wird auf die vorherangegebene Art und Weise gemessen. Auch wenn die Basis eine andere Gestalt hat, die Axe aber im rechten Winkel zur Basis steht, wird sie ähnlich gemessen werden, daher wird auch ein Cylinder ebenso gemessen. Aber auch wenn die Axe des Körpers nicht im rechten Winkel zur Basis steht, sondern geneigt ist, der Körper jedoch so beschaffen ist, daß er durch Schnitte mit einer der Basis parallelen Ebene Schnittflächen, die der Basis gleich sind, liefert, und wenn die Höhe von seiner Spitze auf die Basis gegeben ist, wird der Körper auf dieselbe Weise bestimmt. Man muß nämlich den Inhalt seiner Basis bestimmen, ihn mit der genannten Höhe multiplizieren und so groß den Körper angeben. Der Satz, daß er durch Schnitte

8 inserui 14 κατὰ τὰς: correxi 18 ἔχον: ο ex ω fec.
 m. 1 27 δὲ ἡ ἡ: correxi 31 hiatum indicavi; f. <ὅτι τὸ
 στερεὸν τεμνόμενον>

πέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιεῖ τομὰς τῇ βάσει ἴσας, γίγνεται οὕτως. ἐὰν ἐπὶ τῆς βάσεως αὐτοῦ εὐθειᾶ τις ἐπισταθῇ ἥτοι ὀρθῇ ἢ κεκλιμένη πρὸς τὴν βάσιν καὶ μενούσης αὐτῆς ἢ τοῦ στερεοῦ βάσεις φέρεται κατὰ τῆς εἰρημένης εὐθείας, ὥστε τὸ μὲν πρὸς τῇ βάσει 5 σημεῖον κατὰ τῆς εὐθείας φέρεσθαι, τὴν δὲ βάσιν αἰεὶ φερομένην παράλληλον ἑαυτῇ διαμένειν, τὸ τοιοῦτον σχῆμα τεμνόμενον ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ποιήσῃ τομὰς τοσαύτας τῇ βάσει ἴσας, ἐπειδήπερ τῆς βάσεως ἢ φορὰ κατὰ παράλληλον αὐτῇ θέσιν 10 ἐφέρετο.

α. Ἐστω δὴ κῶνον μετρήσαι, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως ἔστω μονάδων ι, τὸ δὲ ὕψος η. ὕψος δὲ τοῦ κώνου καλῶ τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κἀθετον ἀγομένην, ἐάν τε ὀρθὸς ὁ κῶνος ὑπάρχῃ ἐάν 15 τε σκαληνός. νενο|ήσθω δὴ κύλινδρος ὀρθὸς ἀπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως τῷ κώνῳ ὕψος ἔχων τὸ αὐτὸ τῷ κώνῳ. τούτου δὴ τοῦ κυλίνδρου τὸ στερεὸν ἔσται δοθέν. ἢ τε γὰρ διάμετρος αὐτοῦ τῆς βάσεως δοθείσά ἐστιν καὶ τὸ ὕψος δοθέν. καὶ ἔστιν, ὥς ἐμάθομεν, μονάδων χκη 20 ξ'.

δ. ἀλλ' ἐπεὶ πᾶς κῶνος κυλίνδρου τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον, ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κώνου μονάδων σθ ^{κα'} ια. ὁμοίως οὖν καὶ πυραμίδος πάσης τὸ στερεὸν ληψόμεθα δοθείσης τῆς βάσεως αὐτῆς καὶ τῆς ἀπὸ τῆς κορυφῆς καθέτου 25 ἀγομένης ἐπὶ τὸ τῆς βάσεως ἐπίπεδον, ἐπειδήπερ πᾶσα πυραμὶς τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ στερεοῦ τοῦ τὴν αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῇ καὶ ὕψος ἴσον.

mit einer der Basis parallelen Ebene Schnittflächen, die der Basis gleich sind, liefert, ergibt sich folgendermaßen. Wird auf seiner Basis eine Gerade entweder senkrecht oder geneigt zur Basis errichtet, und während diese in ihrer Lage bleibt, die Basis in der Richtung der genannten Geraden so bewegt, daß der Punkt an der Basis sich an der Geraden entlang bewegt, die Basis aber während der ganzen Bewegung ihrer ursprünglichen Lage parallel bleibt, so wird ein derartiger Körper bei Schnitten mit einer der Basis parallelen Ebene ebensoviel der Basis gleiche Schnittflächen liefern, da die Bewegung der Basis in einer ihr selbst parallelen Lage erfolgte.

I. Es sei ein Kegel zu messen, bei dem der Durchmesser der Basis = 10 sein soll, die Höhe = 8. Höhe des Kegels nenne ich die Senkrechte von der Spitze auf die Basis, mag der Kegel nun grade oder schief sein. Man denke sich nun einen geraden Cylinder auf derselben

Basis wie der Kegel, der dieselbe Höhe habe wie der Kegel. Der Körperinhalt dieses Cylinders wird gegeben sein. Denn der Durchmesser seiner Basis ist gegeben und seine Höhe gegeben. Und er ist, wie wir lernten, $= 628\frac{4}{7}$. Da aber jeder Kegel der dritte Teil eines Cylinders ist, der mit ihm dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, so

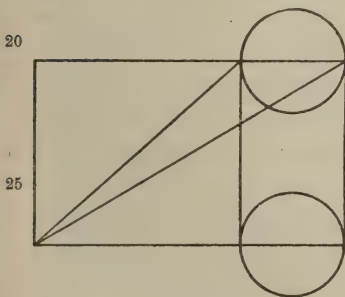


Fig. 44.

wird der Körperinhalt des Kegels $= 209\frac{11}{21}$. In ähnlicher Weise werden wir nun auch den Körperinhalt jeder Pyramide bestimmen, wenn ihre Basis und die Senkrechte von ihrer Spitze auf die Fläche der Basis gegeben ist, da ja jede Pyramide der dritte Teil eines Prismas ist, das mit ihr dieselbe Basis und gleiche Höhe hat.

β. Ἐστω δὴ κύλινδρον σκαληνὸν μετρήσαι, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως μονάδων ι, τὸ δὲ ὕψος μονάδων η. ὕψος δὲ καλῶ τὴν ἀπὸ τῆς ἐφέδρας αὐτοῦ κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ τῆς ἑδρας ἐπίπεδον. νενοήσθω δὴ πάλιν κύλινδρος ὀρθὸς ἀπὸ τῆς αὐτῆς βάσεως 5 τῷ προειρημένῳ κυλίνδρῳ ὕψος ἔχων τὸ αὐτὸ· ἐπεὶ οὖν οἱ ἰσοῦφεῖς κῶνοι καὶ κύλινδροι πρὸς ἀλλήλους εἰσὶν ὡς αἱ βάσεις, οἱ δὲ εἰρημένοι κύλινδροι ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰσὶν καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος, ἴσος ἄρα ἐστὶν ὁ ὀρθὸς κύλινδρος τῷ σκαληνῷ. τοῦ δὲ ὀρθοῦ τὸ 10 στερεὸν ἐστὶν δοθέν· τό τε γὰρ ὕψος αὐτοῦ δοθέν· ἐστὶν καὶ ἡ διάμετρος τῆς βάσεως· καὶ ἔστι μονάδων χκη δ. καὶ τοῦ σκαληνοῦ ἄρα τὸ στερεὸν τοσούτου ἔσται.

fol. 89^r γ. | Ἐστω δὴ στερεὸν παραλληλεπίπεδον μετρήσαι 15 τὸ ὕψος ἔχον μὴ πρὸς ὀρθὰς τῇ βάσει. ἔστω δὲ λόγου ἔνεκεν ἡ μὲν βάσις αὐτοῦ ἐξάγωνος, <ἰσόπλευρος καὶ ἰσογώνιος> ἡ $ΑΒΓΔΕΖ$, ἡ δὲ $ΑΒ$ πλευρὰ μονάδων ι, ἡ δὲ ἀπὸ τῆς ἐφέδρας κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ τῆς ἑδρας ἐπίπεδον ἔστω μονάδων η· ἡ δὲ ἐφέδρα αὐτοῦ 20 ἔσται ἡ $ΗΘΚΛΜΝ$. καὶ ἀπὸ τῆς $ΗΘΚΛΜΝ$ κάθετοι ἤχθωσαν ἐπὶ τὸ τῆς ἑδρας ἐπίπεδον αἱ $ΗΞΘΟΚΠΛΡΜΣΝΤ$. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ $ΞΟΟΠΠΡΡΣΣΤΤΞ$ · ἔσται ἄρα καὶ τὸ $ΞΟΠΡΣΤ$ ἐξάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον. ἐπεὶ οὖν τὰ ἐπὶ 25 τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα στερεὰ παραλληλεπίπεδα καὶ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἴσα ἀλλήλοις ἐστὶν, ἴσον ἄρα τὸ $ΑΒΓΔΕΖΗΘΚΛΜΝ$ στερεὸν τῷ $ΞΟΠΡΣΤΗΘΚΛΜΝ$ στερεῷ. δοθέν δὲ τὸ $ΞΟΠΡΣΤΗΘΚΛΜΝ$.

II. Es sei nun ein schiefer Cylinder zu messen, von dem der Durchmesser der Basis $= 10$, die Höhe $= 8$ sei. Höhe nenne ich die Senkrechte, die von seiner oberen

Fläche auf die Ebene der unteren Fläche gefällt wird. Man denke sich nun wieder einen geraden Cylinder auf derselben Basis mit dem oben genannten Cylinder, der dieselbe Höhe habe. Da nun Kegel und Cylinder von gleicher Höhe sich zu einander verhalten wie ihre Basen, die genannten Cylinder aber auf derselben Basis und unter derselben Höhe stehen,

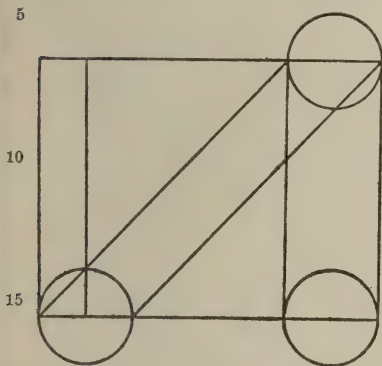


Fig. 45.

so ist der gerade Cylinder gleich dem schiefen. Der Körperinhalt des geraden ist aber gegeben, denn seine Höhe und der Durchmesser seiner Basis ist gegeben, und zwar ist er $= 628\frac{4}{7}$. Mithin wird so groß auch der Körperinhalt des schiefen Cylinders sein.

III. Es sei nun ein Parallelepipedon zu messen, dessen Axe nicht im rechten Winkel zur Basis steht. Beispielsweise sei seine sechseckige gleichseitige und gleichwinklige Basis $AB\Gamma\Delta EZ$, die Seite $AB = 10$, und die Senkrechte von der oberen Fläche auf die Ebene der unteren Fläche sei $= 8$. Seine obere Fläche sei $H\Theta K\Lambda MN$ und man falle von $H\Theta K\Lambda MN$ auf die Ebene der unteren Fläche die Höhen $H\Xi$, ΘO , $K\Pi$, ΛP , $M\Sigma$, $N T$ und ziehe die Verbindungslinien ΞO , $O\Pi$, ΠP , $P\Sigma$, ΣT , $T\Xi$. Es wird also auch $\Xi O\Pi P\Sigma T$ ein gleichseitiges und gleichwinkliges Sechseck sein. Da nun die Parallelepipeda, die auf derselben Basis und unter derselben Höhe stehen, einander

gleich sind, so wird der Körper $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$ = dem Körper $\Xi O\Pi P\Sigma TH\Theta K\Lambda MN$ sein. Nun ist aber $\Xi O\Pi P\Sigma TH\Theta K\Lambda MN$ gegeben, also ist auch $AB\Gamma\Delta EZH\Theta K\Lambda MN$ gegeben. Man wird daher den

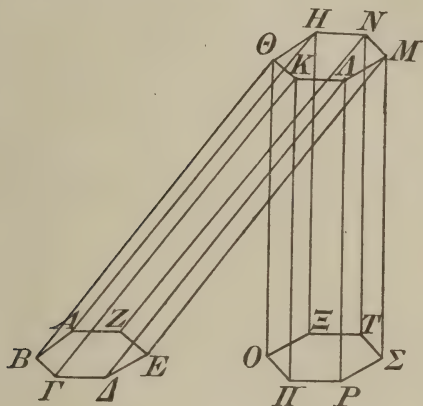


Fig. 46 b (Rekonstruktion).

5 Inhalt des Sechsecks $AB\Gamma\Delta EZ$ bestimmen und mit der genannten Senkrechten, d. h. 8, multiplizieren müssen und so groß seinen Körperinhalt angeben müssen. Und welche Basis der Körper auch haben mag, er wird stets in derselben Weise gemessen.

10 IV. Es sei ein Prisma, dessen Basis das Parallelogramm $AB\Gamma\Delta$, dessen Spitze die Gerade EZ ist. Und es sei $AB = 10$, $B\Gamma = 8$. Die Höhe aber von der Spitze EZ auf die Fläche $AB\Gamma\Delta$ sei $= 5$. Zu finden den Körperinhalt des Prismas. Man ergänze das Parallelepipedon $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$. Es ist also das Parallelepipedon $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$ doppelt so groß als das Prisma $AB\Gamma\Delta EZ$. Das Parallelepipedon aber ist gegeben, also ist auch das Prisma gegeben. Man wird daher 8 mit 10 multiplizieren und das Produkt mit der Kathete multiplizieren müssen,

δοθὲν ἄρα καὶ τὸ πρίσμα. ὥστε δεῇσει τὰ η ἐπὶ τὰ
 ι πολλαπλασιάσαι καὶ τὰ γενόμενα ἐπὶ τὴν κάθετον,

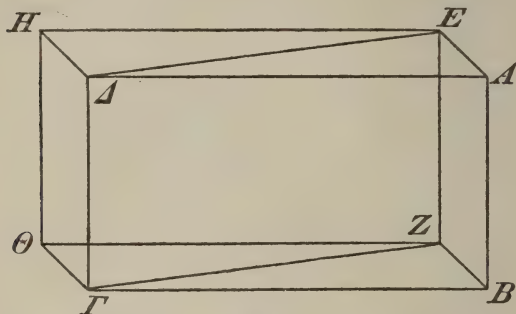


Fig. 47.

τουτέστι τὸν ε· γίνεται υ. τούτων τὸ ἥμισυ γίνεται
 σ. τοσούτου ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ πρίσματος.

ε. Ἐστω δὴ πυραμίδα μετρηῖσαι βάσιν ἔχουσαν οἷαν 5
 δῆποτε οὖν. ἔστω δὲ ὑποδείγματος ἕνεκεν πεντάγωνον
 ἰσόπλευρον <καὶ ἰσογώνιον>, οὗ ἑκάστη πλευρὰ ἔστω
 μονάδων ι, ἣ δὲ ἀπὸ τῆς κορυφῆς κάθετος ἀγομένη[s]
 ἐπὶ τὸ τῆς βάσεως ἐπίπεδον μονάδων η. ἐπεὶ οὖν πᾶσα
 πυραμὶς τρίτον μέρος εἰδείχθη τοῦ στερεοῦ τοῦ τὴν 10
 αὐτὴν βάσιν ἔχοντος αὐτῇ καὶ ὕψος ἴσον, τὸ δὲ στερεὸν
 τὸ ἔχον βάσιν πεντάγωνον ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον,
 οὗ ἑκάστη πλευρὰ μονάδων ι καὶ ὕψος η, γίνεται,
 ὥς ἐμάθομεν, μονάδων ατλγ γ'. ὥστε τούτων τὸ γ'
 γίνεται μονάδων υμδ γ' θ'. τοσούτου ἔσται τὸ τῆς 15
 πυραμίδος στερεόν. ὥστε καθόλου δεῖ λαβόντα τὸ
 ἐμβαδὸν τῆς βάσεως τῆς πυραμίδος, οἷα τις ἂν <ῆ>,
 πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτῆς κάθε-
 τον | ἀγομένην, τουτέστιν ἐπὶ τὸ ὕψος, καὶ τῶν γενο-

d. h. $80 \times 5 = 400$. Davon ist die Hälfte 200. So groß wird der Inhalt des Prismas sein.

V. Es sei eine Pyramide mit einer Basis von beliebiger Form zu messen. Beispielsweise sei sie ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck, von dem jede Seite = 10 sei, und die Kathete von der Spitze auf die Ebene der

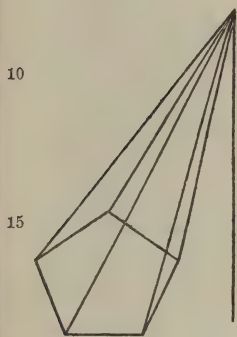


Fig. 48.

Basis sei = 8. Da nun gezeigt ward, daß jede Pyramide der dritte Teil eines Körpers ist, der mit ihr dieselbe Basis und gleiche Höhe hat, der Körper aber, der zur Basis ein gleichseitiges und gleichwinkliges Fünfeck hat, von dem jede Seite = 10 ist und die Höhe 8, wie wir gelernt haben, $= 1333\frac{1}{3}$ ist, so daß der

dritte Teil desselben $= 444\frac{1}{3} + \frac{1}{9}$ ist, so wird so groß der Körperinhalt der Pyramide sein. Man muß daher in jedem Falle den Inhalt der Basis der Pyramide, welche Gestalt dieselbe

auch immer haben mag, nehmen und mit der Senkrechten von der Spitze derselben, d. h. mit ihrer Höhe, multiplizieren und, nachdem man den dritten Teil des Produktes genommen hat, so groß den Inhalt der Pyramide angeben.

VI. Es sei ein Pyramidenstumpf zu messen, der eine dreieckige Basis hat, es wird also auch seine Spitze (obere Grundfläche) dreieckig und der Basis ähnlich sein. Es soll nun seine Basis das Dreieck $AB\Gamma$, seine Spitze das Dreieck ΔEZ , das $AB\Gamma$ ähnlich ist, sein. Es sei $AB = 18$, $B\Gamma = 24$, $A\Gamma = 36$, $\Delta E = 12$. Daher wird $EZ = 16$, $\Delta Z = 24$. Es sei aber die Senkrechte von dem Dreieck ΔEZ auf die Basis = 10. Es sei $AH = \Delta E$ und $\Gamma\Theta = EZ$, und man ziehe die Verbindungslinie $H\Theta$ und

μένων τὸ τρίτον λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν.

ς. Ἐστω δὴ πυραμίδα κόλουρον μετροῦσαι τρίγωνον ἔχουσιν βάσιν· ἔσται δὴ καὶ ἡ κορυφή αὐτῆς τρίγωνος ὁμοία τῇ βάσει. ἔστω οὖν ἡ μὲν βάσις αὐτῆς τὸ 5 $ΑΒΓ$ τρίγωνον [ὅμοιον τῷ $ΑΒΓ$], ἡ δὲ κορυφή τὸ $ΔΕΖ$ τρίγωνον ὅμοιον τῷ $ΑΒΓ$. ἔστω δὲ ἡ μὲν $ΑΒ$ μονάδων $ιη$, ἡ δὲ $ΒΓ$ $κδ$, ἡ δὲ $ΑΓ$ $λς$, ἡ δὲ $ΔΕ$ $ιμ$. ὥστε ἔσται ἡ μὲν $ΕΖ$ $ις$, ἡ δὲ $ΔΖ$ $κδ$. ἔστω δὴ καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ $ΔΕΖ$ τριγώνου κάθετος ἐπὶ τὴν 10 βάσιν μονάδων $ι$. κείσθω τῇ μὲν $ΔΕ$ ἴση ἡ $ΑΗ$, τῇ δὲ $ΕΖ$ ἡ $ΓΘ$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $ΗΘ$, καὶ τετυγμένωσαν δίχα αἱ $ΒΘ$ $ΒΗ$ τοῖς $Κ$, $Α$ σημείοις, καὶ διὰ τοῦ $Κ$ τῇ $ΒΓ$ παράλληλος ἦχθω ἡ $ΚΜ$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $ΑΝ$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ $Ξ$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $ΚΑ$. ἐπεὶ 15 οὖν ὁμοία ἔστι τὰ $ΑΒΓ$ $ΔΕΖ$ τρίγωνα, ὥς ἔστιν ἡ $ΑΒ$ πρὸς $ΔΕ$, τουτέστι πρὸς $ΑΗ$, οὕτως ἡ $ΒΓ$ πρὸς $ΕΖ$, τουτέστι πρὸς $ΓΘ$. παράλληλος ἄρα ἡ $ΑΓ$ τῇ $ΗΘ$. καὶ ἐπεὶ ἴσαι εἰσὶν αἱ $ΗΚ$ $ΚΒ$ καὶ παράλληλοι αἱ $ΚΝΜ$ $ΒΘ$, ἴση ἄρα καὶ ἡ $ΝΗ$ τῇ $ΝΘ$. ἀλλὰ καὶ 20 ἡ $ΒΑ$ τῇ $ΑΘ$. παράλληλος ἄρα ἡ $ΑΝΞ$ τῇ $ΑΒ$. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΚΑ$ τῇ $ΗΘ$, τουτέστι τῇ $ΑΓ$. παραλληλόγραμμα ἄρα ἔστιν τὰ $ΑΚΑΞ$ $ΚΑΓΜ$ καὶ ἴσα ἐστίν· ἐπὶ τε γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλληλοῖς. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ $ΗΚΑΝ$ τῷ 25 $ΝΚΑΘ$ ἴσον ἐστί. λοιπὸν τὸ $ΑΗΝΞ$ παραλληλόγραμμον [τῷ] τῷ $ΝΘΓΜ$ παραλληλογράμμῳ ἔστιν ἴσον. καὶ ἐπεὶ ἴση ἔστιν ἡ μὲν $ΑΗ$, τουτέστιν ἡ $ΝΞ$, τῇ $ΔΕ$, ἡ δὲ $ΓΘ$, τουτέστιν ἡ $ΜΝ$, τῇ $ΕΖ$ | καὶ ἴσας γωνίας περιέχουσιν, ἴση ἄρα ἔστιν καὶ ἡ $ΞΜ$ τῇ $ΔΖ$. 30 καὶ ἐπεὶ ἴση ἔστιν ἡ $ΚΑ$ ἑκατέρῃ τῶν $ΑΞ$ $ΜΓ$, ἴση

teile die Linien $B\Theta$ und BH in der Mitte durch die Punkte K und Λ , und ziehe durch K zu $B\Gamma$ die Parallele KM , ziehe die Verbindungslinie ΛN und verlängere sie bis Ξ , und ziehe die Verbindungslinie $K\Lambda$. Da nun die
 5 Dreiecke $AB\Gamma$ und ΔEZ ähnlich sind, so ist $AB : \Delta E = AB : AH = B\Gamma : EZ = B\Gamma : \Gamma\Theta$. Also ist $\Lambda\Gamma$ parallel zu $H\Theta$. Und da $HK = KB$ ist und KNM

parallel zu $B\Theta$ ist, so ist $NH = N\Theta$. Es ist aber auch $BA = \Delta\Theta$. Also ist $\Lambda N\Xi$ parallel AB , aber auch $K\Lambda$ zu $H\Theta$, d. h. zu $\Lambda\Gamma$. Also sind $AK\Lambda\Xi$ und $K\Lambda\Gamma M$ Parallelogramme und sind inhaltsgleich; denn sie stehen auf derselben Basis und zwischen denselben Parallelen. Aus denselben Gründen ist auch $HK\Lambda N = NK\Lambda\Theta$. Mithin ist Parallelogramm $AHNE =$ Parallelogramm $N\Theta\Gamma M$. Und da $AH = NE = \Delta E$ und $\Gamma\Theta = MN = EZ$ und sie gleiche Winkel

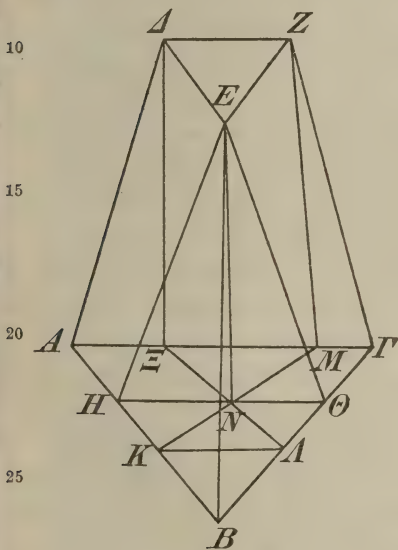


Fig. 49.

30 einschließen, so ist auch $\Xi M = \Delta Z$. Und da $K\Lambda = A\Xi = M\Gamma$, so ist auch $A\Xi = M\Gamma$. Also $\Lambda\Gamma + M\Xi = \Lambda\Gamma + \Delta Z = 2\Gamma\Xi$. Auf der anderen Seite, da $KB = KH$, so ist $BA + HA = AB + \Delta E = 2AK = 2\Xi\Lambda$. Aus denselben Gründen ist auch $B\Gamma + EZ = 2\Lambda\Gamma$. Da nun

ἄρα καὶ ἡ $ΑΞ$ τῇ $ΜΓ$. συναμφοτέρου $\langle \acute{\alpha}\rho\alpha \rangle$ τῆς $ΑΓ$
 $ΜΞ$, τουτέστι συναμφοτέρου $\langle τῆς \rangle$ $ΑΓ ΔΖ$ ἡμίσειά
 ἐστὶν ἡ $ΓΞ$. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἐστὶν ἡ $ΚΒ$ τῇ $ΚΗ$, συν-
 αμφοτέρου ἄρα τῆς $ΒΑ ΗΑ$, τουτέστι συναμφοτέρου τῆς
 $ΑΒ ΔΕ$, ἡμίσειά ἐστὶν ἡ $ΑΚ$, τουτέστιν ἡ $ΞΑ$. διὰ 5
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ συναμφοτέρου τῆς $ΒΓ ΕΖ$ ἡμίσειά
 ἐστὶν ἡ $ΑΓ$. ἐπεὶ οὖν τὸ στερεὸν τῆς κολούρου πυρα-
 μίδος σύγκειται ἔκ τε τοῦ πρίσματος τοῦ $[τὴν]$ βάσιν
 μὲν ἔχοντος τὸ $ΑΗΝΞ$ παραλληλόγραμμον, κορυφὴν
 δὲ τὴν $ΔΕ$ εὐθεϊαν, καὶ τοῦ πρίσματος, οὗ βάσις μὲν 10
 ἐστὶ τὸ $ΜΝΘΓ$ παραλληλόγραμμον, κορυφὴ δὲ ἡ $ΕΖ$
 εὐθεΐα, καὶ ἑτέρου πρίσματος, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ $\langle τὸ \rangle$
 $ΜΝΞ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ $ΔΕΖ$, καὶ ἔτι τῆς
 πυραμίδος, ἧς βάσις τὸ $ΒΗΘ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ
 τὸ $Ε$ σημεῖον· ἀλλὰ τῶν μὲν πρισμμάτων, ὧν βάσις 15
 ἐστὶ τὰ $ΑΗΝΞ ΝΘΓΜ$ παραλληλόγραμμα, ὕψος δὲ
 τὸ αὐτὸ τῇ πυραμίδι τὸ στερεόν ἐστὶν τὸ ἔμβαδὸν
 τοῦ $ΝΜΘΓ$ παραλληλογράμμου ἐπὶ τὴν κάθετον, τοῦ
 δὲ πρίσματος, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ΜΝΞ$ τρίγωνον,
 κορυφὴ δὲ τὸ $ΔΕΖ$, τὸ στερεόν ἐστὶ τὸ $ΜΝΞ$ τρίγω- 20
 νον ἐπὶ τὴν κάθετον, τῆς δὲ πυραμίδος, ἧς βάσις ἐστὶ
 τὸ $ΒΗΘ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ $Ε$ σημεῖον, τὸ
 στερεόν ἐστὶ τὸ τρίτον $\langle τοῦ \rangle$ τοῦ $ΒΗΘ$ τριγώνου
 ἔμβαδοῦ ἐπὶ τὴν κάθετον, τὸ δὲ τρίτον τοῦ $ΒΗΘ$
 τριγώνου ἐν καὶ τρίτον ἐστὶ τοῦ $ΑΝΘ$ $\langle διὰ τὸ \rangle$ ἴσα 25
 εἶναι $\langle . . . \rangle$, τὸ δὲ τρίτον τοῦ $ΑΝΘ$ τριγώνου τὸ
 δωδέκατόν ἐστὶ τοῦ $ΒΗΘ$ τριγώνου· ὥστε τῆς κολούρου
 πυραμίδος τὸ στερεόν ἐστὶ τὸ ἔμβαδὸν τοῦ $ΞΑΓ$ τρι-
 γώνου προσλαβὼν τὸ ἰβ' μέρος τοῦ $ΒΗΘ$ τριγώνου καὶ
 πολλαπλασιασθὲν ἐπὶ τὴν κάθετον. καὶ ἐστὶν ἡ κάθετος 30
 δοθεῖσα. δεῖξαι ἄρα δεῖ, ὅτι δοθέν ἐστὶ καὶ τὸ $ΞΑΓ$

der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs sich zusammen-
 setzt aus dem Prisma, das zur Basis das Parallelogramm
 $AHN\Xi$ hat und zur Spitze die Gerade ΔE , und aus
 dem Prisma, dessen Basis das Parallelogramm $MN\Theta\Gamma$
 5 und dessen Spitze die Gerade EZ ist und einem anderen
 Prisma, dessen Basis das Dreieck $MN\Xi$ und dessen Spitze
 ΔEZ ist, und weiter der Pyramide, deren Basis das Drei-
 eck $BH\Theta$ und deren Spitze der Punkt E ist, der Körper-
 inhalt aber der Prismen, deren Basis die Parallelogramme
 10 $AHN\Xi$ und $N\Theta\Gamma M$ sind und deren Höhe dieselbe ist
 wie die der Pyramide, gleich ist dem Inhalt des Parallelo-
 gramms $NM\Theta\Gamma$ multipliziert mit der Höhe, der Körper-
 inhalt dagegen des Prismas, dessen Basis das Dreieck
 $MN\Xi$ und dessen Spitze ΔEZ ist, gleich ist dem Inhalt
 15 des Dreiecks $MN\Xi$ multipliziert mit der Höhe, der Körper-
 inhalt der Pyramide aber, deren Basis das Dreieck $BH\Theta$
 und deren Spitze der Punkt E ist, gleich einem Drittel
 des Produkts aus dem Inhalt des Dreiecks $BH\Theta$ und der
 Höhe ist, ein Drittel aber des Dreiecks $BH\Theta = 1\frac{1}{3}$ von
 20 $\Delta N\Theta$ ist, $\frac{1}{3}$ aber des Dreiecks $\Delta N\Theta = \frac{1}{12}BH\Theta$ ist —
 so daß der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs gleich
 dem Inhalt des Dreiecks $\Xi\Delta\Gamma$ vermehrt um $\frac{1}{12}$ des Drei-
 ecks $BH\Theta$, und multipliziert mit der Höhe ist. Nun ist
 die Kathete gegeben. Es ist also die Aufgabe, zu zeigen,
 25 daß auch das Dreieck $\Xi\Delta\Gamma$ gegeben ist und der zwölfte
 Teil des Dreiecks $BH\Theta$. Da nun $AB + \Delta\langle E\rangle$ gegeben
 ist und nachgewiesen ward, daß $\Xi\Delta$ die Hälfte davon
 ist, so ist auch $\Xi\Delta$ gegeben. Aus denselben Gründen
 ist auch $\Delta\Gamma$ und $\Gamma\Xi$ gegeben. Daher ist das Dreieck
 30 $\Xi\Delta\Gamma$ gegeben. Auf der anderen Seite, da BA und AH
 gegeben sind, ist auch BH gegeben. Aus denselben
 Gründen auch $B\Theta$. Wiederum, da $\Delta\Gamma$ und $M\Xi$ gegeben

1 supplevi 2 $\langle\tau\eta\varsigma\rangle$ addidi 8 $[\tau\eta\nu]$ delevi 12 $\langle\tau\omicron\rangle$
 addidi 13 $\Delta E\Xi$: corr. Nath 20 inter E et Z una littera
 erasa 23 $\langle\tau\omicron\upsilon\rangle$ addidi 25 $\tau\omicron$ $\Delta N\Theta$: corr. m. 2 $\langle\delta\iota\alpha$
 $\tau\omicron\rangle$ add. m. 2

τρίγωνον καὶ <τὸ ιβ'> τοῦ ΒΗΘ· ἐπεὶ οὖν δοθεῖσά
 ἔστι συναμφοτέρος ἢ ΑΒ Δ<Ε κ>αὶ ἐδείχθη αὐτῆς
 fol. 91^r ἡμίσεια ἢ ΞΑ, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ ΞΑ. διὰ τὰ αὐτὰ |
 δὴ καὶ ἑκατέρα τῶν ΑΓ ΓΞ ἔστι δοθεῖσα· ὥστε δοθέν
 ἔστι τὸ ΞΑΓ τρίγωνον. πάλιν ἐπεὶ δοθεῖσά ἐστίν 5
 ἑκατέρα τῶν ΒΑ ΑΗ, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ ΒΗ. διὰ
 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ ΒΘ. πάλιν ἐπεὶ δοθεῖσα ἑκατέρα
 τῶν ΑΓ ΜΞ, καὶ λοιπὴ ἄρα συναμφοτέρος ἢ ΑΞ
 ΜΓ δοθεῖσα, τουτέστιν ἡ ΗΘ. δοθέν ἄρα καὶ τὸ
 ΗΘΒ τρίγωνον· ὥστε καὶ τὸ ιβ' αὐτοῦ δοθέν. συντε- 10
 θήσεται δὲ οὕτως. σύνθες τὰ ιη καὶ τὰ ιβ' καὶ τῶν
 γενομένων τὸ ἡμισυ γίννεται ιε· καὶ τὰ κδ καὶ ις·
 ὧν ἡμισυ γίννεται κ. καὶ λς καὶ κδ· ὧν ἡμισυ γίννεται
 λ. καὶ μέτρησον τρίγωνον, οὗ πλευραὶ ιε, κ, λ· γίν-
 νεται, ὡς ἐμάθομεν, ἔγγιστα ρλα δ'. καὶ ἄφελε ἀπὸ 15
 τῶν ιη τὰ ιβ' λοιπὰ ζ. καὶ ἀπὸ τῶν κδ τὰ ις· λοιπὰ
 η. καὶ ἀπὸ τῶν λς τὰ κδ· λοιπὰ ιβ. καὶ μέτρησον
 τρίγων(ον), οὗ πλευραὶ ζ, η, ιβ' ἔσται ὁμοίως, ὡς
 ἐμάθομεν, καὶ ἔγγιστα· τούτων τὸ ιβ'· γίννεται α|δ'.
 πρόσθες ταῖς ρλα δ'· γίννονται ρλγ. ταῦτα ἐπὶ τὴν 20
 κάθετον, καὶ τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τῆς ΑΒΓΔΕΖ
 κολουροῦ πυραμίδος.

ζ. Στερεὸν μετρηῖσαι περιεχόμενον ὑπὸ ἐπιπέδων
 τριγώνους ἔχον βάσεις. ἔστω τὸ εἰρημένον στερεὸν,
 οὗ βάσις μὲν τὸ ΑΒΓ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ ΔΕΖ, 25
 παράλληλον <δὲ> τῷ ΑΒΓ τὸ[υ] ΔΕΖ. ἐπίπεδα δὲ ἔστω
 τὰ ΑΒΔΕ ΒΓ<ΕΖ Α>ΓΔΖ. καὶ δοθεῖσα <...> ἑκάστη
 fol. 91^v τῶν Α <...> Α ΔΕ ΕΖ ΖΔ καὶ ἔτι ἡ ἀπὸ τοῦ ΔΕΖ

sind, so ist auch $AE + MF$ gegeben, d. h. $H\Theta$. Mithin ist Dreieck $H\Theta B$ gegeben, daher auch $\frac{1}{12}$ desselben. Berechnet wird es folgendermassen.

$$\frac{18 + 12}{2} = 15$$

$$\frac{24 + 16}{2} = 20$$

$$\frac{36 + 24}{2} = 30$$

Nun muß ein Dreieck, dessen Seiten = 15, 20 und 30 sind, berechnet werden. Es ist, wie wir lernten, annähernd = $131\frac{1}{4}$. Ferner

$$18 - 12 = 6$$

$$24 - 16 = 8$$

$$36 - 24 = 12.$$

Und miß ein Dreieck, dessen Seiten = 6, 8, 12 sind. Es wird ebenso, wie wir lernten, annähernd = 21 sein.

Hiervon $\frac{1}{12} = 1\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$. Addiere dies zu $131\frac{1}{4}$; es ergibt 133. Dies multipliziere mit der Höhe, und so groß wird der Körperinhalt des Pyramidenstumpfs $AB\Gamma\Delta EZ$ sein.

VII. Es sei ein Körper zu messen, der von Flächen umschlossen wird und dreieckige Basen hat. Es sei der gegebene Körper, dessen Basis das Dreieck $AB\Gamma$, dessen Spitze ΔEZ , es sei aber ΔEZ parallel $AB\Gamma$; und die Flächen seien $AB\Delta E$, $B\Gamma EZ$, $A\Gamma\Delta Z$. Und es sei gegeben jede der Linien ΔE , EZ , $Z\Delta$ und außerdem die Höhe von der Ebene ΔEZ auf die Ebene des Dreiecks $AB\Gamma$. Da nämlich $B\Gamma$ parallel EZ ist und $B\Gamma$ größer, so werden BE und ΓZ in ihren Verlängerungen zusammentreffen. Sie sollen in H zusammentreffen. Ich behaupte nun, daß auch $A\Delta$ verlängert mit ihnen in H zusammentreffen wird. Daß nun jede der beiden Linien BE und ΓZ mit $A\Delta$ zusammentrifft, ist klar, weil AB größer als ΔE , $A\Gamma$ aber größer als ΔZ ist. Ich be-

ἐπιπέδον κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ τοῦ $ABΓ$ τριγώνου ἐπίπεδον. ἐπεὶ γὰρ παράλληλός ἐστιν ἡ $ΑΓ$ τῇ EZ καὶ μείζων ἡ $ΒΓ$, αἱ ἄρα $BE ΓZ$ ἐκβαλλόμεναι συμπεσοῦνται. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ H . λέγω δὴ ὅτι καὶ ἡ $ΑΔ$ ἐκβαλ(λ)ομένη συμπεσεῖται κατὰ τὸ H . 5 ὅτι μὲν οὖν ἐκατέρα τῶν $BE ΓZ$ συμπίπτει τῇ $ΑΔ$, φανερόν διὰ τὸ εἶναι τὴν μὲν AB μείζονα τῆς $ΔE$, τὴν δὲ $ΑΓ$ τῆς $ΔZ$. λέγω ὅτι κατὰ τὸ H . ἐπεὶ γὰρ $ΑΔH$ σημεῖα ἔν τε τῷ διὰ τῶν $AB ΔE$ ἐστὶν ἐπιπέδῳ καὶ ἐν τῷ διὰ τῶν $ΑΓ ΔZ$, εὐθεῖα ἄρα ἐστὶν 10 ἡ $ΑΔH$. ἤχθω δὴ ἀπὸ τοῦ H κάθετος ἐπὶ τὸ $ABΓ$ ἐπίπεδον καὶ ἐμβαλλέτω κατὰ τὸ $Θ$, τῷ δὲ $ΔEZ$ κατὰ τὸ K · καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ΓΘ<ZK>$. παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ $ΓΘ$ τῇ ZK · ἀλλὰ καὶ ἡ $ΒΓ$ τῇ EZ . ἔσται ἄρα ὡς ἡ $ΒΓ$ πρὸς EZ , οὕτως ἡ $ΓH$ πρὸς 15 HZ , τουτέστιν ἡ $ΘH$ πρὸς HK . λόγος δὲ τῆς $ΒΓ$ πρὸς EZ δοθεὶς· δοθεῖσα γὰρ ἐκατέρα. λόγος ἄρα καὶ τῆς $HΘ$ πρὸς HK δοθεὶς. ὥστε καὶ τῆς $ΘK$ πρὸς KH . καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $ΘK$ · ἡ γὰρ ἀπὸ τοῦ $ΔEZ$ ἐπιπέδου κάθετος ἐπὶ τὸ τοῦ $ABΓ$ τριγώνου ἐπίπεδον 20 δοθεῖσά ἐστιν· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ KH . ὥστε καὶ ἡ $HΘ$ δοθεῖσά ἐστιν. ἐπεὶ οὖν πυραμίδος, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ H σημεῖον, δέδοται ἡ τε βάσις καὶ ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν κάθετος ἡ $HΘ$, δοθέν ἄρα τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν. 25 κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ΔEZ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ H σημεῖον, δοθέν ἐστὶ. λοιπὸν ἄρα τὸ $ABΓΔEZ$ στερεὸν δοθέν ἐστὶ. συντεθήσεται δὴ οὕτως. δεῖ τὴν

4 τῷ H : correxi 5 ἐκβαλομένη: correxi 12 τὸ δὲ: correxi
13 $ΓΘ<ZK>$: explevi intercapedinem

haupte, daß es in H geschieht. Da nämlich die Punkte A , Δ , H sowohl in der Ebene, die durch AB und ΔE geht, als auch in der Ebene, die durch $\Delta \Gamma$ und ΔZ geht, liegen, so ist $A\Delta H$ eine Gerade. Man fälle nun von H
 5 eine Senkrechte auf die Ebene $AB\Gamma$ und sie treffe diese in dem Punkte Θ , dagegen die Ebene ΔEZ in K . Nun ziehe man die Verbindungslinien $\Gamma\Theta$ und $\langle ZK \rangle$. Also ist $\Gamma\Theta$ parallel zu ZK , aber auch $B\Gamma$ parallel EZ . Es

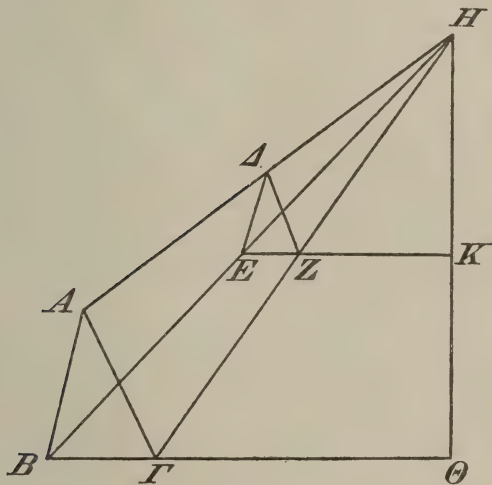


Fig. 50.

wird also $B\Gamma : EZ = \Gamma H : HZ = \Theta H : HK$ sein. Nun
 10 ist aber das Verhältniß von $B\Gamma : EZ$ gegeben, denn jede von beiden Linien ist gegeben. Also ist auch das Verhältniß von $H\Theta : HK$ gegeben, daher auch das von $\Theta K : KH$. Nun ist ΘK gegeben, denn es ist die Senkrechte von der Ebene ΔEZ auf die Ebene des Dreiecks
 5 $AB\Gamma$ gegeben. Also ist auch KH gegeben, daher auch $H\Theta$. Da nun von einer Pyramide, deren Basis das Dreieck $AB\Gamma$ und deren Spitze der Punkt H ist, sowohl die

ΘΚ ποιῆσαι ὡς τὴν ΒΓ πρὸς ΕΖ προστεθείσης τῆς ΚΗ τὴν ΘΗ πρὸς ΗΚ. καὶ εὐρόντα ἑκατέραν τῶν καθέτων τῶν ΗΘ ΗΚ καθ' ἑαυτὰς μετρῆσαι ἑκατέραν πυραμίδα, ἥς τε βάσις τὸ ΑΒΓ τρίγων(ον) καὶ ἥς βάσις τὸ ΔΕΖ, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, καὶ τὴν ⁵ ὑπεροχὴν αὐτῶν ἀποφαίνεσθαι ἴσην εἶναι τῷ ζητούμενῳ στερεῷ. | καὶ καθόλου δὲ πᾶσα πυραμὶς κόλουρος βάσιν ἔχουσα οἰανδῆποτε ὡσαύτως μετρεῖται· ἐκ γὰρ τοῦ λόγου, οὗ ἔχει μία πλευρὰ τῆς βάσεως πρὸς τὴν ὁμόλογον ἐν τῇ κορυφῇ οὖσαν, λέγω δὲ τῇ ἐφ' ἑδρᾷ, ¹⁰ εὐρεθήσεται ἡ κορυφή τῆς πυραμίδος, ἥς τιμὴ ἐστὶν ἡ κόλουρος, καὶ ἡ κάθετος ἐπὶ τὸ τῆς ἐφ' ἑδρᾷ ἐπίπεδον. ἔχοντες οὖν καὶ τὴν ἐπὶ τὴν ἐφ' ἑδρᾷ καὶ τὸ λοιπὸν ἔξομεν στερεὸν τῆς ἀποτεμνομένης πυραμίδος· ὥστε πάλιν τὴν ὅλην μετρήσαντες πυραμίδα ἀφελούμεν τὴν ¹⁵ ἀποτεμνομένην καὶ τὸ λοιπὸν ἀποφα[ι]νούμεθα στερεὸν τῆς κολουρού πυραμίδος.

η. Ἐστω δὲ στερεὸν μετρῆσαι ὑπὸ εὐθυγράμμων περιεχόμενον ἐπιπέδων, οὗ βάσις ἔστω τὸ ΑΒΓΔ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ ΕΖΗΘ ²⁰ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον ἥτοι ὅμοιον τῷ ΑΒΓΔ ἢ μή. καὶ κείσθω τῇ μὲν ΕΖ ἴση ἡ ΑΚ, τῇ δὲ ΖΘ ἡ ΒΛ καὶ τετμήσθωσαν αἱ ΒΚ ΓΛ δίχα τοῖς Φ, Χ καὶ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ ΚΥ, ΦΜ, ΑΝ, ΧΤ. καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΖΚ ΗΡ ΛΗ ΗΝ ΘΝ. τὸ δὲ εἰρη- ²⁵ μένον στερεὸν ἔσται κατατετμημένον εἰς τε στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν τὸ ΑΡ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ ΕΗ, καὶ πρίσμα, οὗ βάσις μὲν τὸ ΚΛ παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον,

4 supplevi litt. evanidas 16 ἀποφαινούμεθα: correxi 21 οὖν post ἥτοι ins. m. 2 25 ΗΝ: Ν in ras. m. 2 28 ΕΝ: corr. m. 2

Basis als auch die Höhe $H\Theta$ von der Spitze auf die Basis gegeben sind, so ist der Körperinhalt der Pyramide gegeben. In derselben Weise ist auch der Inhalt der Pyramide gegeben, deren Basis das Dreieck $\triangle EZ$ und deren Spitze der Punkt H ist. Also ist der Körper $AB\Gamma\triangle EZ$ gegeben. Berechnet wird er folgendermaßen. Man muß, indem man zu ΘK hinzufügt KH , die Proportion aufstellen, daß $BF: EZ = \Theta H: HK$ ist. Und wenn man jede der beiden Senkrechten $H\Theta$ und HK für sich gefunden hat, dann jede der beiden Pyramiden messen, sowohl diejenige, deren Basis das Dreieck $AB\Gamma$ ist, als auch diejenige, deren Basis das Dreieck $\triangle EZ$ ist, und deren gemeinschaftliche Spitze der Punkt H ist, und ihre Differenz als den gesuchten Körper angeben.

Es wird aber auch ganz allgemein jeder Pyramidenstumpf, der eine wie immer gestaltete Basis hat, in derselben Weise gemessen. Denn aus dem Verhältnis, das eine Seite der Basis zu der entsprechenden an der Spitze, d. h. in der oberen Fläche hat, wird die Spitze der Pyramide gefunden werden, von der der Pyramidenstumpf ein Abschnitt ist, und die Höhe auf die Ebene der oberen Fläche. Wenn wir nun auch die Höhe auf die obere Fläche haben, so werden wir auch den Körperinhalt der Pyramide, die abgeschnitten wird, haben. Daher werden wir wieder die ganze Pyramide messen und die abgeschnittene davon abziehen und den Rest als Körperinhalt des Pyramidenstumpfs angeben.

VIII. Es sei ein von gradlinigen Flächen umgebener Körper zu messen, dessen Basis das Rechteck $AB\Gamma\Delta$ sein soll und dessen Spitze das Rechteck $EZH\Theta$, das $AB\Gamma\Delta$ entweder ähnlich sein soll oder nicht. Und es sei $AK = EZ$, $BA = ZH$, und die Linien BK und $\Gamma\Delta$ sollen durch die Punkte Φ und X halbiert werden, und man ziehe die Parallelen $K\Gamma$, ΦM , ΔN , XT und die Verbindungslinien ZK , HP , ΔH , HN , ΘN . Es wird also der genannte Körper zerlegt sein in ein Parallelepipeton, dessen Basis das Rechteck AP und dessen Spitze EH ist, und in ein Prisma, dessen Basis das Rechteck $K\Delta$ und dessen Spitze

fol. 92^v κορυφή δὲ ἡ ZH εὐθεΐα, καὶ | ἕτερον πρίσμα, οὗ βάσις
 μὲν τὸ NT παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή
 δὲ ἡ $HΘ$ εὐθεΐα, καὶ πυραμίδα, ἥς ἡ βάσις μὲν τὸ
 PG παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, κορυφή δὲ τὸ H
 σημείον. ἀλλὰ τὸ μὲν πρίσμα, οὗ βάσις τὸ KA παρα- 5
 λληλόγραμμον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ στερεῷ παραλληλ-
 επιπέδῳ, οὗ βάσις τὸ $KΠ$ παραλληλόγραμμον ὀρθο-
 γώνιον καὶ ὕψος τὸ αὐτὸ τῷ στερεῷ, τὸ δὲ πρίσμα, οὗ
 βάσις τὸ NT παραλληλόγραμμον ὀρθογώνιον, ἴσον ἐστὶ
 στερεῷ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις μὲν τὸ παραλληλό- 10
 γραμμον <ὀρθογώνιον>, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ, ἡ δὲ πυραμὶς,
 ἥς βάσις τὸ PG παραλληλόγραμμον, ἴση ἐστὶ στερεῷ
 παραλληλεπιπέδῳ, οὗ βάσις μὲν ἔν καὶ τὸ τρίτον τοῦ
 $PΞ$ παραλληλογράμμου, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ· ὥστε τὸ ἐξ
 ἀρχῆς στερεὸν ἴσον εἶναι στερεῷ παραλληλεπιπέδῳ, οὗ 15
 βάσις τὸ $AΞ$ παραλληλόγραμμον καὶ τὸ τρίτον τοῦ
 $PΞ$ παραλληλογράμμου, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ τῷ ἐξ ἀρχῆς
 στερεῷ· καὶ ἔστι δοθὲν τὸ $AΞ$ παραλληλόγραμμον καὶ
 τὸ τρίτον τοῦ $PΞ$ · ἐπεὶ γὰρ ἑκατέρω τῶν $BA AK$
 δοθεῖσά ἐστιν καὶ ἔστιν αὐτῶν ἡμίσεια ἡ $AΦ$, δοθεῖσα 20
 ἄρα ἡ $AΦ$. κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ BX , τουτέστιν ἡ
 $ΦΞ$ · δοθὲν ἄρα τὸ $AΞ$ παραλληλόγραμμον. πάλιν
 ἐπεὶ δοθεῖσα ἡ BK , δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $KΦ$, τουτέστιν
 ἡ $PΠ$. κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ $ΠΞ$. δοθὲν ἄρα καὶ
 τὸ $ΞP$ παραλληλόγραμμον. ὥστε καὶ τὸ τρίτον αὐτοῦ 25
 δοθέν ἐστιν. ἔστι δὲ καὶ τὸ ὕψος τοῦ στερεοῦ δοθέν·
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐξ ἀρχῆς στερεόν. συντεθήσεται δὴ
 οὕτως ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει. ἔστω γὰρ ἡ μὲν AB
 μονάδων κ , ἡ δὲ $ΒΓ$ μονάδων $\iota\beta$, ἡ δὲ EZ μονάδων

11 supplevi
 γραμμον: correxi

12 ἴσον: correxi

13 sq. τὸ $PΞ$ παραλληλό-

die Gerade ZH ist, sowie in ein anderes Prisma, dessen Basis das Rechteck NT und dessen Spitze die Gerade $H\Theta$ ist, und eine Pyramide, deren Basis das Rechteck PI und deren Spitze der Punkt H ist. Nun ist aber
 5 das Prisma, dessen Basis das Rechteck KA ist, gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck KII und dessen Höhe dieselbe wie die des Körpers ist, das

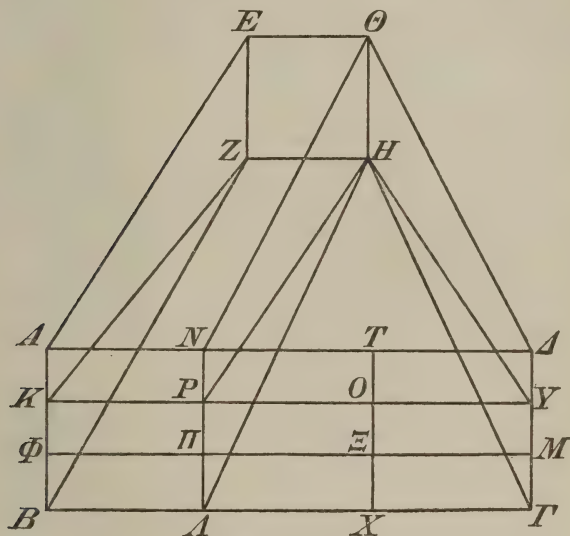


Fig. 51.

Prisma aber, dessen Basis das Rechteck NT ist, ist gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck NO
 10 und dessen Höhe dieselbe ist; die Pyramide aber, deren Basis das Rechteck PI , ist gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis $\frac{1}{3}$ des Rechtecks $P\Xi$ ist und dessen Höhe dieselbe ist. Daher ist der anfängliche Körper gleich einem Parallelepipedon, dessen Basis das Rechteck $A\Xi + \frac{1}{3}$

$\iota\varsigma$, ἥ δὲ ZH μονάδων γ , ἥ δὲ κάθετος τοῦ στερεοῦ, τουτέστι τὸ ὕψος, μονάδων ι . σύνθες κ καὶ $\iota\varsigma$ · ὧν ἡμισυ γίννεται $\iota\eta$. καὶ $\iota\beta$ καὶ γ · ὧν ἡμισυ γίννεται $\xi\lambda$. ταῦτα ἐπὶ τὰ $\iota\eta$ · γίννεται $\rho\lambda\epsilon$. καὶ ἀπὸ τῶν κ ἄφελε τὰς $\iota\varsigma$ · λοιπὰ δ . ὧν ἡμισυ γίννεται β . καὶ ἀπὸ τῶν $\iota\beta$ τὰς γ · καὶ τῶν λοιπῶν τὸ ἡμισυ γίννεται $\delta\lambda$. ταῦτα ἐπὶ τὰ β · γίννεται θ . τούτων τὸ γ · γίννεται γ . πρόσθες ταῖς $\rho\lambda\epsilon$ · γίννεται $\rho\lambda\eta$. ταῦτα ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ι , γίννεται $\alpha\tau\pi$. τοσοῦτον ἔσται τὸ προκειμένον στερεόν.

θ. Ἐστω δὴ κώνον κόλουρον μετρήσαι, οὗ ἡ μὲν διάμετρος ἢ AB ἔστω μονάδων κ , τῆς δὲ κορυφῆς ἢ διαμέτρος ἢ $\Gamma\Delta$ μονάδων $\iota\beta$, τὸ δὲ ὕψος τὸ EZ μονάδων ι . νενοήσθω ἡ τοῦ κώνου κορυφή ἢ H καὶ περὶ τὴν βάσιν τοῦ κώνου τετράγωνον περιγεγράφθω τὸ $\Theta K\Lambda M$. καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ $H\Theta$ HK $H\Lambda$ HM . ἔσται ἄρα πυραμὶς, ἥς ἡ βάσις μὲν τὸ $\Theta K\Lambda M$ τετράγωνον, κορυφή δὲ τὸ H . ἐὰν οὖν αὕτη τμηθῇ <ἐπιπέδῳ> παραλλήλῳ τῇ ἐφ' ἑδρᾷ, ποιήσῃ τομὴν τὸ $N\Xi O\Pi$ τετράγωνον. ὃν δὴ λόγον ἔχει τὸ $\Theta\Lambda$ τετράγωνον πρὸς τὸν περὶ [τὴν] διάμετρον τὴν AB κύκλον, τοῦτον

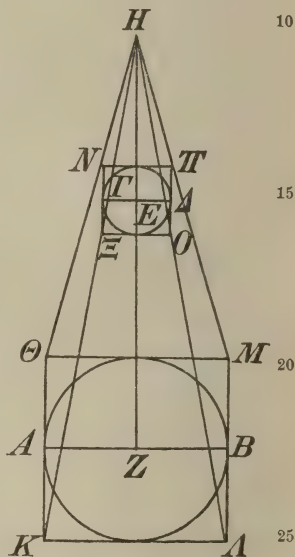


Fig. 52.

des Rechtecks $P\Xi$ ist und dessen Höhe dieselbe ist wie die des anfänglichen Körpers. Nun ist Parallelogramm $A\Xi$ gegeben und auch $\frac{1}{3}$ von $P\Xi$. Denn da jede der beiden Linien BA und AK gegeben ist und die Hälfte davon von $A\Phi$ ist, so ist $A\Phi$ gegeben. In derselben Weise auch BX , d. h. $\Phi\Xi$. Also ist das Parallelogramm $A\Xi$ gegeben. Auf der andern Seite, da BK gegeben ist, so ist auch $K\Phi$, d. h. $P\Pi$ gegeben; in derselben Weise auch $\Pi\Xi$. Also ist auch das Parallelogramm ΞP gegeben, so daß auch $\frac{1}{3}$ des-
 10 selben gegeben ist. Es ist aber auch die Höhe des Körpers gegeben; also ist auch der anfängliche Körper gegeben. Berechnet wird er, der Analyse gemäß, folgendermaßen.
 Es sei $AB = 20$, $B\Gamma = 12$, $EZ = 16$, $ZH = 3$ und die Senkrechte des Körpers, d. h. seine Höhe $= 10$.

$$15 \quad \frac{20+16}{2} = 18$$

$$\frac{12+3}{2} = 7 \frac{1}{2}$$

$$18 \times 7 \frac{1}{2} = 135$$

$$20 - 16 = 4$$

$$\frac{4}{2} = 2$$

$$20 \quad \frac{12-3}{2} = 4 \frac{1}{2}$$

$$2 \times 4 \frac{1}{2} = 9$$

$$\frac{9}{3} = 3$$

$$135 + 3 = 138$$

$$130 \times 10 = 1380.$$

25 So groß wird der vorliegende Körper sein.

IX. Es sei ein abgestumpfter Kegel zu messen, dessen Durchmesser $AB = 20$ sei, der Durchmesser der Spitze $\Gamma A = 12$ und die Höhe $EZ = 10$. Man denke sich die Spitze des Kegels H und beschreibe um die Basis des Kegels
 30 das Viereck $\Theta K \Lambda M$ und ziehe die Verbindungslinien $H\Theta$, HK , $H\Lambda$ und HM . Es wird also eine Pyramide vorhanden sein, deren Basis das Viereck $\Theta K \Lambda M$ und deren

τὸν λόγον ἔχει ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν τὸ ΘΚΑΜ
 παραλληλόγραμμον, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, πρὸς
 τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον τὴν ΑΒ
 κύκλος, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, ἐπειδήπερ καὶ τὸ
 στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις τὸ ΘΑ παραλλη- 5
 λόγραμμον, ὕψος δὲ τὸ [πρὸς τὸ] <Ζ>Η, πρὸς τὸν
 κύλινδρον, οὗ βάσις ὁ περὶ διάμετρον τὴν ΑΒ κύκλος,
 ὕψος δὲ τὸ αὐτό, τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει. διὰ τὰ αὐτὰ
 fol. 93^v δὴ καὶ ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ ΝΞΟΠ τε|τρά-
 γωνον, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον, τὸν αὐτὸν λόγον 10
 ἔχει πρὸς τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ διάμετρον
 τὴν ΓΔ κύκλος, κορυφή δὲ τὸ Η σημεῖον. καὶ λοιπὸν
 ἄρα τὸ στερεὸν, οὗ βάσις μὲν ἐστὶ τὸ ΘΑ, κορυφή δὲ
 τὸ ΝΟ, πρὸς τὸν κόλουρον κῶνον τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον.
 δοθὲν δὲ τὸ ΘΑΝΟ στερεὸν, ὡς δέδεικται· δοθεὶς ἄρα 15
 καὶ ὁ κόλουρος κῶνος. συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς
 τῇ ἀναλύσει οὕτως. σύνθες κ καὶ ιβ· ὧν τὸ ἥμισυ
 γίννεται ις. ἐφ' ἑαυτὰ σνς, ἐπεὶ ἐστὶ τετράγωνος. καὶ
 ἀπὸ τῶν κ τὰ ιβ· <λοιπὰ η·> ὧν ἥμισυ γίννεται δ.
 ἐφ' ἑαυτὰ ις· τούτων τὸ γ'· γίννεται εγ'. πρόσθες σνς· 20
 γίννεται σξα γ'· τούτων τὸ ^{δ'}ια· γίννεται σε γ'. ταῦτα
 ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ι· γίννεται βγγ γ'.
 τοσοῦτου ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ κολουρου κῶνον.

ι. Ἔστι δὲ καὶ ἄλλως τὸν κόλουρον κῶνον μετρη-
 σαι προδηλοτέρᾳ μὲν ἀποδείξει χρησάμενον, τῇ δὲ 25
 περὶ τοὺς ἀριθμοὺς λήψει οὐκ εὐχερεστέραν τῆς προγε-
 γραμμένης. ἔστιν κῶνος κόλουρος, οὗ κέντρα τῶν
 βάσεων τὰ Α, Β, ἄξων δὲ ὁ ΑΒ. καὶ δοθεὶς ἔστω ὁ τε

Spitze H sein wird. Wenn diese nun durch eine der Grundfläche parallele Ebene geschnitten wird, so wird sie als Schnittfläche des Vierecks $N\Xi O\Pi$ ergeben. Es verhält sich also wie Viereck ΘA zu dem Kreise mit dem Durchmesser AB , so die Pyramide, deren Basis das Parallelogramm ΘKAM und deren Spitze der Punkt H ist, zu dem Kegel, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser AB und dessen Spitze der Punkt H ist, da ja auch das Parallelepipedon, dessen Basis das Parallelogramm ΘA und dessen Höhe $\langle ZH \rangle$ ist, zu dem Cylinder, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser AB und dessen Höhe dieselbe ist, dasselbe Verhältniss hat. Aus denselben Gründen verhält sich ebenso auch die Pyramide, deren Basis das Viereck $N\Xi O\Pi$ und deren Spitze der Punkt H ist, zu dem Kegel, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser ΓA und dessen Spitze der Punkt H ist. Folglich hat auch der Körper, dessen Basis das Viereck ΘA und dessen Spitze das Viereck NO ist, zu dem abgestumpften Kegel dasselbe Verhältniss. Nun ist, wie gezeigt ist, der Körper ΘANO gegeben; also ist auch der abgestumpfte Kegel gegeben. Berechnet wird er, der Analyse entsprechend, folgendermassen.

$$\frac{20+12}{2} = 16$$

$$16^2 = 256 \text{ (da es ein Quadrat ist)}$$

$$\frac{20-12}{2} = 4$$

$$4^2 = 16$$

$$\frac{16}{3} = 5 \frac{1}{3}$$

$$256 + 5 \frac{1}{3} = 261 \frac{1}{3}$$

$$261 \frac{1}{3} \times \frac{11}{14} = 205 \frac{1}{3}$$

$$205 \frac{1}{3} \times 10 = 2053 \frac{1}{3}.$$

So groß wird der Inhalt des abgestumpften Kegels sein.

1) Heron rechnet nämlich zunächst mit den den Grundkreisen umschriebenen Quadraten.

ἄξων καὶ αἱ διάμετροι τῶν βάσεων. λέγω ὅτι καὶ τὸ στερεὸν τοῦ κολούρου κώνου δοθέν ἐστιν. νευοήσθω γὰρ ἡ τοῦ κώνου κορυφή τὸ Γ . ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶ τοῖς A, B καὶ ἐκβεβλήσθω διὰ τῆς AB ἐπίπεδον καὶ ποιεῖται τομὴν ἐν μὲν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κολούρου 5
 fol. 94^r κώνου τὸ $\triangle A E$ τρίγωνον, | ἐν δὲ ταῖς βάσεσιν τὰς $\triangle A E Z H$ διαμέτρους. λόγος ἄρα τῆς $\triangle A E$ πρὸς $Z H$ δοθείς. ὥστε καὶ τῆς $\triangle \Gamma$ πρὸς ΓZ , τουτέστι τῆς $B \Gamma$ πρὸς ΓA καὶ διελόντι τῆς $B A$ πρὸς $A \Gamma$. καὶ ἐστὶ δοθεῖσα ἡ AB . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $A \Gamma$. ὥστε καὶ 10
 ὅλη ἡ $B \Gamma$ δοθεῖσά ἐστιν, τουτέστιν ὁ ἄξων τοῦ ὅλου κώνου. δοθεῖσα δὲ καὶ ἡ $\triangle A E$ διάμετρος τῆς βάσεως. δέδοται ἄρα καὶ ὁ κῶνος, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ τὸ B κέντρον κύκλος, κορυφή δὲ τὸ Γ σημεῖον. διὰ ταῦτά δὴ καὶ ὁ κῶνος, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ τὸ A κέντρον 15
 κύκλος· κορυφή δὲ τὸ Γ σημεῖον, δοθείς ἐστι· καὶ λοιπὸς ἄρα ὁ κολούρος κῶνος δοθείς ἐστι. δεήσει ἄρα ποιῆσαι ὡς τὴν $\triangle A E$ διάμετρον πρὸς τὴν $Z H$, προστεθείσης τῇ AB τῆς $A \Gamma$ τὴν $B \Gamma$ πρὸς ΓA καὶ διελόντι ὡς ἡ τῶν $\triangle A E Z H$ ὑπεροχὴ πρὸς τὴν $Z H$, ἡ 20
 $B A$ πρὸς τὴν $A \Gamma$. δοθεῖσα δὲ ἡ $B A$. δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $A \Gamma$. καὶ μετρηῖσαι τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ τὸ B κέντρον κύκλος, κορυφή δὲ τὸ Γ σημεῖον, καὶ ἀπὸ τούτου ἀφελεῖν τὸν κῶνον, οὗ βάσις μὲν ὁ περὶ τὸ A κέντρον κύκλος, κορυφή δὲ τὸ Γ σημεῖον. καὶ 25
 λοιπὸν ἀποφαίνεσθαι τὸ στερεὸν τοῦ κολούρου κώνου.

ια. Σφαίρας δοθείσης τῆς διαμέτρου μονάδων ι εὑρεῖν τὸ στερεόν. Ἀρχιμήδης ἐν τῷ περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου (I c. 34 corroll. vol. I p. 146 Heib.)

X. Man kann aber den abgestumpften Kegel auch anders messen, wobei der Beweis zwar leichter verständlich, die Zahlenrechnung jedoch nicht leichter ist als die vorstehend beschriebene. Es sei ein abgestumpfter Kegel, dessen Basismittelpunkte A und B und dessen Achse AB sei, und es seien gegeben die Axe und die Durchmesser der Basen. Ich behaupte, daß auch der Körperinhalt des abgestumpften Kegels gegeben ist. Man stelle sich nämlich die Spitze des Kegels in Γ vor; dieses liegt also mit A und B auf derselben Geraden. Nun lege man durch AB eine Ebene. Sie soll als Schnitt auf der Oberfläche des abgestumpften Kegels das Dreieck ΓAE ergeben, in den Basen aber die Durchmesser AE und ZH . Es ist also $AE : ZH$ gegeben, also auch $\angle \Gamma : \angle \Gamma Z$, d. h. $B\Gamma : \Gamma A$; und mithin auch $BA : A\Gamma$. Nun ist AB gegeben, also auch $A\Gamma$, so daß auch ganz $B\Gamma$ gegeben ist, d. h. die Axe des ganzen Kegels. Gegeben ist aber auch der Basisdurchmesser AE : also ist der Kegel gegeben, dessen Basis der Kreis um den Mittelpunkt B und dessen Spitze Γ ist. Aus denselben

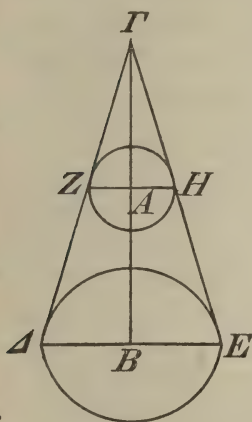


Fig. 53.

Gründen ist nun auch der Kegel, dessen Basis der Kreis um A , und dessen Spitze der Punkt Γ ist, gegeben und es ist mithin auch der abgestumpfte Kegel gegeben. Man wird also, nachdem man zu BA zugesetzt hat $A\Gamma$, die Proportion aufstellen müssen $AE : ZH = B\Gamma : \Gamma A$ und $AE - ZH : ZH = BA : A\Gamma$. Nun ist BA gegeben; also ist auch $A\Gamma$ gegeben. Und nun muß man den Kegel messen, dessen Basis der Kreis um den Mittelpunkt B und dessen Spitze der Punkt Γ ist, und von diesem abziehen den Kegel, dessen Basis der Kreis um den Mittel-

δείκνυσιν, ὅτι ὁ κύλινδρος ὁ βάσιν μὲν ἔχων ἴσην τῷ
 μεγίστῳ κύκλῳ τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, ὕψος δὲ ἴσον τῇ
 διαμέτρῳ τῆς σφαίρας ἡμιόλιός ἐστι τῆς σφαίρας.
 fol. 94^v ὥστε κατὰ | τοῦτον τὸν λόγον δεήσει τὰ ^{δ'}ι ἐφ' ἑαυτὰ
 ποιήσαντα λαβεῖν τῶν γενομένων τὸ ^{δ'}ια καὶ ταῦτα ἐπὶ 5
 τὸ ὕψος τοῦ κυλίνδρου πολλαπλασιάσαντα, τουτέστιν
 ἐπὶ τὸν ^{δ'}ι, τῶν γενομένων λαβεῖν τὸ δίμοιρον, καὶ
 ἀποφύνασθαι τὸ τῆς σφαίρας στερεόν· εἰσὶ δὲ μονάδες
 φγκ ^{κα'}ιζ. κατὰ δὲ τὸν αὐτὸν λόγον δείκνυνται, ὅτι ^{κα'}ια
 κύβοι οἱ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τῆς σφαίρας ἴσοι γίνον- 10
 ται κα σφαίρα<ις>. ὥστε δεήσει κυβίσαντα τὰ ^{κα'}ι· ἔστι
 δὲ ^{κα'}ια· τούτων λαβεῖν τὰ ^{κα'}ια. εἰσὶ δὲ μονάδες φγκ ^{κα'}ιζ.
 καὶ τοσούτου ἀποφαίνεσθαι τὸ στερεὸν τῆς σφαίρας.
 ιβ. Ἔστω δὴ τμήμα σφαίρας μετροῦσαι, οὗ ἡ μὲν
 διάμετρος τῆς βάσεως ἔστω μονάδων ιβ, ἡ δὲ κάθετος 15
 μονάδων β. πάλιν οὖν ὁ αὐτὸς Ἀρχιμήδης δείκνυσιν
 (de sph. et cyl. II, 2 coroll. vol. I p. 200 Heib.), ὅτι
 πᾶν τμήμα σφαίρας πρὸς τὸν κῶνον τὸν τὴν αὐτὴν
 βάσιν ἔχοντα αὐτῷ καὶ ὕψος ἴσον λόγον ἔχει, ὃν ἡ
 τοῦ λοιποῦ τμήματος κάθετος μετὰ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου 20
 τῆς σφαίρας πρὸς τὴν αὐτὴν κάθετον. ἔστω οὖν τμήμα
 τὸ εἰρημένον τῆς σφαίρας τὸ κατὰ τὸ $AB\Gamma$ τοῦ κύκλου,
 οὗ κάθετος ἡ $B\Delta$. καὶ ἔστω τὸ κέντρον τῆς σφαίρας
 τὸ Z . ὥς ἄρα τὸ τμήμα τῆς σφαίρας πρὸς τὸν εἰρη-
 μένον κῶνον, οὕτω συναμφότερος ἡ $\Delta E E Z$ πρὸς τὴν 25
 ΔE καὶ ἐπεὶ δοθεῖσά ἐστίν ἡ $A\Gamma$, δοθεῖσα ἄρα καὶ
 ἡ $A\Delta$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ $A\Delta$, τουτέστι τὸ ὑπὸ
 $B\Delta \Delta E$. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $B\Delta$ · δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ
 ΔE · καὶ ὅλη ἄρα ἡ BE δοθεῖσά ἐστίν. ὥστε καὶ ἡ
 EZ . καὶ συναμφότερος ἄρα ἡ $\Delta E E Z$ δοθεῖσά ἐστίν. 30

punkt A und dessen Spitze der Punkt Γ ist, und so groß den Körperinhalt des abgestumpften Kegels angeben.

XI. Wenn der Durchmesser einer Kugel = 10 gegeben ist, ihren Körperinhalt zu finden. Archimedes in der
 5 Schrift über Kugel und Cylinder zeigt, daß der Cylinder, der eine Basis hat, die gleich einem größten Kreise der Kugel ist, und eine Höhe gleich dem Durchmesser der Kugel, $1\frac{1}{2}$ mal so groß als die Kugel ist. Daher wird man nach diesem Satz 10^2 mit $\frac{11}{14}$ multiplizieren, dies mit der Höhe des Cylinders, d. h. 10, multiplizieren und von dem Produkt $\frac{2}{3}$ nehmen müssen, und so groß den Körperinhalt der Kugel angeben müssen. Er ist

15 $= 523\frac{17}{21}$. Nach demselben Satze wird bewiesen, daß 11 mal die dritte Potenz des Durchmessers der Kugel = 21 mal der Kugelinhalt ist. Also

$$10^3 = 1000$$

$$1000 \times \frac{11}{21} = 523\frac{17}{21}.$$

20 So groß hat man den Inhalt der Kugel anzugeben.

XII. Es sei ein Kugelsegment zu messen, dessen Basisdurchmesser = 12, dessen Höhe = 2 ist. Wiederum zeigt derselbe Archimedes, daß jedes Kugelsegment zu
 25 dem Kegel, der mit ihm die gleiche Basis und gleiche Höhe hat, dasselbe Verhältnis hat, wie die Höhe des übrig bleibenden Segments vermehrt um den Radius zu eben dieser Höhe.¹⁾ Es sei nun das genannte Kugelsegment

1) D. h. zur Höhe des übrig bleibenden Segments.

ἀλλὰ καὶ ἡ ΔE δοθεῖς $\langle \acute{\alpha}$ ἐστίν \rangle . λόγος ἄρα καὶ τοῦ
 fol. 95^r κώνου, οὗ βάσις μὲν ἐστίν ὁ περὶ διάμετρον τὴν $ΑΓ$
 κύκλος, ὕψος δὲ ἡ $ΒΔ$, πρὸς τὸ τμήμα τῆς σφαίρας
 ἐστὶν δοθείς· καὶ ἔστι δοθείς ὁ κώνος· δοθέν ἄρα καὶ
 τὸ τμήμα τῆς σφαίρας. δεῖξει δὲ κατὰ τὴν αὐτὴν ἀνά- 5
 λυσιν λαβεῖν τῶν $\iota\beta$ τὸ ἥμισυ καὶ ἐφ' ἑαυτὸ ποιῆσαι·
 ἔστι δὲ $\lambda\zeta$ · καὶ ταῦτα παραβαλεῖν παρὰ τὸν β · γίγ-
 νεται $\iota\eta$. καὶ προσθεῖναι τὰ β · γίγνεται κ . καὶ τού-
 των τὸ ἥμισυ γίγνεται ι · ταῦτα μετὰ τῶν $\iota\eta$ γίγνεται

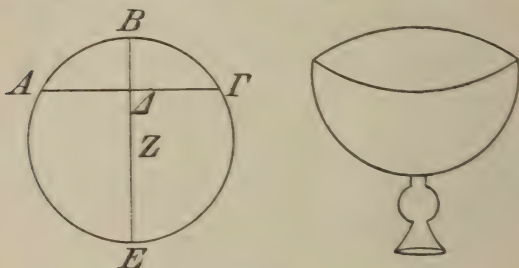


Fig. 55.

$\kappa\eta$ · καὶ τὴν κάθετον δις ποιῆσαι, τουτέστι τὰ β · 10
 γίγνεται δ . ἐφ' ἑαυτὰ γίγνεται $\iota\zeta$ · ταῦτα ἐπὶ τὰ $\kappa\eta$ ·
 γίγνεται $\upsilon\mu\eta$ · τούτων τὸ $\langle \iota\acute{\alpha} \rangle$ · \langle γίγνεται \rangle $\tau\eta\eta$ · \langle τούτων \rangle
 τὸ γ' · γίγνεται $\rho\iota\zeta$ γ' . τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τοῦ
 τμήματος. καὶ λουτῆρα δὲ ἀκολουθῶς μετρήσομεν τῇ
 τοῦ τμήματος μετρήσει· ἔστι γὰρ δύο τμημάτων ὑπεροχή, 15
 ἀπὸ τοῦ μείζονος οὖν ἀφελόντες τὸ ἔλασσον ἀπο-
 φα[ι]νούμεθα τὸ τοῦ λουτῆρος στερεόν. καὶ κόγχην δὲ
 ὁμοίως μετρήσομεν ὡς ἡμισφαίριον ἢ τμήματος ἡμισυ

1 explevi; ἀλλὰ — δοθείς del. m. 2 3 κύκλον: corr. m. 2
 5 f. ταύτην τὴν 7 παραλαβεῖν et τῶν: corr. m. 2 12 ἐν-
 δεκάκις $\iota\delta$ in ras. m. 2 τῶ γ' : corr. et suppl. m. 2

das durch $AB\Gamma$ bestimmte, dessen Höhe $B\Delta$ ist; und der Mittelpunkt der Kugel sei Z . Also verhält sich das Kugelsegment zu dem erwähnten Kegel wie $\Delta E + EZ : \Delta E$. Und da $A\Gamma$ gegeben ist, so ist auch $\Delta\Delta$ gegeben, also auch $\Delta\Delta^2$, d. h. $B\Delta \times \Delta E$. Nun ist $B\Delta$ gegeben, also auch ΔE ; mithin ist ganz BE gegeben. Daher auch EZ , also ist auch $\Delta E + EZ$ gegeben. Es ist aber auch ΔE gegeben. Also ist das Verhältniß des Kegels, dessen Basis der Kreis mit dem Durchmesser $A\Gamma$ und dessen Höhe $B\Delta$ ist, zu dem Kugelsegment gegeben. Nun ist der Kegel gegeben; also ist auch das Kugelsegment gegeben. Die Rechnung wird nach der Analyse folgende sein:

$$\left(\frac{12}{2}\right)^2 = 36$$

$$36 : 2 = 18$$

$$18 + 2 = 20$$

$$\frac{20}{2} = 10$$

$$18 + 10 = 28$$

$$2 \times 2 = 4$$

$$4^2 = 16^1)$$

$$16 \times 28 = 448$$

$$448 \times 14 = 352$$

$$352 : 3 = 117 \frac{1}{3}.$$

So groß wird der Körperinhalt des Segments sein.

Auch ein Badeschaff werden wir der Messung des Segments entsprechend messen; denn es ist die Differenz zweier Segmente. Wenn wir nun von dem größeren das kleinere abgezogen haben, so werden wir den Körperinhalt des Badeschaffs angeben können. Auch eine Muschel werden wir ähnlich messen, als die Hälfte einer Halb-

1) Verständlicher wäre $2^2 = 4$

$4 \times 4 = 16.$

ὑπάρχουσαν. αἱ γὰρ ἐν αὐτῇ ξύσται ἐν ἀδιαφόρῳ παραλαμβάνονται εἰς τὰς μετρήσεις.

ιγ. Τῶν κωνικῶν καὶ κυλινδρικῶν καὶ σφαιρικῶν σχημάτων μεμετρημένων, ἐὰν δέη καὶ καμάρας ἐχούσας τὰ προειρημένα σχήματα μετρεῖν ἢ θόλους, ἀκολουθῶς 5 τῇ ἐπὶ τοῦ λουτῆρος μετρήσει ποιήσομεν· τῆς γὰρ ἐν- τὸς ἐπιφανείας κοίλης οὔσης, τουτέστι κενῆς, πάλιν 95^v ἔσται ἐκάστη αὐτῶν | δύο ὁμοίων τμημάτων ὑπεροχή. ἔστω δὲ σπεῖραν μετρήσαι πρότερον ἐκθέμενον τὴν γένεσιν αὐτῆς. ἔστω γάρ τις ἐν ἐπιπέδῳ εὐθεῖα ἢ AB 10 καὶ δύο τυχόντα ἐπ' αὐτῆς σημεία. εἰλήφθω ὁ $BΓΔE$ <κύκλος> ὀρθὸς ὢν πρὸς τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον, ἐν ᾧ ἔστιν ἡ AB εὐθεῖα, καὶ μένοντος τοῦ A σημείου περιφερέσθω κατὰ τὸ ἐπίπεδον ἡ AB , ἄχρι οὗ εἰς τὸ αὐτὸ ἀποκατασταθῇ συμπεριφερομένου καὶ τοῦ $BΓ$ 15 $ΔE$ κύκλου ὀρθοῦ διαμένοντος πρὸς τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον. ἀπογεννήσει ἄρα τινὰ ἐπιφάνειαν ἢ $BΓΔE$ περιφέρειαν, ἣν δὴ σπειρικὴν καλοῦσιν· κὰν μὴ ἦ δὲ ὅλος ὁ κύκλος, ἀλλὰ τμήμα αὐτοῦ, πάλιν ἀπογεννήσει τὸ τοῦ κύκλου τμήμα σπειρικῆς ἐπιφανείας τμήμα, 20 καθάπερ εἰσὶ καὶ αἱ ταῖς κίοσιν ὑποκείμεναι σπεῖραι· τριῶν γὰρ οὐσῶν ἐπιφανειῶν ἐν τῷ καλουμένῳ ἀνα- γραφεῖ, ὃν δὴ τινες καὶ ἐμβολέα καλοῦσιν, δύο μὲν κοίλων τῶν ἄκρων, μιᾶς δὲ μέσης καὶ κυρτῆς, ἅμα περιφερόμεναι αἱ τρεῖς ἀπογεννῶσι τὸ εἶδος τῆς τοῖς 25 κίοσιν ὑποκειμένης σπείρας. δέον οὖν ἔστω τὴν ἀπο- γεννηθεῖσαν σπεῖραν ὑπὸ τοῦ $BΓΔE$ κύκλου μετρήσαι. δεδόσθω ἡ μὲν AB μονάδων κ , ἡ δὲ $BΓ$ διάμετρος μονάδων $\iota\beta$. εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Z ,

kugel oder eines Segments. Denn die Rillen an derselben werden als für die Messung unwesentlich behandelt.

XIII. Nachdem nun die kegelförmigen, cylindrischen und kugelförmigen Gebilde gemessen sind, werden wir, wenn es gilt Gewölbe oder Kuppeln von der angegebenen Gestalt zu messen, es dem Meßverfahren beim Badeschaff entsprechend machen. Denn da die innere Oberfläche derselben hohl, d. h. leer ist, so wird wiederum jede von ihnen die Differenz zweier ähnlicher Segmente sein. Es sei nun eine Speira zu messen, nachdem vorher ihre Entstehung auseinandergesetzt ist.

Es sei in einer Ebene eine Gerade AB und auf ihr 2 beliebige Punkte. Nun nehme man den Kreis $B\Gamma\Delta E$,

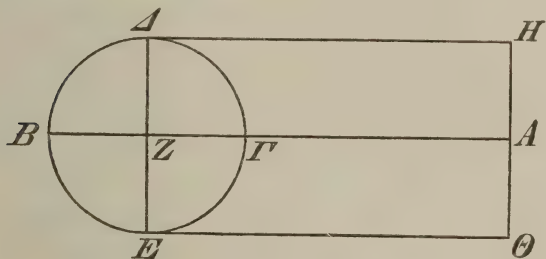


Fig. 56.

der rechtwinklig stehe zu der vorausgesetzten Ebene, in der die Gerade AB liegt, und während Punkt A festgelegt bleibt, drehe sich die Gerade AB in der Ebene, bis sie in ihre ursprüngliche Lage zurückkehrt, wobei sich der Kreis $B\Gamma\Delta E$, zu der vorausgesetzten Ebene rechtwinklig verbleibend, mitdrehen soll. Es wird also die Peripherie $B\Gamma\Delta E$ eine Oberfläche erzeugen, welche man „speirisch“ nennt. Wenn es aber nicht ein vollständiger Kreis ist, sondern ein Kreisabschnitt, so wird wieder der Kreisabschnitt den Abschnitt einer speirischen Oberfläche erzeugen, wie es auch die Speiren, die als

καὶ ἀπὸ τῶν A, Z τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς
 ἤχθωσαν αἱ $\triangle Z E A H \Theta$. καὶ διὰ τῶν \triangle, E τῇ AB
 παραλλήλοι ἤχθωσαν αἱ $\triangle H E \Theta$. δέδεικται δὲ Διονυ-
 σοδώρῳ ἐν τῷ περὶ τῆς σπείρας ἐπιγραφομένῳ, ὅτι ὃν
 λόγον ἔχει ὁ $B \Gamma \triangle E$ κύκλος πρὸς τὸ ἥμισυ τοῦ $\triangle E H \Theta$ 5
 παραλληλογράμμου, τοῦτον ἔχει καὶ ἡ γεννηθεῖσα σπείρα
 ὑπὸ τοῦ $B \Gamma \triangle E$ κύκλου πρὸς τὸν κύλινδρον, οὗ ἄξων
 μὲν ἐστὶν ὁ $H \Theta$, ἡ δὲ ἐκ τοῦ κέντρου τῆς βάσεως ἡ
 $E \Theta$. ἐπεὶ οὖν ἡ $B \Gamma$ μονάδων $\iota \beta$ ἐστίν, ἡ ἄρα $Z \Gamma$
 fol. 96^r ἐσται | μονάδων ς . ἐστὶ δὲ καὶ ἡ $A \Gamma$ μονάδων η . ἐσται 10
 ἄρα ἡ $A Z$ μονάδων $\iota \delta$, τουτέστιν ἡ $E \Theta$, ἥτις ἐστὶν
 ἐκ τοῦ κέντρου τῆς βάσεως τοῦ εἰρημένου κυλίνδρου.
 δοθεὶς ἄρα ἐστὶν ὁ κύκλος· ἀλλὰ καὶ ὁ ἄξων δοθείς.
 ἐστὶν γὰρ μονάδων $\iota \beta$, ἐπεὶ καὶ ἡ $\triangle E$. ὥστε δοθεὶς
 καὶ ὁ εἰρημένος κύλινδρος· καὶ ἐστὶ τὸ $\triangle \Theta$ παραλληλό- 15
 γραμμον <δοθέν>. ὥστε καὶ τὸ ἥμισυ αὐτοῦ. ἀλλὰ καὶ
 ὁ $B \Gamma \triangle E$ κύκλος· δοθεῖσα γὰρ ἡ ΓB διάμετρος. λόγος
 ἄρα τοῦ $B \Gamma \triangle E$ κύκλου πρὸς τὸ $\triangle \Theta$ παραλληλόγραμ-
 μον δοθείς· ὥστε καὶ τῆς σπείρας πρὸς τὸν κύλινδρον
 λόγος ἐστὶ δοθείς. καὶ ἐστὶ δοθείς ὁ κύλινδρος· δοθέν 20
 ἄρα καὶ τὸ στερεὸν τῆς σπείρας. συντεθήσεται δὴ
 ἀκολούθως τῇ ἀναλύσει οὕτως. ἄφειλε ἀπὸ τῶν κ τὰ
 < ι > β . λοιπὰ η . καὶ πρόσθετες τὰ κ γίννεται $\kappa \eta$ · καὶ
 μέτρησον κύλινδρον, οὗ ἡ μὲν διάμετρος τῆς βάσεως
 ἐστὶ μονάδων $\kappa \eta$, τὸ δὲ ὕψος $\iota \beta$ · καὶ γίννεται τὸ 25
 στερεὸν αὐτοῦ $\zeta \tau \alpha \beta$. καὶ μέτρησον κύκλον, οὗ διά-
 μετρός ἐστὶ μονάδων $\iota \beta$ · γίννεται τὸ ἐμβαδὸν αὐτοῦ,
 καθὼς ἐμάθομεν, $\rho \iota \gamma \zeta$ · καὶ λαβὲ τῶν $\kappa \eta$ τὸ ἥμισυ·
 γίννεται $\iota \delta$. ἐπὶ τὸ ἥμισυ τῶν $\iota \beta$ · γίννεται $\pi \delta$.

Säulenbasen dienen, sind. Denn da 3 Oberflächen an dem sog. ἀναγραφεύς sind, den manche auch ἐμβολεύς nennen, 2 äussere concave, und eine mittlere convexe, die sich gleichzeitig drehen, so erzeugen die drei die Gestalt der
 5 Speira, wie sie die Säulenunterlagen haben. Es sei nun die von dem Kreis $B\Gamma\Delta E$ erzeugte Speira zu messen. Gegeben sei $AB = 20$, der Durchmesser $B\Gamma = 12$. Man nehme den Mittelpunkt des Kreises Z und ziehe von A und Z im rechten Winkel zu der vorausgesetzten Ebene
 10 die Geraden AZE und $AH\Theta$, und durch A und E zu AB die Parallelen ΔH und $E\Theta$. Nun ist von Dionysodoros in der Schrift über die Speira nachgewiesen, daß dasselbe Verhältnis, das der Kreis $B\Gamma\Delta E$ zu der Hälfte des Parallelogramms $\Delta EH\Theta$ hat, auch die von dem
 15 Kreise $B\Gamma\Delta E$ erzeugte Speira zu dem Cylinder hat, dessen Axe $H\Theta$ und dessen Basisradius $E\Theta$ ist. Da nun $B\Gamma = 12$ ist, so wird $Z\Gamma = 6$ sein. Es ist aber $A\Gamma = 8$, also wird $AZ = 14$ sein, also $E\Theta = 14$, welches der Radius der Basis des bezeichneten Cylinders ist. Mithin
 20 ist der Kreis gegeben. Aber auch die Axe ist gegeben; sie ist nämlich $= 12$, da so groß auch ΔE ist. Daher ist auch der genannte Cylinder gegeben. Auch ist das Parallelogramm $\Delta\Theta$ gegeben, also auch seine Hälfte; aber auch der Kreis $B\Gamma\Delta E$, denn sein Durchmesser ΓB ist
 25 gegeben. Also ist das Verhältnis des Kreises $B\Gamma\Delta E$ zu dem Parallelogramm $\Delta\Theta$ gegeben; mithin ist auch das Verhältnis der Speira zu dem Cylinder gegeben. Nun ist der Cylinder gegeben; also ist auch der Körperinhalt der Speira gegeben. Berechnet wird er, der Analyse
 30 entsprechend, folgendermaßen

$$20 - 12 = 8$$

$$20 + 8 = 28.$$

Miss einen Cylinder, dessen Basisdurchmesser $= 28$ und dessen Höhe $= 12$ ist; sein Körperinhalt ist 7392. Miss
 35 einen Kreis, dessen Durchmesser $= 12$ ist; sein Inhalt ist, wie wir lernten, $= 113\frac{1}{7}$.

καὶ πολλαπλασιάσας τὰ $[\mu]$ ζταβ ἐπὶ τὰ ριγ ζ'. καὶ τὰ
γενόμενα παράβαλε παρὰ τὸν πδ· γίνεται θ' Δνς δ.
τοσούτου ἔσται τὸ στερεὸν τῆς σπείρας. δυνατὸν δέ ἐστι
καὶ ἄλλως μετροῦσαι. ἐπεὶ γὰρ ἡ ΑΖ ἐστὶ μονάδων
ιδ, καὶ ἔστιν ἐκ τοῦ κέντρου, ἡ ἄρα διάμετρος ἐστὶ 5
μονάδων κη· ὥστε ἡ περιφέρεια τοῦ κύκλου γίνεται
μονάδων πη· ἀπλωθεῖσα ἄρα ἡ σπείρα καὶ γενομένη
ὥς κύλινδρος ἔξει τὸ μῆκος μονάδων πη· καὶ ἔστιν
ἡ διάμετρος τῆς βάσεως τοῦ κυλίνδρου, τουτέστιν ἡ
ΒΓ, μονάδων ιβ'. ὥστε τὸ στερεὸν τοῦ κυλίνδρου, ὡς 10
ἐμάθομεν, ἔσται μονάδων ζταβ. πάλιν θ' Δνς δ.

fol. 96^v

ιδ. | Ἐστὼ κυλίνδρου τμήμα μετροῦσαι τετμημένον
διὰ τοῦ κέντρου μιᾶς τῶν βάσεων· καὶ ἔστω ἡ μὲν
διάμετρος τῆς βάσεως ἡ ΑΒ μονάδων ζ, τὸ δὲ ὕψος
τοῦ τμήματος μονάδων κ· ἀποδέδειχεν Ἀρχιμήδης ἐν 15
τῷ ἐφοδικῷ, ὅτι τὸ τοιοῦτον τμήμα ἔκτον μέρος ἐστὶ
τοῦ στερεοῦ παραλληλεπίπεδου τοῦ βάσιν μὲν ἔχοντος
τὸ περιγραφόμενον περὶ τὴν βάσιν τοῦ κυλίνδρου
τετράγωνον, ὕψος δὲ τὸ αὐτὸ τῷ τμήματι. δοθέν δὲ
τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ τμήμα 20
τοῦ κυλίνδρου· ὅθεν δεῖξει τὰ ζ ἐφ' ἑαυτὰ ποιήσαντα
πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὸ ὕψος, τουτέστιν ἐπὶ τὰ κ· γίγ-
νεται Δπ· καὶ τούτων τὸ ἕκτον γίνεται ρξγ γ'.
τοσούτου ἔσται τὸ τμήμα τοῦ κυλίνδρου.

ιε. Ὁ δ' αὐτὸς Ἀρχιμήδης ἐν τῷ αὐτῷ βιβλίῳ δείκ- 25
νυσιν, ὅτι ἐὰν εἰς κύβον δύο κύλινδροι διωσθῶσιν
τὰς βάσεις ἔχοντες ἐφαπτομένας τῶν πλευρῶν τοῦ
κύβου, τὸ κοινὸν τμήμα τῶν κυλίνδρων δίμοιρον ἔσται

1 deleui; f. πολλαπλασίασον 2 θ' Δνς δ' ε': correxi 8 ὡς
supra lin. add. m. 1 11 ζΔγβ: correxi. θ' Δνς δ': correxi

$$\frac{28}{2} = 14$$

$$14 \times \frac{12}{2} = 84$$

$$(7392 \times 113\frac{1}{7}) : 84 = 9956\frac{4}{7}.$$

So groß wird der Inhalt der Speira sein.

- 5 Man kann sie aber auch anders messen. Da nämlich
 10 $AZ = 14$ und ein Radius ist, so wird der Durchmesser
 = 28 sein. Die Peripherie des Kreises ergibt sich daher
 = 88. Wenn also die Speira aufgerollt und gleichsam
 ein Cylinder wird, so wird sie die Länge 88 haben. Nun
 15 ist der Durchmesser der Basis des Cylinders, d. h. BI , = 12.
 Daher wird der Körperinhalt des Cylinders, wie wir lernten,
 = 7392 sein. Wiederum ergibt sich $9956\frac{4}{7}$.

- XIV. Es sei ein Abschnitt eines Cylinders zu messen,
 der durch den Mittelpunkt einer der Basen geschnitten
 15 wird (ein sog. Cylinderhuf);
 und es sei der Durchmesser
 20 der Basis, AB , = 7, die Höhe
 des Abschnittes = 20. Archi-
 medes hat in dem *ἐφοδικόν*
 nachgewiesen, daß ein solcher
 Abschnitt der sechste Teil des
 Parallelepipedons ist, das zur
 Basis das der Basis des Cylin-
 25 ders umgeschriebene Viereck
 und dieselbe Höhe wie der
 Abschnitt hat. Nun ist das
 Parallelepipedon gegeben; also
 ist auch der Abschnitt des
 Cylinders gegeben. Also:

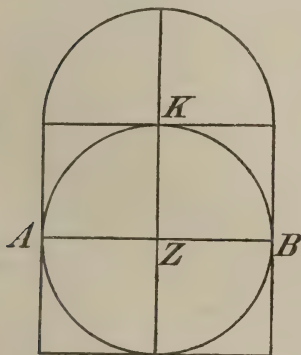


Fig. 57.

$$30 \quad 7^2 \times 20 = 980$$

$$\frac{980}{6} = 163\frac{1}{3}.$$

So groß wird der Abschnitt des Cylinders sein.

fol. 97^r τοῦ κύβου. τοῦτο δὲ εὐχρηστον | τυγχάνει πρὸς τὰς οὕτως κατασκευαζομένας καμάρας, αἱ γίνονται ἐπὶ πλεῖστον ἐν τε ταῖς κρήναις καὶ βαλανείοις, ὅταν αἱ εἰσοδοὶ ἢ τὰ φῶτα ἐκ τῶν τεσσάρων μερῶν ὑπάρχη· καὶ ὅπου ξύλοις οὐκ εὐθεται στεγάζεσθαι τοὺς τόπους. 5

Ἀκόλουθον δέ ἐστι καὶ τὰς τῶν πέντε σχημάτων τῶν Πλάτωνος καλουμένων, λέγω δὴ κύβου τε καὶ πυραμίδος καὶ ὀκταέδρου, ἔτι δὲ καὶ δωδεκαέδρου καὶ εἰκοσαέδρου, τὰς μετρήσεις προσεντάξει. ὁ μὲν οὖν κύβος φανεράν τὴν μέτρησιν ἔχει· δεῖ γὰρ κυβίσαι 10 τὰς διδομένας τῆς πλευρᾶς αὐτοῦ μονάδας καὶ ἀποφαίνεσθαι αὐτοῦ τὸ στερεόν.

ιβ. Ἐστὼ δὲ πυραμίδα μετρηῆσαι, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $ABΓ$ <ἰσόπλευρον> τρίγωνον, κορυφή δὲ τὸ Δ σημεῖον. ἥς ἐκάστη[ς] πλευρὰ[ς] ἔστω μονάδων ιβ. 15 εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ περὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον κύκλου τὸ E · καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΔE $EΓ$ · τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $BΓ$, τοντέστι τὸ ἀπὸ τοῦ $Γ\Delta$, τριπλάσιόν ἐστι τοῦ ἀπὸ τῆς $ΓE$ · ἡμιόλιον ἄρα ἐστὶ τὸ ἀπὸ τῆς $Γ\Delta$ τοῦ ἀπὸ τῆς ΔE · καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ $Γ\Delta$ μονάδων ρμδ. τὸ ἄρα 20 ἀπὸ ΔE ἔσται μονάδων ςς· αὐτὴ δὲ ἡ ΔE ὥς ἔγγιστα μονάδων $\theta\lambda\gamma'$ · ἐπεὶ οὖν ἐκάστη τῶν AB $BΓ$ $Γ\Delta$ δέδοται, <δέδοται> δὲ καὶ ἡ κάθετος ἡ ΔE , δοθὲν ἄρα καὶ τὸ στερεὸν τῆς πυραμίδος. ὥστε δεήσει τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $ABΓ$ ἰσοπλεύρου τριγώνου ὥς ἐμάθομεν πολλαπλα- 25 σιάσαι ἐπὶ τὰς $\theta\lambda\gamma'$ · καὶ τῶν γιγνομένων τὸ τρίτον λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τῆς πυραμίδος στερεόν.

fol. 97^v ιγ. | Ἐστὼ δὲ ὀκτάεδρον μετρηῆσαι, οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἐστὶ μονάδων ζ. ἔστω τὸ εἰρημένον ὀκτάεδρον, οὗ

3 ἔνται ταῖς: correxi 5 f. εὐθεται 6 τὰς f. delendum
23 <δέδοται> addidi; πρὸς add. m. 2

XV. Derselbe Archimedes weist in demselben Buche nach, daß, wenn in einen Würfel zwei sich durchdringende Cylinder eingesetzt werden, deren Basen die Seiten des Würfels berühren, der gemeinsame Abschnitt der Cylinder
 5 gleich $\frac{2}{3}$ des Würfels sein wird. Dieser Satz ist verwendbar für die in dieser Weise gebauten Gewölbe, welche meist an Quellen und Bädern vorkommen, wenn die Eingänge oder Fenster auf allen vier Seiten sind, und wo es nicht zugänglich ist, daß die Orte mit Balken gedeckt
 10 werden.

Das Nächste ist, daß wir auch die Meßmethoden der sogenannten 5 Körper des Platon, ich meine des Würfels, der Pyramide und des Oktaeders, weiter aber auch des Dodekaeders und Ikosaeders einfügen. Wie nun der
 15 Würfel zu messen ist, ist klar. Man muß nämlich die gegebenen Maßeinheiten seiner Seite in die dritte Potenz erheben und so groß seinen Körperinhalt angeben.

XVI. Es sei aber nun eine Pyramide zu messen, deren Basis das gleichseitige Dreieck $AB\Gamma$ und deren Spitze
 20 der Punkt Δ ist; jede ihrer Seiten sei $= 12$. Man nehme den Mittelpunkt des dem Dreieck $AB\Gamma$ umbeschriebenen Kreises, E , und ziehe die Verbindungslinien ΔE und $E\Gamma$. Also ist $B\Gamma^2 = \Gamma\Delta^2 = 3\Gamma E^2$. Also ist $\Gamma\Delta^2 = 1\frac{1}{2}\Delta E^2$. Nun ist $\Gamma\Delta^2 = 144$. Also $\Delta E^2 = 96$; und ΔE selbst
 25 annähernd $= 9\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$. Da nun jede der Geraden AB , ΓB , ΓA gegeben ist, aber auch die Kathete ΔE gegeben ist, so ist auch der Körperinhalt der Pyramide gegeben. Man wird daher den Inhalt des gleichseitigen Dreiecks $AB\Gamma$ multiplizieren müssen mit $9\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$ und, nachdem
 30 man von dem Produkt den dritten Teil genommen hat, so groß den Körperinhalt der Pyramide angeben müssen.

XVII. Es sei ein Oktaeder zu messen, von dem jede Seite $= 7$. Es sei das bezeichnete Oktaeder dasjenige, dessen Winkel an den Punkten $A, B, \Gamma, \Delta, E, Z$ liegen
 35 sollen. Dieses setzt sich zusammen aus zwei Pyramiden,

γωνίαι ἔστωσαν αἱ πρὸς τοῖς $ABΓ ΔΕΖ$ σημείοις·
 τοῦτο δὲ σύγκειται ἐκ δύο πυραμίδων, ὧν βάσις κοινὴ
 τὸ $ABΓΔ$ τετράγωνον, κορυφαὶ δὲ τὰ E, Z σημεῖα·
 ἑκατέρας ἄρα αὐτῶν τριπλάσιόν ἐστι τὸ στερεὸν
 παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν ἐστι τὸ $ABΓΔ$, ὕψος 5
 δὲ τὸ ἥμισυ τῆς EZ · ὥστε ὅλου τοῦ ὀκταέδρου τριπλά-
 σιόν ἐστι τὸ στερεὸν παραλληλεπίπεδον, οὗ βάσις μὲν
 τὸ $ABΓΔ$ τετράγωνον, ὕψος δὲ ἡ EZ διάμετρος.
 ἐπεὶ οὖν ἐστι τὸ ἀπὸ τῆς EA μονάδων $\mu\theta$, τὸ ἄρα
 ἀπὸ τῆς EZ ἔσται $\rho\eta$ · ἡ ἄρα EZ ὡς ἔγγιστα ἔσται 10
 μονάδων ι . ἐπεὶ οὖν ἡ AB ἐστὶ μονάδων ζ , τὸ ἄρα
 $ABΓΔ$ τετράγωνον ἔσται μονάδων $\mu\theta$ · καὶ ἔστιν ἡ
 EZ ὕψος τοῦ στερεοῦ· τὸ ἄρα στερεὸν παραλληλεπί-
 πεδον ἔσται μονάδων $\nu\varsigma$ · καὶ ἔστι τριπλάσιον τοῦ
 ὀκταέδρου· τὸ ἄρα ὀκταέδρον ἔσται $\rho\xi\gamma\gamma'$ · τοσούτου 15
 ἔσται τὸ στερεόν.

ιη. Ἔστω εἰκοσάεδρον <μετροῦσαι>, οὗ ἑκάστη τῶν
 πλευρῶν ἔστω μονάδων ι . ἐπεὶ οὖν τὸ εἰκοσάεδρον
 ὑπὸ εἴκοσι τριγώνων ἰσοπλεύρων περιέχεται, νενοή-
 σθωσαν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας ἐπιζευγμέναι 20
 fol. 98^r <εὐθεῖαι> ἐπὶ τὰς τῶν τριγώνων γωνίας· ἔβονται ἄρα
 εἴκοσι πυραμίδες ἴσαι βάσεις μὲν ἔχουσαι τὰ τοῦ
 εἰκοσαέδρου τρίγωνα, κορυφαὶ δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαί-
 ρας· καὶ μία αὐτῶν <νε>νοήσθω, ἥς βάσις μὲν ἐστι τὸ
 $ABΓ$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ Δ σημεῖον, καὶ εἰλήφθω 25
 τὸ κέντρον τοῦ περὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον κύκλου τὸ E .
 καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΔE · ἐπεὶ οὖν ἡ τοῦ εἰκοσαέδρου
 πλευρὰ πρὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας κάθε-
 τον ἀγομένην ἐπὶ ἓν τῶν τοῦ εἰκοσαέδρου τριγώνων
 λόγον ἔχει, <ὄν> τὰ $\rho\kappa\xi$ πρὸς τὰ $\rho\gamma$, καὶ ἔστιν ἡ 30
 τοῦ εἰκοσαέδρου πλευρὰ μονάδων ν , ἔσται ἄρα ἡ

deren gemeinschaftliche Basis das Quadrat $AB\Gamma\Delta$, und deren Spitzen die Punkte E und Z sind. Also ist dreimal so groß als jede dieser beiden das Parallelepipedon, dessen Basis $AB\Gamma\Delta$ und dessen Höhe $\frac{EZ}{2}$ ist.

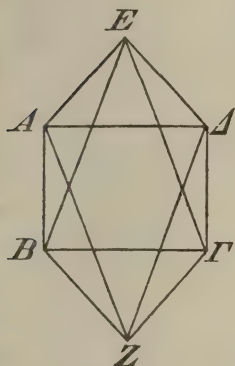


Fig. 58.

Daher ist dreimal so groß als das ganze Oktaeder das Parallelepipedon, dessen Basis das Quadrat $AB\Gamma\Delta$ und dessen Höhe der Durchmesser EZ ist. Da nun $EA^2 = 49$ ist, so wird $EZ^2 = 98$ sein. Also wird EZ annähernd $= 10$ sein. Da nun $AB = 7$, so wird das Quadrat $AB\Gamma\Delta = 49$ sein. Nun ist EZ die Höhe des Körpers; das Parallelepipedon wird also $= 490$ sein. Nun ist es dreimal so groß

als das Oktaeder; das Oktaeder wird also $= 163\frac{1}{3}$ sein. So groß wird sein Körperinhalt sein.

XVIII. Es sei ein Ikosaeder zu messen, von dem jede Seite $= 10$ sei. Da nun das Ikosaeder von 20 gleichseitigen Dreiecken umschlossen wird, denke man sich Verbindungslinien vom Mittelpunkt der Kugel zu den Dreieckswinkeln gezogen; es werden also 20 gleiche Pyramiden entstehen, die zu Basen die Dreiecksflächen des Isokaeders und zur Spitze den Mittelpunkt der Kugel haben. Nun denke man sich eine derselben, deren Basis das Dreieck $AB\Gamma$ und deren Spitze der Punkt Δ ist. Und man bestimme den Mittelpunkt des dem Dreieck $AB\Gamma$ umgeschriebenen Kreises, und ziehe die Verbindungslinie ΔE . Da nun die Seite des Ikosaeders zu der Höhe vom Mittelpunkt der Kugel auf eine der Dreiecksflächen des Ikosaeders $= 127 : 93$ ist und die Seite des Ikosa-

3 $\kappa\omicron\rho\nu\phi\eta$: correxī 6 $\tau\omicron\ \pi\rho\delta\varsigma\ \tau\omega\nu\ EZ$: sustuli errorem
ex compendiorum similitudine ortum 17 supplevi 24 correxī
30 supplevi

ΔE κάθετος μονάδων ζ καὶ $\mu\alpha$.^{ρζ'} ἐπεὶ οὖν τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου ἐκάστη πλευρὰ δοθεῖσά ἐστιν καὶ ἡ ΔE δὲ κάθετος, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ πυραμὶς, ἥς βάσις μὲν ἐστὶ τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον, κορυφὴ δὲ τὸ Δ σημεῖον. καὶ ἐστὶν εἰκοστὸν μέρος τοῦ εἰκοσαέδρου· δοθέν ἄρα ἐστὶ καὶ τὸ εἰκοσαέδρον.

δεήσει ἄρα τὰ ι ἐπὶ τὰ $\alpha\gamma$ ποιῆσαι καὶ τῶν γενομένων λαβεῖν τὸ $\rho\kappa\zeta'$ καὶ ἔχειν τὴν τῆς πυραμίδος

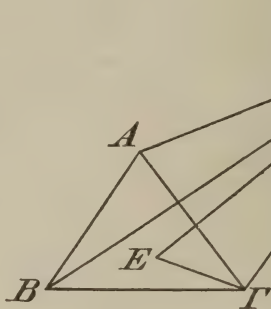


Fig. 59.

κάθετον· καὶ λαβόντα τὸ ἔμβαδὸν τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου ἰσοπλεύρου καὶ εἰκοσάκι ποιήσαντα πολλαπλασιάσαι ἐπὶ τὴν εἰρημένην κάθετον· καὶ τῶν γενομένων τὸ τρίτον λαβόντα ἀποφαίνεσθαι τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου στερεόν.

ιθ. Ἐστω δὴ δωδεκάεδρον μετροῦσαι, οὗ ἐκάστη πλευρὰ ἐστὶ μονάδων ι . πάλιν οὖν, ἐὰν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας νοήσωμεν ἐπιζευγμέναις εὐθείαις ἐπὶ τὰς τοῦ πενταγώνου γωνίας, ἔσονται ιβ πυραμίδες πενταγώνους βάσεις ἔχουσαι, κορυφὰς δὲ τὸ κέντρον τῆς σφαίρας· λόγον δὲ ἔχει ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ πρὸς τὴν ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαίρας κάθετον ἀγομένην ἐπὶ ἓν τῶν πενταγώνων, ὅν τὰ η πρὸς τὰ θ · καὶ ἐστὶν ἡ τοῦ πενταγώνου πλευρὰ μονάδων ι · ἡ ἄρα

eders = 10 ist, so wird die Höhe $AE = 7 + \frac{41}{127}$. Da nun jede Seite des Dreiecks ABF und auch die Höhe AE gegeben ist, so ist auch die Pyramide gegeben, deren Basis das Dreieck ABF und deren Spitze der Punkt A ist, und sie ist der zwanzigste Teil des Ikosaeders. Also ist auch das Ikosaeder gegeben. Man wird also 10×93 ausrechnen und von dem Produkt $\frac{1}{127}$ nehmen müssen und damit die Höhe der Pyramide haben. Dann wird man den Inhalt des gleichseitigen Dreiecks ABF bestimmen, zwanzigmal nehmen und mit der genannten Höhe multiplizieren müssen, und nachdem man von dem Produkt den dritten Teil genommen hat, den Körperinhalt des Ikosaeders angeben können.

XIX. Es sei nun ein Dodekaeder zu messen, von dem jede Seite = 10 ist. Wenn wir nun wieder vom Mittelpunkt der Kugel Verbindungslinien zu den Winkeln der

Fünfecke gezogen denken, so werden 12 Pyramiden entstehen, die fünfeckige Basen haben und zur Spitze den Mittelpunkt der Kugel. Es verhält sich aber die Seite des Fünfecks zu der Höhe vom Mittelpunkt der Kugel auf eines der Fünfecke = 8 : 9. Nun ist die Seite des Fünfecks = 10. Die genannte Höhe wird also = $11\frac{1}{4}$ sein. Wenn wir nun wiederum den Inhalt des Fünfecks bestimmen und mit der Kathete multiplizieren und dann von dem Produkt $\frac{1}{3}$ nehmen, so

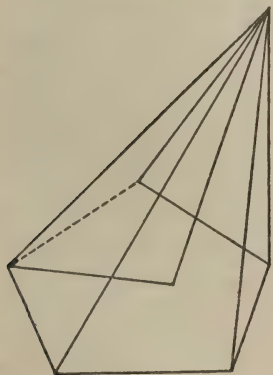


Fig. 60.

werden wir den Körperinhalt einer Pyramide haben. Nehmen wir diesen zwölfmal, so werden wir den Körperinhalt des Dodekaeders erhalten.

εἰρημένην κάθετος ἔσται μονάδων ια δ'. πάλιν οὖν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ πενταγώνου λαβόντες καὶ πολλαπλασιάσαντες ἐπὶ τὴν κάθετον καὶ τῶν γενομένων τὸ τρίτον λαβόντες ἔξομεν μιᾷς πυραμίδος τὸ στερεόν· ὃ δωδεκάκι ποιήσαντες ἔξομεν τὸ τοῦ δωδεκαέδρου στερεόν. 5

κ. Τῶν δὲ ἐν τάξει στερεῶν σωμάτων μετρηθέντων εὐλογον ὑπολαμβάνομεν καὶ τὰ ἄτακτα, οἷον ῥιζώδη ἢ πετρώδη, παριστορεῖν τῇ μετρήσει, ὥς ἔνιοι ἱστοροῦσι τὸν Ἀρχιμήδην ἐπινενοηκέναι πρὸς τὰ τοιαῦτα μέθοδον. εἰ μὲν γὰρ εὐμετάφορον εἴη τὸ μέλλον μετρεῖσθαι, 10 δεήσει δεξαμενὴν<ν> πάντῃ ὀρθογωνίαν ποιήσαντα δυναμένην δεξασθαι, ὃ βουλόμεθα μετρηθῆναι, πληρῶσαι ὕδατος καὶ ἐμβαλεῖν τὸ ἄτακτον σῶμα. δῆλον δὲ οὖν, ὅτι ὑπερχυθήσεται τὸ ὕδωρ καὶ τοσοῦτόν γε, ὅσος ἔστιν ὁ τοῦ ἐμβληθέντος σώματος εἰς τὸ ὕδωρ ὄγκος, 15 ἔξαρθέντος τοῦ σώματος πάλιν ἐκ τῆς δεξαμενῆς ἑλλίπες ἔσται. μετρήσαντες οὖν τὸν ἐκκεκνωμένον τόπον ἀποφανούμεθα τοσοῦτον | εἶναι τὸ στερεὸν τοῦ ἐμβληθέντος σώματος. ἢ καὶ ἄλλως δυνατόν ἐστι τὸ αὐτὸ μετρεῖσθαι· ἐὰν γὰρ προσπλασθῇ τὸ ἄτακτον σῶμα 20 κηρῷ ἢ πηλῷ, ὥστε γενέσθαι ἀποκρυβέν πάντῃ ὀρθογώνιον, καὶ τοῦτο μετρήσαντες ἀφέλωμεν τὸν πηλὸν καὶ ὀρθογώνιον πλάσαντες ἐκμετρήσωμεν καὶ ἀφέλωμεν ἀπὸ τοῦ πρότερον μετρηθέντος τὸ καταλειπούμενον, ἀποφανούμεθα τὸ τοῦ σώματος στερεόν· τῇ δὲ τοῦ 25 περιπλάσματος μεθόδῳ χρῆσθαι δεῖ ἐπὶ τῶν μὴ δυνάμενων μετατίθεσθαι σωμάτων.

fol. 99^r

1 ιδ δ': correxi 11 δεξαμένη: correxi 15 οἷον: correxi
 σώματος ex ὕδατος fec. m. 1 17 ἑλλίπης: correxi 20 f.
 περιπλάσθῃ 22 ἀφέλωμεν: correxi 27 Ἡρώνης Ἀλεξανδρέως
 μέτρησις στερεῶν subscripsit m. 1

XX. Nachdem die bestimmten Körper gemessen sind, halten wir für angemessen auch die unbestimmten, wie z. B. Wurzeln oder Felsstücke, in der Vermessungskunde beiläufig zu erwähnen, da einige berichten, daß Archimedes für derartige eine Methode ausgedacht habe. Wenn nämlich der zu messende Körper leicht transportabel sein sollte, so wird man eine durchgängig rechtwinklige Wanne, die das, was wir gemessen zu haben wünschen, aufzunehmen vermag, herrichten und mit Wasser füllen und den unbestimmten Körper hineinwerfen müssen. Es ist nun klar, daß das Wasser überfließen wird und zwar wird soviel davon, als das Volumen des in das Wasser geworfenen Körpers beträgt, fehlen, wenn der Körper wieder aus der Wanne herausgenommen wird. Messen wir nun den leer gewordenen Raum, so werden wir den Körperinhalt des hineingeworfenen Körpers so groß anzugeben haben. Oder man kann dieselbe Messung auch auf andere Weise vornehmen. Denn wenn der unbestimmte Körper mit Wachs oder Lehm bestrichen wird, sodaß er, wenn er eingehüllt ist, durchgängig rechtwinklig ist und wir ihn in dieser Gestalt messen, dann den Lehm abnehmen, in rechtwinklige Form kneten und ausmessen, und dann von dem zuerst gemessenen den Rest abziehen, so werden wir den Inhalt des Körpers angeben können. Diese Einhüllungsmethode muß man bei den nicht transportablen Körpern anwenden.

ΗΡΩΝΟΣ ΜΕΤΡΙΚΩΝ Γ

ΠΡΟΟΙΜΙΟΝ

fol. 99^v

| Οὐ πολὺ ἀπάδειν νομίζομεν τὰς τῶν χωρίων
 διαιρέσεις τῶν γιγνομένων ἐν τοῖς χωρίοις μετρή-
 σεων· καὶ γὰρ τὸ ἀπονεῖμαι χωρίον τοῖς ἴσοις ἴσον 5
 καὶ τὸ πλεόν τοῖς ἀξίοις κατὰ τὴν ἀναλογίαν πάνν
 εὐχρηστον καὶ ἀναγκαῖον θεωρεῖται. ἤδη γοῦν καὶ ἡ
 σύμπασα γῆ διήρηται κατ' ἀξίαν ὑπ' αὐτῆς τῆς φύ-
 σεως· νέμεται γὰρ κατ' αὐτὴν ἔθνη μέγιστα μεγάλην
 λελογχότα χώραν, ἔνια δὲ καὶ ὀλίγην μικρὰ καθ' 10
 αὐτὰ ὑπάρχοντα· οὐχ ἥττον δὲ καὶ κατὰ μίαν αἱ πό-
 λεις κατ' ἀξίαν διήρηνται· τοῖς μὲν ἡγεμόσι καὶ τοῖς
 ἄλλοις τοῖς ἄρχειν δυναμένοις μείζω καὶ κατὰ ἀνα-
 λογίαν, τοῖς δὲ μηδὲν τοιοῦτο δυναμένοις δρᾶν μικροὶ
 κατελείφθησαν τόποι, κῶμαί τε τοῖς μικροψυχοτέροις 15
 καὶ ἐποίκια καὶ ὅσα τοιαῦτά ἐστίν· ἀλλὰ τὰ μὲν
 παχυμερεστέραν πως καὶ ἀργότεραν εἴληφε τὴν ἀνα-
 λογίαν· εἰ δέ τις βούλοιτο κατὰ τὸν δοθέντα λόγον
 διαιρεῖν τὰ χωρία, ὥστε μηδὲ ὡς εἰπεῖν κέγχρον μίαν
 τῆς ἀναλογίας ὑπερβάλλειν ἢ ἐλλείπειν τοῦ δοθέντος 20
 λόγου, μόνης προσδεήσεται γεωμετρίας· ἐν ἣ ἑφαρ-
 μογὴ μὲν ἴση, τῇ δὲ ἀναλογία δικαιοσύνη, ἡ δὲ περὶ

1 titulum supplevi
 13 καὶ f. delendum

5 χωρίων: correxi
 17 παχυμερέστερον: correxi

12 f. μὲν <γὰρ>

VERMESSUNGSLEHRE

VON HERON VON ALEXANDRIA.

DRITTES BUCH.

THEILUNG VON FLÄCHEN UND KÖRPERN.

5 Die Theilungen von Raumgebilden unterscheiden sich nach unserem Dafürhalten nicht erheblich von den Mes- Vorrede
sungen, die an den Raumgebilden vorgenommen werden. Denn das Geschäft, den Gleichberechtigten die gleiche Fläche Landes zuzuweisen und denen, die es wert sind,
10 im Verhältnis mehr, wird als ein sehr nützliches und notwendiges angesehen. Ist doch auch die gesamte Erde schon von der Natur selbst nach Verdienst eingetheilt worden. Denn es wohnen auf ihr sehr große Völker, denen ein großes Stück Land zugefallen ist; manchen da-
15 gegen nur ein kleines, weil sie an sich nur klein sind. Ebenso sind auch die einzelnen Staatsgebiete nach Verdienst geteilt: den leitenden Männern und den übrigen, die zu regieren vermögen, wurden größere Stücke und zwar nach Verhältnis zu Theil; denen dagegen, die nichts
20 der Art zu leisten vermochten, wurden nur kleine Plätze übrig gelassen und den Schwächeren Dörfer und einzelne Gehöfte und was es sonst von dieser Art giebt. Aber dies ist gewissermaßen nur im Groben und mühelos in ein Verhältnis gebracht. Wenn dagegen jemand Raum-
25 gebilde nach einem gegebenen Verhältnis so theilen möchte, daß sozusagen auch nicht eine Kleinigkeit des Verhältnisses überschießt über das gegebene Verhältnis oder dahinter zurückbleibt, so wird er dazu der Geometrie bedürfen, in der gleichmäßige Anwendbarkeit vorhanden ist

τούτων ἀπόδειξις ἀναμφισβήτητος, ὅπερ τῶν ἄλλων τεχνῶν ἢ ἐπιστημῶν οὐδεμία ὑπισχνεῖται.

α. Χωρίον τρίγωνον διελεῖν εἰς τρίγωνα χωρία ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ τὴν αὐτὴν ἔχοντα κορυφὴν. ἔστω τὸ δοθὲν τρίγωνον τὸ $AB\Gamma$ ἔχον τὴν μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, τὴν δὲ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\delta$, τὴν δὲ $A\Gamma$ μονάδων $\iota\epsilon$. καὶ δεόν ἔστω διελεῖν αὐτὸ εἰς δύο χωρία τρίγωνα λόγον ἔχοντα πρὸς ἄλληλα, ὃν ϵ πρὸς γ , κορυφὴν δὲ τὸ A . γερονέτω καὶ ἔστω ἡ διαιροῦσα εὐθεῖα ἡ $A\Delta$.

λόγος ἄρα τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου πρὸς τὸ $A\Delta\Gamma$ τρίγωνον, $\langle\delta\nu\rangle$ ϵ πρὸς γ . καὶ συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου πρὸς τὸ $A\Delta\Gamma$ τρί-

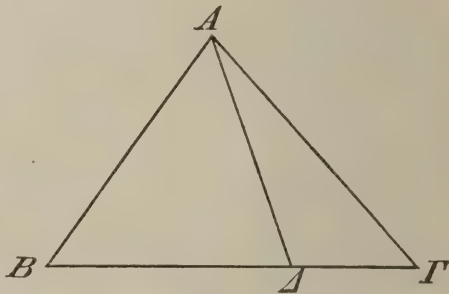


Fig. 61.

γωνον, ὃν η πρὸς γ . καὶ ἔστιν | ἡ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\delta$. ἡ ἄρα $\Gamma\Delta$ ἔσται μονάδων $\epsilon\delta'$. λοιπὴ ἄρα ἡ $B\Delta$ μονάδων $\eta\delta'$. κὰν ἐπιξεύσωμεν τὴν $A\Delta$, ἔσται γερονὸς τὸ προκειμένον· τὸ μὲν γὰρ τοῦ $AB\Delta$ τριγώνου ἐμβαδὸν εὐρήσομεν μονάδων $\nu\beta\perp$, τὸ δὲ τοῦ $A\Delta\Gamma$ τριγώνου μονάδων $\lambda\alpha\perp$. ἔχει δὲ τὰ $\nu\beta\perp$ πρὸς τὰ $\lambda\alpha\perp$ λόγον, ὃν ἔχει τὰ ϵ πρὸς τὰ γ .

β. Τὸ δοθὲν τρίγωνον εἰς τὸν δοθέντα λόγον διελεῖν εὐθεῖα τινὶ παραλλήλῳ τῇ βάσει. ἔστω τρίγωνον τὸ $AB\Gamma$ ἔχον τὴν μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, τὴν δὲ $B\Gamma$ μονάδων $\iota\delta$, τὴν δὲ $A\Gamma$ μονάδων $\iota\epsilon$. καὶ

und durch die Durchführung eines Verhältnisses Gerechtigkeit geschaffen wird, der Beweis aber über diese Dinge unbestreitbar ist, was von den übrigen Künsten oder Fertigkeiten keine in Aussicht stellen kann.

5 I. Eine dreieckige Fläche in gegebenem Verhältnis in dreieckige Flächen zu zerlegen, welche dieselbe Spitze haben. Es sei $AB\Gamma$ das gegebene Dreieck und $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $A\Gamma = 15$. Die Aufgabe sei, es in zwei dreieckige Flächen zu zerlegen, die sich zu einander wie 5 : 3 verhalten und die Spitze A haben. Es sei geschehen und
10 die teilende Gerade sei $A\Delta$. Also ist Dreieck $AB\Delta$: Dreieck $A\Delta\Gamma = 5 : 3$. Also Dreieck $AB\Gamma$: Dreieck $A\Delta\Gamma = 8 : 3$. Nun ist $B\Gamma = 14$; also wird $\Gamma\Delta = 5\frac{1}{4}$ sein; also $B\Delta = 8\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$, und wenn wir die Verbindungsline $A\Delta$
15 ziehen, so wird die Aufgabe gelöst. Denn als Inhalt des Dreiecks $AB\Delta$ werden wir $52\frac{1}{2}$, als Inhalt des Dreiecks $A\Delta\Gamma$ aber $31\frac{1}{2}$ erhalten. Es ist aber $52\frac{1}{2} : 31\frac{1}{2} = 5 : 3$.

II. Ein gegebenes Dreieck in einem gegebenen Verhältnis durch eine der Basis parallele Gerade zu teilen.

Das Dreieck sei $AB\Gamma$, in dem

$$\begin{aligned} AB &= 13, \\ B\Gamma &= 14, \\ A\Gamma &= 15, \end{aligned}$$

und die Aufgabe sei, es so zu teilen, daßs das Dreieck an der Spitze 3mal so groß ist als das übrigbleibende

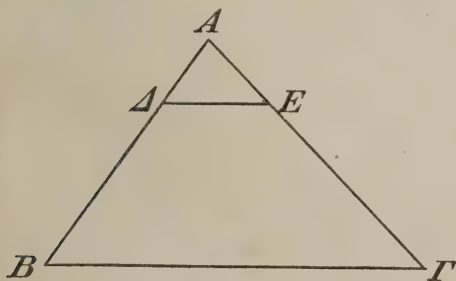


Fig. 62a.

Trapez. Die teilende Gerade sei ΔE . Also ist Dreieck $A\Delta E$ dreimal so groß als das Trapez $\Delta E\Gamma B$. Also

δέον ἔστω αὐτὸ διελεῖν, ὥστε τὸ πρὸς τῇ κορυφῇ
 τρίγωνον τριπλάσιον εἶναι τοῦ λοιποῦ τραπεζίου.
 ἔστω ἡ διαιρουῖσα εὐθεῖα ἡ ΔE · τριπλάσιον ἄρα
 ἔστι τὸ $\Delta \Delta E$ τρίγωνον τοῦ $\Delta E \Gamma B$ τραπεζίου· τὸ
 ἄρα $AB \Gamma$ τρίγωνον [ὄν] πρὸς τὸ $\Delta \Delta E$ τρίγωνον 5
 λόγον ἔχει, ὃν δ πρὸς γ. ὥς δὲ τὸ $AB \Gamma$ τρίγωνον
 πρὸς τὸ $\Delta \Delta E$ τρίγωνον, οὕτως τὸ ἀπὸ τῆς BA
 τετράγωνον [ὄν] πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΔA διὰ τὸ ὅμοια
 εἶναι τὰ τρίγωνα. καὶ ἔστι τὸ ἀπὸ τῆς BA τετρά-
 γωνον μονάδων ρξ<θ· τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $\Delta \Delta$ τετρά- 10
 γωνον μονάδων ρκ>ς[δ'. αὐτὴ ἄρα ἡ $\Delta \Delta$ ἔσται ὡς
 ἔγγιστα μονάδων ια δ'. ὥστε ἐὰν ἀπολάβωμεν τὴν
 $\Delta \Delta$ μονάδων ια δ' καὶ παράλληλον ἀγάγωμεν τὴν
 ΔE , ἔσται τὸ προκείμενον. ἵνα δὲ μὴ παράλληλον
 ἄγωμεν, ἐπειδήπερ ἐν τοῖς χωρίοις δύσεργον ὑπάρχει 15
 τὸ τοιοῦτον διὰ τὴν τῶν τόπων ἀνωμαλίαν, ἀποληψό-
 μεθα καὶ τὴν AE μονάδων ὅσων ἂν ᾖ. ἔστιν δὲ,
 ἐὰν ποιήσωμεν ὡς τὴν AB πρὸς AG , τουτέστιν ὡς
 τὰ ιγ πρὸς ιε, οὕτως τὴν $\Delta \Delta$, τουτέστιν ια δ', πρὸς
 ἄλλην τινὰ· τουτέστι τὴν AE . ἔσται μονάδων ιβ^{ιβ'}<να>. 20
 fol. 100^v | τοσούτου ἔσται ἡ AE . ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν ΔE
 ἔξομεν τὴν διαιρουῖσαν τὸ χωρίον. ἡ δὲ μέθοδος ἔσται
 τοιαύτη· ἐπεὶ ὁ λόγος, ἐν ᾧ διαιρεῖται, ἔστι γ πρὸς α,
 σύνθετος γ καὶ α· γίγνεται δ. καὶ τὰ ιγ ἐφ' ἑαυτά·
 γίγνεται ρξθ. ταῦτα ἐπὶ τὸν γ· γίγνεται φξ. παρὰ- 25
 βάλε παρὰ τὸν δ· γίγνεται ρκς[δ'. τούτων πλευρὰ γί-
 γνεται ὡς ἔγγιστα ια δ'. ταῦτα ἐπὶ τὸν ιε· γίγνε-
 ται ρξη[δ'. ταῦτα παρὰβάλε παρὰ τὸν ιγ· γίγνεται ιβ
 καὶ ν^{ιβ'}α. τοσούτου ἀπόλαβε τὴν AE καὶ ἐπίζευξον
 τὴν ΔE .

Dreieck $AB\Gamma$: Dreieck $A\Delta E = 4:3$. Nun ist aber Dreieck $AB\Gamma$: Dreieck $A\Delta E = BA^2:AA^2$, weil die Dreiecke ähnlich sind. Und BA^2 ist $= 169$, also $AA^2 = 126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$. Also wird AA selbst annähernd $= 11\frac{1}{4}$ sein. Wenn wir daher $AA = 11\frac{1}{4}$ abtragen und die Parallele ΔE ziehen, so wird die Aufgabe gelöst sein. Um aber keine Parallele ziehen zu müssen, da dies im Terrain wegen der Ungleich-

mäßigkeit des Bodens schwierig ist, so werden wir auch AE so groß, als es ist, abtragen. Es ergibt sich aber, wenn wir folgende Berechnung machen:

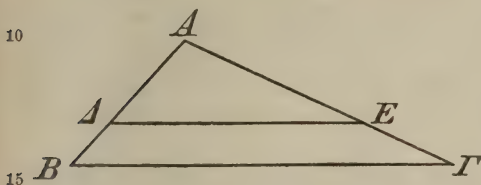


Fig. 62 b.

$AB: A\Gamma = 13:15 = A\Delta:x = 11\frac{1}{4}:AE$. $AE = 12\frac{51}{52}$. So groß wird AE sein. Ziehen wir nun die Verbindungslinie ΔE , so werden wir die Teilungslinie haben. Die Methode ist folgende: da das Verhältnis, in dem geteilt wird, $3:1$ ist, so nimm $3 + 1 = 4$

$$13^2 = 169$$

$$169 \times 3 = 507$$

$$\frac{507}{4} = 126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$$

$$\sqrt{126\frac{1}{2} + \frac{1}{4}} \text{ annähernd} = 11\frac{1}{4}$$

$$11\frac{1}{4} \times 15 = 168\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$$

$$\frac{168\frac{1}{2} + \frac{1}{4}}{13} = 12\frac{51}{52}$$

So groß trage AE ab und ziehe die Verbindungslinie ΔE .

1 εἰς τε τὸ: corr. m. 2 5 [ὄν] deleui 8 [ὄν] deleui
 10 ρῆς δ': lacunam explevi; θ supra scr. m. 2 13 αἱ δ':
 correxi 18 πρὸς ΑΓ: ΒΓ supraser. m. 2 perperam 19 ιε:
 ιδ supraser. m. 2 perperam 20 ΔΕ: correxi ιβ νβ': correxi
 27 ἐπὶ τῶν: correxi 29 ^{διβ}νκ: correxi 29—30 ἐπιζενζον
 τῇν ΑΕ: correxi

γ. Ἐστω δὴ τὸ δοθέν τρίγωνον τὸ $ABΓ$ ἔχον τὴν
 μὲν AB μονάδων $\iota\gamma$, τὴν δὲ $BΓ$ μονάδων $\iota\delta$, τὴν
 δὲ $ΓA$ μονάδων $\iota\epsilon$. καὶ ἀπειλήφθω ἡ $AΔ$, εἰ τύχοι,
 μονάδων $\iota\beta$. καὶ δέον ἔστω ἀπὸ τοῦ $Δ$ διαγαγεῖν
 τὴν $ΔE$ διαιροῦσαν τὸ $ABΓ$ τρίγωνον ἐν λόγῳ τῷ ⁵
 δοθέντι. ἔστω δὴ ὁ λόγος, ὃν ἔχει τὰ ϵ πρὸς τὰ β .
 ἤχθωσαν ἀπὸ τῶν B , $Δ$ ἐπὶ τὴν $ΑΓ$ κάθετον αἱ
 BZ $ΔH$. ἔσται δὴ ἡ BZ κάθετος, ὥς ἐμάθομεν, μο-
 νάδων $\iota\alpha$ ϵ' . καὶ ἐπεὶ ἔστιν ὥς ἡ BA πρὸς $AΔ$,
 τουτέστιν ὥς $\iota\gamma$ πρὸς $\iota\beta$, οὕτως ἡ BZ πρὸς $ΔH$, ¹⁰
 καὶ ἔστιν ἡ BZ $\iota\alpha$ ϵ' , ἡ ἄρα $ΔH$ ἔσται μονάδων ι
 καὶ $\kappa\beta$. καὶ ἐπεὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $AΔE$
 λόγον ἔχει, ὃν ϵ πρὸς γ , καὶ ἔστι τὸ $ABΓ$ τρίγωνον
 μονάδων $\pi\delta$, τὸ ἄρα $AΔE$ τρίγωνον ἔσται μονάδων
 ν καὶ β . τοῦ δὲ $AΔE$ τριγώνου διπλάσιόν ἐστι τὸ ¹⁵
 ὑπὸ τῶν AE $ΔH$. τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν AE $ΔH$ ἔσται
 μονάδων ρ καὶ δ . καὶ ἔστιν ἡ $ΔH$ μονάδων ι καὶ
 $\kappa\beta$. ἡ ἄρα AE ἔσται μονάδων θ δ' . κὰν ἐπιξεύξωμεν
 τὴν $ΔE$, ἔσται τὸ προκείμενον. ἔστι δὲ ἡ μέθοδος
 τοιαύτη· ἐπεὶ ἡ BZ κάθετός ἐστιν, $\iota\alpha$ ϵ' ἐπὶ τὰ $\iota\beta$. ²⁰
 fol. 101^r | καὶ τὰ γενόμενα μέρισον εἰς τὸν ι $\langle\gamma\rangle$ γίνονται μονά-
 δες ι καὶ $\kappa\beta$. καὶ ἐπεὶ λόγος, ἐν τῷ διαιρεῖται, ὁ τῶν
 γ \langle πρὸς \rangle τὰ β , σύνθετες γ καὶ β · γίννεται ϵ · καὶ πολλα-
 πλασίασον τὸν γ ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου, τουτ-
 ἔστιν ἐπὶ τὰ $\pi\delta$ · γίννεται $\sigma\nu\beta$. ταῦτα μέρισον εἰς ²⁵
 τὸν ϵ · γίννεται $\nu\beta$ ϵ' . ταῦτα δῖς· γίννεται ρ καὶ δ .
 μέρισον ταῦτα παρὰ τὸν ι καὶ $\kappa\beta$ · γίννονται μονάδες

III. Das gegebene Dreieck sei $AB\Gamma$, in dem $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $\Gamma A = 15$ seien. Es werde AA beispielsweise $= 12$ abgetragen und die Aufgabe sei, von A die

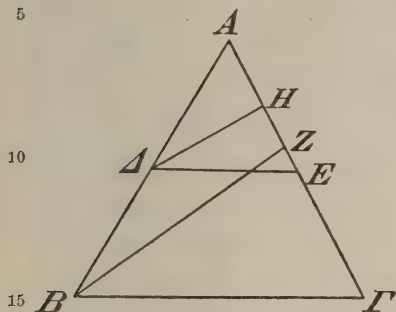


Fig. 63.

Gerade AE zu konstruieren, die das Dreieck $AB\Gamma$ in einem gegebenen Verhältnis teilt. Das Verhältnis sei $3 : 2$. Man ziehe von den Punkten B und A auf $A\Gamma$ die Senkrechten BZ und AH . Es wird nun die Höhe BZ , wie wir lernten, $= 11\frac{1}{5}$ sein. Und da $BA : AA = 13 : 12 = BZ : AH$

ist und $BZ = 11\frac{1}{5}$ ist, so wird $AH = 10\frac{22}{65}$ sein. Und da Dreieck $AB\Gamma : \text{Dreieck } AA E = 5 : 3$ und Dreieck $AB\Gamma = 84$ ist, so wird Dreieck $AA E = 50\frac{2}{5}$ sein. Es ist aber $2 \times \text{Dreieck } AA E = AE \times AH$; also $AE \times AH = 100\frac{4}{5}$. Nun ist $AH = 10\frac{22}{65}$; also wird $AE = 9\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$ sein. Und wenn wir die Verbindungslinie AE ziehen, so wird die Aufgabe gelöst sein. Die Methode ist folgende:

$$\frac{11\frac{1}{5} \times 12}{13} = 10\frac{22}{65}.$$

Und, da das Verhältnis, in dem geteilt wird, $3 : 2$ ist:

$$3 + 2 = 5$$

$$3 \times 84 = 252$$

$$\frac{252}{5} = 50\frac{2}{5}$$

$$2 \times 50\frac{2}{5} = 100\frac{4}{5}$$

$$100\frac{4}{5} : 10\frac{22}{65} = 9\frac{1}{2} + \frac{1}{4}.$$

θ[δ']. τοσούτου ἀπολαβὼν τὴν AE ἐπίξενξον τὴν ΔE · καὶ ἔσται τὸ προκειμένον.

δ. Τριγώνου δοθέντος τοῦ $AB\Gamma$ ἀφελεῖν ἀπ' αὐτοῦ τρίγωνον τὸ ΔEZ δοθὲν τῷ μεγέθει, ὥστε τὰ καταλειπόμενα τρίγωνα τὰ $A\Delta E$ $B\Delta Z$ ΓEZ ἴσα εἶναι ⁵ ἀλλήλοις. ἐὰν δὴ τμηθῶσιν \langle αἱ AB , $B\Gamma$, ΓA τοῖς Δ , Z , E \rangle , ὥστε εἶναι ὡς τὴν $A\Delta$ πρὸς τὴν ΔB , οὕτως τὴν BZ πρὸς $Z\Gamma$ καὶ τὴν ΓE πρὸς EA , ἔσται τὰ $A\Delta E$ $B\Delta Z$ $Z\Gamma E$ τρίγωνα ἴσα ἀλλήλοις. ἐπεξεύχθω οὖν ἡ AZ · καὶ ἐπεὶ ἔστιν ὡς ἡ BZ πρὸς ¹⁰ $Z\Gamma$, ἡ ΓE πρὸς τὴν EA , καὶ συνθέντι ἄρα ὡς ἡ $B\Gamma$ πρὸς ΓZ , ἡ ΓA πρὸς AE · καὶ ὡς ἄρα τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον πρὸς τὸ $AZ\Gamma$, οὕτως τὸ $AZ\Gamma$ πρὸς τὸ AZE · καὶ ἀναστρέψαντι ὡς τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον πρὸς τὸ ABZ , οὕτω τὸ $AZ\Gamma$ πρὸς τὸ $E\Gamma Z$, ὃ ἔστι δοθέν. ¹⁵ δοθὲν δὲ καὶ τὸ $AB\Gamma$ · δοθὲν ἄρα τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $AB\Gamma$ ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $ZE\Gamma$, ὃ ἔστι δοθέν. καὶ ἴσον ἔστι τῷ ἐμβαδῷ τοῦ ABZ τριγώνου ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $AZ\Gamma$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ABZ ἐπὶ τὸ ἐμβαδὸν τοῦ $AZ\Gamma$ · ἀλλὰ τοῦ μὲν ἐμ- ²⁰ βαδοῦ τοῦ ABZ καθέτου ἀχθείσης τῆς AH διπλάσιόν ἐστι τὸ ὑπὸ EB AH , τοῦ δὲ ἐμβαδοῦ τοῦ $AZ\Gamma$ ^{fol. 101v} διπλάσιόν ἐστι τὸ ὑπὸ $Z\Gamma$ AH · δοθὲν ἄρα τὸ ὑπὸ ZB AH ἐπὶ τὸ ὑπὸ AH $Z\Gamma$, τουτέστι τὸ ἀπὸ AH ἐπὶ τὸ ὑπὸ $BZ\Gamma$ · καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $[X]B\Gamma$ · δοθὲν ²⁵ ἄρα τὸ Z · λόγος ἄρα τῆς $B\Gamma$ πρὸς τὴν ΓZ \langle δοθείς \rangle · ὥστε καὶ τῆς ΓA πρὸς AE · καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΓA · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ E · κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ Δ δοθέν ἐστι· θέσει ἄρα αἱ ΔE EZ $Z\Delta$ · συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω γὰρ ³⁰ ἡ μὲν AB μονάδων ιγ, ἡ δὲ $B\Gamma$ μονάδων ιδ, ἡ δὲ

So groß trage AE ab und ziehe die Verbindungslinie AE , und die Aufgabe wird gelöst sein.

- IV. Wenn das Dreieck $AB\Gamma$ gegeben ist, von ihm Dreieck ΔEZ , das seiner Größe nach gegeben ist, so abzuteilen, daß die übrigbleibenden Dreiecke $A\Delta E$, $B\Delta Z$, ΓZE einander gleich sind. Werden nun die Seiten AB , $B\Gamma$, ΓA durch Δ , E , Z geteilt, so daß $A\Delta : \Delta B = BZ : Z\Gamma = \Gamma E : EA$ ist, so werden die Dreiecke $A\Delta E$, $B\Delta Z$ und $Z\Gamma E$ einander gleich sein.
- 10 Man ziehe die Verbindungslinie AZ . Da nun $BZ : Z\Gamma = \Gamma E : EA$ ist, so ist auch $B\Gamma : \Gamma Z = \Gamma A : AE$ und Dreieck $AB\Gamma : AZ\Gamma = AZ\Gamma : AZE$ und Dreieck $AB\Gamma : ABZ = AZ\Gamma : EZZ$, welches letztere gegeben ist. Aber auch $AB\Gamma$ ist gegeben. Also ist auch $AB\Gamma \times Z\Gamma E$ gegeben, und dies ist gleich $ABZ \times AZ\Gamma$. Also ist auch $ABZ \times AZ\Gamma$ gegeben. Es

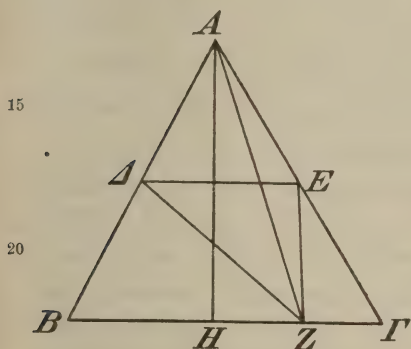


Fig. 64.

- 25 ist aber, da AH als Höhe gezeichnet ist, $ABZ = \frac{1}{2} ZB \times AH$ und $AZ\Gamma = \frac{1}{2} Z\Gamma \times AH$. Also ist auch $ZB \times AH \times AH \times Z\Gamma$ d. h. $AH^2 \times ZB \times Z\Gamma$ gegeben. Nun ist $B\Gamma$ gegeben, also ist Z gegeben. Mithin $B\Gamma : \Gamma Z = \Gamma A : AE$.
- 30 Nun ist ΓA gegeben, also ist auch E gegeben. Demgemäß ist auch Δ seiner Lage nach gegeben. Mithin sind ΔE , EZ und $Z\Delta$ gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei $AB = 13$, $B\Gamma = 14$,

4 $\delta\omicron\theta\acute{\epsilon}\nu\tau\omega\nu$: ν del. m. 2 6—7 $\tau\mu\eta\theta\acute{\omega}\sigma\iota\nu$ A $\acute{\omega}\sigma\tau\epsilon$: lacu-
nam explevi 25 $BZ\Gamma$: alterum Z suprascr. m. 2 $\eta \times B\Gamma$
(sic) 26 supplevi 29 post $\theta\acute{\epsilon}\sigma\epsilon\iota$ suprascr. m. 2 $\delta\acute{\epsilon}\delta\omicron\nu\tau\alpha\iota$
31 α : correxit Nath

ΓΑ μονάδων ιε. ἔστω δὲ καὶ τὸ ΔΕΖ τρίγωνον μονάδων πδ. λοιπὰ ἄρα τὰ ΑΔΕ ΔΒΖ ΕΖΓ τρίγωνα ἔσται ἀνὰ μονάδων κ. πολλαπλασίασον τὰ πδ ἐπὶ τὰ κ· γίνεται ρχπ· ταῦτα τετράκι· γίνεται ρψκ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΑΗ κάθετός ἐστι μονάδων ιβ· ἐφ' 5 ἑαυτὰ γίνεται ρμδ· μέρισον τὰ ρψκ παρὰ τὸν ρμδ· γίνεται μς· καὶ ἔστιν ἡ ΒΓ μονάδων ιδ· ἔσται ἄρα καὶ ἡ μὲν ΒΖ ὡς ἔγγιστα μονάδων η καὶ ἡ ΖΓ μονάδων ελ. καὶ ποιήσον ὡς τὰ ιδ πρὸς [τὸ] τὰ ελ, οὕτω τὰ ιε πρὸς ἄλλον τινὰ· γίνεται μονά- 10 δων ε^{κη'} κε. πάλιν ὡς τὰ ιδ πρὸς τὰ ελ, οὕτω τὰ ιγ πρὸς ἄλλον τινὰ· γίνεται πρὸς μονάδας ε καὶ γ^{κη'}. γίνεται ἡ ΒΔ μονάδων ε καὶ γ^{κη'}.

ε. Τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ ΑΒΓΔ καὶ παραλλήλου οὔσης τῆς ΑΔ τῇ ΒΓ διελεῖν τὸ ΑΒΓΔ 15 τετραπλευρον τῇ ΕΖ εὐθείᾳ, ὥστε λόγον τοῦ ΑΒΕΖ πρὸς τὸ ΕΖΓΔ <δοθέντι ἴσον εἶναι> δοθειςῶν τῶν ΕΖ ΓΔ καὶ εἰς τὸ αὐτὸ νευουσῶν σημεῖον τὸ Η· διὰ δὴ τοῦτο ἔσται ὡς τὸ ΑΒΕΖ πρὸς τὸ ΕΖΓΔ, οὕτως ἡ ΒΖ πρὸς τὴν ΖΓ. ὥστε λόγος καὶ τῆς ΒΖ 20 πρὸς ΖΓ δοθείς· καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΒΓ· δοθὲν ἄρα τὸ Ζ· κατὰ τὰ αὐτὰ | δὴ καὶ τὸ Ε· θέσει ἄρα ἡ ΕΖ. συντεθήσεται δὴ ἀκολούθως τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω δοθείς λόγος, ὃν ἔχει τὰ β πρὸς τὰ γ· καὶ ἔστω ἡ μὲν ΒΓ μονάδων κε, ἡ δὲ ΑΓ μονάδων κ, αἱ δὲ 25 ΑΒ ΓΔ οἰαυδηποτοῦν. σύνθεσ τὰ β καὶ τὰ γ· γίνε-

2 ^ο μ κδ: correxi 3 possis etiam μονάδας 9 [τὸ] del.
m. 2 16 post λόγον add. εἶναι et post ΕΖΓΔ add. δοθέντα
m. 2; f. <θέσει> δοθειςῶν 17 post τῶν unam litteram del.
m. 2 (?) 22 τὸ ΕΖ: corr. m. 2 24 ὁ λόγος: sed ὁ del. m. 1

$\Gamma A = 15$ und Dreieck $\triangle EZ$ sei $= 24$. Die übrigbleibenden Dreiecke $\triangle A\Delta E$, $\triangle ABZ$, $\triangle EZ\Gamma$ werden also jedes $= 20$ sein.

$$84 \times 20 = 1680$$

$$1680 \times 4 = 6720.$$

Die Höhe AH ist $= 12$.

$$12^2 = 144$$

$$\frac{6720}{144} = 46.$$

Nun ist $B\Gamma = 14$. Es wird also BZ annähernd $= 8$ und $Z\Gamma$ annähernd $= 5\frac{1}{2}$ sein. Nun stelle man folgende Gleichung auf: $14 : 5\frac{1}{2} = 15 : x = 15 : 5\frac{25}{28}$, ferner

$$14 : 5\frac{1}{2} = 13 : x$$

$$x = 5\frac{3}{28}$$

$$B\Delta = 5\frac{3}{28}.$$

V. Wenn ein Viereck $AB\Gamma\Delta$ gegeben ist und $A\Delta$ parallel $B\Gamma$ ist, das Viereck $AB\Gamma\Delta$ durch die Gerade EZ

so zu teilen, daß das Verhältniß von $ABEZ : EZ\Gamma\Delta$ das der gegebenen Geraden EZ und $\Gamma\Delta$ ist, die nach dem Punkt H zusammenlaufen. Es wird daher $ABEZ : EZ\Gamma\Delta = BZ : Z\Gamma$ sein, daher auch $BZ : Z\Gamma$ gegeben sein. Nun ist $B\Gamma$ gegeben. Also ist Z gegeben; aus denselben Gründen

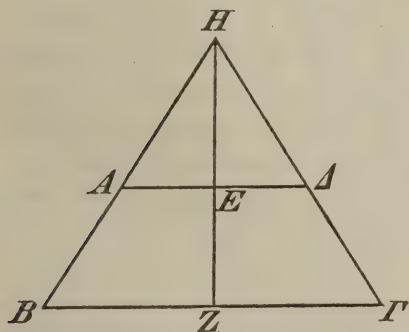


Fig. 65.

auch E ; also ist EZ gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Das gegebene Verhältniß sei $2 : 3$, und es sei $B\Gamma = 25$, $A\Delta = 20$, AB und $\Gamma\Delta$ aber beliebig groß.

ται ε· καὶ τὰ κε ἐπὶ τὸν β· γίνεται ν· ταῦτα παρὰ-
 βαλε παρὰ τὸν ε· γίνεται ι· τοσοῦτων ἀπειλήφθω
 μονάδων ἢ BZ. πάλιν τὰ κ ἐπὶ τὰ β· γίνεται μ·
 ταῦτα παρὰβαλε παρὰ τὸν ε· γίνεται η· τοσοῦτων
 ἀπόλαβε τὴν AE. καὶ ἐὰν ἐπιζευχθῇ ἢ EZ, ποιήσῃ 5
 τὸ προκείμενον.

ζ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἀπειλήφθω ἢ AH
 μονάδων ε καὶ ἐπιτετάχθω ἀπὸ τοῦ H διαγαγεῖν τὴν
 HΘ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι.
 διήχθω οὖν, ὥς ἐμάθομεν, ἢ EZ διαιροῦσα τὸ χωρίον 10
 ἐν τῷ αὐτῷ, λόγῳ καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ HZ EΘ·
 ἴσον ἄρα ἐστὶ τὸ AB <EZ> τῷ ABΘH· ὥστε καὶ
 λοιπὸν τὸ EZH τρίγωνον τῷ HΘZ τριγώνῳ ἴσον
 ἐστίν· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἢ HZ τῇ EΘ· ἀλλὰ καὶ
 ἢ HE τῇ ZΘ· ἴση ἄρα ἐστὶν ἢ HE τῇ ZΘ· δοθεῖσα 15
 δὲ ἢ HE· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἢ ZΘ· καὶ ἔστι δοθὲν τὸ
 Z· δοθὲν ἄρα καὶ τὸ Θ· θέσει ἄρα ἢ HΘ· συντεθή-
 σεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἀπειλήφθω
 ἢ BZ μονάδων ι· τοσοῦτου γὰρ ἀπεδείχθη· καὶ ἐπεὶ
 ἢ AE ἐστὶ μονάδων η, ἢ δὲ AH μονάδων ε, λοιπὴ 20
 ἄρα ἢ HE μονάδων γ· καὶ ἔστιν ἴση τῇ ZΘ· ἀπει-
 λήφθω οὖν ἢ ZΘ μονάδων γ· ὥστε ὅλη ἢ BΘ ἔσται
 μονάδων ιγ· ἐπιζευχθείσης οὖν τῆς HΘ ἔσται τὸ
 προκείμενον.

fol. 102^v

ζ. | Πάλιν δὲ τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ ABΓΔ 25
 καὶ παραλλήλου οὔσης τῆς AB τῇ ΓΔ ἀγαγεῖν αὐ-
 ταῖς παραλλήλων τὴν EZ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον
 ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι. γερονέτω καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ

3 ἢ BΓ: correxit m. 2
 ἢ καταγραφὴ in mg. inf. m. 1

12 AB τῷ: supplevi
 26 AE: corr. m. 2

24 ἐξῆς

$$2 + 3 = 5$$

$$25 \times 2 = 50$$

$$\frac{50}{5} = 10.$$

So groß trage man BZ ab.

$$5 \quad 20 \times 2 = 40$$

$$\frac{40}{5} = 8.$$

So groß trage man AE ab. Wenn nun die Verbindungslinie EZ gezogen wird, so wird sie die Aufgabe lösen.

VI. Wenn dieselben Voraussetzungen gemacht sind, 10 trage man $AH = 5$ ab, und es werde die Aufgabe gestellt, von H aus die Linie $H\Theta$ zu ziehen, die das Viereck

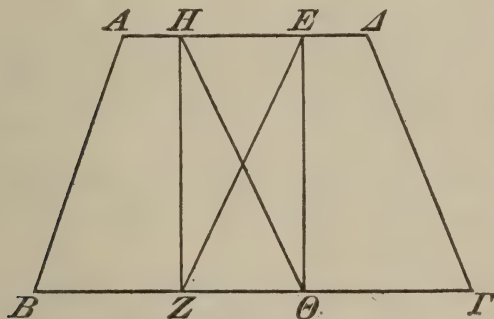


Fig. 66.

in dem gegebenen Verhältnis teilen soll. Man ziehe nun, wie wir gelernt haben, die Linie EZ , die die Figur in demselben Verhältnis teilt, und die Verbindungslinien HZ 15 und $E\Theta$. Also ist $ABEZ = AB\Theta H$, daher ist auch das übrigbleibende Dreieck $EZH = \text{Dreieck } H\Theta Z$. Mithin ist HZ parallel $E\Theta$, aber auch HE parallel $Z\Theta$; also ist $HE = Z\Theta$. Nun ist HE gegeben, also auch $Z\Theta$. Nun ist Z gegeben, also auch Θ ; mithin seiner Lage 20 nach $H\Theta$. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend,

$\Gamma A \Delta B$ ἐπὶ τὸ H . ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶν τοῦ $AEBZ$
 πρὸς τὸ $E\Gamma Z\Delta$, λόγος ἄρα ἐστὶν καὶ τοῦ $AB\Gamma\Delta$
 πρὸς τὸ $AEBZ$. καὶ ἔστιν τὸ $A\Gamma B\Delta$ δοθέν· δοθέν
 ἄρα καὶ τὸ $AEBZ$. καὶ ἐπεὶ ἐστὶν ὡς ἡ $\Gamma\Delta$ πρὸς
 τὴν AB , ἡ ΓH πρὸς τὴν HA , λόγος δὲ τῆς $\Gamma\Delta$ πρὸς
 τὴν BA , λόγος ἄρα καὶ τῆς ΓH πρὸς τὴν HA . καὶ
 διελόντι τῆς ΓA πρὸς AH . καὶ δοθεῖσα ἡ ΓA · δο-
 θεῖσα ἄρα καὶ ἡ AH · κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ BH · δοθέν
 ἄρα τὸ AHB τρίγωνον. ἀλλὰ καὶ τὸ $AEBZ$ τετρά-
 πλευρον δοθέν ἐστὶν.
 καὶ ὅλον ἄρα τὸ EHZ
 τρίγωνον δοθέν ἐστὶν.
 ἀλλὰ καὶ τὸ AHB ·
 ὥστε καὶ τοῦ ἀπὸ EH
 πρὸς τὸ ἀπὸ AH . καὶ
 ἐστὶ δοθέν τὸ ἀπὸ AH .
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ
 EH · δοθέν ἄρα τὸ E .
 κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ τὸ Z .

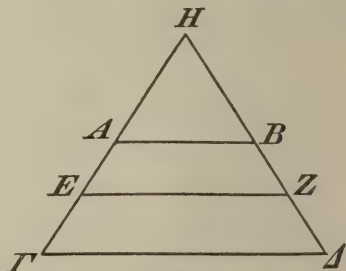


Fig. 67a.

θέσει ἄρα ἡ EZ . συν-
 τεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως. ἔστω ἡ
 μὲν $A\Gamma$ μονάδων $\iota\gamma$, ἡ δὲ $B\Delta$ μονάδων $\iota\epsilon$, ἡ δὲ AB
 μονάδων ς , ἡ δὲ $\Gamma\Delta$ μονάδων κ . τὸ ἄρα ἔμβαδον
 τοῦ $AB\Gamma\Delta$, ὡς ἐπάνω ἐμάθομεν, ἔσται μονάδων $\rho\nu\varsigma$.
 ἔστω δὲ ὁ δοθεὶς λόγος, ὃν ἔχει τὰ γ πρὸς τὰ ϵ .
 σύνθετες οὖν γ καὶ ϵ · γίννεται η . καὶ τὰ $\rho\nu\varsigma$ ἐπὶ τὰ γ
 γίννεται $\nu\zeta\eta$. ταῦτα μέρισον εἰς τὸν η . γίννεται $\nu\eta\zeta$.
 τοσοῦτου ἔσται τὸ $AEBZ$. καὶ ἄφελε ἀπὸ τῶν κ
 τὰ ς · λοιπὰ $\iota\delta$. καὶ τὰ $\iota\gamma$ ἐπὶ τὰ ς · γίννεται $\omicron\eta$.

6 τῆς $\Gamma\Delta$: correxi 8 ἡ AH : corr. m. 2 25 ἔστω: ω
 ex αι fec. m. 1 29 τὰ η ἐπὶ: correxi

folgendermaßen. Man trage $BZ = 10$ ab, denn als so groß wird es nachgewiesen. Und da $AE = 8$, $AH = 5$, ist, so ist $HE = 3$. Nun ist $HE = Z\Theta$. Man trage nun $Z\Theta = 3$ ab. Ganz $B\Theta$ wird daher $= 13$ sein. Zieht man nunmehr die Verbindungslinie $H\Theta$, so wird die Aufgabe gelöst sein.

VII. Wenn wiederum ein Vierseit $AB\Gamma\Delta$ gegeben und AB parallel $\Gamma\Delta$ ist, zu diesen eine Parallele EZ zu ziehen, die das Vierseit in einem gegebenen Verhältnis teilt. Es sei geschehen und $\Gamma\Delta$ und ΔB seien bis H verlängert. Da nun das Verhältnis $AEBZ : E\Gamma Z\Delta$ gegeben ist, so

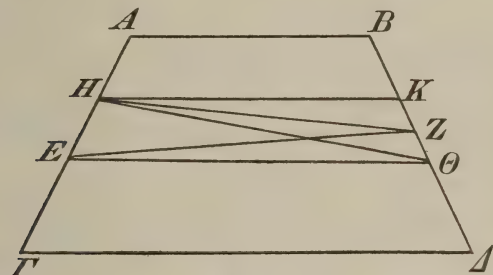


Fig. 67b.

ist auch $AB\Gamma\Delta : AEZB$ gegeben. Nun ist $A\Gamma B\Delta$ gegeben; also ist auch $AEZB$ gegeben. Und da $\Gamma\Delta : AB = \Gamma H : HA$ ist, $\Gamma\Delta : BA$ aber in einem gegebenen Verhältnis steht, so ist auch das Verhältnis $\Gamma H : HA$ und $\Gamma\Delta : AH$ gegeben. Nun ist $\Gamma\Delta$ gegeben, also ist auch AH gegeben. Aus denselben Gründen auch BH ; also ist das Dreieck AHB gegeben. Aber auch das Vierseit $AEZB$ ist gegeben, mithin ist auch das ganze Dreieck EHZ gegeben. Aber auch AHB ; daher auch $EH^2 : AH^2$. Nun ist AH^2 gegeben; also ist auch EH^2 gegeben; mithin ist E und aus denselben Gründen Z gegeben. Also der Lage nach auch EZ . Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei $A\Gamma = 13$, $B\Delta = 15$,

fol. 103^r παρὰβαλε παρὰ τὸν ιδ' | γίγνεται ε καὶ δ.^{ζ'} ἔσται ἡ ΑΗ
 μονάδων ε καὶ δ.^{ζ'} πάλιν τὰς ιε ἐπὶ τὸν σ' γίγνεται
 ς. παρὰβαλε παρὰ τὸν ιδ' γίγνεται σ <γ'.^{ζ'}> καὶ ἔσ-
 ται ἡ ΒΗ μονάδων σ καὶ γ'.^{ζ'} ἀλλὰ καὶ ἡ ΑΒ μονά-
 δων σ· τὸ ἄρα ἔμβαδὸν τοῦ ΑΗΒ τριγώνου ἔσται 5
 μονάδων ιε καὶ γ'.^{ζ'} τοῦ δὲ ΑΕΖΒ τραπεζίου τὸ
 ἔμβαδὸν νηλ. ὅλου ἄρα τοῦ ΕΖΗ τριγώνου τὸ ἔμ-
 βαδὸν ἔσται μονάδων ογ' ιγ'.^{ιδ'} καὶ πολλαπλασίασον μο-
 νάδας ε καὶ δ.^{ζ'} ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται λα καὶ β.^{μθ'} ἐπὶ τὰ
 ογ' ιγ', καὶ τὰ γενόμενα παρὰβαλε παρὰ τὸν ιε καὶ 10
 γ', καὶ τῶν γενομένων πλευρὰν λαβέ· γίγνεται ιβ καὶ
 ιδ' ὡς ἔγγιστα· καὶ ἀπὸ τῆς εὐρεθείσης πλευρᾶς ἄφελε
 τὰ ε καὶ δ.^{ζ'} ἔσονται λοιπαὶ μονάδες σλ. ἀπόλαβε οὖν
 τὴν ΑΕ μονάδων σλ καὶ ποιήσον ὡς ιγ πρὸς ιε, οὐ-
 τως σλ πρὸς τί· ἔσται δὲ πρὸς μονάδας ζλ. ἀπόλαβε 15
 τὴν ΒΖ μονάδων ζλ. ἐπιζευχθεῖσα ἡ ΕΖ ποιήσῃ τὸ
 προκείμενον.

η. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἀπειλήφθω ἡ ΑΗ μονά-
 δων β· καὶ θέον ἔστω διαγαγεῖν τὴν ΗΘ ἐν τῷ αὐτῷ
 λόγῳ διαιροῦσαν τὸ τετράπλευρον. διήχθωσαν οὖν αἱ 20
 ΗΘ, ΕΖ τῷ αὐτῷ λόγῳ διαιροῦσαι τὸ τετράπλευρον,
 καὶ ἐπεζεύχθωσαν αἱ ΗΖ, ΕΘ· ἔσται δὴ ὁμοίως ἴσον
 τὸ ΑΗΒΘ τῷ ΑΕΖΒ. ὥστε καὶ τὸ ΗΕΖ τρίγωνον

3 supplevi 4 ἡ ΑΗ: correxi 8 et 10 οδ'ιδ': correxi
 dubitanter; f. ^ομ τεσσαρεσκαίδεκάτου δεουσῶν οδ 9 ^ομ κ καὶ δ:
 correxi λα καὶ β: correxi 11—12 ιβ καὶ γ': correxi
 15 πρὸς ^ομ ζι: sed ζ ex ι fec. m. 1

$AB = 6$, $\Gamma A = 20$. Der Inhalt von $AB\Gamma A$ wird also, wie wir oben lernten, $= 156$ sein. Das gegebene Verhältniß sei $= 3 : 5$.

$$3 + 5 = 8$$

$$5 \quad 156 \times 3 = 468$$

$$468 : 8 = 58\frac{1}{2}. \text{ So groß wird } AEBZ \text{ sein.}$$

$$20 - 6 = 14$$

$$13 \times 6 = 78$$

$$\frac{78}{14} = 5\frac{4}{7}. AH \text{ wird} = 5\frac{4}{7} \text{ sein.}$$

$$10 \quad 15 \times 6 = 90$$

$$\frac{90}{14} = 6\frac{3}{7}. BH \text{ wird} = 6\frac{3}{7} \text{ sein.}$$

Nun ist $AB = 6$; also der Inhalt des Dreiecks AHB wird $= 15\frac{3}{7}$ sein. Der Inhalt des Trapezes $AEZB$ nun ist $= 58\frac{1}{2}$. Also wird der Inhalt des vollständigen Dreiecks $EZH = 73\frac{13}{14}$ sein.

$$(5\frac{4}{7})^2 = 31\frac{2}{49}$$

$$\sqrt{\frac{31\frac{2}{49} \times 73\frac{13}{14}}{15\frac{3}{7}}} \text{ annähernd} = 12\frac{1}{14}$$

$$12\frac{1}{14} - 5\frac{4}{7} = 6\frac{1}{2}.$$

Trage nun $AE = 6\frac{1}{2}$ ab und stelle die Gleichung auf:
 $20 \quad 13 : 15 = 6\frac{1}{2} : x = 6\frac{1}{2} : 7\frac{1}{2}$. Trage nun $BZ = 7\frac{1}{2}$ ab.
 Wird jetzt die Verbindungslinie EZ gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

VIII. Unter denselben Voraussetzungen trage man $AH = 2$ ab, und es sei die Aufgabe, die Gerade $H\Theta$
 25 zu ziehen, die das Viereck in demselben Verhältniß teilt.
 Es seien $H\Theta$ und EZ gezogen, die das Viereck in demselben Verhältniß teilen, und es seien die Verbindungslinien HZ und $E\Theta$ gezogen. Es wird daher $AHB\Theta = AEZB$ sein, daher ist auch Dreieck $HEZ = H\Theta Z$.
 30 Also ist HZ parallel $E\Theta$. Man ziehe nun auch zu AB die Parallele HK . Also ist Dreieck HKZ ähnlich $EZ\Theta$.

ἴσον ἐστὶν τῷ $HΘZ$ τριγώνῳ. παράλληλος ἄρα ἡ HZ τῇ $EΘ$. ἤχθω δὲ καὶ τῇ AB παράλληλος ἡ HK . ὁμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ HKZ τρίγωνον τῷ $EZΘ$. ὡς ἄρα ἡ EZ πρὸς τὴν HK , οὕτως ἡ $ZΘ$ πρὸς ZK . καὶ ἐστὶ δοθεῖσα ἡ ZK . δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $ZΘ$. 5
 fol. 103^v δοθέν | ἄρα τὸ $Θ$. ἀλλὰ καὶ τὸ H . θέσει ἄρα ἡ $HΘ$.

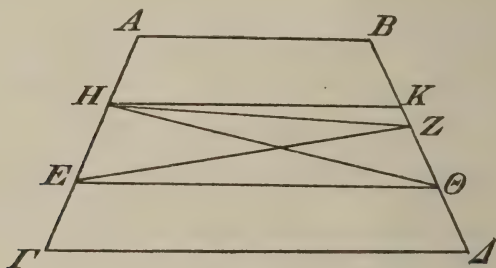


Fig. 68.

συντεθήσεται δὲ ἀκολούθως τῇ ἀναλύσει οὕτως. ποιήσων ὡς τὰ $\iota\gamma$ πρὸς τὰ $\iota\epsilon$, οὕτως τὰ β πρὸς τί. γίννεται β καὶ δ . ὅλη δὲ ἡ BZ ἦν $\xi\zeta$. λοιπὴ ἄρα ἡ KZ ἐστὶ μονάδων ϵ καὶ ϵ . ἡ δὲ AH ϵ καὶ δ . καὶ ὁμοί- 10
 ως σύνθετες τὰς $\xi\zeta$ καὶ μονάδας ϵ καὶ δ . γίννεται $\iota\beta$ $\iota\delta$. ταῦτα πολλαπλασίασον ἐπὶ μονάδας ϵ καὶ ϵ . καὶ τὰ γενόμενα μέρισον εἰς μονάδας ϵ καὶ δ . γίννονται μονάδες η δ . τοσούτου ἀπόλαβε τὴν $ZΘ$. καὶ ἐπι-
 ζευχθεῖσα ἡ $HΘ$ ποιήσει τὸ προκείμενον. 15

θ. Κύκλου δοθέντος, οὗ διάμετρος ἡ AB , γράψαι ἕτερον περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον αὐτῷ, οὗ διάμετρος ἡ $\Gamma\Delta$, διαιροῦντα τὸν ἐξ ἀρχῆς κύκλον ἐν λόγῳ τῷ δο-

Mithin $EZ : HK = Z\Theta : ZK$. Nun ist ZK gegeben, also auch $Z\Theta$; also ist Θ gegeben, aber auch H ; also ist seiner Lage nach $H\Theta$ gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen.

$$13 : 15 = 2 : x$$

$$x = 2\frac{4}{13}.$$

Nun war die ganze Strecke $BZ = 7\frac{1}{2}$, also wird $KZ = 5\frac{5}{26}$. Es ist aber $AH = 5\frac{4}{7}$.

$$\text{Ebenso } 6\frac{1}{2} + 5\frac{4}{7} = 12\frac{1}{14}$$

$$\frac{12\frac{1}{14} \times 5\frac{5}{26}}{7\frac{4}{7}} = 8\frac{1}{4} \text{ (genau } 8\frac{58}{212})$$

So groß trage $Z\Theta$ ab. Wird nun die Verbindungslinie $H\Theta$ gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

IX. Wenn ein Kreis, dessen Durchmesser AB ist, gegeben ist, einen anderen um denselben Mittelpunkt mit

ihm zu beschreiben, dessen Durchmesser $\Gamma\Delta$ sein soll, der den anfänglich gegebenen Kreis in einem gegebenen Verhältnis teilt. Da nun das Verhältnis des concentrischen Kreisringes $AB\Gamma\Delta$ zu dem Kreis mit dem Durchmesser $\Gamma\Delta$ gegeben, so ist auch das Verhältnis der

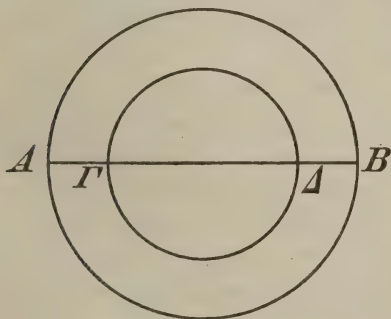


Fig. 69.

Kreise mit den Durchmessern AB und $\Gamma\Delta$ gegeben. Es verhalten sich aber die Quadrate der Durchmesser zu einander

θέντι. ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶν τῆς $AB \Gamma \Delta$ ἵτινες πρὸς τὸν περὶ διάμετρον τὴν $\Gamma \Delta$ κύκλον δοθεῖς, λόγος ἄρα καὶ τοῦ περὶ διάμετρον τὴν $AB \Gamma \Delta$ κύκλου δοθεῖς. ὥς δὲ οἱ κύκλοι πρὸς ἀλλήλους, οὕτω τὰ ἀπὸ τῶν διαμέτρων τετράγωνα· λόγος ἄρα καὶ τοῦ ἀπὸ AB 5 πρὸς τὸ ἀπὸ $\Gamma \Delta$ δοθεῖς· καὶ ἔστι δοθὲν τὸ ἀπὸ AB · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ἀπὸ $\Gamma \Delta$. συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν AB διάμετρος μονάδων κ , ὁ δὲ δοθεὶς λόγος, ὃν ἔχει τὰ γ πρὸς τὰ ϵ . σύνθες τὰ γ καὶ τὰ ϵ · γίγνεται η · καὶ τὰ κ ἐφ' ἑαυτά· γίγνεται ν · ἐπὶ τὸν ϵ · 10 γίγνεται β . ταῦτα μέρισον παρὰ τὸν η · γίγνεται $\sigma\nu$ · τούτων πλευρὰν λαβὲ ὥς ἔγγιστα· γίγνεται $\iota\epsilon$ ^{<ιγ>}. τοσούτου ἔσται ἡ $\Gamma \Delta$ διάμετρος.

fol. 104^r

ι. | Ὅσα μὲν οὖν τῶν ἐπιπέδων δυνατὸν ἦν ἀριθμοῖς διαιρεῖσθαι, προγέγραπται· ὅσα δὲ διαιρεῖσθαι 15 μὲν ἀναγκαῖόν ἐστι, δι' ἀριθμῶν δὲ οὐ δύναται, ταῦτα γεωμετρικῶς ἐκθησόμεθα.

Ἔστω τριγώνου δοθέντος τοῦ $AB \Gamma$ καὶ ἐκβληθείσης αὐτοῦ μιᾶς πλευρᾶς τῆς $B \Gamma$ ἀπὸ δοθέντος τοῦ Δ διαγαγεῖν τὴν ΔE διαιροῦσαν τὸ $AB \Gamma$ τρίγωνον 20 ἐν λόγῳ δοθέντι. γεγονέτω· ἐπεὶ οὖν λόγος ἐστὶ τοῦ AEZ τριγώνου πρὸς τὸ $ZEB \Gamma$ τετράπλευρον, συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ $AB \Gamma$ τριγώνου πρὸς τὸ AZE . καὶ ἔστι δοθὲν τὸ $AB \Gamma$ · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ AZE · [δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ZAE]. καὶ ἔστι δοθὲν τὸ Δ . εἰς 25 δύο ἄρα θέσεις τὰς AB , $A \Gamma$ πεπερασμένας κατὰ τὸ αὐτὸ τὸ A ἀπὸ δοθέντος τοῦ Δ διῆκται τις εὐθεῖα

2 τὸν $\Gamma \Delta$: correxi 3 κύκλον: correxi 10 τὸ $\nu \epsilon$: correxi
 12 $\iota \epsilon$ $\iota \gamma'$: correxi 13 ἐξῆς ἡ καταγραφή in mg. inf. m. 1
 25 del. m. 2 26 θέσεις: θέσει δεδομένας m. 2 AB , AE :
 corr. Nath.

wie die Kreise. Also ist auch $AB^2 : \Gamma A^2$ gegeben. Nun ist AB^2 gegeben, also ist auch ΓA^2 gegeben. Berechnet wird es folgendermaßen. Es sei der Durchmesser $AB = 20$, das gegebene Verhältnis $= \frac{3}{5}$.

$$\begin{array}{r} 5 \qquad 3 + 5 = 8 \\ \qquad 20^2 = 400 \\ 400 \times 5 = 2000 \\ \qquad \frac{2000}{8} = 250. \end{array}$$

$$\sqrt{250} \text{ annähernd} = 15\frac{13}{16}.$$

10 So groß wird der Durchmesser ΓA sein.

X. Alle Flächen nun, die durch Zahlenrechnung geteilt werden konnten, sind im Vorstehenden angeführt. Diejenigen aber, die zwar geteilt werden müssen, durch Zahlenrechnung aber nicht geteilt werden können, diese
15 werden wir auf geometrische Methode behandeln.

Die Aufgabe sei, wenn ein Dreieck $AB\Gamma$ gegeben und eine Seite desselben, $B\Gamma$, verlängert ist, von dem gegebenen Punkte A die Gerade AZ zu konstruieren, welche

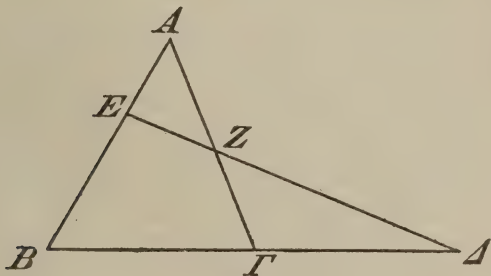


Fig. 70.

das Dreieck $AB\Gamma$ in einem gegebenen Verhältnis teilen
20 soll. Es sei geschehen. Da nun das Verhältnis des Dreiecks AZE zum Viereck $ZEB\Gamma$ bekannt ist, so ist auch das Verhältnis des Dreiecks $AB\Gamma$ zu Dreieck AZE be-

χωρίον ἀποτέμνουσα δοθέν· δοθέντα ἄρα τὰ E, Z σημεία. τοῦτο δὲ ἐν τῷ β' τῆς τοῦ χωρίου ἀποτομῆς δέδεικται. δέδεικται ἄρα τὸ προκείμενον. καὶ τὸ Δ σημεῖον μὴ ἢ ἐπὶ τῆς $B\Gamma$, ἀλλ' ὡς ἔτυχεν, οὐδὲν διοίσει.

5

fol. 104^v

ια. Τετραπλεύρου δοθέντος τοῦ $AB\Gamma\Delta$ καὶ τμηθείσης τῆς $A\Delta$ κατὰ τὸ E διαγαγεῖν τὴν EZ τέμνουσαν τὸ $AB\Gamma\Delta$ τετράπλευρον ἐν τῷ τῆς AE πρὸς τὴν ΔE λόγῳ. γεγυμένω· καὶ $\langle\eta\chi\theta\rangle$ τῇ μὲν $A\Delta$ παράλληλος ἢ ΓH , τῇ δὲ EB ἐπιζευχθείσῃ παράλληλος ἢ $H\Theta$.¹⁰ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΓE $E\Theta$ EH . ἐπεὶ ἴσον ἐστὶ τὸ BHE τρίγωνον τῷ $EB\Theta$, κοινὸν προσκείμεθω τὸ ABE .
τὸ | ἄρα AHE τρίγωνον ἴσον ἐστὶ τῷ $AB\Theta E$ τετρα-
πλεύρῳ· ὥς ἄρα τὸ AHE τρίγωνον, τουτέστιν ὡς ἢ
 AE πρὸς τὴν $E\Delta$, οὕτως τὸ $AB\Theta E$ τετράπλευρον¹⁵
πρὸς τὸ $E\Gamma\Delta$ τρίγωνον. τεμησθῶ δὴ καὶ ἢ $\Gamma\Theta$
κατὰ τὸ Z , ὥστε εἶναι ὡς τὴν AE πρὸς τὴν $E\Delta$,
τὴν ΘZ πρὸς $Z\Gamma$, τουτέστι τὸ $E\Theta Z$ τρίγωνον πρὸς
τὸ $E\Gamma Z$ · καὶ ὅλον ἄρα τὸ $ABZE$ τετράπλευρον πρὸς
τὸ $EZ\Delta\Gamma$ τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον τῷ τῆς AE πρὸς²⁰
τὴν $E\Delta$ · ἐπεὶ οὖν δοθὲν τὸ Γ , θέσει ἄρα καὶ ἢ ΓH .
θέσει δὲ καὶ ἢ ABH · δοθὲν ἄρα τὸ H . καὶ ἐστὶ παρὰ
θέσει τὴν BE ἢ $H\Theta$. δοθὲν ἄρα τὸ Θ · δοθεῖσα ἄρα
ἢ $\Gamma\Theta$ · καὶ τέμνεται ἐν δοθέντι λόγῳ κατὰ τὸ Z ·
δοθὲν ἄρα τὸ Z · θέσει ἄρα ἢ EZ . δεήσει ἄρα εἰς²⁵
τὴν σύνθεσιν ἐπιζευξαι τὴν BE καὶ τῇ μὲν ΔE πα-
ράλληλον ἀγαγεῖν τὴν ΓH , τῇ δὲ BE τὴν $H\Theta$, καὶ
τεμεῖν τὴν $\Theta\Gamma$ κατὰ τὸ Z , ὥστε εἶναι ὡς τὴν AE

3 δέδεικται: ab Apollonio Pergaeo 4 BE : correxi 8 τηῖς: correxi 9 supplevi 12 τὸ $EB\Theta$: correxi 22—23 παρὰ-θέσει: correxi dubitanter 27 τῇ ΔE BE : correxi

kannt. Nun ist $AB\Gamma$ gegeben, also ist auch AZE gegeben. Nun ist Δ gegeben. Es ist also nach 2 ihrer Lage nach bestimmten Graden AB und $A\Gamma$, die in demselben Punkt A begrenzt sind, von dem gegebenen Punkte Δ aus eine Gerade konstruiert, die eine gegebene Figur abschneidet. Also sind die Punkte E und Z gegeben. Dies ist in dem zweiten Buche des „Raumschnitts“ gezeigt. Also ist der verlangte Beweis geliefert. Und wenn der Punkt Δ nicht auf BE , sondern beliebig liegt, so wird dies keinen Unterschied machen.

XI. Wenn ein Viereck $AB\Gamma\Delta$ gegeben und AA in E geschnitten ist, die Gerade EZ zu konstruieren, die das Vierseit $AB\Gamma\Delta$ in dem Verhältnis von $AE : E\Delta$ teilen

soll. Es sei geschehen, und man ziehe zu AA die Parallele ΓH und zu der Verbindungslinie EB die Parallele $H\Theta$, und ziehe die Verbindungslinien ΓE , $E\Theta$ und EH . Da Dreieck $BHE = EB\Theta$, so werde zu beiden ABE addiert. Mit-

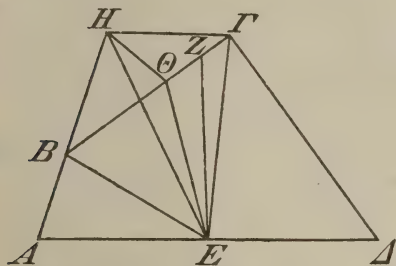


Fig. 71.

hin ist Dreieck $AHE =$ Viereck $AB\Theta E$. Also ist $AHE : E\Gamma\Delta$, d. h. $AE : E\Delta =$ Viereck $AB\Theta E :$ Dreieck $E\Gamma\Delta$. Es soll nun auch $\Gamma\Theta$ in Z geschnitten werden, so daß $AE : E\Delta = \Theta Z : Z\Gamma =$ Dreieck $E\Theta Z : E\Gamma Z$. Also verhält sich auch das vollständige Viereck $ABZE : EZ\Delta\Gamma = AE : E\Delta$. Da nun Γ gegeben ist, so ist seiner Lage nach auch ΓH gegeben; ebenso auch ABH . Also ist H gegeben. Nun ist der Lage nach parallel zu BE die Gerade $H\Theta$. Also ist Θ gegeben; mithin ist $\Gamma\Theta$ gegeben. Nun ist dies in Z nach einem gegebenen Verhältnis geschnitten. Also ist Z gegeben, also seiner Lage

πρὸς $ΕΔ$, οὕτω τὴν $ΘΖ$ πρὸς $ΖΓ$. καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ $ΕΖ$ ποιήσει τὸ προκείμενον.

ιβ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων δεδοσθω τι τυχὸν σημεῖον τὸ $Ε$ καὶ δέον ἔστω διαγαγεῖν τὴν $ΕΖ$ διαιρουῖσαν τὸ τετράπλευρον ἐν λόγῳ τῷ δοθέντι. γεγο- ⁵
νέτω· καὶ διηρήσθω ἡ $ΑΔ$ ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ κατὰ τὸ $Η$ · καὶ διήχθω ἡ $ΘΕ$ τῷ αὐτῷ λόγῳ τέμνουσα τὸ τετράπλευρον. δοθέντα ἄρα τὰ $Η$, $Θ$. δοθὲν δὲ καὶ

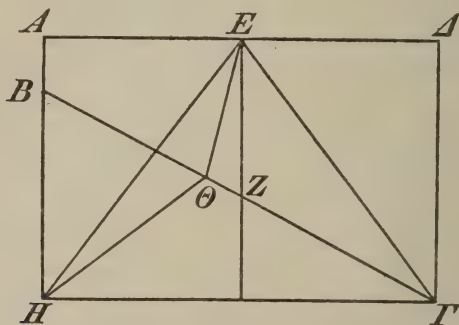


Fig. 72.

fol. 105^r τὸ $Ε$ · θέσει | ἄρα ἡ $ΕΖ$. συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς
τῇ ἀναλύσει οὕτως· διηρήσθω ἡ $ΑΔ$ ἐν τῷ δοθέντι ¹⁰
λόγῳ κατὰ τὸ $Η$, καὶ διήχθω ἡ $ΗΘ$ τέμνουσα τὸ τε-
τράπλευρον ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ· καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $ΕΘ$
καὶ ταύτη παράλληλος ἡ $ΗΖ$ · καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $ΖΕ$.
ἔσται δὴ αὕτη ἡ ποιοῦσα τὸ πρόβλημα.

ιγ. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων τὸ διδόμενον σημεῖον ¹⁵
ἐπὶ μηδεμιᾷς ἔστω πλευρᾷ τοῦ τετραπλεύρου. καὶ
ἔστω τὸ μὲν δοθὲν τετράπλευρον τὸ $ΑΒΓΔ$, τὸ δὲ
δοθὲν σημεῖον τὸ $Ε$ · καὶ ἔστω διαγαγεῖν τὴν $ΕΖ$

nach EZ . Man wird daher behufs Konstruktion die Verbindungslinie BE und zu AE die Parallele ΓH , zu BE die Parallele $H\Theta$ ziehen müssen und $\Theta\Gamma$ in Z so schneiden müssen, daß $\Theta Z : Z\Gamma = AE : E\Delta$ ist. Wird nun die Verbindungslinie EZ gezogen, so wird sie die Aufgabe lösen.

XII. Unter denselben Voraussetzungen sei irgend ein beliebiger Punkt E gegeben und die Aufgabe sei, die Gerade EZ zu konstruieren, die das Viereck in einem gegebenen Verhältnis teilt. Es sei geschehen, und $A\Delta$ sei in dem gegebenen Verhältnis in H geteilt, und es sei die Gerade ΘH gezogen, die das Viereck in demselben Verhältnis teilt. Also sind H und Θ gegeben, es ist aber auch E gegeben, also seiner Lage nach EZ . Konstruiert wird nun, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Man teile $A\Delta$ in dem gegebenen Verhältnis in H , ziehe die Gerade $H\Theta$, die das Viereck in demselben Verhältnisse teile, ziehe die Verbindungslinie $E\Theta$ und zu dieser die Parallele HZ und die Verbindungslinie ZE . Diese also wird es sein, welche die Aufgabe löst.

XIII. Unter denselben Voraussetzungen soll der ge-

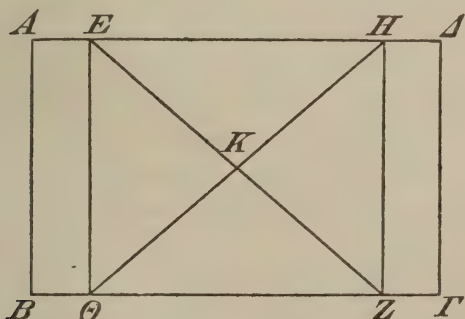


Fig. 73.

gebene Punkt auf keiner Seite des Vierecks liegen. Und es sei $AB\Gamma\Delta$ das gegebene Viereck, und E der gegebene

ποιοῦσαν λόγον τοῦ $ABZH$ πρὸς τὸ $ZHΓΔ$ δοθέντα·
 καὶ ἀνάπαλιν καὶ συνθέντι λόγος ἄρα τοῦ $ABΓΔ$
 πρὸς τὸ $ABZH$ δοθείς. δοθέν δὲ τὸ $ABΓΔ$ τετρά-
 πλευρον· δοθέν ἄρα καὶ τὸ $ABZH$. καὶ εἰ μὲν πα-
 ράλληλός ἐστιν ἡ $ΑΔ$ τῇ $ΒΓ$, ἔσται τὸ $ABZH$ ἴσον ⁵
 τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς $ΑΗ ΒΖ$ καὶ τῆς ἡμισείας
 τῆς ἀπὸ τοῦ $Α$ καθέτου ἀγομένης ἐπὶ τὴν $ΒΓ$. καὶ
 ἔστι δοθεῖσα ἡ κάθετος· δοθεῖσα ἄρα καὶ συναμφοτέ-
 ρος ἡ $AB ZH$ · θέσει ἄρα ἡ $ΖΕ$. τοῦτο γὰρ ἔξῃς.
 εἰ δὲ μὴ εἰσι παράλληλοι, συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ $Θ$ · ¹⁰
 δοθέν ἄρα τὸ $ABZH$ τετράπλευρον. καὶ ὅλον ἄρα
 fol. 105^v τὸ $HZΘ$ τρίγωνον δοθέν ἐστιν. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $| Θ$
 γωνία· δοθέν ἄρα τὸ ὑπὸ $ΘΗΖ$ · ἀπῆκται ἄρα εἰς τὴν
 τοῦ χωρίου ἀποτομήν· θέσει ἄρα ἡ $ΕΖ$.

ιδ. Ἐξῇς δὲ δεῖξομεν, ὥς δεῖ πολυπλεύρου εὐθυ- ¹⁵
 γράμμου δοθέντος καὶ σημείου ἐπὶ μιᾷς αὐτοῦ πλευρᾷς
 διαγαγεῖν ἀπὸ τοῦ σημείου εὐθεΐαν διαιροῦσαν τὸ
 χωρίον ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ· ἔστω τὸ δοθέν χω-
 ρίον τὸ $ABΓΔΕΖ$, τὸ δὲ δοθέν σημεῖον ἐπὶ μιᾷς
 αὐτοῦ πλευρᾷς ἔστω τὸ $Η$ · καὶ διήχθω ἡ $ΗΘ$ διαι- ²⁰
 ροῦσα τὸ $ABΓΔΕΖ$ ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ· ἐπεὶ οὖν
 λόγος ἐστὶν τοῦ $ABΘΗΖ$ χωρίου πρὸς τὸ $ΗΘΓΔΕ$
 δοθείς, καὶ συνθέντι ἄρα λόγος ἐστὶν τοῦ $ABΓΔΕΖ$
 πρὸς τὸ $ΗΘΓΔΕ$ δοθείς· δοθέν δὲ τὸ $ABΓΔΕΖ$.
 δοθέν ἄρα καὶ τὸ $ΗΘΓΔΕ$. ὦν τὸ $ΗΓΔΕ$ δοθέν ²⁵
 ἐστι· λοιπὸν ἄρα τὸ $ΗΘΓ$ τρίγωνον δοθέν ἐστιν. καὶ
 ἔστιν αὐτοῦ διπλάσιον, καθέτου ἀχθείσης τῆς $ΗΚ$ ἐπὶ
 τὴν $ΓΒ$, τὸ ὑπὸ $ΓΘ ΗΚ$. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $ΗΚ$ ·
 δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $ΓΘ$. δοθέν ἄρα τὸ $Θ$ · θέσει ἄρα

Punkt. Nun sei die Aufgabe, die Gerade EZ zu konstruieren, die das Verhältniß von $ABZH:ZH\Gamma A$ zu einem gegebenen macht. Also ist $AB\Gamma A:ABZH$ gegeben. Nun ist $AB\Gamma A$ gegeben, also ist auch $ABZH$ gegeben. Und wenn $A\Delta$ parallel $B\Gamma$ ist, so wird $ABZH = (AH + BZ)$ multipliziert mit der Hälfte der Höhe von A auf $B\Gamma$ sein. Nun ist die Höhe gegeben. Also ist auch $AH + BZ$ gegeben. Mithin auch seiner Lage nach ZE . Denn davon im Folgenden.

Sind sie aber nicht parallel, so sollen sie in Θ zusammentreffen. Gegeben ist also das Viereck $ABZH$, also ist auch das vollständige Dreieck $HZ\Theta$ gegeben. Nun ist der Winkel bei Θ gegeben, also ist auch ΘHZ gegeben.¹⁾ Das Problem ist also auf den Raumschnitt zurückgeführt. Es ist also EZ seiner Lage nach gegeben.

XIV. Im Folgenden werden wir zeigen, wie man, wenn ein gradliniges Vieleck und ein Punkt auf einer der Seiten desselben gegeben ist, von dem Punkt aus eine

Gerade konstruieren muß, die die Figur in einem gegebenen Verhältniß teilt. Die gegebene Figur sei $AB\Gamma A\epsilon Z$ und der gegebene Punkt auf einer Seite derselben sei H ; und es sei die Gerade $H\Theta$ gezogen, die $AB\Gamma A\epsilon Z$ in dem gegebenen Verhältniß teilt. Da

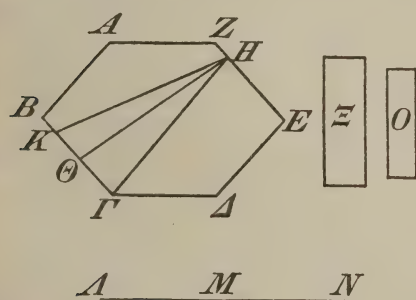


Fig. 74.

nun das Verhältniß von $AB\Theta HZ: H\Theta\Gamma A\epsilon$ gegeben ist, so auch $AB\Gamma A\epsilon Z: H\Theta\Gamma A\epsilon$ gegeben. Nun ist $AB\Gamma A\epsilon Z$ gegeben; also ist auch $H\Theta\Gamma A\epsilon$ gegeben. Hiervon ist

1) D. h. der Gestalt, nicht nur dem Inhalt nach.

ἡ ΘH . συντεθήσεται δὴ ἀκολουθῶς τῇ ἀναλύσει οὕτως· ἔστω δοθεὶς λόγος τῆς AM πρὸς τὴν MN · καὶ πεποιήσθω ὥς ἡ AM πρὸς MN , οὕτως τὸ $ABΓΔEZ$ πρὸς ἄλλο τι χωρίον τὸ Ξ · καὶ ἀπὸ τοῦ Ξ ἀφηρησθῶ ἴσον τῷ $HΓΔE$ · καὶ ἔστω λοιπὸν τὸ O . καὶ κάθετος ⁵ ἐπὶ τὴν $BΓ$ ἤχθω ἡ HK · καὶ παραβεβλήσθω τὸ O παρὰ τὴν HK · καὶ ποιείτω πλάτος τὴν ἡμίσειαν τῆς $ΓΘ$ · καὶ ἐπεξέχθω ἡ $HΘ$ · ἔσται δὴ ἡ $HΘ$ ποιοῦσα τὸ πρόβλημα.

fol. 106^r ιε. | Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων ἔστω τὸ δοθὲν ση- 10
μεῖον ἐπὶ μηδεμιᾶς πλευρᾶς, καὶ ἔστω τὸ H · καὶ δι-
ήχθω ἡ $HΘ$, ὥστε ἐν δοθέντι λόγῳ διαιρεῖν τὸ χωρίον·

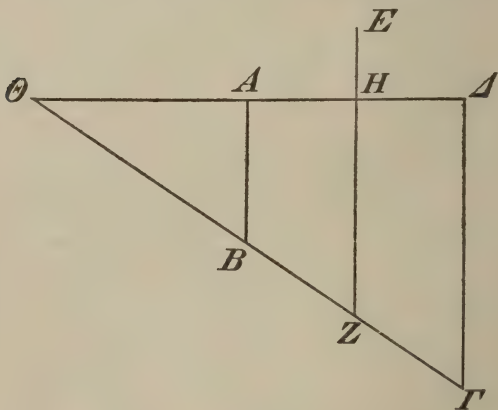


Fig. 75.

δοθὲν ἄρα ἔσται τὸ $KΘΓΔE$. καὶ εἰ μὲν παράλληλός ἐστι ἡ $BΓ$ τῇ EZ , ἐπεξέχθω ἡ $ΓE$ · ἔσται λοιπὸν τὸ $ΘΓEΚ$ · ὥστε θέσει ἐστὶν ἡ $HΘ$. εἰ δὲ οὐκ εἰσι ¹⁵
παράλληλοι, συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ A · δοθὲν ἄρα τὸ $ΓΔEΑ$ · καὶ ὅλον ἄρα τὸ $ΘΚΑ$ τρίγωνον δοθέν

$H\Gamma AE$ gegeben; mithin ist auch Dreieck $H\Theta\Gamma$ gegeben. Und wenn die Höhe HK auf ΓB gefällt wird, so ist $H\Theta\Gamma = \frac{1}{2}\Gamma\Theta HK$. Nun ist HK gegeben, also auch $\Gamma\Theta$. Mithin ist Θ gegeben, also seiner Lage nach auch ΘH .
 5 Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Es sei gegeben das Verhältniß von AM zu MN . Nun mache man wie $AM : MN$, so $AB\Gamma AEZ$ zu einer anderen Figur Ξ . Und nehme von Ξ eben so viel fort als $H\Gamma AE$ beträgt. Es bleibe übrig O . Nun falle man auf $B\Gamma$ die
 10 Höhe HK und dividiere O durch HK . Nun mache man die Hälfte von $\Gamma\Theta$ gleich der Breite von O und ziehe die Verbindungslinie $H\Theta$. Nun wird $H\Theta$ die Gerade sein, die die Aufgabe löst.

XV. Wenn dieselben Voraussetzungen gemacht sind,
 15 soll der gegebene Punkt auf keiner Seite liegen und H heißen, und es soll die Gerade $H\Theta$ so gezogen werden, daß sie die Figur in einem gegebenen Verhältniß teilt. Es wird also $K\Theta\Gamma AE$ gegeben sein. Wenn nun $B\Gamma$ parallel EZ ist, so ziehe man die Verbindungslinie ΓE .
 20 Es wird $\Theta\Gamma EK$ übrig bleiben, so daß seiner Lage nach $H\Theta$ gegeben ist. Wenn aber diese Linien nicht parallel sind, so sollen sie in A zusammentreffen. Also ist $\Gamma AE A$ gegeben, also ist auch das ganze Dreieck $\Theta K A$ gegeben. Nun ist Winkel bei A gegeben; also ist auch
 25 $K A \Theta$ gegeben. Das Problem ist also auf den Raumschnitt zurückgeführt. Also ist $H\Theta$ seiner Lage nach bestimmt.

XVI. Wenn 2 gerade Linien AB und ΓA ihrer Lage nach parallel sind und Punkt E gegeben ist, die Gerade
 30 $EB A$ zu ziehen, welche die Summe von AB und ΓA zu einer gegebenen Strecke macht. Es sei geschehen, und es sei $AZ = AB$, also ist ΓAZ gegeben, mithin Z . Man ziehe die Verbindungslinie AZ ; also ist AZ seiner Lage nach gegeben, nun ist diese Linie in H halbiert, denn
 35 $AB = AZ$. Also ist H gegeben; aber auch E , also seiner

ἐστίν. καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $[H]A$ γωνία· δοθέν ἄρα τὸ ὑπὸ $KAΘ$ · ἀπῆκται ἄρα πρὸς τὴν τοῦ χωρίου ἀποτομὴν· θέσει ἄρα ἡ $HΘ$.

ις. Δύο θέσει παραλλήλων οὐσῶν τῶν AB , $ΓA$ καὶ δοθέντος τοῦ E διαγαγεῖν τὴν $EBΔ$ 5
συναμφοότερον τὴν AB , $ΓA$ δοθεῖσαν. γερονέτω· καὶ τῇ AB ἴση ἡ $ΔZ$. δοθεῖσα ἄρα ἡ $ΓΔZ$ · δοθέν ἄρα τὸ Z . ἐπεξεύχθω ἡ AZ · θέσει ἄρα ἡ AZ . καὶ δίχα τέμνεται κατὰ τὸ H · ἴσαι γάρ εἰσιν αἱ AB , $ΔZ$ · δοθέν ἄρα τὸ H . ἀλλὰ καὶ τὸ E · θέσει ἄρα ἡ EH . 10
δεήσει ἄρα εἰς τὴν σύνθεσιν θεῖναι τῇ δοθείσῃ ἴσην τὴν $ΓZ$ καὶ ἐπιξεῦξαι τὴν AZ καὶ δίχα τεμεῖν κατὰ τὸ H , καὶ ἐπιξεύξαντα τὴν EH ἐκβαλεῖν ἐφ' ἐκάτερα· καὶ ἔσται ἡ ποιοῦσα τὸ πρόβλημα.

fol. 106^v

ις. | Σφαίρας δοθείσης καὶ λόγου τεμεῖν τὴν ἐπι- 15
φάνειαν τῆς σφαίρας ἐπιπέδῳ τινι, ὥστε τὰς ἐπι-
<φανείας> τῶν τμημάτων πρὸς ἀλλήλας λόγον ἔχειν τὸν αὐτὸν τῷ δοθέντι. ἔστω γὰρ ὁ δοθεὶς λόγος <ὁ> τῆς A πρὸς τὴν B . καὶ ἐκκείσθω ὁ μέγιστος κύκλος τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, οὗ διάμετρος ἡ $ΓA$. καὶ τετμήσθω ἡ 20
 $ΓA$ κατὰ τὸ E , ὥστε εἶναι ὡς τὴν A πρὸς τὴν B , οὕτως τὴν $ΓE$ πρὸς τὴν $EΔ$. καὶ ἀπὸ τοῦ E τῇ $ΓA$ πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ EZ . καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $ZΓ$, ZA · καὶ εἰλήθθω τὶ τυχὸν σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας τὸ $Θ$ · καὶ πόλῳ τῷ E , διαστήματι 25
δὲ ἴσῳ τῷ $ΓZ$ κύκλος γεγράφθω ὁ KA ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας. ἔσται δὴ τὰ ἀπειλημμένα τμήματα ἐν τῇ σφαίρᾳ ὑπὸ τοῦ KA κύκλου τὰς ἐπιφανείας ἔχοντα λόγον ἐχούσας πρὸς ἀλλήλας τὸν αὐτὸν τῷ τῆς

1 ἡ HA : correxi 14 ἐξῆς ἡ καταγραφὴ in mg. inf.
16—17 τὰς ἐπὶ τῶν: correxi 18 <ὁ> addidi

Lage nach EH . Man wird also behufs Konstruktion $\Gamma Z =$ der gegebenen Geraden machen, die Verbindungs-

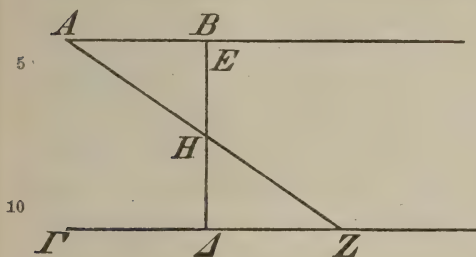


Fig. 76.

linie AZ ziehen und in H halbieren müssen, dann die Verbindungsline EH ziehen und nach beiden Richtungen verlängern müssen. Und sie wird es sein, die die Aufgabe löst.

XVII. Wenn eine Kugel und ein Verhältnis gegeben sind, die Oberfläche der Kugel durch eine Ebene so zu schneiden, daß die Oberflächen der Segmente zu einander

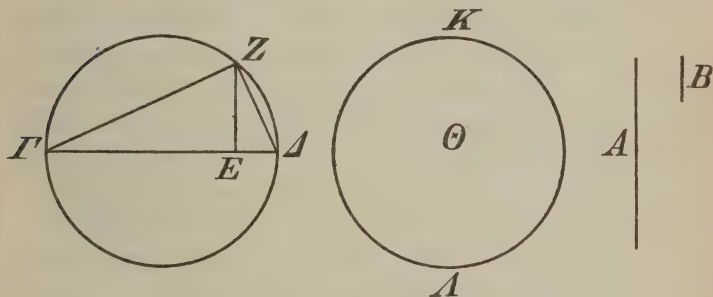


Fig. 77.

in dem gegebenen Verhältnis stehen. Das gegebene Verhältnis sei das von A zu B , und es liege einer der größten Kreise der Kugel vor, dessen Durchmesser $\Gamma\Delta$ sei. $\Gamma\Delta$ werde in E so geteilt, daß $\Gamma E : E\Delta = A : B$ sei. Nun errichte man auf $\Gamma\Delta$ in E die Senkrechte EZ und ziehe die Verbindungslinien $Z\Gamma$ und $Z\Delta$. Nun nehme man einen beliebigen Punkt Θ auf der Oberfläche der Kugel und beschreibe mit E als Pol und einem Abstände, der ΓZ gleich

A πρὸς τὴν B . ἡ μὲν γὰρ πρὸς τῷ Θ πόλῳ ἐπιφάνεια τοῦ τμήματος ἴση ἐστὶ κύκλῳ, οὗ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶν τῇ ΓZ , ἡ δὲ τοῦ λοιποῦ τμήματος ἐπιφάνεια ἴση ἐστὶ κύκλῳ, οὗ ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ἴση ἐστὶν τῇ ΔZ . οἱ δὲ εἰρημένοι κύκλοι πρὸς ἀλλήλους 5 εἰσὶν, ὥς τὰ ἀπὸ τῶν ΓZ $Z\Delta$ τετράγωνα πρὸς ἀλλήλα· ὥς δὲ \langle τὸ ἀπὸ τῆς ΓZ πρὸς \rangle τὸ ἀπὸ τῆς ΔZ , οὕτως ἡ ΓE πρὸς τὴν $E\Delta$, τουτέστιν ἡ A πρὸς τὴν B . αἱ ἄρα εἰρημέναι ἐπιφάνειαι λόγον ἔχουσι πρὸς ἀλλήλας τὸν τῆς A πρὸς τὴν B . ταῦτα γὰρ 10 ἐν τῷ β' περὶ σφαίρας Ἀρχιμήδει δέδεικται (c. 3 t. I p. 207 Heib.).

fol. 107^r

ιη. | Τὸν δοθέντα κύκλον διελεῖν εἰς τρία ἴσα δυσὶν εὐθείαις. τὸ μὲν οὖν πρόβλημα ὅτι οὐ ῥητόν ἐστι, δῆλον, τῆς εὐχρηστίας δὲ ἔνεκεν διελοῦμεν αὐτὸν 15 ὥς ἔγγιστα οὕτω. ἔστω ὁ δοθεὶς κύκλος, οὗ κέντρον τὸ A , καὶ ἐνηρμόσθω εἰς αὐτὸν τρίγωνον ἰσοπλευρον, οὗ πλευρὰ ἡ $B\Gamma$, καὶ παράλληλος αὐτῇ ἡχθῶ ἡ $\Delta A E$ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $B\Delta$ $\Delta\Gamma$. λέγω ὅτι τὸ $\Delta B\Gamma$ τμήμα τρίτον ἔγγιστά ἐστι μέρος τοῦ ὅλου κύκλου. 20 ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ BA $A\Gamma$. ὁ ἄρα $AB\Gamma Z B$ τομεὺς τρίτον ἐστὶ μέρος τοῦ ὅλου κύκλου. καὶ ἔστιν ἴσον τὸ $AB\Gamma$ τρίγωνον τῷ $B\Gamma\Delta$ τριγώνῳ· τὸ ἄρα $B\Delta[Z]\Gamma Z$ σχῆμα τρίτον μέρος ἐστὶ τοῦ ὅλου κύκλου, ᾧ δὴ μεῖ \langle ξ \rangle όν ἐστὶν αὐτοῦ τὸ $\Delta B\Gamma$ τμήμα ἀνεπαισ- 25 θήτου ὄντος ὥς πρὸς τὸν ὅλον κύκλον. ὁμοίως δὲ καὶ ἑτέραν πλευρὰν ἰσοπλεύρου τριγώνου ἐγγράψαντες ἀφελοῦμεν ἕτερον τρίτον μέρος· ὥστε καὶ τὸ

sei, einen Kreis $K\mathcal{A}$ auf der Oberfläche der Kugel. Es werden nun die in der Kugel von dem Kreise $K\mathcal{A}$ abgeschnittenen Segmente Oberflächen haben, die sich zu einander verhalten wie $A:B$. Denn die Oberfläche des
 5 Segments bei dem Pole Θ ist gleich einem Kreise, dessen Radius $= \Gamma Z$ ist, die Oberfläche des übrigbleibenden Segments, dessen Radius $= \mathcal{A}Z$ ist. Die genannten Kreise verhalten sich aber zu einander wie $\Gamma Z^2 : \mathcal{A}Z^2$. Es verhält sich aber $\Gamma Z^2 : \mathcal{A}Z^2 = \Gamma E : E\mathcal{A} = A:B$; also haben
 10 die genannten Oberflächen zu einander das Verhältniß von A zu B . Denn dies ist von Archimedes in dem 2. Buch über die Kugel nachgewiesen.

XVIII. Einen gegebenen Kreis durch 2 Gerade in drei gleiche Teile zu zerlegen. Daß das Problem nicht rationell
 15 ist, ist klar; des praktischen Gebrauchs wegen werden wir

aber eine annähernde Zerlegung folgendermaßen bewerkstelligen. Es sei ein Kreis gegeben, dessen Mittelpunkt A ist, und es werde in ihn ein gleichseitiges Dreieck einbeschrieben, dessen Seite $B\Gamma$ sei, und dazu die Parallele $\mathcal{A}AE$ gezogen, und die Verbindungslinien $B\mathcal{A}$ und $\mathcal{A}\Gamma$ gezogen. Ich behaupte, daß das Segment $\mathcal{A}B\Gamma$ an-

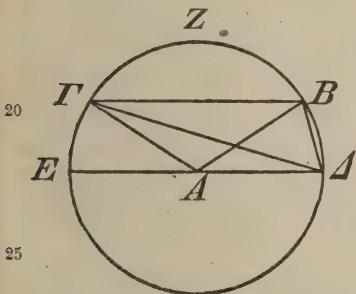


Fig. 78.

nähernd der dritte Teil des ganzen Kreises ist. Man ziehe
 30 nämlich die Verbindungslinien $B\mathcal{A}$ und $\mathcal{A}\Gamma$. Es ist also der Kreissektor $\mathcal{A}B\Gamma Z B$ der dritte Teil des ganzen Kreises. Nun ist Dreieck $\mathcal{A}B\Gamma = B\Gamma\mathcal{A}$. Die Figur $B\mathcal{A}\Gamma Z$ ist also der dritte Teil des ganzen Kreises, da das Stück, um das das Segment $\mathcal{A}B\Gamma$ größer ist als sie, im Verhältniß
 35 zu dem ganzen Kreise nicht in Betracht kommt. In gleicher Weise werden wir auch eine andere Seite eines gleichseitigen Dreiecks in den Kreis eintragen und ein zweites Drittel

καταλ(ε)ιπόμενον τρίτον μέρος ἔσται [μέρος] τοῦ ὅλου κύκλου.

(ιβ.) Τριγώνου δοθέντος τοῦ $ABΓ$ λαβεῖν τι σημεῖον τὸ Δ , ὥστε ἐπιζευχθεῖσων εὐθειῶν τῶν ΔA
 fol. 107^v ΔB | $\Delta Γ$ τὰ $AB\Delta$ $\Delta BΓ$ $\Gamma A\Delta$ τρίγωνα ἴσα εἶναι. 5
 γεγυέντω· καὶ τῇ $BΓ$ παράλληλος ἦχθω ἡ ΔE καὶ
 ἐπεξεύχθω ἡ $EΓ$. τὸ ἄρα $ABΓ$ τρίγωνον τρίτον μέ-
 ρος ἐστὶ τοῦ $ABΓ$. καὶ ἔστιν ἴσον τῷ $EBΓ$ · τριπλά-
 σιον ἄρα ἐστὶ τὸ $ABΓ$ τρίγωνον τοῦ $EBΓ$ τριγώνου.
 ὥστε καὶ ἡ AB τῆς BE ἐστὶ τριπλῇ. καὶ ἔστι δο- 10
 θεῖσα ἡ AB · δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ BE · καὶ δοθὲν τὸ
 B · δοθὲν ἄρα καὶ τὸ E · καὶ παρὰ τὴν $BΓ$ [καὶ] ἡ
 $E\Delta$ · θέσει ἄρα ἡ $E\Delta$. πάλιν δὲ τῇ AB παράλληλος
 ἦχθω ἡ ΔZ καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ZB . ὁμοίως δὲ δεῖξομεν,
 ὅτι καὶ ἡ ΓA τριπλασία ἐστὶ τῆς ZA · δοθὲν ἄρα τὸ 15
 Z · θέσει ἄρα ἡ $Z\Delta$ · θέσει δὲ καὶ ἡ ΔE · δοθὲν ἄρα
 τὸ Δ . συντεθήσεται δὲ οὕτως. εἰλήφθω τῆς μὲν
 AB τρίτον μέρος ἡ BE , τῆς δὲ $AΓ$ ἡ AZ , καὶ τῇ
 μὲν $BΓ$ παράλληλος ἡ $E\Delta$, τῇ δὲ AB ἡ $Z\Delta$. ἐπι-
 ζευχθεῖσαι οὖν αἱ ΔA , ΔB , $\Delta Γ$ ποιήσουσι τὰ $AB\Delta$, 20
 $\Delta BΓ$, $\Gamma A\Delta$ τρίγωνα ἴσα.

Αἱ μὲν οὖν τῶν εἰρημένων ἐπιπέδων χωρίων διαι-
 ρήσεις αὐτάρκως εἰρηνται, ἐξῆς δὲ ἐπὶ τὰ στερεὰ χω-
 ρήσομεν. ὅσα μὲν οὖν ἰσοπαχῇ τυγχάνει στερεὰ, οἷον
 κύλινδροι καὶ παραλληλεπίπεδα καὶ ὅσα ἀπλῶς τὰς 25
 βάσεις ταῖς κορυφαῖς τὰς αὐτὰς ἔχει, εὐκόπως διαι-
 ρεῖται εἰς τοὺς δοθέντας λόγους. ὃν γὰρ ἔχει λόγον
 τὸ μῆκος, τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον καὶ τὸ στερεόν. τῶν

1 καταλιπόμενον: correxi μέρος delevi 3 numerum
 capitis addidi 3—4 τὸ σημείον: correxi 8 τὸ $EBΓ$: corr.
 m. 2 12 [καὶ] del. m. 2

davon abteilen. Daher wird dann auch der Rest ein ganzes Drittel des ganzen Kreises sein.

XIX. Wenn ein Dreieck $AB\Gamma$ gegeben ist, einen Punkt Δ so zu bestimmen, daß wenn die Verbindungslinien ΔA , ΔB und $\Delta \Gamma$ gezogen werden, die Dreiecke $AB\Gamma$, $\Delta B\Gamma$, $\Gamma A \Delta$ einander gleich sind. Es sei geschehen, und man ziehe zu $B\Gamma$ die Parallele ΔE , und die Verbindungslinie $E\Gamma$. Also ist Dreieck $\Delta B\Gamma = \frac{1}{3} AB\Gamma$ und dieses ist $= E B\Gamma$. Also ist $AB\Gamma = 3 E B\Gamma$. Daher ist auch $AB = 3 BE$. Nun ist AB gegeben, also auch BE , und B gegeben, also auch E und parallel $B\Gamma$ ist $E\Delta$; also ist seiner Lage nach $E\Delta$ gegeben. Wiederum ziehe

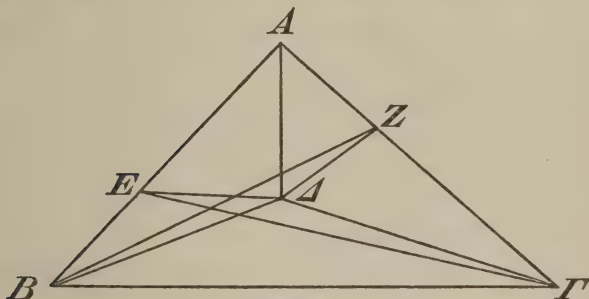


Fig. 79.

man zu AB die Parallele ΔZ und die Verbindungslinie ZB . Wir werden also in ähnlicher Weise nachweisen, daß $\Gamma A = 3 Z A$ ist. Also ist Z gegeben, mithin seiner Lage nach $Z\Delta$, aber es ist auch seiner Lage nach ΔE gegeben. Also ist Δ gegeben. Konstruiert wird es folgendermaßen. Man nehme den dritten Teil von $AB = BE$ und den dritten Teil von $A\Gamma = AZ$ und ziehe zu $B\Gamma$ die Parallele $E\Delta$, zu AB die Parallele $Z\Delta$. Zieht man nun die Verbindungslinien ΔA , ΔB und $\Delta \Gamma$, so werden sie die gleichen Dreiecke $AB\Delta$, $\Delta B\Gamma$ und $\Gamma A \Delta$ bilden.

Die Teilungsmethoden nun der genannten ebenen Figuren sind ausreichend behandelt. Im folgenden werden

δὲ μειούρων αἱ διαιρέσεις οὐχ οὕτως, οἷον πυραμί-
 fol. 108^r δων | καὶ κώνων καὶ τῶν τοιούτων· διὸ περὶ αὐτῶν
 γράψομεν.

κ. Ἐστω γὰρ πυραμὶς βάσιν μὲν ἔχουσα οἰανδη-
 ποτοῦν τὴν $ABΓΔ$, κορυφὴν δὲ τὸ E σημείον· καὶ 5
 δεδοσθω αὐτῆς μία πλευρὰ ἡ AE μονάδων ϵ . καὶ
 δέον ἔστω τεμεῖν αὐτὴν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει,
 ὥστε τὴν ἀποτεμνομένην πρὸς τῇ κορυφῇ πυραμίδα
 τοῦ καταλειπομένου στερεοῦ εἶναι, εἰ τύχοι, τετρα-
 πλῆν. τεμνέσθω καὶ ποιείτω τομὴν τὸ $ZHΘK$. \langle ἡ 10
 ἄρα AZ \rangle πλευρὰ ἐστὶ τοῦ $ABΓΔ ZHΘK$ στερεοῦ·
 ἡ ἄρα $ABΓΔE$ πυραμὶς πρὸς τὴν $ZΘHKE$ πυρα-
 μίδα λόγον ἔχει, ὃν τὰ ϵ πρὸς τὰ δ . ὥς δὲ αἱ πυρα-
 μίδες πρὸς ἀλλήλας, οὕτως οἱ ἀπὸ τῶν ὁμολόγων
 πλευρῶν κύβοι· ὁ ἄρα ἀπὸ τῆς AE κύβος πρὸς τὸν 15
 ἀπὸ τῆς EZ κύβον λόγον ἔχει, ὃν τὰ ϵ πρὸς τὰ δ · καὶ
 ἔστιν $\langle\delta\rangle$ ἀπὸ τῆς AE κύβος μονάδων ρκε· ὁ ἄρα
 ἀπὸ τῆς EZ κύβος ἐστὶ μονάδων ρ. δεήσει ἄρα τῶν
 ρ μονάδων λαβεῖν κυβικὴν πλευρὰν ὥς ἔγγιστα· ἐστὶ
 δὲ μονάδων δ καὶ θ ^{ιδ'}, ὥς ἐξῆς δείξομεν. ὥστε ἐὰν 20
 ἀποληφθῇ ἡ EZ μονάδων δ καὶ θ ^{ιδ'} καὶ διὰ τοῦ Z
 σημείου τμηθῇ ἡ πυραμὶς ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βά-
 σει, ἔσται τὸ προκείμενον. συντεθήσεται δὲ οὕτως·
 κύβισον τὰ ϵ · γίγνεται ρκε. καὶ ἐπεὶ λόγος ἐστὶν,
 ἐν θ διαιρεῖται ἡ πυραμὶς, ὃν δ πρὸς α , σύνθες δ 25
 καὶ ἐν· γίγνεται ϵ . καὶ τὰ ρκε ἐπὶ τὸν δ · γίγνε-
 ται φ. παρὰβαλε παρὰ τὸν ϵ · γίγνεται ρ· καὶ τού-

wir uns den Körpern zuwenden. Alle Körper nun von gleichmäfsiger Dicke wie Cylinder und Parallelepipeda und alle, in denen schlechthin die unteren Abschlußflächen gleich den oberen sind, werden leicht nach gegebenen Verhältnissen zerlegt. Denn die Körper verhalten sich wie die Höhen. Mit der Teilung von Körpern, die sich verjüngen, z. B. Pyramiden, Kegeln und ähnlichen, verhält es sich dagegen anders, daher werden wir über sie handeln.

10 XX. Es sei eine Pyramide, die eine Basis $AB\Gamma A$ von beliebiger Form hat und zur Spitze den Punkt E . Es sei gegeben eine Seite derselben $AE = 5$ und die Auf-

gabe sei, sie mit einer der Basis parallelen Ebene so zu schneiden, daß die an der Spitze abgeschnittene Pyramide beispielsweise viermal so groß sei als der übrigbleibende Körper. Man mache den Schnitt, er ergebe die Schnittfläche $ZH\Theta K$, so daß also AZ eine Seite des Körpers $AB\Gamma AZH\Theta K$ ist. Also verhält sich die Pyramide $AB\Gamma AE$ zu der Pyramide $Z\Theta HKE = 5 : 4$. Es verhalten sich aber die dritten Potenzen entsprechender Seiten wie die Pyramiden zu einander. Also

ist $AE^3 : EZ^3 = 5 : 4$. Nun ist $AE^3 = 125$; also
 35 $EZ^3 = 100$. Man wird daher $\sqrt[3]{100}$ annähernd bestimmen müssen; sie ist $= 4\frac{9}{14}$, wie wir im folgenden zeigen werden. Wenn daher $EZ = 4\frac{9}{14}$ abgetragen und im Punkte Z die

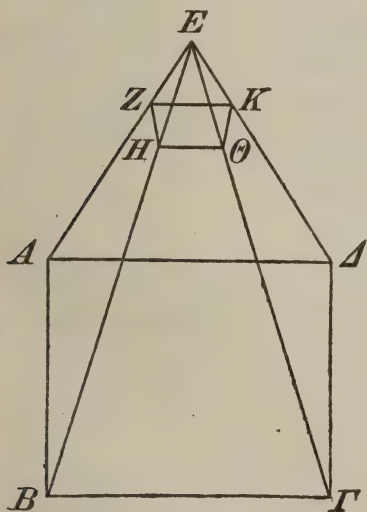


Fig. 80.

των κυβικὴν πλευρὰν· γίγνεται δ καὶ Θ ^{ιδ'} τοσούτου ἔσται ἡ EZ .

Ὡς δὲ δεῖ λαβεῖν τῶν ρ μονάδων κυβικὴν πλευρὰν, νῦν ἐροῦμεν.

Λαβὲ τὸν ἔγγιστα κύβον τοῦ ρ τόν τε ὑπερβάλλοντα 5 καὶ τὸν ἐλλείποντα· ἔστι δὲ ὁ $\rho\kappa\epsilon$ καὶ ὁ $\xi\delta$. καὶ ὅσα μὲν ὑπερβάλλει, μονάδες κε, ὅσα δὲ ἐλλείπει, fol. 108^v μονάδες λς. | καὶ ποιήσον τὰ ϵ ἐπὶ τὰ λς· γίγνεται $\rho\pi$ · καὶ τὰ ρ · γίγνεται $\sigma\pi$. <καὶ παράβαλε τὰ $\rho\pi$ παρὰ τὰ $\sigma\pi$ > γίγνεται Θ ^{ιδ'}. πρόσβαλε τῇ [κατὰ] τοῦ ἐλάσσονος κύβου πλευρᾷ, τουτέστι τῷ δ · γίγνε- 10 ται μονάδες δ καὶ Θ ^{ιδ'}. τοσούτων ἔσται ἡ τῶν ρ μονάδων κυβικὴ πλευρὰ ὡς ἔγγιστα. 15

κα. Τὸν δοθέντα κῶνον διελεῖν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ. ἔστω ὁ δοθεὶς κῶνος, οὗ βάσις μὲν ἔστιν ὁ AB κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ Γ . καὶ ἔστω αὐτοῦ ἡ πλευρὰ μονάδων ϵ . καὶ

ἐπιτετάχθω διελεῖν, ὡς εἴρηται, ὥστε τὸν ἀποτεμνόμενον πρὸς τῇ κορυφῇ κῶνον τετραπλασίονα εἶναι τοῦ 25 καταλειπομένου κολούρου κῶνου. ἀκολουθῶς οὖν τοῖς ἐπὶ τῆς πυραμίδος εἰρημένοις ἔξει ὁ ἀπὸ τῆς $A\Gamma$ κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς $\Gamma\Delta$ κύβον λόγον, ὃν ἔχει τὰ ϵ πρὸς τὰ δ · ὁ ἄρα ἀπὸ τῆς $\Gamma\Delta$ κύβος ἔσται μονά-

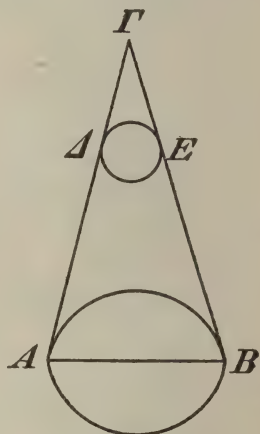


Fig. 81.

Pyramide durch eine der Basis parallele Ebene geschnitten wird, so wird die Aufgabe gelöst sein. Berechnet wird es folgendermaßen. $5^3 = 125$. Und da das Verhältnis, in dem geteilt wird, $= 4 : 1$ ist:

$$\begin{array}{l} 5 \qquad \qquad \qquad 4 + 1 = 5 \\ \qquad \qquad \qquad 125 \times 4 = 500 \\ \qquad \qquad \qquad 500 : 5 = 100 \\ \qquad \qquad \qquad \sqrt[3]{100} = 4\frac{9}{14}. \end{array}$$

So groß wird EZ sein.

10 Wie man $\sqrt[3]{100}$ zu bestimmen hat, werden wir nunmehr angeben.

Nimm die 100 nächstkommende Kubikzahl, sowohl die nächstgrößere als die nächstkleinere. Es sind 125 und 64.

$$\begin{array}{l} 125 - 100 = 25 \\ 15 \qquad \qquad 100 - 64 = 36 \\ \qquad \qquad 5 \times 36 = 180 \\ \qquad \qquad 180 + 100 = 280 \\ \qquad \qquad \qquad \frac{180}{280} = \frac{9}{14} \\ \qquad \qquad 4 + \frac{9}{14} = 4\frac{9}{14}. \end{array}$$

20 So groß wird annähernd $\sqrt[3]{100}$ sein.

XXI. Einen gegebenen Kegel durch eine der Basis parallele Ebene in einem gegebenen Verhältnis zu teilen. Es sei der gegebene Kegel der, dessen Basis der Kreis AB und dessen Spitze Γ ist, und seine Seite sei $= 5$. Die 25 Aufgabe sei, ihn in der angegebenen Weise zu teilen, so daß der an der Spitze abgeschnittene Kegel viermal so groß ist, als der übrigbleibende Kegelstumpf. Es wird sich nun, entsprechend dem bei der Pyramide Bemerkten, $A\Gamma^3 : \Gamma A^3 = 5 : 4$ verhalten. Also wird $\Gamma A^3 = 100$, 30 mithin $\Gamma A = 4\frac{9}{14}$ sein. Man trage nun ΓA so groß ab und

3 sq. cf. M. Curtze Zeitschrift f. Math. u. Physik, hist.-litt. Abt. 1897 p. 118 sq. 3 τὸν ρ: correxi 10-11 καὶ παραβελήσθω ταῦτα παρὰ τὰ ρπ man. 2 in mg. perperam; supplevi 12 [κατὰ] delevi 13 τὸ δ: correxi

δων ρ· αὐτὴ ἄρα ἡ $\Gamma\Delta$ ἔσται μονάδων δ καὶ θ^{ιδ'}
ἔγγιστα. ἀπειλήφθω οὖν ἡ $\Gamma\Delta$ τοσούτων. καὶ διὰ
τοῦ Δ ἐπίπεδον ἐκβεβλήσθω παράλληλον τῇ βάσει
καὶ ποιείτω τομὴν τὸν ΔE κύκλον, ὃς ποιήσει τὸ προ-
κείμενον.

5

fol. 109^r

κβ. | Ὡς $\langle \sigma \tau \rangle$ ω δὴ [δ] δοθεὶς \langle κόλουρος \rangle κῶνος, ὃν
δεῖ διελεῖν ἐν τῷ δοθέντι λόγῳ. ἔστω βάσις μὲν ὁ AB
κύκλος, κορυφὴ δὲ ὁ ΔE . καὶ ἐπιτετάχθω διελεῖν
αὐτὸν ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ βάσει, ὥστε τὸ πρὸς τῇ
 \langle κορυφῇ \rangle τμήμα τετραπλάσιον εἶναι τοῦ καταλειπο- 10
μένου· δεδόσθω δ' ἡ μὲν τοῦ AB κύκλου διάμετρος
μονάδων κη, ἡ δὲ τοῦ AE μονάδων κα, τὸ δὲ ὕψος
μονάδων ιβ· καὶ διηρήσθω, ὡς εἴρηται, τῷ ZH κύκ-
λῳ, ὥστε τὸν ΔEZH κῶνον κόλουρον τετραπλασίονα
εἶναι τοῦ $ZHAB$ κολούρου κῶνον· ὁ ἄρα $AB\Delta E$ 15
κωνοκόλουρος πρὸς τὸν ΔEZH λόγον ἔχει, ὃν ε
πρὸς δ. καὶ ἔστιν ὁ $AB\Delta E$ κωνοκόλουρος δοθεὶς·
αἱ γὰρ διαμέτροι τῶν βάσεων αὐτοῦ δοθεῖσαι εἰσιν
καὶ ἔτι τὸ ὕψος δοθέν· δοθεὶς ἄρα καὶ ὁ ΔEZH
κωνοκόλουρος. ἤχθω δὴ κάθετος ἡ $\Delta\Theta$ καὶ προσηυξή- 20
σθω ὁ κῶνος. καὶ ἔστω αὐτοῦ κορυφὴ τὸ Γ , ἄξων
δὲ ὁ $\Gamma\Delta$. ἐπεὶ ἡ ΔE ἔστι δοθεῖσα, δοθεῖσα ἄρα καὶ
ἡ ΔA , τουτέστιν ἡ $K\Theta$. ἀλλὰ καὶ ἡ ΔK δοθεῖσά
ἐστίν· καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ $A\Theta$ δοθεῖσά ἐστίν· λόγος ἄρα
τῆς $K\Delta$ πρὸς $A\Theta$ δοθεὶς· ὥστε καὶ τῆς ΓK πρὸς 25
 $\Delta\Theta$ · καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ $\Delta\Theta$ · δοθεῖσα ἄρα ἡ ΓK .
ὦν ἡ $K A$ δοθεῖσά ἐστίν· ἴση γὰρ ἐστὶ τῇ $\Delta\Theta$. καὶ
λοιπὴ ἄρα ἡ $\Gamma\Delta$ δοθεῖσά ἐστίν· δοθεὶς ἄρα ἐστὶν ὁ
 $\Gamma\Delta E$ κῶνος καὶ ἡ ZH . καὶ ἔτι ὁ $\Gamma B A$ · λόγος ἄρα
τῶν ΓAB , $\Delta E\Gamma$ κῶνων πρὸς τὸν $\Gamma H Z$ κῶνον. | ὡς 30
δὲ οἱ κῶνοι πρὸς ἀλλήλους, οὕτω καὶ οἱ \langle ἰ ἀπὸ τῶ \rangle ν

fol. 109^v

lege durch Δ eine der Basis parallele Ebene. Diese gebe als Schnittfläche den Kreis ΔE , der die Aufgabe lösen wird.

XXII. Es sei ein Kegelstumpf gegeben, den man in einem gegebenen Verhältnis teilen soll. Seine Basis sei
 5 der Kreis AB , seine obere Abschlußfläche der Kreis ΔE und die Aufgabe sei, ihn durch eine der Basis parallele Ebene so zu teilen, daß der Abschnitt an der oberen Abschlußfläche viermal so groß ist als der übrig bleibende. Es sei nun der Durchmesser des Kreises $AB = 28$, der
 10 Durchmesser des Kreises $\Delta E = 21$ und die Höhe $= 12$ gegeben. Geteilt sei, wie gesagt, durch den Kreis ZH , so daß der Kegelstumpf ΔEZH viermal so groß ist als der Kegelstumpf $ZHAB$. Es verhält sich also Kegelstumpf $AB\Delta E : \Delta EZH = 5 : 4$. Nun ist der Kegelstumpf $AB\Delta E$ gegeben; denn die Durchmesser seiner
 15 Basen sind gegeben und außerdem seine Höhe. Also ist auch der Kegelstumpf ΔEZH gegeben. Man ziehe nun die Senkrechte $\Delta\Theta$ und vervollständige den Kegel; seine Spitze sei Γ , seine Axe ΓA . Da ΔE gegeben ist, ist
 20 auch ΔA^1 , d. h. $K\Theta$ gegeben. Aber auch ΔK ist gegeben, mithin ist $\Delta\Theta$ gegeben. Also ist $K\Delta : \Delta\Theta$ gegeben, daher auch $\Gamma K : \Delta\Theta$. Nun ist $\Delta\Theta$ gegeben, also ist ΓK gegeben. Nun ist $K\Delta$ gegeben, denn sie ist
 25 $= \Delta\Theta$. Also ist ΓA gegeben. Mithin ist der Kegel $\Gamma\Delta E$ und ZH gegeben und außerdem der Kegel ΓAB , mithin das Verhältnis der Kegel $\Gamma AB + \Delta E\Gamma$ zu dem Kegel ΓHZ . Es verhalten sich aber $\Gamma A^3 + \Gamma K^3 : \Gamma M^3$ wie die Kegel zu einander. Nun ist aber $\Gamma A^3 + \Gamma K^3$ gegeben, also ist auch ΓM^3 gegeben. Also ist ΓM gegeben, daher auch ΔM ; also ist $K\Delta : \Delta M$, d. h. $\Delta\Delta : \Delta Z$

1) Man sollte erwarten „ $\Delta\Theta$ d. h. $K\Delta$ “, was jedoch auch schwer verständlich wäre, da $\Delta\Theta$ als Höhe gegeben ist.

6 supplevi [ó] delevi supplevi 9—10 προς τι τμήμα:
 correxí et supplevi 11 δὴ correxí 13 διηρέϊσθω m. 1
 17—18 δοθεῖσαι: distinxi 23 AK: correxí; sequuntur mendosa
 25 KA: correxí 29 supplevi 31 supplevi

ΓΚΑ κύβοι πρὸς τὸν ἀπὸ τοῦ ΓΜ κύβον. δ<οθέν-
 τες> δὲ οἱ ἀπὸ τῶν ΚΓΑ κύβοι· δοθεῖς ἄρα καὶ ὁ
 ἀπὸ τῆς ΓΜ κύβος· δοθεῖς<α> ἄρα ἡ ΓΜ· ὥστε καὶ
 ἡ ΑΜ· λόγος ἄρα τῆς ΚΑ πρὸς τὴν ΑΜ, τουτέστι
 τῆς ΑΔ πρὸς ΑΖ δοθεῖς· καὶ ἔστι δοθεῖσα ἡ ΑΔ, ⁵
 ἐπεὶ καὶ ἐκατέρω τῶν ΔΘ ΘΑ· δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ
 ΑΖ· δοθὲν ἄρα τὸ Ζ· ὥστε καὶ ἡ <δι> αὐτοῦ τομῇ,
 τουτέστιν ὁ ΖΗ κύκλος. συντεθῆσεται δὲ ἀκολουθῶς
 τῇ ἀναλύσει οὕτως· λαβὲ τὸ στερεὸν τοῦ κολουροκώ-
 νου, ὡς ἐμάθομεν. γίνεται <εχρη>. ταῦτα ἐπὶ τὸν δ· ¹⁰
 γίγνεται ^βμ, βψ ςβ. παρὰβαλε παρὰ τὸν ε· γίγνεται
 <ε'>
 ,δφνη β· τοσοῦτον ἔσται τὸ ἐμβαδὸν τοῦ ΔΕΖΗ κο-
 λουροκώνου. καὶ ἀπὸ τῶν κη ἄφеле κα· λοιπὰ ζ· τού-
 των τὸ ἥμισυ· γίγνεται γλ· καὶ τῶν κη τὸ ἥμισυ·
 γίγνεται ιδ· καὶ ποιήσον ὡς τὰ γλ πρὸς τὰ ιδ, οὕτως ¹⁵
 τὸ ὕψος, τουτέστι τὰ ιβ, πρὸς ἄλλον τινά· ἔστι δὲ πρὸς
 μη. ἄφеле τὰ ιβ· λοιπὰ λς· ἔσται ὁ ἄξων τοῦ ΓΔΕ
 κώνου μονάδων λς. καὶ ἔστιν ἡ ΔΕ διάμετρος μονά-
 δων κα· τὸ ἄρα στερεὸν τοῦ κώνου, ὡς ἐμάθομεν,
 ἔσται ,δρνη· πρόσθετες ταῦτα ἐκατέρω τῷ τε ,εχρη καὶ ²⁰
 τῷ ,δφνη ^{ε'}β· γίγνεται ,θωνς· καὶ τὰ ,δρνη· γίγνεται
^αμ, διδ· <σύνθετες τὰ ,δφνη β καὶ τὰ ,δρνη· γίγνεται
^αμ, διδ>. καὶ κύβισον τὸν μη· καὶ ἔτι τὸν λς· καὶ σύνθετες
 τοὺς β κύβους· γίνονται ^αμ ξσμη. ποιήσον οὖν ὡς τὰ

1—2 supplevi 3 δοθεῖς: correxi 5 ΔΖ: correxi
 6 ΔΘ ΘΑ: correxi 7 ΔΖ: correxi supplevi 10 ex-
 plevi intercapedinem 12 ,δφνηβ': correxi 13 κβ, sed β in
 η mutavit m. 1 19 κδ: correxi 21 ,δφνε: correxi 22 sup-
 plevi 23 μδ: correxi

gegeben. Nun ist AA gegeben, da $A\Theta$ und ΘA gegeben sind. Also ist auch AZ gegeben, mithin Z . Also ist auch der Schnitt durch Z , d. h. der Kreis ZH gegeben. Berechnet wird es, der Analyse entsprechend, folgendermaßen. Bestimme den Körperinhalt des Kegelstumpfs, wie wir es lernten; er ist $= 5698$.

$$4 \times 5698 = 22792$$

$$\frac{22792}{5} = 4558\frac{2}{5}.$$

So groß wird der Inhalt des Kegelstumpfs $A EZH$ sein,

$$10 \quad 28 - 21 = 7$$

$$\frac{7}{2} = 3\frac{1}{2}$$

$$\frac{28}{2} = 14$$

$$\frac{3\frac{1}{2}}{14} = \frac{12}{x}$$

$$x = 48$$

$$15 \quad 48 - 12 = 36.$$

Die Axe des Kegels ΓAE wird $= 36$ sein. Nun ist der Durchmesser $AE = 21$; der Körperinhalt des Kegels wird daher, wie wir lernten, $= 4158$ sein. Addiere dies sowohl zu 5698 als auch zu 4158. Es ergibt 9856.

20 Dazu 4158, ergibt 14014.

$$4558\frac{2}{5} + 4158 = 8716\frac{2}{5}$$

$$48^3 + 36^3 = 17248$$

Nun ist

$$\frac{14014}{8716\frac{2}{5}} = \frac{17248}{x}$$

$$25 \quad x = 97050$$

$$\sqrt{97050} \text{ annähernd} = 46$$

$$46 - 36 = 10$$

$$12^2 = 144$$

$$(3\frac{1}{2})^2 = 12\frac{1}{4}$$

$$30 \quad 144 + 12\frac{1}{4} = 156\frac{1}{4}$$

$$\sqrt{156\frac{1}{4}} = 12\frac{1}{2}.$$

Die Seite AA des Kegelstumpfs wird $= 12\frac{1}{2}$ sein.

μ^{α} διδ πρὸς τὸ [ἀπὸ] $\eta\psi\iota\varsigma$ $\beta^{\epsilon'}$, οὕτως μ^{α} $\xi\sigma\mu\eta$ πρὸς τι·
 ἔστι δὲ πρὸς μ^{θ} $\xi\nu$. τούτων λαβὲ κυβικὴν πλευρὰν
 ὡς ἔγγιστα· γίνονται $\mu\varsigma$. ἄφελε τὰς $\lambda\varsigma$ · λοιπαὶ μο-
 νάδες ι· καὶ τὰ ιβ τοῦ ὕψους ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ρηδ·
 καὶ τὰ γλ ἐφ' ἑαυτά· γίνεται ιβ δ'. σύνθεσ· γίνονται 5
 ρης δ'· ὦν πλευρὰ γίνονται ιβλ· ἢ τοῦ κωνο[υ]κο-
 λούρου πλευρὰ ἢ ΔA ιβλ· καὶ ποιήσον ὡς τὰ ιβ τοῦ
 fol. 110^r ὕψους πρὸς τὰ ι, οὕτως τὰ ιβλ πρὸς τί· | ἔστι δὲ πρὸς
 ι $\epsilon^{\beta'}$. καὶ διὰ τοῦ Z σημείου τετμήσθω ὁ κῶνος, ὡς
 εἴρηται. καὶ ἔσται τὸ προκείμενον. 10

κγ. Τὴν δοθεῖσαν σφαῖραν ἐπιπέδῳ τεμεῖν, ὥστε
 τὰ τμήματα τῆς σφαίρας πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχειν τὸν
 ἐπιταχθέντα. ἔστω δὴ ὁ δοθεὶς λόγος τῆς A πρὸς
 τὴν B · καὶ ἐκκείσθω κύκλος ἐν ἐπιπέδῳ εἰς τῶν με-
 γίστων τῶν ἐν τῇ σφαίρᾳ, οὗ κέντρον μὲν τὸ Γ , 15
 διάμετρος δὲ ἡ ΔE · καὶ τῇ ΓE ἴση κείσθω ἡ $E Z$ καὶ
 τετμήσθω κατὰ τὸ H , ὥστε εἶναι ὡς τὴν $Z H$ πρὸς
 τὴν $H E$, τὴν A πρὸς τὴν B · ἢ δὲ ΔE τετμήσθω
 κατὰ τὸ Θ , ὥστε εἶναι ὡς τὴν $E Z$ πρὸς $Z H$, οὕτως
 τὸ ἀπὸ $E \Delta$ πρὸς τὸ ἀπὸ $\Delta \Theta$ · καὶ τῇ ΔE πρὸς ὀρθὰς 20
 ἡ $\Theta K \Lambda$ · καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $K \Delta$ · καὶ εἰλήφθω τυχὸν
 σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τῆς σφαίρας καὶ πόλῳ τῷ
 M , διαστήματι <δὲ> [τῷ] ἴσῳ τῇ $K \Delta$ κύκλος γεγράφθω
 ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τῆς σφαίρας ὁ $N \Xi$. λέγω ὅτι τὰ
 ἀπολαμβανόμενα τμήματα ὑπὸ τοῦ γραφέντος κύκλου 25
 fol. 110^v πρὸς ἄλληλα λόγον ἔχει, ὃν ἡ A πρὸς τὴν B . τοῦτο γὰρ
 ὁμοίως | Ἀρχιμήδει δέδεικται ἐν τῷ β' περὶ σφαίρας
 (c. 4 t. 1 p. 210 Heib.).

1 [ἀπὸ] deleui μ^{ϵ} : correxi 2 μ^{θ} $\xi\nu$: correxi 6—7 κῶνον
 κολούρου: correxi 8—9 πρὸς ι' γ' ι' β': correxi 23 [τῷ]
 deleui, <δὲ> addidi

Nun ist

$$\frac{12}{10} = \frac{12\frac{1}{2}}{x}$$

$$x = 10\frac{5}{12}$$

Nun schneide man durch den Punkt Z den Kegel, wie
5 angegeben, und die Aufgabe wird gelöst sein.

XXIII. Eine gegebene Kugel durch eine Ebene so zu
schneiden, daß die Kugelsegmente ein gegebenes Verhältnis
haben. Das gegebene Verhältnis sei das von A zu B und
es sei ein größter Kreis der Kugel in einer Ebene gegeben,
10 dessen Mittelpunkt Γ und dessen Durchmesser AE sein

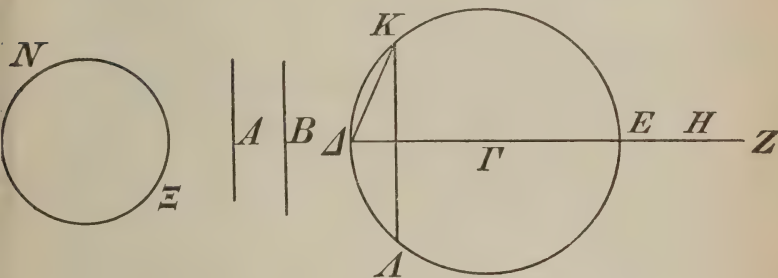


Fig. 82.

soll. Nun werde $EZ = \Gamma E$ gemacht und in H so ge-
schnitten, daß $ZH : HE = A : B$. Und AE werde in Θ
so geschnitten, daß $EZ : ZH = EA^2 : A\Theta^2$. Man ziehe
dann im rechten Winkel zu AE die Linie ΘKA , und die
15 Verbindungslinie KA , nehme einen beliebigen Punkt auf
der Oberfläche der Kugel und beschreibe mit M als Pol
und einem Abstand, der gleich KA sei, auf der Ober-
fläche der Kugel den Kreis $N\Xi$. Ich behaupte, daß die
von dem beschriebenen Kreise getrennten Kugelsegmente
20 sich wie $A : B$ zu einander verhalten. Denn dies hat
Archimedes ebenfalls in seinem 2. Buche über die Kugel
nachgewiesen.

ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ
ΠΕΡΙ ΔΙΟΠΤΡΑΣ

ΗΡΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ ΠΕΡΙ ΔΙΟΠΤΡΑΣ

cod. Paris.
suppl. gr. 607
fol. 62^r
pag. 174 Vi

α. Τῆς διοπτρικῆς πραγματείας πολλὰς καὶ ἀναγ-
καίας παρεχομένης χρείας καὶ πολλῶν περὶ αὐτῆς
λελεχότων ἀναγκαῖον εἶναι νομίζω τὰ τε ὑπὸ τῶν πρὸ 5
ἑμοῦ παραλειφθέντα καὶ, ὥς προεῖρηται, χρεῖαν παρέ-
χοντα γραφῆς ἀξιῶσαι, τὰ δὲ δυσχερῶς εἰρημένα εἰς
εὐχέρειαν μεταγαγεῖν, τὰ δὲ ψευδῶς εἰρημένα εἰς
διόρθωσιν προάξει. οὐχ ἡγοῦμαι δὲ ἀναγκαῖον εἶναι
τὰ τε ἡμαρτημένως καὶ δυσχερῶς ἐκτεθειμένα ἢ καὶ 10
διημαρτημένα ὑπὸ τῶν πρὸ ἡμῶν νῦν εἰς μέσον
φέρειν· ἐξέσται γὰρ τοῖς βουλομένοις ἐντυγχάνουσιν
κρίνειν τὴν διαφοράν. ἔτι δὲ καὶ ὅσοι ἀναγραφὴν
πεποιήνται περὶ τῆς πραγματείας, οὐ [διὰ] μιᾶ ἢ τῇ
αὐτῇ διόπτρᾳ κέχρηται πρὸς τὴν ἐνέργειαν, πολλαῖς 15
δὲ καὶ διαφόροις, καὶ ὀλίγας δι' αὐτῶν προτάσεις ἐπι-
τελέσαντες. ἡμεῖς μὲν οὖν καὶ τοῦτο αὐτὸ πεφιλοτιμη-
μεθα, ὥστε διὰ τῆς αὐτῆς τὰς προκειμένας ἡμῖν προ-
τάσεις ἐνεργεῖσθαι. οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ ἂν ἑτέρας τις
ἐπινοήσῃ, οὐκ ἀμοιρῇσει ἢ κατασκευασθεῖσα ὑφ' ἡμῶν 20
διόπτρα, ὥστε καὶ ταύτας ἐνεργεῖν.

ÜBER EINE DIOPTRA VON HERON VON ALEXANDRIA.

I. Da die Lehre von der Dioptra viele und unentbehrliche praktische Anwendungen bietet und Viele über sie
5 gehandelt haben, so halte ich für nötig, das von meinen Vorgängern Übergangene, das, wie gesagt, eine praktische Anwendung gestattet, der Darstellung zu würdigen, das schwierig Dargestellte in eine leichtfaßliche Form zu bringen und das falsch Dargestellte zu verbessern. Ich
10 glaube jedoch nicht, daß es nötig ist, das von meinen Vorgängern in fehlerhafter und schwerverständlicher Form Vorgetragene oder auch sachlich Verfehlte hier zu behandeln. Denn wem daran liegt, der kann sich durch eigene Lektüre ein Urteil über den Unterschied bilden.
15 Ferner haben auch diejenigen, welche über den Gegenstand geschrieben haben, sich zur Ausführung der Operationen nicht eines und desselben Instrumentes, sondern vieler und immer wieder verschiedener bedient, und doch haben sie vermittelt derselben nur wenige Aufgaben ge-
20 löst. Wir nun haben gerade auf diesen Punkt besonderen Wert gelegt, so daß durch ein und dasselbe Instrument die uns vorliegenden Aufgaben gelöst werden. Jedoch wird auch, wenn sich jemand noch andere Aufgaben ausdenkt, die von uns konstruierte Dioptra dabei nicht
25 versagen, so daß sie auch diese auszuführen vermag.

10 ἡμαρτημένα καὶ: correxi 14—15 διὰ μιᾶς ἢ τῆς αὐτῆς
διόπτρας: correxi dittographia sublata 19 ἑτέραν: corr. R. Schoene

p. 176

β. Ὅτι δὲ πολλὰς παρέχεται τῷ βίῳ χρείας ἡ
 πραγματεία, δι' ὀλίγων ἐστὶν ἐμφανίσαι. πρὸς τε γὰρ
 ὑδάτων ἀγωγὰς καὶ τειχῶν κατασκευὰς καὶ λιμένων
 καὶ παντὸς οἰκοδομήματος εὐχρηστος τυγχάνει, πολλὰ
 δὲ ὤνησεν καὶ τὴν περὶ τὰ οὐράνια θεωρίαν, ἀναμε- 5
 τροῦσα τὰ [τε] μεταξὺ τῶν ἀστέρων διαστήματα, καὶ
 τὰ περὶ μεγεθῶν καὶ ἀποστήματων καὶ ἐκλείψεων
 ἡλίου καὶ σελήνης· πρὸς τε τὴν τῶν γεωγραφου-
 μένων πραγματείαν, νήσους τε καὶ πελάγη καὶ καθόλου 10
 πᾶν διάστημα ἔξ ἀποστήματος <...>. πολλάκις γὰρ
 ἐμποδὼν ἴσταται τι εἶργον ἡμᾶς τῆς προθέσεως, ἥτοι
 διὰ πολεμίων προκατάληψιν ἢ διὰ τὸ ἀπρόσιτον καὶ
 ἄβατον εἶναι τὸν τόπον παρεπομένου τινὸς ιδιώματος
 φυσικοῦ ἢ ῥεύματος ὁξέα ὑποσύροντος. πολλοὶ γοῦν 15
 πολιορκεῖν ἐπιχειροῦντες κλίμακας ἢ μηχανήματα κατα-
 σκευασάμενοι ἐλάσσονα ὦν χρὴ καὶ προσα<γα>γόμενοι
 τοῖς τείχεσιν ὑποχειρίους ἑαυτοὺς παρέσχον τοῖς ἀντιπά-
 λοις παραλογισθέντες τῇ ἀναμετρήσει τῶν τειχῶν διὰ τὸ
 ἀπείρους εἶναι τῆς διοπτρικῆς πραγματείας. αἰεὶ γὰρ 20
 ἐκτὸς ὄντας βέλους ἀναμετρεῖν δεῖ τὰ προειρημένα

fol. 62^v

διαστήματα.

Πρότερον οὖν ἐκθέμενοι τὴν τῆς διόπτρας κατα-
 σκευὴν ἐξῆς καὶ τὰς χρείας προστάξομεν.

p. 178

γ. Ἡ τοίνυν τῆς εἰρημένης διόπτρας κατασκευὴ 25
 ἐστὶν τοιαύτη. παγεὺς γίνεται καθάπερ στυλίσκος,
 ἔχων ἐκ τοῦ ἄνω μέρους τόρμον στρογγύλον· περὶ δὲ
 τὸν τόρμον τυμπάνιον περιτίθεται χάλκεον περὶ τὸ
 αὐτὸ κέντρον τῷ τόρμῳ. περιτίθεται δὲ καὶ χοινικὴς
 χαλκῇ περὶ τὸν τόρμον εὐλύτως δυναμένη περὶ αὐτὸ <ν>
 π<ο>λεῖσθαι, ἔχουσα ἐκ μὲν τοῦ κάτω μέρους τυμπά- 30
 νιον ὠδοντωμένον συμφυρὲς αὐτῇ, ἐλάσσον τοῦ προει-

II. Dafs diese Disciplin dem praktischen Leben vielfachen Nutzen gewährt, kann man mit wenigen Worten zeigen. Denn sowohl für die Anlage von Wasserleitungen als auch für den Bau von Mauern und Häfen und jeder Art von Gebäuden ist sie nützlich, und auch der Himmelskunde hat sie durch Ausmessung der Abstände zwischen den Sternen vielfachen Nutzen gebracht, sowie auch den Untersuchungen über die Gröfse, die Abstände und die Verfinsterungen von Sonne und Mond; ferner ist sie für die Geographie nützlich gewesen, indem sie Inseln und Meere und allgemein jede Entfernung aus Abstand messen lehrte. Denn oft steht ein Hindernis im Wege, das uns an der Ausführung unserer Absicht hindert, weil entweder Feinde die Örtlichkeit vorher besetzt haben, oder weil das Terrain unzugänglich und unwegsam ist, wenn es irgend eine physische Eigentümlichkeit hat, oder ein reisender Strom im Wege ist (?). Beispielsweise haben Viele bei Einleitung einer Belagerung Leitern oder Belagerungstürme in kleineren Dimensionen als nötig war konstruiert und sich dann, wenn sie diese an die Mauern heranführten, dem Gegner ausgeliefert, da sie sich aus Unkenntnis der Handhabung der Dioptra in der Messung der Mauerhöhen getäuscht hatten. Denn diese Gröfsen muß man stets aufer Schußweite messen. Wir werden nun zuerst die Konstruktion der Dioptra auseinandersetzen und sodann auch eine Übersicht der Fälle ihrer praktischen Verwendung beifügen.

III. Die Konstruktion dieser Dioptra ist folgende. Es wird ein Ständer in Form einer kleinen Säule angefertigt, der oben einen runden Zapfen hat. Um den Zapfen wird eine kleine Bronzescheibe herumgelegt, die mit dem Zapfen denselben Mittelpunkt hat. Ferner wird um den Zapfen ein Bronzecylinder herumgelegt, der sich bequem darum zu drehen vermag; er hat an seinem unteren Teile ein

6 [τε] delevi 10 hiatu <ἀναμετροῦσα> sim. haustum
 16 προσαγόμενοι: correxi. f. χρῆν 17 ἐαντοῖς: corr. Vi
 26 ἀνωτέρων τόρμον: corr. R. Schoene 29—30 αὐτὸ πλεῖσθαι:
 correxi; ἐλλείσθαι Vi 31 et p. 194 l. 8 οδοντωμενον: corr. Vi

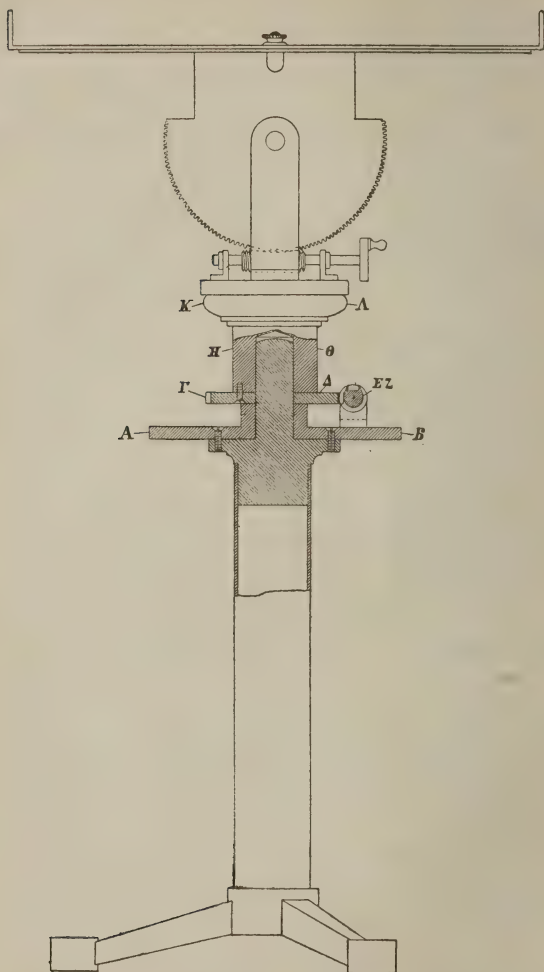


Fig. 83 a. Dioptra (Durchschnitt).

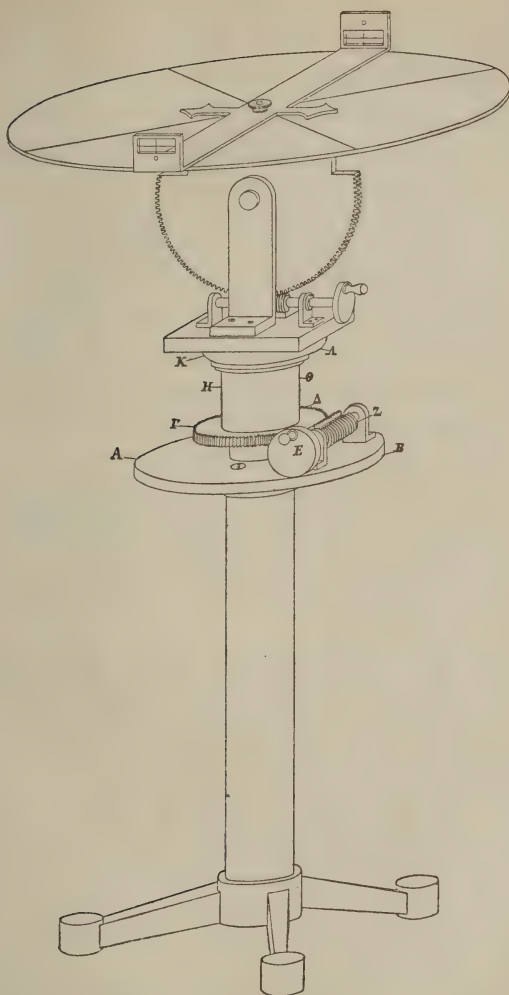


Fig. 88b. Dioptra (Seitenansicht).

ρημένου τυμπανίου καὶ ἐπικαθήμενον αὐτῷ, ἐκ δὲ τοῦ
 ἄνω μέρους πλίνθον καθάπερ Δωρικοῦ κιονίου κεφά-
 λιον εὐπρεπείας ἔνεκα. τῷ δ' εἰρημένῳ ὁδοντωτῷ
 τυμπανίῳ παρατίθεται κοχλίδιον ἔχον τὴν ἑλικά ἀρμο-
 στήν τοῖς ὁδοῦσι τοῦ τυμπανίου. τὰ δὲ στημάτια τοῦ 5
 κοχλιδίου συμφυῇ γίνεται τῷ μεῖζονι τυμπανίῳ. ἐὰν
 ἄρα ἐπιστρέψωμεν τὸ εἰρημένον κοχλίδιον, ἐπιστρέψο-
 μεν καὶ τὸ ὁδοντωμένον τυμπάνιον καὶ τὴν συμφυῇ
 αὐτῷ χοινικίδα. γίνεται δὲ συμφυῆς αὐτῷ τρόμων
 τριῶν ἀφιεμένων ἐκ τῆς ἑδρας τῆς χοινικίδος καὶ 10
 συγκοινομένων αὐτῷ τῷ τυμπανίῳ. λαμβάνει δὲ ὁ
 κοχλίας κατὰ μῆκος σωλῆνα πάχος ἔχοντα ὅσον ἐστὶν
 τὸ τῆς ἑλικος αὐτοῦ βάθος· οὐκοῦν ἐὰν ἐπιστρέψωμεν
 τὸν κοχλίαν, ἄχρῃς ὁ εἰρημένος ἐν αὐτῷ σωλῆν κατὰ
 τοὺς ὁδόντας τοῦ τυ(μ)πανίου γένηται, ἰδίᾳ στραφήσεται 15
 τὸ τυμπάνιον. καταστήσαντες οὖν αὐτὸ ὥς ἂν ἡ χρεῖα
 ἀπαιτῇ, ἐπιστρέψωμεν τὸν κοχλίαν βραχύ, ὥστε ἐμπλα-
 κῆναι τὴν ἑλικά τοῖς ὁδοῦσιν, καὶ οὕτως μενεῖ ἀκίνη-
 τον τὸ τυμπάνιον.

p. 180 Ἔστω οὖν τὸ μὲν περὶ τὸν τρόπον τυμπάνιον καὶ 20
 συμφυῆς τῷ παγεῖ τὸ AB , τὸ δὲ συμφυῆς τῇ χοινικίδι
 τὸ $ΓΔ$, ὁ δὲ παρακείμενος τούτῳ κοχλίας ὁ EZ , ἡ
 δὲ συμφυῆς χοινικὶς τῷ $ΓΔ$ τυμπανίῳ ἡ $HΘ$, ἔχουσα
 ἐπικείμενον, ὥς εἴρηται, Δωρικὸν κεφάλιον τὸ $ΚΑ$.
 ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου ἐφεστιάτω δύο χαλκᾶ στημάτια 25
 καθάπερ κανόνια, ἀπέχοντα ἀπ' ἀλλήλων τοσοῦτον,
 ὥστε εἰς τὸν μεταξὺ τόπον αὐτῶν πάχος τυμπανίου
 δύνασθαι ἐναρμοσθῆναι. ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου μεταξὺ

2 κιονίου 4—5 ἀρμοστήν: η ex ei fecit. m. 1 7—8 ἐπι-
 στρέψωμεν 15 τυπανίου γένηται ἢ διαστραφήσεται: correxi
 17 ἐπιστρέψωμεν

mit ihm fest verbundenes Zahnrad, das noch kleiner ist als die vorgenannte Bronzescheibe und auf dieser aufliegt, und an seinem oberen Teile um des guten Aussehens willen eine Plinthe in der Form des Kapitellchens einer kleinen dorischen Säule. An dieses Zahnrad wird eine kleine Schnecke (Schraube ohne Ende) angeschoben, deren Windung zu den Zähnen des Rades paßt; die kleinen Lagerböcke dieser Schraube werden mit der größeren Bronzescheibe fest verbunden. Wir werden daher, wenn wir diese Schnecke drehen, zugleich das Zahnrad und den mit diesem fest verbundenen Cylinder drehen; fest verbunden wird er dadurch, daß drei Zapfen von dem Boden des Cylinders ausgehen und mit dem Zahnrade selbst vernietet werden. Die Schnecke erhält in ihrer Längenrichtung eine Vertiefung, die so breit als ihre Windung tief ist. Mithin wird, wenn wir

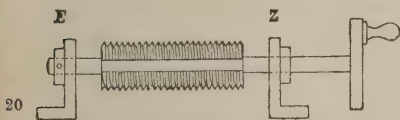


Fig. 83 c. Schnecke mit Gräbchen
(Seitenansicht).

die Schnecke so drehen, daß diese an ihr angebrachte Vertiefung den Zähnen des Rades gegenüber zu stehen kommt, das Zahnrad sich selbstständig bewegen lassen.

Wenn wir dieses nun so eingestellt haben, wie es das Bedürfnis des vorliegenden Falles verlangt, so werden wir die Schraube nur noch ein wenig drehen, so daß ihre Windung in die Zähne eingreift, dann wird das Zahnrad unbeweglich in seiner Stellung verbleiben.

Es sei nun AB die Metallscheibe, die um den Zapfen herumgeht und mit dem Ständer verbunden ist; ΓA das Zahnrad, das mit dem Cylinder verbunden ist; EZ die an dieses angeschobene Schnecke, $H\Theta$ der mit dem Zahnrade ΓA verbundene Cylinder, auf dem, wie gesagt, ein kleines dorisches Kapitell $K A$ aufliegen soll. Auf dessen Plinthe sollen zwei aus Bronze gefertigte Lagerböcke in Form von Linealen stehen, die soweit von einander entfernt sein müssen, daß sich in den freien Raum zwischen ihnen die Dicke eines Zahnrades einpassen läßt, und auf der

- p. 182 τῶν κανονίων κοχλίας ἔστω στρεφόμενος, οὗ τὰ
 fol. 63^r στη<μάτια> | ἄρμουςτὰ τῷ εἰρημένῳ τόρμῳ· οἱ
 δὲ μακροὶ καὶ οἱ ὄντες τῷ τόρμῳ παρυπεραίρουσιν εἰς
 τὸ ἄνω μέρος ὅσον δακτύλους δ. ἐν δὲ τῇ μεταξὺ τῶν
 ὑπεροχῶν χώρα ἐναρμόζεται κανὼν πλάγιος, μῆκος μὲν 5
 ἔχων ὡς πῆχεις τέσσαρας, πλάτος δὲ καὶ πάχος ὥστε
 ἁρμόζειν εἰς τὴν εἰρημένην χώραν· καὶ διατεμνέσθω
 ὑπ' αὐτῆς κατὰ μῆκος.
- p. 184 δ. Ἐν δὲ τῇ ἄνω ἐπιφανείᾳ τοῦ κανόνος σωλὴν
 ἐγκέκοπται ἥτοι στρογγύλος ἢ τετράγωνος, τῷ μήκει 10
 τηλικούτος, ὥστε δέξασθαι σωλῆνα χαλκοῦν μῆκος
 ἔχοντα ἔλασσον τοῦ κανόνος ὡς δακτύλους δώδεκα.
 τῷ δὲ χαλκῷ σωλῆνι πρόσκεινται ἕτεροι σωλῆνες ὀρθοὶ
 ἐκ τῶν ἄκρων, ὥστε δοκεῖν ἀνακεκἀμφθαι τὸν σωλῆνα·
 τῆς δ' ἀνακαμπῆς τὸ ὕψος οὐ πλεῖον γίνεται δακτύ- 15
 λων δύο. εἴτα μετὰ τοῦτο ἐπιπωμάζεται ὁ χαλκοῦς
- p. 186 σωλὴν κανόνι ἐπιμήκει ἁρμόζοντι εἰς τὸν σωλῆνα,
 ὥστε συνέχειν τὸν τε χαλκοῦν σωλῆνα καὶ εὐπρεπε-
 στέραν τὴν ὄψιν παρέχειν. ἐν δὲ ταῖς εἰρημέναις
 ἀνακαμπαῖς τοῦ σωλῆνος ἐναρμόζεται ἐν ἑκατέρᾳ 20
 ὑάλινον κυλίνδριον πάχος μὲν ἔχον ἁρμοστὸν τῷ
 σωλῆνι, ὕψος δὲ ὡς δακτύλων δώδεκα· εἴτα περιστεγ-
 νοῦται εἰς τὰς ἀνακαμπὰς τὰ ὑάλινα κυλίνδρια κηρῷ
 ἢ ἄλλῳ τινὶ στεγνῳματι, πρὸς τὸ ὕδατος ἐμβληθέντος
 δι' ἐνὸς τῶν κυλινδρίων μηδαμῶθεν διαρρεῖν. 25

Περίκειται δὲ τῷ πλαγίῳ κανόνι πηγμάτια δύο
 κατὰ τοὺς τόπους, ἐν οἷς ἔστιν τὰ ὑάλινα κυλίνδρια,
 ὥστε δι' αὐτῶν διελθόντα τὰ ὑάλινα συνέχεσθαι. ἐν

2 post στη hiat disputatio, desunt 4 folia, cf. proleg. p. XIV;
 f. στη<μάτια συμφυῇ γίνεται τῇ πλίνθῳ> 3 μακροὶ καὶ
 οἱ ὄντες: f. καὶ οἱ (i. e. παράλληλοι) ὄντες (sc. κανόνες) 7 δια-

Plinthe soll sich zwischen den beiden großen Pfosten eine Schnecke drehen, deren kleine Lagerböcke <in die Plinthe eingelassen sein müssen.> an den genannten Zapfen passend. Die beiden
 5 langen und dem Zapfen parallel laufenden Pfosten ragen nach oben etwa 4 Daktylen über ihn hinaus. In das Lager zwischen den überragenden Teilen wird ein Lineal quer eingesetzt, das 4 Ellen lang und so breit und dick ist, daß es in dieses Lager hineinpafst, und zwar soll es
 10 von diesem seiner Länge nach in zwei gleiche Hälften geteilt werden.

IV. In die obere Fläche des Visierlineals ist eine Vertiefung von halbrundem oder quadratischem Querschnitt eingeschnitten, die so lang ist, daß sie eine Bronze-
 15 röhre, die um etwa 12 Daktylen kürzer ist als das Visierlineal, aufzunehmen vermag. An die Bronzeröhre schließen sich an ihren Enden zwei andere, senkrecht stehende Röhren an, so daß es aussieht, als sei die große Röhre nach oben aufgebogen. Die Höhe dieser aufgebogenen
 20 Stücke bemisst man auf nicht mehr als 2 Daktylen. Hierauf wird die Bronzeröhre mit einem langen Lineal, das auf die Vertiefung pafst, oben dergestalt zugedeckt, daß dieses sowohl die Bronzeröhre festhält als auch das Aussehen des Apparats wohlgefälliger macht. In die ge-
 25 nannten Aufbiegungen der Röhre wird je ein kleiner Glaszylinder eingepafst, der eine zu der Röhre passende Dicke und eine Höhe von etwa 12 Daktylen hat. Sodann werden die Glaszylinder in die Aufbiegungen mit Wachs oder einem andern Bindemittel hineingekittet, da-
 30 mit, wenn durch einen der Cylinder Wasser eingegossen wird, es nirgends durchlaufen kann.

Das querliegende Lineal wird an den Stellen, wo sich die Glaszylinder befinden, von zwei kleinen Gehäusen umgeben, so daß die Glasgefäße durch diese hindurchgehen und

τρυπέσθω: ν supra lin. supplevit m. 1 20 ἐκατέρω: correxi
 21 ὑέλιον: correxi hic et 23. 27. 28. p. 200, 3 coll. p. 200, 9

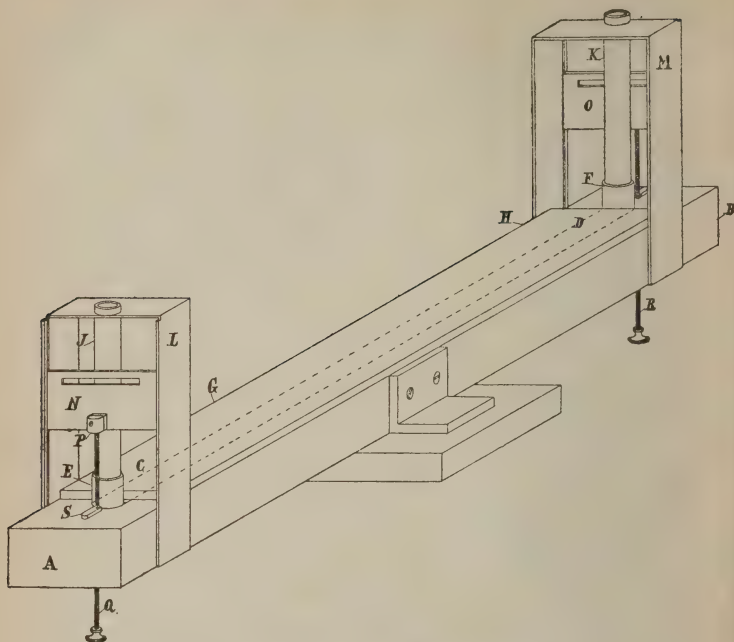


Fig. 84a. Nivellierlineal (Seitenansicht).

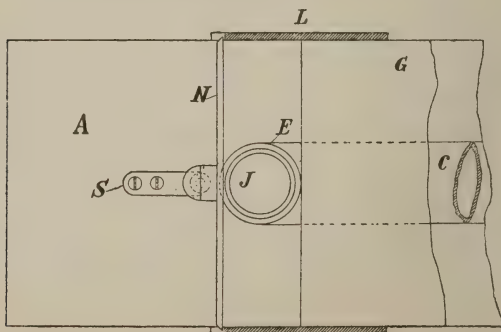


Fig. 84b. Nivellierlineal (Grundrifs).

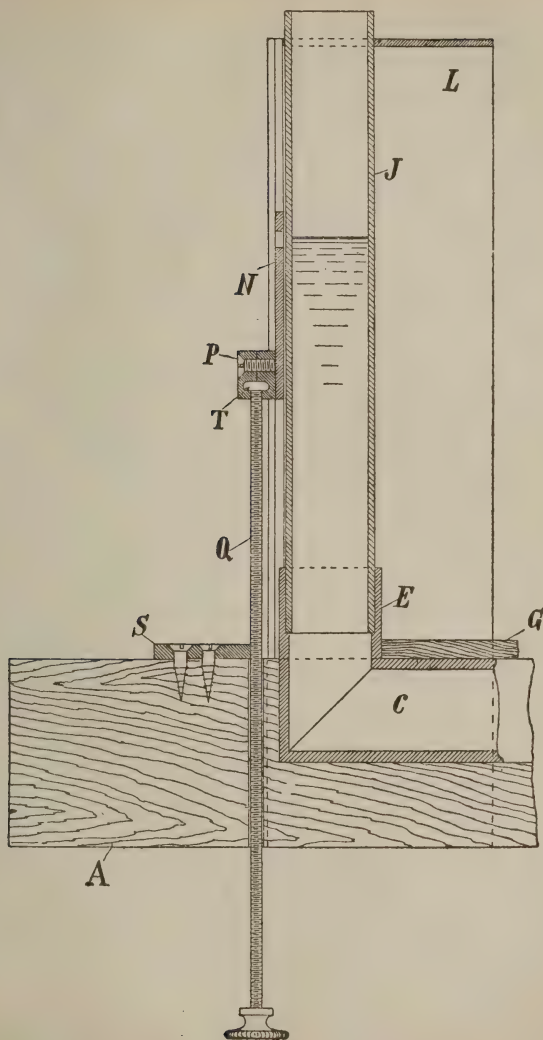


Fig. 84c. Nivellierlineal (Durchschnitt).

δὲ τοῖς εἰρημένοις πηγματίοις λεπίδια χαλκᾶ ἑναρ-
 μόζεται, διατρέχειν μὲν δυνάμενα ἐν σωλῆσι διὰ τῶν
 τοίχων τῶν πηγματίων ψάφοντα τῶν ὑαλίνων κυλιν-
 δρίων, μέσας ἔχοντα ἀνατομάς, δι' ὧν δυνατὸν ἔσται
 διοπτρεύειν. τοῖς δὲ εἰρημένοις λεπιδίοις συμφυῇ 5
 γίνεται ἐκ τῶν κάτω μερῶν χοινικίδια, ὕψος ἔχοντα
 ὡς ἡμιδακτυλ(ί)ον, καὶ τούτοις ἀρμοστὰ γίνεται ἀξόνια
 χαλκᾶ, μῆκος μὲν ἔχοντα ὅσον ἐστὶν τὸ ὕψος τοῦ
 πῆγματος τοῦ πρὸς ἐνὶ τῶν ὑαλίνων κυλινδρίων, ἃ
 διὰ τρήματος ἀνέροχεται ἐν τῷ κανόνι τῷ τὸν σωλῆνα 10
 fol. 63^v ἔχοντι. ἐν δὲ τοῖς ἀξονίοις ἑλικες ἐντέμνονται, | εἰς ἃς
 τυλάρια ἀρμοστὰ γίνεται συμφυῇ ὄντα τῷ κανόνι. ἐὰν
 ἄρα τὰς τῶν ἀξον(ί)ων ὑπεροχὰς τὰς εἰς τὸ κάτω
 μέρος ἐπιστρέφῃ τις, κινήσει τὰ λεπίδια τὰ τὰς ἀνατο-
 μάς ἔχοντα ἐκ τε τοῦ ἄνω καὶ κάτω μέρους· ἔξει γὰρ 15
 τὸ πρὸς τῇ λεπίδι ἄκρον τοῦ ἀξονίου τυλάριον ἐμβαί-
 νον εἰς σωλῆνα ἐνόντα ἐν τῷ χοινικιδίῳ.

p. 188

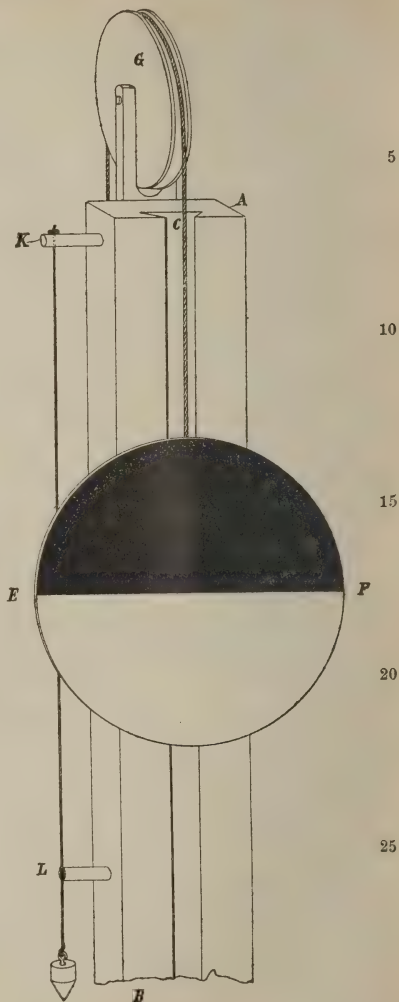
ε. Καὶ ἡ μὲν τῆς διόπτρας κατασκευὴ εἴρηται, τὴν
 δὲ τῶν παρατιθεμένων αὐτῇ κανόνων καὶ ἀσπίδων νῦν
 ἐροῦμεν. δύο γίνονται κανόνες μῆκος μὲν ὡς πηχῶν 20
 ι, πλάτος δὲ ὡς δακτύλων ε, πάχος δὲ ὡς δακτύλων
 τριῶν. ἐν δὲ τῷ μέσῳ πλάτει ἑκατέρων αὐτῶν πελε-
 κῖνος γίνεται θῆλυς τὰ στενὰ εἰς τὸ ἔξω μέρος ἔχων,
 ἰσομήκης τῷ κανόνι. τούτῳ δὲ ἀρμοστὸν γίνεται χελω-
 νάριον εὐλύτως διατρέχειν εἰς αὐτὸν δυνάμενον καὶ 25
 μὴ ἐκπίπτειν. τούτῳ δὲ τῷ χελωναρίῳ προσηλοῦται
 ἀσπιδίσκη τὴν διάμετρον ἔχουσα ὡς δακτύλων δέκα ἢ
 δώδεκα· καὶ διὰ τοῦ κύκλου εὐθείας βληθείσης πρὸς

4f. <δ'> ἔχοντα 7 ἡμιδακτύλου: correxi ἀξόνια 9 τῷ πρὸς:
 correxi γαλήνων: correxi 9—10 ὁ διὰ: corr. Vi 11 ἀξωνίοις
 ἐντεμονται 13 ἀξώνων 16 ἀξωνίου 18—19 εἴρηται. τῶν

darin festgehalten werden. In diese Gehäuse werden Metallplättchen hineinverpaßt, welche in Führungen an den Wänden der Gehäuse auf und nieder laufen können; sie berühren dabei die Glascylinder und haben in der
 5 Mitte Ausschnitte zum Visieren. An diesen Metallplättchen sind an ihrem unteren Ende kleine Cylinder, die die Höhe von etwa $\frac{1}{2}$ Daktylos haben, befestigt und in diese paßt man drehbare Stifte aus Bronze ein, die so lang sind als das Gehäuse bei einem der Glascylinder; sie gehen durch
 10 ein Loch in dem mit der Vertiefung versehenen Lineal. In die Stifte werden Schraubenwindungen eingeschnitten, in welche kleine Zapfen, die mit dem Lineal festverbunden sind, eingreifen. Dreht man nun an den nach unten überstehenden Teilen der Stifte, so wird man dadurch die
 15 mit Ausschnitten versehenen Metallplättchen nach oben und unten bewegen. Denn das dem Metallplättchen benachbarte Ende des Stiftes wird mit einem kleinen Wulst versehen sein, der in eine an der Innenfläche des kleinen Cylinders angebrachte Vertiefung eingreift.

20 V. Die Konstruktion der Dioptra ist hiermit dargestellt; nunmehr werden wir die der neben ihr gebrauchten Schiebelatten und Zielscheiben angeben. Es werden zwei (parallelepipedische) Latten hergestellt, die eine Länge von etwa 10 Ellen, eine Breite von etwa 5 Daktylen und eine
 25 Dicke von etwa 3 Daktylen haben. In der Mitte einer Breitseite jeder der beiden Latten wird in deren ganzer Länge eine sogenannte weibliche Nuth von schwalbenschwanzförmigem Durchschnitt angebracht, deren engerer Teil nach ausßen liegt. In diese wird ein kleiner Schlitten
 30 eingepaßt, der bequem darin laufen kann, ohne doch herauszufallen. An diesen Schlitten wird eine Zielscheibe angenagelt, die einen Durchmesser von 10—12 Daktylen hat. Durch ihre kreisförmige Fläche wird eine Gerade im rechten Winkel zu der Längenrichtung der Latte ge-

ὁρθὰς τῷ μήκει τοῦ κανόνος τὸ μὲν τῶν ἡμικυκλίων λευκῷ χρίεται χρώματι, τὸ δ' ἕτερον μέλανι. ἐκ δὲ τοῦ χελωναρίου σπάρτος ἐκδεθεῖσα διὰ τροχίλου εἰς τὸ ἄνω τοῦ κανόνος κειμένου ἀποδίδεται εἰς τὸ ἕτερον τοῦ κανόνος μέρος, ὅπου οὐκ ἔστιν ἡ ἀσπιδίσκη. ἐὰν ἄρα τις τὸν κανόνα ὁρθὸν ἐάσῃ ἐπὶ τοῦ ἐδάφους, καὶ ἐπισπάσῃται ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν τὴν σπάρτον, μετεωρίσει τὴν ἀσπιδίσκην· ἐὰν δὲ ἀφῇ, κατενεχθήσεται εἰς τὸ κάτω μέρος τῷ ἰδίῳ βάρει· ἔξει γὰρ ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν ἡ ἀσπιδίσκη μολιβοῦν πλάτυσμα προσηλωμένον, ὥστε αὐτομάτως



8 τροχίλου 15 ἐάσῃ:
f. στήσῃ 19 μετεωρίσῃ
24—25 ὀπισθε

Fig. 85 a.
Schiebelatte (Vorderansicht).

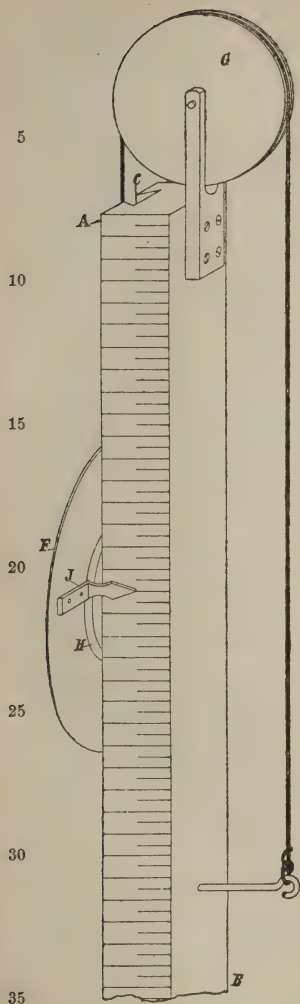


Fig. 85b.

Schiebelatte (Seitenansicht).

legt und dann der eine der beiden Halbkreise mit weißer, der andere mit schwarzer Farbe angestrichen. An dem Schlitten wird eine Schnur befestigt und über ein am oberen Ende der Latte sitzendes Rad nach der anderen Seite der Latte, wo die Zielscheibe nicht sitzt, geführt. Wenn man nun die Latte senkrecht auf den Boden aufsetzt und von der Hinterseite aus die Schnur anzieht, so wird man die Zielscheibe nach oben bewegen; läßt man dagegen die Schnur nach, so wird die Scheibe durch ihr eigenes Gewicht nach unten gleiten. Die Zielscheibe wird nämlich an ihrer Rückseite eine aufgenagelte Bleiplatte tragen, so daß sie von selbst hinabgleitet. Wenn wir zu dem Ende die Schnur nachlassen, so wird die Zielscheibe an jeder gewünschten Stelle der Latte festgestellt werden können.

Die Latte wird weiter von ihrer unteren Spitze an sorgfältig in so viel Ellen, Palaesten und Daktylen eingeteilt, als ihre Länge faßt, und an den Teilpunkten werden die Linien der Lattenteile rechts von der Zielscheibe eingegraben. Die Zielscheibe soll aber auch an ihrer Rückseite einen Zeiger haben,

καταφέρεσθαι· πρὸς ὃ ἐὰν τὴν σπάρτον ἀνιῶμεν, κατα-
σταθήσεται καὶ ἡ ἀσπιδίσκη καθ' ὃν ἂν βουλώμεθα
τοῦ κανόνος τόπον χαλωμένης< >.

Διηγήσθω δὲ καὶ ὁ κανὼν ἀπὸ τῆς κάτω κουρᾶς
ἀκριβῶς εἰς πῆχεις καὶ παλαιστὰς καὶ δακτύλους, ὅσους 5
fol. 64^r ἐὰν ἐπιδέχῃται | τὸ μῆκος· καὶ κα<τὰ> τὰς διαιρέσεις
αἱ γραμμαὶ ἐγκεχαράχθωσαν <τῶν> τοῦ κανόνος μερῶν
[τῶν] ἐπὶ τὰ δεξιὰ τῆς ἀσπιδίσκης· ἔξει δὲ καὶ ἡ
ἀσπιδίσκη ἐκ τῶν ὀπισθεν μερῶν γνωμόνιον ἀπὸ τῆς
εἰρημένης ἐν αὐτῇ διαμέτρου παραπίπτον παρὰ τὰς 10
εἰρημένας ἐν τῷ πλαγίῳ μέρει τοῦ κανόνος γραμμάς.

p. 190 Οἱ δὲ κανόνες ὀρθοὶ σταθήσονται ἐπὶ τοῦ ἐδάφους
ἀκριβῶς οὕτως· ἐκ πλαγίων τῶν κανόνων, ὅπου οὐκ
εἰσιν αἱ τῶν μερῶν γραμμαὶ, τύλος ἐμπήγνυται μῆκος
ἔχων ὡς δακτύλους τρεῖς, οὗ παρὰ τὴν κουρὰν τρήμα 15
γίνεται ἀπὸ τῶν ἄνω μερῶν εἰς τὸ κάτω, δυνάμενον
σπάρτον δέξασθαι βάρους ἔχουσιν κρεμάμενον. ὥς δὲ τὸ
κάτω μέρος [σ]τύλος ἐγκείμενος γίνεται τοσοῦτος, ὅσον
καὶ τὸ εἰρημένον τρύπημα ἀφέςτηκεν ἀπὸ τοῦ εἰρημένου
κανόνος. ἐν δὲ τῇ [εἰρημένῃ] κουρᾷ τῇ κάτω τοῦ 20
τύλου μέση καὶ ὀρθὴ γραμμὴ γίνεται, ἣ ἐφαρμόσασα
ἢ εἰρημένη σπάρτος τὸν κανόνα ὀρθὸν καταστήσει.

Τῆς οὖν κατασκευῆς πάσης εἰρημένης νῦν καὶ τὴν
χρῆσιν ἐκθησόμεθα, ὥς δυνατόν ἐσται.

p. 194 5. Δύο σημείων δοθέντων ἐν ἀποστήματι τυχόντι 25
ἐπισκέψασθαι, ὁπότερον αὐτῶν μετεωρότερόν ἐστιν ἢ
ταπεινότερον, καὶ πόσῳ, ἢ καὶ ἀμφοτέρω ἐξ ἴσου κεῖται,
τουτέστιν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι.

3 χαλωμένης: χαλωμένη Vi; hiatus indicavi 6—7 καὶ
κατὰς διαιρέσεις: corr. Vi 8 [τῶν] transposui; ἐκ τοῦ καν.
Vi 9 ὀπισθε 13 πλαγίων τε: correxi 16 f. τὰ κάτω

der, in der Höhe jenes Durchmessers angebracht, die bezeichneten Linien, die sich auf der Flanke der Latte befinden, bestreicht. Genau senkrecht werden die Latten auf dem Erdboden folgendermassen aufgestellt. Auf derjenigen
 5 Flanke der Latten, wo die Teilungslinien nicht angebracht sind, wird ein Stift befestigt, der eine Länge von ungefähr 3 Daktylen hat. An seinem äusseren Ende wird von oben nach unten ein Loch gebohrt, das eine Schnur, an

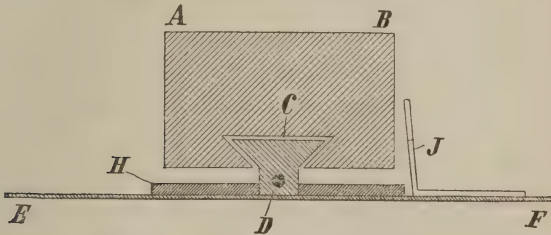


Fig. 85 c. Schiebelatte (Querschnitt).

welcher ein Gewicht hängt, aufzunehmen vermag. Weiter
 10 nach unten wird ein zweiter Stift angebracht, der so weit vorspringt, als das erwähnte Loch von der Latte absteht. An dem äusseren Ende des unteren Pflockes wird in der Mitte eine senkrechte Linie angebracht. Spielt die Schnur auf diese ein, so wird sie dadurch die Latte senkrecht stellen.
 15 Nachdem wir die Konstruktion vollständig dargelegt haben, werden wir nun auch die Anwendung des Instruments, soweit es möglich sein wird, auseinandersetzen.

VI. Wenn zwei Punkte in beliebigem Abstände von einander gegeben sind, zu untersuchen, welcher von beiden der
 20 höhere oder tiefere, und wie groß die Höhendifferenz ist, oder auch ob sie beide in gleicher Höhe, d. h. in einer dem Horizonte parallelen Ebene liegen. Ferner wollen wir auch noch die in dem Zwischenraum zwischen den bei den Punkten gegebenen

18 στύλος: corr. Vi τοσοῦτον 20 [εἰρημένη] delevi; f. κουργᾶ
 τῇ τοῦ κάτω τύλου 26 ὁπότερον 27 exspectaveris ἢ <εἰ> καὶ

οὐ μὴν ἀλλὰ καὶ τοὺς δοθέντας τόπους ἐν τῷ μεταξὺ
 διαστήματι τῶν σημείων ἐπισκεψώμεθα, πῶς ἔχουσι
 πρὸς ἀλλήλους καὶ τὰ ἐξ ἀρχῆς δοθέντα σημεῖα. ἔστω-
 σαν οἱ δοθέντες τόποι, τουτέστι τὰ σημεῖα, τὰ A , B .
 δεῖ δὲ ἐπισκέψασθαι, ὁπότερον αὐτῶν μετεωρότερόν ἐστιν 5
 ἢ ταπεινότερον· καὶ τὸ μὲν B σημεῖον ἔστω <τόπος>, ἐν
 [αὐτῷ] τὸ ὕδωρ ἐστίν, τὸ δὲ A , εἰς ὃν μέλλει φέρεσθαι.
 ἓνα οὖν τῶν εἰρημένων κανόνων ἴστημι πρὸς τῷ A ,
 καὶ ἔστω ὁ $ΑΓ$. εἴτα ἀποστήσας τὴν διόπτραν ἀπὸ
 τοῦ A τοσοῦτον, ἕφ' ὅσον δυνάμεθα ὁρᾶν τὸν $ΑΓ$ 10
 κανόνα, ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τῷ B , ἐπιστρέψω τὸν ἐπ'
 ἄκρῳ τῷ στυλίσκῳ, ἐν ᾧ ἐστὶ τὰ ὑάλινα κυλίνδρια,
 ἄχρις ἂν ἐπ' εὐθείας γένηται ὁ πλάγιος κανὼν τῷ
 $ΑΓ$. εἴτα ἐπιστρέψας τὰ κοχλίδια ἐν τῷ κανόνι |
 fol. 64^v ἀνάγω τὰς λεπίδας, ἄχρις ἂν αἱ ἐν αὐταῖς ἀνατομαὶ 15
 γένωνται κατὰ τὰς ἐν τοῖς ὑαλίνοις γραμμὰς, ἃς ποιεῖ
 ἡ τοῦ ὕδατος ἐν αὐτοῖς ἐπιφάνεια· καὶ κατασταθέντων
 οὕτως τῶν λεπιδίων διὰ τῶν ἐν αὐτοῖς ἀνατομῶν
 διοπτρεύω θεωρῶν τὸν $ΑΓ$ κανόνα, τῆς ἀσπιδίσκης
 p. 196 μετεωριζομένης ἢ ταπεινουμένης, ἄχρις ἂν φανῇ ἡ μέση 20
 τοῦ λευκοῦ καὶ μέλανος χρώματος γραμμή. καὶ με-
 νούσης τῆς διόπτρας ἀκινήτου μεταβὰς ἐκ τοῦ ἑτέρου
 μέρους διοπτρεύω διὰ τῶν ἀνατομῶν, ἀποστήσας ἀπὸ
 τῆς διόπτρας τὸν ἕτερον κανόνα τοσοῦτον ὥστε βλέ-
 πεσθαι· καὶ πάλιν χαλωμένης τῆς ἑτέρας ἀσπιδίσκης 25
 θεωρῶ τὴν ἐν αὐτῇ μέσῃ τῶν χρωμάτων γραμμήν.
 ἔστω οὖν ὁ δεύτερος κανὼν ὁ $ΔΕ$, διόπτρα δὲ ἡ Z ,

6 <τόπος> R. Schoene dubitanter 6—7 ἐν αὐτῷ: corr. Vi
 7 εἰς ὃν: εἰς ὃ Vi 11 τοῦ B : correxi 11—12 τὸν ἐπ'
 ἄκρῳ τῷ στυλίσκῳ: sc. κανόνα 12 ὑάλινα: correxi, cf. adn.
 p. 196, 21 18 αὐταῖς: correxi 27 ἡ \bar{Z} τὰ δὲ (sic): correxi

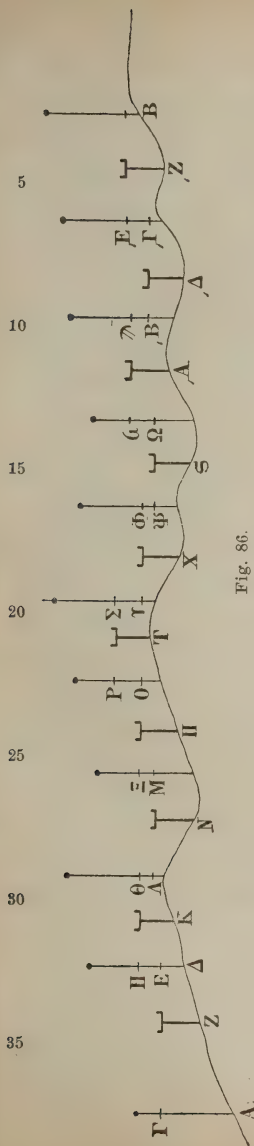


Fig. 86.

Orte darauf untersuchen, wie sie sich zu einander und zu den ursprünglich gegebenen Punkten verhalten.

Die gegebenen Orte, d. h. die Punkte, seien A und B . Die Aufgabe ist, zu untersuchen, welcher von beiden höher oder tiefer liegt. Nun sei B der Punkt, an welchem das Wasser ist, A der Punkt, nach welchem es geleitet werden soll. Ich stelle nun eine der erwähnten Schiebelatten bei A auf; sie sei AT . Dann stelle ich die Dioptra in der Richtung auf B zu soweit von A entfernt auf, als man die Schiebelatte AT noch zu sehen vermag, und drehe das oben auf dem Ständer liegende Visierlineal, an dem sich die Glaszylinder befinden, so lange, bis das querliegende¹⁾ Lineal in einer auf AT zulaufenden Graden liegt. Sodann hebe ich durch Drehung der in das Lineal eingelassenen Schrauben die Metallplättchen so lange, bis die daran angebrachten Ausschnitte in Höhe der innerhalb der Glasgefäße erscheinenden Linien zu stehen kommen, die die Oberfläche des in ihnen befindlichen Wassers markiert. Sind die Metallplättchen auf diese Weise eingestellt, so visiere ich durch die darin befindlichen Einschnitte, indem ich die Schiebelatte AT ins

1) Die technische Bedeutung des Wortes *πλάγιος* ist unsicher.

τὰ δὲ εἰλημμένα σημεῖα διὰ τῆς διόπτρας τὰ Γ, Ε·
καθ' ὃ δὲ ἐπίκειται ὁ ΔΕ κανὼν τῷ ἐδάφει, ἔστω τὸ
Δ. ἐμέτρησα οὖν ἑκατέραν τῶν ΑΓ, ΔΕ· καὶ ἔστω
ἡ μὲν ΑΓ ἡύρημένη πηχῶν 5, ἡ δὲ ΔΕ πηχῶν β.
ἀπεγραψάμην οὖν δύο στίχους, ἐν μὲν τῷ ἐνὶ ἐπι- 5
γράφας καταβάσεως, <ἐν δὲ τῷ ἑτέρῳ ἀναβάσεως>, ὡς
ὑπογέγραπται· καὶ τοὺς μὲν ἐξ πήχεις ἐν τῷ τῆς κατα-
βάσεως στίχῳ σημειοῦμαι, τοὺς δὲ δύο ἐν τῷ τῆς ἀνα-
βάσεως. καὶ μένοντος τοῦ ΔΕ κανόνος μετατίθημι
τὴν διόπτραν· καὶ ἔστω πρὸς τῷ Κ· καὶ ἐπιστρέφω 10
τὸν [ΔΕ] κανόνα, ἄχρις ἂν πάλιν ἴδω διὰ τοῦ πλα-
γίου κανόνος τὸν ΔΕ κανόνα. καὶ καταστήσας τὰ [τε]
λεπίδια τίθημι τὸν ΑΓ κανόνα ἔμπροσθεν τῆς διό-
πτρας, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη τοῦ ΔΕ κανόνος.
καὶ πάλιν ἀκινήτου τῆς διόπτρας οὔσης καθίστημι 15
τὴν ἀσπιδίσκην ἐπ' εὐθείας ταῖς ἀνατομαῖς, καὶ ἔστω
τὰ πρὸς ταῖς ἀσπιδίσκαις σημεῖα ἐπὶ τῶν κανόνων τὰ
Η, Θ. πάλιν οὖν τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ Η διάστημα ἄχρι
τοῦ ἐδάφους σημειοῦμαι εἰς τὸν τῆς καταβάσεως στί-
χον, τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ Θ εἰς τὸν τῆς ἀναβάσεως· καὶ 20
ἔστωσαν μὲν καταβάσεως πήχεις τέσσαρες, ἀναβάσεως
δὲ πήχεις δύο. καὶ πάλιν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ Θ
κανόνος μετατίθημι τὴν διόπτραν καὶ τὸν ἕτερον κα-
νόνα <καὶ> καταστήσας, ὡς προείρηται, ἐπ' εὐθείας τὰς
τε ἀσπιδίσκας καὶ τὰς ἀνατομὰς λαμβάνω [καὶ] ἐπὶ 25
τῶν κανόνων σημεῖα τὰ Α, Μ. | καὶ πάλιν τὸ μὲν

p. 198

fol. 65^r

4 ἡνραμένη: corr. Vi
fec. videtur man. 1

9 μένοντας: corr. Vi

ἴδω καὶ τοῦ: correxi

22 πρὸς τὸ: correxi

25 [καὶ] deleui

5 ἀπεγραψάμην: ἀπ... ex ἐπ...
supplevit Vi

8 σημειονται: corr. Vi

10 πρὸς τὸ: correxi

11 [ΔΕ] deleui

12 [τε] deleui

15 οὔσης: f. μενούσης

24 <καὶ> addidi

ἐπενθείασι (sic)

Auge fasse, deren Zielscheibe so lange gehoben oder gesenkt
 wird, bis die Grenzlinie der weissen und der schwarzen
 Farben sichtbar wird. Indem nun die Dioptra unverrückt
 bleibt, trete ich auf die andere Seite und visiere von da
 5 aus durch die Ausschnitte, nachdem ich die andere Schiebe-
 latte soweit von der Dioptra entfernt aufgestellt habe,
 daß sie gerade noch sichtbar ist. Und indem nun wieder
 die andere Zielscheibe in Bewegung gesetzt (und verschoben)
 wird, blicke ich nach der Grenzlinie der Farbenflächen
 10 auf ihr. Die zweite Schiebelatte nun soll AE sein und
 Z die Dioptra, die Punkte aber, die mit der Dioptra ein-
 visiert sind, I und E , und wo die Schiebelatte AE auf
 dem Erdboden aufsteht, da soll der Punkt A sein. Ich
 messe nun die beiden Geraden AI und AE , und es sei
 15 für AI eine Länge von 6 Ellen, für AE von 2 Ellen
 ermittelt. Nun lege ich mir zwei Kolumnen an, und
 schreibe über die erste „Abstieg“, über die zweite „Auf-
 stieg“, wie es unten gemacht ist. Und die 6 Ellen notiere
 ich in der Abstiegskolumne, die 2 dagegen in der Aufstieg-
 20 kolumne. Während nun die Schiebelatte AE stehen bleibt,
 setze ich die Dioptra um — und zwar soll sie bei K
 stehen — und drehe das Visierlineal so lange, bis ich
 wiederum durch das querliegende Lineal die Schiebelatte
 AE erblicke. Und nachdem ich die Metallplättchen ein-
 25 gestellt habe, stelle ich die Schiebelatte AI vor die Dioptra,
 d. h. nach der entgegengesetzten Seite als die Latte AE ,
 auf. Und während die Dioptra wieder unverrückt bleibt,
 stelle ich die Zielscheibe auf eine Gerade mit den Aus-
 schnitten ein; und es seien die Lattenpunkte an den Ziel-
 30 scheiben die Punkte H und Θ . Ich notiere nun wieder
 den Abstand von H bis zum Erdboden in der Abstieg-
 kolumne und den Abstand von Θ in der Aufstiegskolumne.
 Es seien im Abstieg 4 Ellen, im Aufstieg 2 Ellen.

Indem nun wieder die Schiebelatte bei Θ stehen
 35 bleibt, stelle ich die Dioptra und die andere Schiebelatte
 um, und nachdem ich, wie vorher beschrieben, die Ziel-
 scheiben und die Ausschnitte auf eine Gerade eingestellt

πρὸς τῷ A μέτρον καταβάσεως ἔσται, τὸ δὲ πρὸς τῷ M ἀναβάσεως· ἔστω οὖν καταβάσεως πῆχυσ εἷς, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. πάλιν οὖν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ M κανόνος μετακείμεθω ἢ τε διόπτρα καὶ ὁ ἕτερος κανών. ἢ δὲ διὰ τῆς διόπτρας ἔστω εὐθεῖα ἢ ΞO ,⁵ καὶ πρὸς μὲν τῷ Ξ καταβάσεως ἔστωσαν πῆχεις τέσσαρες, πρὸς δὲ τῷ O ἀναβάσεως πῆχεις δύο. εἰθ' ἐξῆς τὰ αὐτὰ γινέσθω, ἄχρῃς ἂν ἐπὶ τὸ B παραγενώμεθα· καὶ ἔστω διόπτρα μὲν ἢ T , ἢ δὲ διὰ τῶν ἀνατομῶν εὐθεῖα ἢ $P\Sigma$ · καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις¹⁰ ϵ , ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. εἴτα διόπτρα μὲν ἢ X , εὐθεῖα δὲ ἢ $\Gamma\Phi$ · καὶ καταβάσεως πῆχυσ εἷς, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. εἴτα διόπτρα μὲν ἢ ς , εὐθεῖα δὲ ἢ $\Psi\Omega$ · καὶ καταβάσεως πῆχεις δύο, ἀναβάσεως δὲ πῆχεις τρεῖς. πάλιν διόπτρα μὲν ἢ A , εὐθεῖα δὲ ἢ¹⁵ $\alpha\mathcal{D}$ · καὶ καταβάσεως μὲν πῆχεις ϵ , ἀναβάσεως $\langle\delta\epsilon\rangle$ πῆχεις γ . εἴτα διόπτρα μὲν ἔστω ἢ Δ , εὐθεῖα δὲ ἢ

καταβάσεως	ἀναβάσεως
ς	β
δ	β
α	γ
δ	β
ϵ	γ
α	γ
β	γ
ϵ	γ
β	α
γ	α
$\lambda\gamma$	$\kappa\gamma$

20

25

habe, bestimme ich auf den Latten die Punkte A und M .
Wiederum wird das Maß bei A zum Abstieg, das bei M
zum Aufstieg gehören. Es seien im Abstieg 1 Elle, im
Aufstieg 3 Ellen.

5 Während nun wieder die Latte bei M stehen bleibt,
sollen die Dioptra und die andere Latte umgesetzt werden.
Die durch die Dioptra gehende Gerade soll EO sein und
sich bei E im Abstieg 4 Ellen, bei O im Aufstieg 2 Ellen
ergeben. Sodann soll der Reihe nach immer wieder das-
10 selbe geschehen, bis wir bei B angekommen sind. Und
zwar seien T die Dioptra, $P\Sigma$ die durch die Ausschnitte
gehende Gerade, und im Abstieg 5 Ellen, im Aufstieg
3 Ellen. Dann seien X die Dioptra, und $\Upsilon\Phi$ die Gerade,
und im Abstieg 1 Elle, im Aufstieg 3 Ellen. Sodann
15 seien ς die Dioptra, $\Psi\Omega$ die Gerade, und im Abstieg
2 Ellen, im Aufstieg 3 Ellen. Wiederum seien \mathcal{A} die
Dioptra, $\eta\mathcal{D}$ die Gerade, und im Abstieg 2 Ellen, im Auf-
stieg 3 Ellen. Sodann seien \mathcal{A} die Dioptra, $\mathcal{B}\Gamma$ die
Gerade, und im Abstieg 2 Ellen, im Aufstieg 1 Elle. Und
20 wiederum \mathcal{Z} die Dioptra, $\mathcal{E}B$ die Gerade, und im Abstieg
3 Ellen, im Aufstieg 1 Elle. Die letzte Schiebelatte aber
soll bei der Oberfläche des Wassers selbst aufgestellt sein.

	Abstieg	Aufstieg
	6	2
25	4	2
	1	3
	4	2
	5	3
	1	3
30	2	3
	5	3
	2	1
	3	1
	<hr/> 33	<hr/> 23

6 τὸ ξ: corr. Vi 12 πῆχυνς μα: corr. Vi 16—17 μὲν
πῆχυνς ρ: corr. et <δξ> add. Vi 18—29 laterculum supplevi

,B,Γ. καὶ καταβάσεως μὲν πήχεις β, ἀναβάσεως δὲ πῆχυς εἷς. καὶ πάλιν διόπτρα μὲν ἡ Ζ, εὐθεία δὲ ἡ ΕΒ· καὶ καταβάσεως μὲν πήχεις τρεῖς, ἀναβάσεως δὲ πῆχυς α. ὁ δὲ τελευταῖος κανὼν κείσθω πρὸς αὐτῇ τῇ τοῦ ὕδατος ἐπιφανείᾳ.

5

Τῶν οὖν ἀριθμῶν σεσημειωμένων ἐν τοῖς εἰρημέ-
νοις στίχοις συντίθημι πάντας τοὺς τῆς καταβάσεως
ἀριθμούς· εἰς δὲ λγ· ὁμοίως καὶ τοὺς τῆς ἀναβάσεως·
εἰς δὲ κγ· ὥστε ὑπεροχὴ πῆχεις ι. ἐπεὶ οὖν ὁ τῆς
καταβάσεως ἀριθμὸς, τουτέστιν ὁ ἐπὶ τὰ μέρη τοῦ
τόπου, εἰς ὃν θέλομεν ἄγειν τὸ ὕδωρ, μείζων ἐστίν,
κατενεχθήσεται τὸ ὑγρόν· καὶ ἔσται μετεωρότερον
τοῦ πρὸς τῷ Α πῆχεις δέκα. εἰ δ' ἴσοι γεγόνασιν
ἀριθμοί, ἰσοῦψῃ ὑπῆρχε τὰ Α, Β σημεία, τουτέστιν
ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι· καὶ οὕτως
δὲ δυνατόν κατάργεσθαι τὸ ὕδωρ. εἰ δ' ἐλάττων ᾗν
ὁ τῆς καταβάσεως ἀριθμὸς, ἀδύνατον αὐτοματίσαι τὸ
ὕδωρ· ἀντλήματος ἄρα προσδεόμεθα. ἡ δ' ἀντλησις
γίνεται, εἰ μὲν πολὺ ταπεινότερος ᾗν ὁ τόπος, διὰ
πολυκαδίας ἢ τῆς καλουμένης ἀλύσεως· εἰ δ' ὀλίγον,
ᾗτοι διὰ κοχλιῶν ἢ διὰ τῶν παραλλήλων τυμπανίων.
καὶ τοὺς μέσους δὲ τόπους, δι' ὧν | ἀνεκρίναμεν ἄγειν
τὸ ὕδωρ, ἐπισκεψόμεθα, πῶς πρὸς ἀλλήλους τε καὶ τοὺς
ἐξ ἀρχῆς τόπους ἔχουσι διὰ τῆς αὐτῆς μεθόδου, ὑπο-
λαβόντες τοὺς εἰρημένους μέσους τόπους εἶναι τοὺς ἐξ
ἀρχῆς δοθέντας· κατ' οὐδὲν γὰρ διοίσει. δεῖ δὲ καὶ
ἐκλογισάμενον πᾶν τὸ μῆκος ἐπισκέψασθαι ἐν τῷ
σταδίῳ, πόσον κλίμα γενήσεται τοῦ παντὸς κλίματος·
καὶ οὕτως εἰς τοὺς μέσους τόπους σημεία καὶ ὄρους

3 ἡ ες (sic): correxī
εἰς ὃν Vi 11 θέλωμεν

10—11 τοῦ πόθου ἐν ᾧ: τοῦ τόπου
μείζων 14 ἴσουψῃ (sic) τὸ AB

- Nachdem nun die Zahlen in den genannten Kolumnen notiert sind, addiere ich sämtliche Zahlen des Abstiegs: ihre Summe ist 33; ebenso auch die des Aufstiegs: ihre Summe ist 23; so daß sich ein Überschufs von 10 ergibt.
- 5 Da nun die Summe des Abstiegs, d. h. die der Höhenzahlen nach dem Orte zu, nach dem wir das Wasser führen wollen, größer ist, so wird das Wasser Gefäll haben und zwar wird es (bei *B*) um 10 Ellen höher stehen als bei *A*. Sind aber gleiche Summen herausgekommen,
- 10 so waren *A* und *B* gleich hohe Punkte, d. h. sie lagen in derselben dem Horizonte parallelen Ebene. Auch in diesem Fall aber ist es möglich das Wasser hinzuleiten. Wenn aber die Summe des Abstiegs kleiner war, dann ist es unmöglich, daß das Wasser von selbst fließt; wir be-
- 15 dürfen daher in diesem Falle einer Schöpfvorrichtung. Das Schöpfen geschieht, falls der Ort sehr viel tiefer lag, vermittelt eines Systems von Eimern oder der sogenannten Kette; lag er nur wenig tiefer, entweder vermittelt Schrauben oder durch die parallelen Räder.
- 20 Auch die Punkte in der Mitte, durch die wir das Wasser durchzuleiten projiziert haben, werden wir vermittelt derselben Methode darauf untersuchen, wie sie sich zu einander und zu den ursprünglich gegebenen Örtern verhalten, indem wir annehmen, die genannten
- 25 Punkte in der Mitte seien die ursprünglich gegebenen; denn dies wird durchaus keinen Unterschied machen. Man muß aber noch, nachdem man die ganze Länge ausgerechnet hat, untersuchen, welche Quote des gesamten Gefälls an jedem Punkte erreicht sein muß, und darauf-
- 30 hin an den Stellen in der Mitte Zeichen und Grenzsteine mit Inschriften aufschütten oder aufbauen, damit die Arbeiter sich in keinem Punkte irren können.

σημεῖον: corr. Vi 16 ἐλαττον 18 ἐγίνετο: correxi. de
 organis ad hauriendam aquam inventis Vitruvius exponit X, 9sq.
 27 ἐν ex αν fec. m. 1 27—28 ἐν τῷ σταδίῳ: non extricavi
 28 κλίματος corruptum: f. ῥεύματος

[καὶ] ἐπιγραφὰς ἔχοντας συγχωνύνειν ἢ προσανοικοδομεῖν
 πρὸς τὸ τοὺς ἐργαζομένους ἐν μηδενὶ πλανᾶσθαι. ἀχθί-
 σεται δὲ τὸ ὑγρὸν οὐ διὰ τῆς αὐτῆς ὁδοῦ, δι' ἧς καὶ
 τὸ κλίμα ἐπέγνωνμεν, ἀλλὰ δι' ἑτέρας εὐθειτούσης πρὸς
 τὸ ὑδραγώγιον. πολλάκις γὰρ ἐμποδῶν ἴσταται τι, ἢ 5
 ὄρος σκληρότερον ἢ μετεωρότερον ἢ χαῦνοι τόποι ἢ
 θειώδεις ἢ τοιοῦτοί τινες τόποι βλάπτοντες τὸ ὕδωρ.
 p. 202 τοιούτοις ὅταν περιτύχωμεν, ἐκνεύσομεν, ὥστε κατὰ
 μηδὲν βλάπτεσθαι τὴν τοῦ ὕδατος ἀγωγὴν. ἔνεκα δὲ
 καὶ τοῦ μὴ μακροτέραν ὁδὸν φερόμενον τὸ ὕδωρ εἰς 10
 μείζονα δαπάνην ἐκπίπτειν δείξομεν ἐξῆς, ὥς δυνατὸν
 ἔσται τὴν ἐπὶ τὰ δύο σημεῖα ἐπιξευγνυμένην εὐθεῖαν
 εὐρίσκειν· αὕτη γὰρ ἐλαχίστη ἐστὶν πασῶν τῶν τὰ
 αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν γραμμῶν (Archimed. de sph. et
 cyl. I post. 1 t. I p. 8, 23 Heib.). εἴτα ὅταν ἐν ταύτῃ 15
 τῇ ὀρισθείσῃ ἐμπέσῃ <τι> τῶν εἰρημένων ἀτόπων, τότε
 ἐκεῖνο ἐκνεύσομεν.

ξ. Ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου ἐπὶ τὸ δοθὲν σημεῖον,
 p. 204 ἀθεώρητον ὑπάρχον, εὐθεῖαν ἐπιξεῦξαι διὰ διόπτρας,
 ἡλίκον ἂν ᾗ τὸ μεταξὺ τῶν σημείων διάστημα. ἔστω 20
 γὰρ δοθέντα δύο σημεῖα τὰ *A*, *B*, καὶ κατεσκευάσθω
 ἡ διόπτρα ἢ δυναμένη ἐπίπεδα πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλοις
 διοπτρεύειν, καὶ κείσθω πρὸς τῷ *A*· καὶ εἰλήφθω διὰ
 τῆς διόπτρας ἐν τῷ ἐπιπέδῳ εὐθεῖα ἡ *ΑΓ*, ἡλίκην ἂν
 βουλώμεθα τῷ μεγέθει. καὶ μετακείσθω ἡ διόπτρα 25
 <πρὸς τῷ *Γ*, καὶ τῇ *ΑΓ* πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἡ *ΓΔ*, ἡλίκην
 ἂν ᾗ τῷ μεγέθει. καὶ ὁμοίως μετακείσθω ἡ διόπτρα>
 fol. 66^r πρὸς τῷ *Δ*, καὶ τῇ *ΓΔ* πρὸς ὀρθὰς | ἢ *ΔΕ*,
 ἡλίκην ἂν ᾗ τῷ μεγέθει. καὶ πάλιν μετακείσθω ἡ

1 [καὶ] del. Vi 3 αὐτῆς οὐδὲ δι' ἧς: corr. Vi 7 θειοει-
 δεις: corr. Vi τόποι f. delendum 8 τοιούτους: correxi ἐκνεύ-

Das Wasser wird jedoch nicht denselben Weg entlang geleitet werden, auf dem wir die Neigung ermittelt haben, sondern auf einem andern, der zur Wasserleitung geeignet ist. Denn oft steht irgend etwas im Wege, ein
 5 Berg, der entweder aus recht hartem Stein besteht oder recht hoch ist, oder Stellen, die locker oder schwefelhaltig sind oder irgend eine ähnliche Eigenschaft haben und das Wasser verderben. Wenn wir auf solche treffen, so werden wir vor ihnen ausbiegen, so daß die Wasserleitung
 10 durch nichts beeinträchtigt wird.

Damit nun aber das Wasser, wenn es einen längeren Weg fließt, nicht allzu große Verluste erleidet, so wollen wir im folgenden zeigen, wie es möglich sein wird die Gerade, welche die beiden Punkte verbindet, zu finden.
 15 Denn diese ist die kürzeste von allen Linien, die dieselben Endpunkte haben. Wenn dann auf diese von uns bestimmte Linie eines der angegebenen Hindernisse fällt, so werden wir diesem ausbiegen.

VII. Von einem gegebenen Punkt auf einen anderen, nicht sichtbaren Punkt, bei beliebigem Abstand der beiden Punkte vermittelt der Dioptra eine Gerade zu ziehen.

Es seien 2 Punkte A und B gegeben und es sei diejenige Dioptra, welche Ebenen im rechten Winkel durchzuvisieren vermag, hergerichtet, und sie stehe bei A .
 25 Nun sei mittels der Dioptra in der Ebene die Gerade AI von beliebiger Größe bestimmt. Und die Dioptra werde nach I umgestellt und zu AI die Senkrechte IA von beliebiger Größe gezogen. Ebenso werde die Dioptra nach A umgestellt und zu IA die Senkrechte AE von
 30 beliebiger Größe gezogen. Wiederum werde die Dioptra nach E umgestellt und die Senkrechte EZ gefällt und in ähnlicher Weise ein beliebiger Punkt Z bestimmt, und zu ZE die Senkrechte ZH gezogen und ein beliebiger

σωμεν 16 <τι> add. Vi ἀτόπων: f. ἀπόρων 21 κατασκευάσθω:
 corr. Vi 23 πρὸς το A : corr. Vi 26—27 supplevit Vi, nisi
 quod εἴη pro ἧ posuit 29 εἴ ἧ: sed εἰ delevit iam man. 1

διόπτρα πρὸς τῷ E , καὶ πρὸς ὀρθὰς ἡ EZ · καὶ ὁμοίως
 τυχὸν εἰλήφθω τὸ Z . καὶ τῇ ZE πρὸς ὀρθὰς ἡ ZH ,
 καὶ τυχὸν τὸ H · καὶ τῇ ZH πρὸς ὀρθὰς ἡ $H\Theta$, καὶ
 τυχὸν τὸ Θ · καὶ τῇ $H\Theta$ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΘK , καὶ τυχὸν
 τὸ K · καὶ τῇ ΘK πρὸς ὀρθὰς ἡ KA · καὶ τοῦτο γινέ- 5
 σθω, ἄχρις ἂν ὀφθῇ τὸ B σημεῖον. γεγονέτω, καὶ
 παραγέ[γενή]σθω ἡ διόπτρα ἐπὶ τῆς KA , ἕως οὗ διὰ
 τῆς ἐτέρας ἐ<ν> αὐτῇ εὐθείας φανῇ τὸ B . πεφηνέτω
 οὔσης τῆς διόπτρας κατὰ τὸ A . ἅμα δὲ διοπιτεύοντες
 γράψομεν ἐν χάρτῃ ἢ δέλτῳ τό τε σχῆμα τοῦ διοπ- 10
 τρισμοῦ, τουτέστιν τὰς κλάσεις τῶν εὐθειῶν, καὶ ἔτι
 τὰ μεγέθη ἐκάστης αὐτῶν ἐπιγράψομεν. ἔστω οὖν ἡ
 μὲν AG πηγῶν εὐρημένη λόγου χάριν κ· ἡ δὲ GA
 πηγῶν κβ· ἡ δὲ AE πηγῶν ις· ἡ δὲ EZ πηγῶν λ·
 ἡ δὲ ZH πηγῶν ιδ· ἡ δὲ $H\Theta$ πηγῶν ιβ· ἡ δὲ ΘK 15
 πηγῶν ξ· ἡ δὲ KA πηγῶν η· ἡ δὲ AB πηγῶν ν.
 τούτων δὲ οὕτως ἐχόντων νενοήσθω τῇ AG πρὸς
 p. 206 ὀρθὰς ἡγμένη ἡ AM καὶ ἐκβεβλημέναι αἱ AB , $K\Theta$,
 ZH , $E\Delta$ ἐπὶ τὰ <M>, N , Ξ , O · αἱ δὲ EZ , $H\Theta$,
 GA ἐπὶ τὰ Π , P , Σ . ἔσται ἄρα διὰ τοὺς ἐπικειμένους 20
 ἀριθμοὺς ἡ μὲν AO πηγῶν κβ, ἐπεὶ καὶ ἡ GA · ἡ δὲ
 $O\Xi$ λ, ἐκεῖ καὶ ἡ EZ · ἡ δὲ ΞN ιβ, ἐπεὶ καὶ ἡ $H\Theta$ ·
 ἡ δὲ MN η, ἐπεὶ καὶ ἡ KA · ὥστε ὅλη ἡ AM ἔσται
 πηγῶν οβ. πάλιν δὲ ἔσται ἡ μὲν $M\Sigma$ πηγῶν κ, ἐπεὶ
 καὶ ἡ AG · ἡ δὲ $\Pi\Sigma$ πηγῶν ις, ἐπεὶ καὶ ἡ AE · ἡ δὲ 25
 ΠP πηγῶν ιδ, ἐπεὶ καὶ ἡ ZH . λοιπὴ ἄρα ἡ $P\Sigma$
 ἔσται πηγῶν β· ὅλη ἄρα ἡ PM ἔσται πηγῶν κβ.
 πάλιν δὲ ἔσται ἡ PA πηγῶν ξ, ἐπεὶ καὶ ἡ $K\Theta$ · ὧν

7 παραγεγενήσθω: correxi

8 ἐτέρας ξαντῇ: correxi

16 ἡ δὲ AE : corr. Vi
H Θ delevit m. 1

22 ante πάλιν verba ἐπεὶ καὶ ἡ

Punkt H genommen, und zu ZH die Senkrechte $H\Theta$ gezogen und ein beliebiger Punkt Θ genommen, und zu $H\Theta$ die Senkrechte ΘK gezogen und ein beliebiger Punkt K genommen, und zu ΘK die Senkrechte $K\Lambda$ gezogen.
 5 Und dies werde so lange fortgesetzt, bis der Punkt B sichtbar wird. Es sei geschehen, und die Dioptra werde

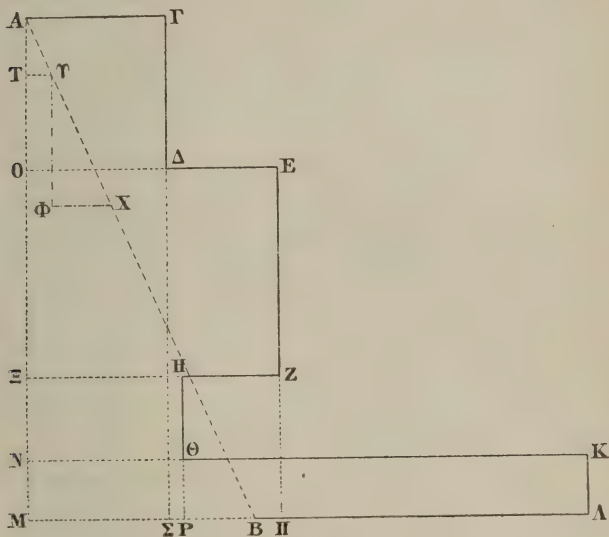


Fig. 87.

auf der Linie $K\Lambda$ hingetragen, bis durch die andere der auf ihr befindlichen Geraden¹⁾ der Punkt B gesehen wird. Wir nehmen an, er sei gesehen worden, und zwar in dem
 10 Augenblick, wo die Dioptra bei Λ steht.

Während des Visiergeschäfts nun werden wir auf ein Papier oder Täfelchen die Gestalt der Visieraufgabe d. h.

1) Gemeint ist eine der zwei aufeinander senkrecht stehenden Linien, welche in die große obere Kreisplatte des Instrumentes eingegraben sind (Fig. 83 b).

ἡ *ΠΡ* πηχῶν ιδ· λοιπὴ ἄρα ἡ *ΑΠ* πηχῶν μς· ὅλη δὲ
 ἡ *ΑΒ* πηχῶν ν· λοιπὴ οὖν ἡ *ΠΒ* πηχῶν δ· λοιπὴ
 ἄρα ἡ *ΒΡ* πηχῶν ι. ἀλλὰ ἡ *ΡΜ* πηχῶν κβ· ὅλη ἄρα
 ἡ *ΜΒ* ἔσται πηχῶν λβ. ἀλλὰ καὶ ἡ *ΑΜ* πηχῶν οβ·
 λόγος ἄρα τῆς *ΑΜ* <πρὸς τὴν *ΜΒ*>, ὃν ἔχει τὰ οβ 5
 πρὸς λβ. τούτου δὲ εὐρεθέντος ἀπειλήφθω <ἐπὶ τῆς
ΑΜ> ἡ *ΑΤ* πηχῶν, εἰ τύχοι, θ, καὶ ταύτῃ πρὸς
 ὀρθὰς ἡ *ΤΥ* καὶ πεποιήσθω ὥς τὰ οβ πρὸς λβ, ἡ
ΑΤ, τουτέστιν οἱ θ πήχεις, πρὸς ἄλλον τινά· γίνεται
 δὲ πηχῶν δ· <ἀπειλήφθω οὖν ἡ *ΤΥ* πηχῶν δ.> ἔσται 10
 οὖν τὸ *Υ* ἐπὶ τῆς ζευγνυούσης τὰ *Α*, *Β* σημεία. πάλιν
 δὲ τῇ *ΥΤ* πρὸς ὀρθὰς ἡ *ΥΦ*, καὶ ἀπειλήφθω, εἰ τύχοι,
 πηχῶν ιη· καὶ ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς ἡ *ΦΧ* καὶ πεποιήσθω |
 fol. 66^v ὥς τὰ οβ πρὸς λβ, οὕτως οἱ ιη πήχεις πρὸς ἄλλον τινά·
 [καὶ] γίνεται δὲ πρὸς η. ἀπειλήφθω οὖν ἡ *ΦΧ* πηχῶν 15
 η· καὶ ἔσται τὸ *Χ* ἐπὶ τῆς ζευγνυούσης τὰ *Α*, *Β*
 σημεία. ὥσαύτως οὖν διὰ τῆς διόπτρας <πρὸς ὀρθὰς>
 ἄγοντες καὶ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ποιοῦντες ἔξομεν συνεχῇ
 σημεία ἐπὶ τῆς ζητουμένης εὐθείας τῆς *ΑΒ*.
 p. 208 η. Δύο σημείων δοθέντων, οὗ μὲν πρὸς ἡμᾶς, οὗ δὲ 20
 πόρρω, τὸ μεταξὺ αὐτῶν διάστημα λαβεῖν τὸ πρὸς δια-
 βήτην, μὴ προσεγγίσαντα τῷ πόρρω σημείῳ. ἔστω τὰ
 δοθέντα δύο σημεία τὰ *Α*, *Β*· καὶ τὸ μὲν *Α* πρὸς ἡμᾶς,
 τὸ δὲ *Β* πόρρω κείσθω· ἡ δὲ διόπτρα ἡ τὸ ἡμικύκλιον
 ἔχουσα πρὸς τῷ *Α*· καὶ ἐπεστράφθω ὁ κανὼν ὁ ἐπὶ τῷ 25
 τυμπάνῳ, ἄχρις ἂν φανῇ τὸ *Β*. εἴτα ἀντιπεριστὰς ἐπὶ
 τὸ ἕτερον μέρος τοῦ κανόνος ἀνανεύω τὸ ἡμικύκλιον,

5 et 6 suppl. Vi 6—7 supplevi 7 η τύχοι 10 add.
 R. Schoene 13 πήχεις ιη: correxi 14 πρὸς ἄλλον ταν ε
 καί: τινά Vi, καὶ deleui 17 supplevi 21 πρὸς διαβήτην:
 cf. Buecheler *Litteraturzeitung* 1874, 609; Hero *Spiritualia* p. 146, 4
 Schmidt 26 τυμπανῷ: τυμπανίῳ Vi perperam

die Brechungen der Geraden aufzeichnen und weiter noch die Größe jeder derselben dazubemerken. Es sei nun beispielsweise $AF = 20$ Ellen gefunden, $FA = 22$, $AE = 16$, $EZ = 30$, $ZH = 14$, $H\Theta = 12$, $\Theta K = 60$,
 5 $KA = 8$, $AB = 50$.

Unter diesen Umständen denke man zu AF die Senkrechte AM gezogen und die Linien AB , $K\Theta$, ZH , EA nach M , N , Ξ , O verlängert, die Linien EZ , $H\Theta$, FA nach Π , P und Σ verlängert. Es wird also
 10 wegen der beigesetzten Zahlen $AO = 22$ Ellen sein, da auch $FA = 22$ Ellen; $O\Xi = 30$, da auch $EZ = 30$; $\Xi N = 12$, da auch $H\Theta = 12$; $MN = 8$, da auch $KA = 8$. Die ganze Strecke AM wird daher $= 72$.
 Wiederum aber wird $M\Sigma = 20$ Ellen sein, da auch
 15 $AF = 20$ Ellen; $\Pi\Sigma = 16$ Ellen, da auch $AE = 16$ Ellen; $\Pi P = 14$ Ellen, da auch $ZH = 14$ Ellen. Es wird also der Rest $P\Sigma = 2$ Ellen, die ganze Strecke PM also $= 22$ Ellen. Wiederum wird $PA = 60$ Ellen sein, da auch $K\Theta = 66$ Ellen, wovon $\Pi P = 14$ Ellen.
 20 Der Rest $A\Pi$ wird daher $= 46$ Ellen sein, die ganze Strecke AB also $= 50$ Ellen. Der Rest ΠB wird nun $= 4$ Ellen, der Rest BP also $= 10$ Ellen sein. Es ist aber $PM = 22$ Ellen, die ganze Strecke MB wird also $= 32$ Ellen sein. Nun ist aber $AM = 72$ Ellen. Also
 25 $AM : MB = 72 : 32$.

Nachdem dies gefunden, werde auf AM die Strecke AT beispielsweise $= 9$ Ellen abgetragen und im rechten Winkel dazu TT gezogen. Und es sei

$$72 : 32 = AT : x = 9 : x$$

$$30 \quad x = 4$$

T wird nun auf der die Punkte A und B verbindenden Geraden liegen. Wiederum ziehe man im rechten Winkel zu TT die Geraden $T\Phi$ und trage beispielsweise 18 Ellen ab und ziehe dazu im rechten Winkel ΦX . Dann ist

$$35 \quad 72 : 32 = 18 : x$$

$$x = 8.$$

τῶν ἄλλων ἀκινήτων μενόντων, καὶ λαμβάνω σημεῖον ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσι τὸ Γ ἐπ' εὐθείας τοῖς A, B κείμενον. εἴτα τῇ $B\Gamma$ ἀπὸ τοῦ A πρὸς ὀρθὰς ἄγω διὰ τῆς διόπτρας τὴν $A\Delta$, καὶ ἑτέραν ἀπὸ τοῦ Γ διὰ τῆς διόπτρας τὴν ΓE , καὶ ἔλαβον ἐπ' αὐτῆς τυχὸν τὸ E .⁵ καὶ μεταθεὶς τὴν διόπτραν πρὸς τὸ E κατέστησα τὸν κανόνα, ὥστε δι' αὐτοῦ φανῆναι τὸ B σημεῖον, καὶ ἕτερον ἐπὶ τῆς $A\Delta$ τὸ Δ ἐπ' εὐθείας τοῖς B, E . γίνεται δὴ τρίγωνον τὸ $B\Gamma E$ παραλληλὸν ἔχον τὴν $A\Delta$ τῇ ΓE . ἔστιν ἄρα ὡς ἡ ΓE πρὸς $A\Delta$, οὕτως ἡ¹⁰

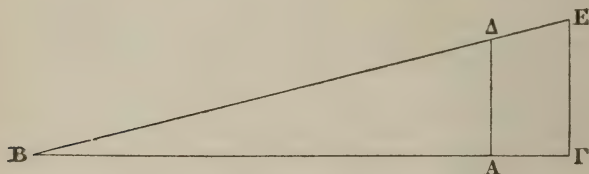


Fig. 88.

ΓB πρὸς BA . ἐχ[έτ]ω δὲ τὸν τῆς ΓE πρὸς $A\Delta$ λόγον ἐπιγινῶναι ἑκατέραν αὐτῶν μετρήσας πρὸς διαβήτην, ὡς προδεδεικται. ἔστω οὖν, εἰ τύχοι, εὐρημένη πενταπλῇ ἡ ΓE τῆς $A\Delta$. ἔσται ἄρα ἡ $B\Gamma$ τῆς BA πενταπλῇ· ἡ ἄρα ΓA τῆς AB τετραπλῇ. ἔχω¹⁵ δὲ μετρήσαι τὴν $A\Gamma$ πρὸς διαβήτην· ὥστε δυνατόν εὑρεθῆναι καὶ τὴν AB πρὸς διαβήτην, ἡλίκη ἐστίν.

p. 210

θ. Ποταμοῦ πλάτος^{πρ} τὸ ἐλάχιστον λαβεῖν, πρὸς τῇ μιᾷ ὄχθῃ ὄντας. ἔστωσαν αἱ τοῦ ποταμοῦ ὄχθαι αἱ

2 τῆς AB : correxi 6 πρὸς τῷ: correxi 11 ἐχέτω: correxi
 13—14 εἰ τύχῃ ευραμενη: corr. Vi 18 τι (ex τη rasura factum) ἐλάχιστον λαβεῖν καὶ τη: correxi; πλάτος τῇ διόπτρᾳ λαβεῖν Vi compendio deceptus 19 οντος: corr. Vi

Nun trage man $\Phi X = 8$ ab, und der Punkt X wird auf der die Punkte A und B verbindenden Geraden liegen. Indem wir nun in derselben Weise mittelst der Dioptra Senkrechte ziehen und in dasselbe Verhältniß bringen, werden wir eine Reihe von Punkten, die auf der gesuchten Geraden AB liegen, erhalten.

VIII. Wenn zwei Punkte, der eine bei unserm Standort, der andere in der Ferne, gegeben sind, ihren Abstand in horizontaler Ebene zu finden, ohne sich dem Punkte in der Ferne zu nähern.

Es seien A und B die gegebenen Punkte, und zwar liege A bei unserm Standort, B in der Ferne, die Dioptra aber mit dem Halbkreise bei A . Man drehe nun das Visierlineal auf der großen Kreisschreibe so lange, bis B sichtbar wird. Ich trete sodann nach dem anderen Theile des Visierlineals herum, drehe den Halbkreis, während die übrigen Theile des Instrumentes unbeweglich bleiben, und bestimme nach unserer Seite zu den Punkt Γ , der mit AB auf einer und derselben Geraden liegt. Dann ziehe ich zu $B\Gamma$ von A aus mittelst der Dioptra die Gerade AA und von Γ aus mittelst der Dioptra eine andere Gerade ΓE und nehme auf ihr einen beliebigen Punkt E . Ich setze darauf die Dioptra nach E um und stelle das Visierlineal so, daß der Punkt B durch dasselbe sichtbar ist, und nehme auf AA einen andern Punkt A an, der auf der Geraden BE liegt. Es entsteht also ein Dreieck $B\Gamma E$, in welchem AA parallel ΓE ist. Er verhält sich also: $\Gamma E : AA = \Gamma B : BA$. Ich kann nun aber das Verhältniß $\Gamma E : AA$ ermitteln, wenn ich jede der beiden Geraden in horizontaler Ebene, wie vorher gezeigt ist, messe. Es sei nun beispielsweise gefunden, daß $\Gamma E = 5 AA$ ist. Also wird $B\Gamma = 5 BA$ sein, also $\Gamma A = 4 AB$. Ich vermag aber $A\Gamma$ in horizontaler Ebene zu messen. Es ist daher möglich, auch die Größe von AB in horizontaler Ebene zu ermitteln.

IX. Die geringste Breite eines Flusses zu ermitteln, wenn man sich auf dem einen Ufer desselben befindet.

fol. 67^r AB , $\Gamma\Delta$. στήσας οὖν τὴν διόπτραν πρὸς | τῇ $\Gamma\Delta$
 ὄχθῃ, ὡς ἐπὶ τὸ E , ἐπέστρεψα τὸν κανόνα, ἄχρις ἂν
 φανῇ δι' αὐτοῦ σημεῖον ἐπὶ τῆς $\Gamma\Delta$ ὄχθης τὸ Δ . καὶ
 τῇ $E\Delta$ διὰ τῆς διόπτρας πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον τὴν EZ
 ἐπιστρέψας τὸν κανόνα. εἴτα ἐγκλίνω τὸ ἡμικύκλιον, 5
 ἄχρις ἂν ἐπὶ
 τῆς AB ὄχθης
 φανῇ τι σημεῖον
 διὰ τοῦ κανό-
 νος. πεφηνέτω
 τὸ Z . ἔσται δὴ
 τὸ ἐλάχιστον

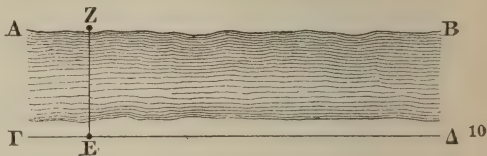


Fig. 89.

p. 212 πλάτος τοῦ ποταμοῦ τὸ EZ . ἡ γὰρ EZ ὥσανεὶ κάθε-
 τὸς ἐστὶν ἐπ' ἀμφοτέρως τὰς ὄχθας, εἴπερ παραλλή-
 λους αὐτὰς ἐννοούμεθα. ὡς οὖν ἐμάθομεν ἐπάνω, 15
 εἰλήφθω τὸ ἀπὸ τοῦ E διάστημα ἐπὶ τὸ Z τὸ πρὸς
 διαβήτην, ὃ καὶ ἀποφανούμεθα ἐλάχιστον εἶναι τοῦ
 ποταμοῦ πλάτος.

p. 214 ι. Δύο δοθέντων σημείων πόρρω ὁρωμένων εὐρεῖν
 τὸ μεταξὺ διάστημα αὐτῶν τὸ πρὸς διαβήτην καὶ ἔτι 20
 τὴν θέσιν. ἔστω τὰ δοθέντα δύο σημεῖα τὰ A , B . καὶ
 καθεστᾶσθω ἡ διόπτρα ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν

p. 216 πρὸς τῷ Γ καὶ ἐπεστράφθω ὁ κανὼν, ἄχρις ἂν δι'
 αὐτοῦ φανῇ τὸ A σημεῖον· εὐθεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ διὰ τοῦ
 κανόνος ἡ $A\Gamma$. ταύτῃ πρὸς ὀρθὰς ἤγαγον διὰ τῆς 25
 διόπτρας τὴν $\Gamma\Delta$, καὶ παράγω ἐπ' αὐτῆς τὴν διόπτραν,
 ἄχρις ἂν διὰ <τῆς πρὸς ὀρθὰς θέσεως> τοῦ κανόνος
 φανῇ τὸ B σημεῖον. τετυχέτω οὖν ἡ διόπτρα πρὸς

2 ἐπὶ τὸ: f. ἐπὶ τοῦ 4 τῆς $E\Delta$: corr. Vi 8 τὸ σημεῖον:
 correxi 15 f. ἐννοούμεθα 17 ἐλάχιστον: ζητούμενον Vi
 23 τὸ Γ : correxi 27 hiatus explevi

Die Ufer des Flusses seien AB und ΓA . Ich stelle nun die Dioptra auf dem Ufer ΓA , beispielsweise in E , auf und drehe das Visierlineal so lange, bis durch dasselbe ein Punkt A auf dem Ufer ΓA sichtbar wird. So-
 5 dann ziehe ich vermittelst der Dioptra im rechten Winkel zu $E A$ die Gerade $E Z$, nachdem ich das Visierlineal (um 90°) gedreht habe. Ich neige sodann den Halbkreis, bis auf dem Ufer AB irgend ein Punkt durch das Visierlineal hindurch sichtbar wird. Es erscheine Z . Die ge-
 10 ringste Breite des Flusses wird daher $= EZ$ sein, denn EZ ist sozusagen eine Senkrechte auf beiden Uferlinien, wenn wir sie uns als parallel vorstellen. Es werde nun, wie wir es oben gelernt haben, der Abstand von E nach Z in horizontaler Ebene bestimmt, den wir dann auch
 15 als die geringste Breite des Flusses angeben werden.

X. Wenn zwei in der Ferne sichtbare Punkte gegeben sind, den Zwischenraum zwischen ihnen in horizontaler Ebene und ferner noch ihre Lage zu finden.

Die beiden gegebenen Punkte seien A und B , und die
 20 Dioptra werde bei unserem Standorte bei Γ aufgestellt, und ihr Visierlineal so lange gedreht, bis der Punkt A

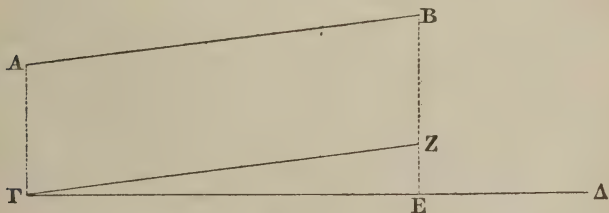


Fig. 90 a.

durch dasselbe sichtbar wird. Die durch das Visierlineal gehende Linie $A\Gamma$ ist also eine Gerade. Zu dieser ziehe ich vermittelst der Dioptra im rechten Winkel die Gerade
 25 ΓA und führe auf ihr die Dioptra hin, bis durch Drehung des Lineals um einen rechten Winkel der Punkt B sicht-

τὸ E · ἡ ἄρα BE τῇ ΓA πρὸς ὁρθάς ἐστιν· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ AG τῇ BE . μετρώ οὖν τὸ ἀπὸ τοῦ Γ διάστημα ἐπὶ τὸ A , ὡς ἐμάθομεν ἐπάνω, καὶ πάλιν τὸ ἀπὸ τοῦ E ἐπὶ τὸ B . καὶ εἰ μὲν ἴσον ἐστὶν τὸ ΓA διάστημα τῷ BE , ἀποφανοῦμαι καὶ τὸ GE 5 διάστημα ἴσον τῷ AB . δυνάμεθα δὲ τὸ GE μετρηῆσαι, ἐν γὰρ τοῖς πρὸς ἡμᾶς ἐστὶ μέρεσι. μὴ ἔστω δὲ ἴσον, ἀλλ' ἔστω ἔλασσον τὸ BE διάστημα τοῦ ΓA , εἰ τύχοι, πῆχεσι κ · ἀπέλαβον οὖν ἀπὸ τοῦ E ἐπὶ τῆς BE ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς πῆχεις κ τὴν EZ . ἔσται δὴ ἴση ἡ AG 10 τῇ BZ τῷ μεγέθει· ἐστὶν δὲ καὶ παράλληλος αὐτῇ· ὥστε καὶ ἡ AB τῇ ΓZ ἴση τέ ἐστι καὶ παράλληλος. δυνάμεθα δὲ μετρηῆσαι τὴν ΓZ , ὥστε καὶ τὴν AB · καὶ φανερόν, ὅτι καὶ τὴν θέσιν, τὴν γὰρ παράλληλον αὐτῆς, εὗραμεν. 15

Δυνατὸν δέ ἐστι καὶ ἄλλως λαβεῖν τὸ μεταξὺ τῶν A , B διάστημα. ἔστησα τὴν διόπτραν ἐφ' οὗ βούλομαι σημείον· ἔστω δὴ τοῦ Γ . καὶ ἔλαβον διὰ τῆς διόπτρας τὴν ΓA , καὶ ὁμοίως ἑτέραν τὴν ΓB , καὶ ἐμέτρησα ἑκατέραν τῶν ΓA , ΓB καὶ ἔλαβον ἀπὸ τοῦ Γ μέρος 20 fol. 67^v $\tau\iota$ τῆς ΓA , οἶονεὶ | δέκατον, τὴν $\Delta\Gamma$, καὶ τὸ αὐτὸ μέρος τῆς ΓB , τὴν ΓE · ἔσται δὴ καὶ ἡ $\langle\tau\alpha\rangle \Delta$, E ἐπιζευγνύουσα μέρος $\langle\deltaέκατον\rangle$ τῆς AB καὶ παράλληλος αὐτῇ. δύναμαι $\langle\deltaέ\rangle$ μετρηῆσαι τὴν ΔE ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν οὕσαν· ἔχω ἄρα καὶ τῆς AB καὶ τὴν 25 θέσιν καὶ τὸ μέγεθος.

Δυνατὸν δέ ἐστιν καὶ ἄλλως τὸ AB διάστημα λαβεῖν.

9 τοῖς BE : corr. Vi 10 f. ἡμᾶς $\langle\muέρεσι\rangle$ 13 τῇ ΓA : corr. Vi 14 f. θέσιν $\langle\acute{\epsilon}\chiομεν\rangle$ 14 f. αὐτῇ 15 εὗραμεν: εὗρομεν Vi 18 δι' ἄν: sed ν del. m. 1 22 τῆς ΓE τὴν ΓE : corr. Vi suppl. Vi 23 supplevi 24 supplevi

bar wird. Die Dioptra befinde sich gerade bei E , also bildet BE mit ΓA einen rechten Winkel; also ist $\Gamma\Gamma$ parallel BE . Ich messe nun den Abstand von Γ bis A , wie wir es oben gelernt haben, und wiederum den Abstand
 5 von E bis B . Wenn nun der Abstand ΓA gleich dem Abstand BE ist, so werde ich auch ΓA für gleich groß mit AB erklären. Wir können aber ΓE messen, denn es liegt nach unsrer Seite zu. Der Abstand sei jedoch nicht gleich, sondern der Abstand BE sei beispielsweise um
 10 20 Ellen kleiner als ΓA . Ich trage nun von E aus auf der Geraden BE auf unserer Seite 20 Ellen = EZ ab. Es wird daher die Gerade $\Gamma\Gamma$ an Gröfse gleich BZ sein; sie ist ihr aber auch parallel. Daher wird auch AB gleich und parallel ΓZ sein. Wir vermögen aber ΓZ ,
 15 daher auch AB , zu messen, und es ist klar, daß wir auch ihre Lage kennen, denn wir fanden ja eine Parallele dazu.

Es ist aber möglich, den Abstand der Punkte A und B auch noch auf andere Weise zu finden.

20 Ich stelle die Dioptra, auf welchem Punkt ich will, — es sei Γ — auf. Nun ziehe ich vermittelst der Dioptra die Gerade ΓA und in ähnlicher Weise die Gerade ΓB und messe jede der beiden Linien ΓA und ΓB . Sodann bestimme ich von Γ aus einen gewissen Teil, beispielsweise den zehnten, von ΓA , nämlich $\Delta\Gamma$, und denselben
 25 Teil von ΓB , nämlich ΓE .

Es wird also auch die die Punkte Δ und E verbindende Gerade der zehnte Teil von AB und dieser
 30 Linie parallel sein. Ich vermag nun ΔE zu messen, da es auf unserer Seite liegt. Ich habe also auch von AB sowohl die Lage als auch die Gröfse.

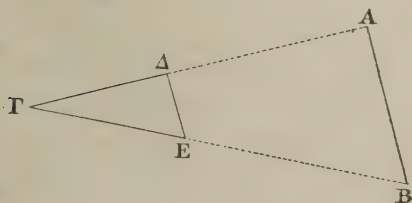


Fig. 90b.

p. 218 ἔσθησα τὴν διόπτραν πρὸς τῷ Γ καὶ ἔλαβον τῆς $ΑΓ$ μέρος $\langle \tau \iota \rangle$, τὴν δὲ $\Gamma Δ$, ἐπ' εὐθείας τῇ $ΑΓ$ καὶ ὁμοίως τῆς $ΒΓ$ τὸ αὐτὸ μέρος τὴν $ΓΕ$, ἐπ' εὐθείας τῇ $ΒΓ$.

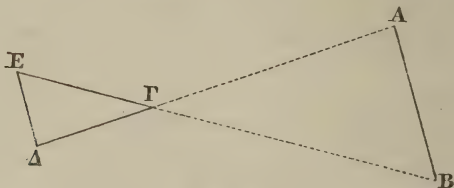


Fig. 90 c.

ἔσται δὲ καὶ ἡ $ΕΔ$ τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $ΑΒ$ καὶ παράλληλος αὐτῇ. δυνατόν δὲ μετροῦσαι τὴν $ΔΕ$. ὥστε 5 εὐρίσκεται τῆς $ΑΒ$ ἡ θέσις καὶ τὸ μέγεθος.

ια. Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ πρὸς ὀρθὰς ἀγαγεῖν ἀπὸ τοῦ πέρατος αὐτῆς, μὴ προσεγγίσαντα μήτε τῇ εὐθείᾳ μήτε τῷ πέρατι. ἔστω ἡ μὲν δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ ἐπὶ τὰ $Α$, $Β$ σημεία ἐπιζευγνυμένη· ἀφ' οὗ δὲ δεῖ τὴν πρὸς ὀρθὰς 10 ἀγομένην εὐρεῖν, ἔστω τὸ $Α$. εὐρήσθω ἡ θέσις τῆς $ΑΒ$ ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς τόποις, ὡς ἐμάθομεν· καὶ ἔστω ἡ $ΓΔ$ εὐθεῖα. παράγω οὖν τὴν διόπτραν ἐπὶ τῆς $ΓΔ$ εὐθείας διατηρῶν τὸν κανόνα ἀεὶ ἀποβλέποντα σημείω 15 τινὶ τῶν ἐπὶ τῆς $ΓΔ$, ἄχρως ἂν ἐπιστραφεῖς ἐπὶ τὴν πρὸς ὀρθὰς θέσιν ἴδῃ τὸ $Α$ σημεῖον. τετυχέτω οὖν ἡ διόπτρα πρὸς τὸ $Ε$ σημεῖον· ἔσται δὲ πρὸς ὀρθὰς εἶναι τὴν $ΑΕ$.

ιβ. Σημεῖον ὁρωμένου εὐρεῖν τὴν ἀπ' αὐτοῦ κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον 20

1 post μέρος spatium 2 litterarum 1—2 τὴν δὲ $ΓΔ$ ἐπ' εὐθείας: correxi 7 f. $\langle \text{ἄλλην} \rangle$ πρὸς 13 ἡ $ΓΑ$: corr. Vi
13—14 τὴν $ΓΔ$ εὐθείαν: correxi 16 εἰδη: corr. Vi 17 προς τω: corr. Vi

Es ist möglich, den Abstand AB noch auf eine andere Art und Weise zu bestimmen.

Ich stelle die Dioptra bei Γ auf und bestimme einen beliebigen Teil von $A\Gamma$, nämlich $\Gamma\Delta$, auf einer und derselben Geraden mit $A\Gamma$, und in ähnlicher Weise denselben Teil von $B\Gamma$, nämlich ΓE , auf einer und derselben Geraden mit $B\Gamma$. Also wird auch die Gerade $E\Delta$ ebenderselbe Teil von AB und ihr parallel sein. Nun ist es möglich AE zu messen, so daß die Lage und die Größe von AB gefunden ist.

XI. Zu einer gegebenen Geraden von ihrem Endpunkte aus eine andere im rechten Winkel zu ziehen, ohne daß man sich der Geraden und dem Endpunkte nähert.

Die gegebene Gerade sei die Verbindungslinie der Punkte A und B . Der Punkt aber, von dem aus man die im rechten Winkel geführte Gerade finden soll, sei A .

Es sei die Lage von AB in dem in unserer Nähe liegenden Terrain in der Weise gefunden, wie wir es gelernt haben, und zwar sei es die Gerade $\Gamma\Delta$. Ich führe

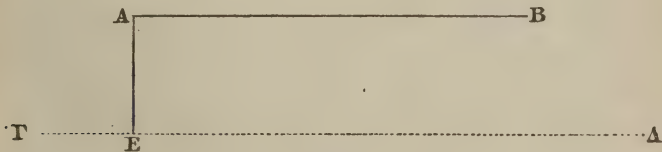


Fig. 91.

nun die Dioptra auf der Geraden $\Gamma\Delta$ hin, indem ich das Visierlineal stets nach einem Punkte auf $\Gamma\Delta$ blicken lasse, bis dasselbe, wenn es in die zur Anfangsstellung rechtwinklige Lage gedreht wird, nach dem Punkte A sieht. Die Dioptra sei dann gerade bei E angekommen. Dann wird also die Forderung erfüllt sein, daß AE einen rechten Winkel (mit AB) bildet.

XII. Wenn ein Punkt sichtbar ist, die Senkrechte zu finden, welche von ihm aus auf die durch uns gelegte

παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, μὴ προσεγγίσαντα τῷ ὀρω-
 μένῳ σημείῳ. ἔστω τὸ δοθὲν σημεῖον μετέωρον τὸ A ,
 τὸ δὲ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον διὰ τοῦ B . κείσθω οὖν ἡ
 διόπτρα πρὸς τῷ B · καὶ στυλίσκος μὲν νοείσθω ὁ
 $BΓ$, ὁ δὲ κινούμενος κανὼν δι' οὗ διοπτεύομεν ὁ $ΔΓΕ$.
 καὶ κινείσθω, ἄχρις ἂν φανῇ δι' αὐτοῦ τὸ A .
 καὶ μένοντος αὐτοῦ ἀκινήτου, μεταξὺ τῆς διόπτρας
 καὶ τοῦ A σημείου ἕτεροι δύο κανόνες ἐγκείσθωσαν
 οἱ ZH , $ΘΚ$ ὀρθοὶ, ἀνισοῦψεῖς, ὧν ὁ μὲν μέζων ἔστω
 ἐπὶ τὰ πρὸς τὸ A μέρος. τὸ δὲ ἑδαφος νοείσθω κατὰ
 τῆς $BZΘΑ$ γραμμῆς ὡς ἔτυχεν ὑπάρχον· τὸ δὲ δι'
 ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι
 νοείσθω τὸ κατὰ τῆς $ΒΑ$ εὐθείας. παραγέσθωσαν οὖν
 fol. 68^r οἱ ZH , $ΘΚ$ κανόνες, ἄχρις ἂν ἐπ' εὐθείας φανῶσι
 p. 222 τῷ A σημείῳ, μένοντος ἀκινήτου τοῦ $ΔΓΕ$ κανόνος.
 τεθεωρήσθω οὖν ἐπὶ μὲν τοῦ ZH κανόνος τὸ H ση-
 μεῖον, ἐπὶ δὲ τοῦ $ΘΚ$ τὸ K . καὶ νενοήσθωσαν ἐκβε-
 βλημέναι αἱ ZH , $ΘΚ$ ἐπὶ τὰ M , N · καὶ τῷ $ΒΑ$
 παράλληλοι ἡγμέναι αἱ $HΞ$, $KΘ$. δυνατόν δέ ἐστιν
 ἐπισκέψασθαι τίνι ἐστὶ μετεωρ(ότερ)ον τὸ Z τοῦ B
 χωροβατήσαν(τα)· ἐκάτερον γὰρ τῶν B , Z σημείων
 πρὸς ἡμᾶς· ὥστε δυνατόν εὐρεῖν τὴν ZM · ὁμοίως καὶ
 τὴν $NΘ$. ἔχω δὲ καὶ ἐκάτεραν τῶν HZ , $KΘ$, ὥστε
 φανερόν ἐστιν τῶν HM , KN , ἡλίκη ἐστὶν (ἐκατέρω),
 ὥστε καὶ ἡ ὑπεροχὴ αὐτῶν ἡ $KΞ$ ἡλίκη ἐστίν. ἐπιστά-
 μεθα δὲ καὶ ἡλίκη ἐστὶν ἡ $HΞ$ · τὸ γὰρ μεταξὺ τῶν

8 f. ἐκκείσθωσαν R. Schoene 10 πρὸς τῷ: correxi 11 $BZO A$:
 corr. Vi ὑπάρχων: corr. Vi 15 σημείον: corr. Vi 16 τεθεω-
 ρείσθω: corr. Vi 17 νενοήσθωσαί (sic): correxi 18—19 καὶ τὸ
 $ΒΑ$ παράλληλον: correxi 19 αἱ $NΞ KΘ$: corr. Vi 20 μετεω-
 ρον: corr. Vi 21 χωροβατήσαν: corr. Vi 22 τῇ ZM : corr. Vi
 23 τῇ $NΘ$: corr. Vi 24 supplevi 26 ἡ $NΞ$: corr. Vi

horizontale Ebene gefällt wird, ohne sich dem sichtbaren Punkte genähert zu haben.

Der gegebene hohe Punkt sei A , die durch uns gelegte Ebene die Ebene durch B . Nun sei die Dioptra bei B aufgestellt und zwar werde BF als der Ständer, AIE dagegen als das bewegliche Lineal gedacht, durch welches wir hindurchvisieren, und dieses werde so lange in seiner Lage verändert, bis A durch dasselbe sichtbar wird. Während nun das Lineal unbeweglich in seiner Stellung verbleibt, sollen zwischen der Dioptra und dem Punkte A zwei andere senkrechte Richtlatten, von

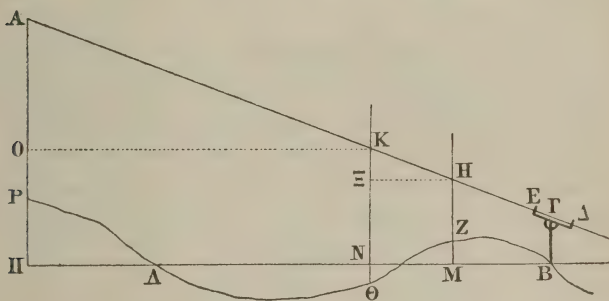


Fig. 92.

ungleicher Höhe ZH und ΘK , aufgestellt werden, von denen die gröfsere nach der Seite von A zu steht. Den Boden aber denke man sich an der Linie $BZ\Theta A$ entlang
15 beliebig gestaltet; die durch uns gelegte horizontale Ebene dagegen denke man sich an der Geraden BA entlang. Nun sollen die beiden Richtlatten ZH und ΘK so lange hin und hergetragen werden, bis sie mit dem Punkte A auf einer und derselben Geraden erscheinen, während das
20 Visierlineal AIE unbewegt in seiner Stellung verbleibt.

Es sei nun auf der Richtlatte ZH der Punkt H , auf der Richtlatte ΘK der Punkt K einvisiert worden, und man denke sich die Geraden ZH und ΘK bis M und N

Z , Θ διάστημα ἐστὶν τὸ πρὸς διαβήτην· ὥστε ἔξω
 τῖνα λόγον ἔχει ἡ $H\Xi$ πρὸς τὴν ΞK . ἔστω οὖν εἰ
 τύχοι εὐρημένη ἡ $H\Xi$ τῆς ΞK πενταπλῆ. καὶ ἀπὸ τοῦ
 A ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον, τουτέστιν ἐπὶ τὴν BA ,
 κάθετος ἦχθω ἡ $AOPI$. ὥστ' ἐστὶ καὶ ἡ KO πεν- 5
 ταπλῆ τῆς OA . καὶ ἐπεὶ ἴσμεν ἡλίκη ἐστὶν ἡ KO —
 τὸ γὰρ μεταξὺ τῶν Θ , P , διάστημα ἐστὶν τὸ πρὸς
 διαβήτην —, ἔξω ἄρα καὶ τὴν AO ἡλίκη ἐστίν. ἔχω
 δὲ καὶ τὴν OPI , ἴση γὰρ ἐστὶ τῇ KN . ὥστε καὶ ὅλην
 τὴν API , κάθετον οὖσαν ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον, 10
 ἔξω ἡλίκη ἐστίν.

p. 224 ιγ. Δύο σημείων ὁρωμένων εὐρεῖν τὴν ἀπὸ τοῦ
 ἑνὸς αὐτῶν κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ διὰ τοῦ ἑτέρου
 ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι μὴ
 προσεγγίσαντα τοῖς εἰρημένοις δύο σημείοις τοῖς A , B . 15

Δυνατὸν ἄρα ἐστίν, ὡς ἐπάνω δέδεικται, <ἐπιγνῶναι>
 τὴν ἀπὸ τοῦ A κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκ-
 βαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ
 ὀρίζοντι· νοείσθω κατὰ τῆς GA .
 ὁμοίως δὲ πεπορίσθω καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ
 B κάθετος ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλό-
 μενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρί-
 ζοντι· καὶ ἔστω ἡ BA . καὶ διὰ τοῦ
 A τῇ GA παράλληλος νοείσθω ἡ
 AE , καὶ τεμνέτω τὴν BA κατὰ τὸ
 E . ἡ ἄρα ζητούμενη κάθετός ἐστὶν ἡ
 BE . καὶ ἔστιν φανερόν ὅτι δυνατὸν
 ἐστὶν εὐρεῖν δύο ὁρωμένων σημείων τὴν ἐπιξευγνύουσαν
 αὐτὰ εὐθεῖαν | ἡλίκη ἐστίν, ἐπειδήπερ δοθεὶσά ἐστὶν

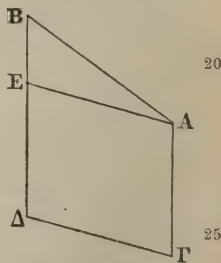


Fig. 93a.

fol. 68^v αὐτὰ εὐθεῖαν | ἡλίκη ἐστίν, ἐπειδήπερ δοθεὶσά ἐστὶν

2 ἡ $N\Xi$: corr. Vi 3 ἡ $N\Xi$ 14 ἐκβαλλομένην: corr. Vi
 16 <ἐπιγνῶναι> inserui; <γνῶναι> Vi 19 τῆς GA : corr. Vi

verlängert und zu BA die Parallelen $H\Xi$ und KO gezogen. Nun ist es möglich durch Nivellieren zu untersuchen, um wieviel Z höher liegt als B . Denn jeder der beiden Punkte B und Z liegt nach unserer Seite zu; daher ist es möglich ZM zu finden, und ebenso $N\Theta$. Ich habe aber auch jede der beiden Geraden HZ und $K\Theta$, so daß es klar ist, wie groß jede der beiden Geraden HM und KN ist und deshalb auch, wie groß ihre Differenz $K\Xi$ ist. Wir wissen nun aber, wie groß $H\Xi$ ist; denn es ist der Abstand zwischen den Punkten Z und Θ in horizontaler Ebene. Ich werde daher das Verhältnis $H\Xi:EK$ haben. Es sei nun beispielsweise $H\Xi = 5 EK$ gefunden, und es werde von A aus auf die durch uns gehende Ebene, d. h. auf BA , die Senkrechte $AOP\Pi$ gefällt. Dann wird auch $KO = 5 OA$ sein. Und da wir wissen, wie groß KO ist — es ist nämlich der Abstand zwischen den Punkten Θ und P in horizontaler Ebene — so werde ich auch die Größe von AO haben. Ich habe aber auch $O\Pi$, dann $O\Pi = KN$; daher werde ich auch die Länge der ganzen Geraden $A\Pi$ haben, welche die auf die durch uns gehende Ebene gefällte Höhe ist.

XIII. Wenn zwei Punkte sichtbar sind, die Höhe, die von dem einen derselben auf die durch den anderen gelegte horizontale Ebene gefällt wird, zu finden, ohne sich den genannten beiden Punkten, A und B , zu nähern.

Man kann, wie oben gezeigt ist, die Höhe finden, die von A auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefällt wird. Man denke sie sich in der Richtung ΓA . In gleicher Weise werde auch die Höhe von B auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefunden. Es sei $B\Delta$. Nun denke man durch A zu ΓA die Parallele AE gezogen, und sie schneide $B\Delta$ in E . Die gesuchte Höhe ist also BE .

Nun ist klar, daß es möglich ist, wenn zwei Punkte sichtbar sind, die Größe der sie verbindenden Geraden zu

ἢ τε ἀπὸ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν κάθετος ἀγομένη ἐπὶ τὸ
 διὰ τοῦ ἐτέρου ἐπίπεδον ἐκβαλλόμενον παράλληλον τῷ
 ὀρίζοντι, καὶ ἔτι τὸ μεταξὺ αὐτῶν διάστημα τὸ πρὸς
 διαβήτην δοθέν ἐστι, τὰ δ' εἰρημένα διαστήματα πρὸς
 P. 226 ὀρθάς ἐστιν ἀλλήλοις· ὥστε καὶ <ἡ> ὑποτείνουσα τὴν 5
 ὀρθὴν, ἣτις ἐπὶ τὰ δοθέντα σημεῖα ἐπιξυγνυμένη,
 δοθεῖσά ἐστιν.

Δύο δοθέντων σημείων εὐρεῖν τὴν θέσιν τῆς
 ἐπιξυγνυούσης αὐτὰ εὐθείας, μὴ προσεγγίσαντα τοῖς
 σημείοις. 10

ἔστω τὰ δοθέντα σημεῖα τὰ A , B · δυνατόν ἄρα
 ἐστὶ [τὴν] τοῦ διὰ τῶν A , B ἐκβαλλομένου ἐπιπέδου
 ὀρθοῦ πρὸς τὸν ὀρίζοντα τὴν θέσιν εὐρεῖν, ὡς ἐμά-
 θομεν ἐν τοῖς ἔμπροσθεν· τουτέστιν καθέτου ἀχθείσης
 <ἀφ' ἐκατέρου τῶν σημείων A , B > ἐπὶ τὸ παρὰ τὸν 15
 ὀρίζοντα ἐπίπεδον, δοθεῖσῶν τῶν $ΑΓ$, $ΒΔ$, τὴν θέσιν
 τῆς $ΓΔ$ εὐρεῖν. ἠυρήσθω καὶ ἔστω ἡ HZ , καὶ διὰ
 τοῦ A τῇ $ΓΔ$ παράλληλος ἡ $ΑΕ$ ἔστω, <ἡ> καὶ τῇ
 HZ παράλληλός ἐστι, καὶ <δοθεῖσα> ἔσται λοιπὴ ἑκα-
 τέρα τῶν $ΑΕ$, $ΒΕ$, ὡς προδέδεικται. εἰλήφθω δὴ 20
 ἐπὶ τῆς HZ δύο τυχόντα σημεῖα τὰ H , Z , καὶ ἀπὸ
 τοῦ Z ἀνεστίατω τις ὀρθὴ πρὸς τὸν ὀρίζοντα ἡ $ZΘ$
 κανόνος παρατεθέντος ἢ ἐτέρου τινός. παράλληλος
 ἄρα ἐστὶ τῇ $ΔΒ$ · καὶ πεποιήσθω ὡς ἡ $ΑΕ$ πρὸς $ΕΒ$,
 ἡ HZ πρὸς $ZΘ$ · ἐπιξυγνυθεῖσα ἡ $HΘ$ παράλληλος ἔσται 25
 τῇ $ΑΒ$ · τοῦτο γὰρ φανερόν διὰ τε τὰς παραλλήλους

1 *ν* ἐτέρου litterae paene evanidae 2 παραλλήλω: corr. Vi
 5 supplevi 5—6 τὴν ἀρχὴν ὀρθὴν, sed ἀρχὴν del. m. 1
 12 [τὴν] deleui 15 addidi 16 τῶν $ΑΓ$ $ΓΔ$ 17 ἠυρεί-
 σθω: correxi; κνρεῖσθω Vi 18 τῇ $ΑΗ$ ἔστω 18—19 καὶ
 τῇ $ΕΖ$: correxi et supplevi 20 $ΑΗ$ $ΗΒ$ ὡς 21 τῆς $ΕΖ$
 21—22 τὰ $ΕΖ$ καὶ ἀποῦ Z (sic) 24 ἄρα ἐπι: correxi τῇ $ΑΒ$

finden, da ja sowohl die Höhe von einem derselben auf die durch den andern gehende horizontale Ebene als auch der Abstand beider Punkte in horizontaler Ebene bestimmt ist und die genannten Abstandslinien rechtwinklig zu einander stehen. Daher ist auch die Hypotenuse (des rechtwinkligen Dreiecks), welche die Verbindungslinie der gegebenen Punkte ist, bestimmt.

Wenn zwei Punkte gegeben sind, die Lage der sie verbindenden Geraden zu bestimmen, ohne sich den Punkten genähert zu haben.

Die gegebenen Punkte seien A und B . Es ist also möglich die Lage der Ebene, die senkrecht zum Horizonte durch A und B gelegt wird, in der Weise, wie wir es im Vorhergehenden lernten, zu finden, d. h. wenn eine Höhe von jedem der beiden Punkte A und B auf die horizontale Ebene gefällt ist, falls AI und BI gegeben sind, dann die Lage von AI zu finden. Sie sei gefunden und sei HI , und durch A gehe als Parallele zu

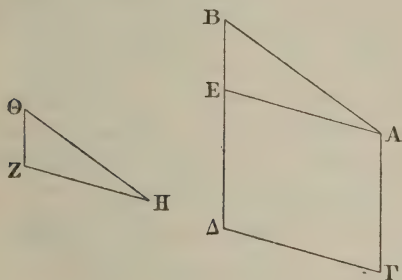


Fig. 93 b.

AI die Gerade AE , welche auch parallel zu HI ist. Es wird daher jede der beiden Geraden AE und BE bestimmt sein. Man nehme nun auf der Geraden HI zwei beliebige Punkte H und Z , und von Z aus werde eine Senkrechte gegen den Horizont, ZI , aufgerichtet, indem eine Richtlatte oder irgend etwas anderes hingestellt wird. Diese ist also parallel zu AB . Nun mache man, wie sich AE zu EB verhält, so $HI : ZI$. Zieht man die

24—25 ὡς ἡ AB πρὸς HB , ἡ EZ πρὸς HZI , sed HZI del.
m. 1 25 ἡ EI παράλληλος

καὶ τὰς ἀναλογίας· πεπόρισται ἄρα ἡ θέσις τῆς *AB* ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν.

Ἐκ δὴ τῶν προδεδιδαγμένων φανερόν, ὅτι δυνατόν ἐστίν, ὅρους ὑπάρχοντος, εὐρεῖν τὴν ἀπὸ τῆς κορυφῆς αὐτοῦ κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, μὴ προσεγγίσαντα τῷ ὄρει, καὶ τὴν ἀφ' οἰουδηποτοῦν σημείου κειμένου ἐν τῷ ὄρει καὶ ὀρωμένου [τὴν] ἀγομένην κάθετον εὐρεῖν· ἐπειδήπερ ἐμάθομεν τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου ὀρωμένου κάθετον πορίσασθαι, καὶ ὁμοίως δυνατόν ἢν <τὴν> ἀπὸ παντὸς <σημείου> ὀρωμένου ἐν τῷ ὄρει κάθετον ἀγομένην ἐπὶ τὸ δι' ἑτέρου σημείου ἐν τῷ ὄρει κειμένου καὶ ὀρωμένου ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι. ἀπλῶς γὰρ δύο σημείων δοθέντων οἰωνδηποτοῦν τὰ αὐτὰ ἐμάθομεν πορίσασθαι, 15

p. 228 69^v τουτέστιν τὰς τε ἀγομένας ἀπ' αὐτῶν καθέτους | καὶ <τὸ> μεταξὺ αὐτῶν διάστημα τό γε πρὸς διαβήτην, καὶ ὡς ἔχει θέσεως, μὴ προσιόντα τοῖς σημείοις.

ιδ. Ὁρύγματος δοθέντος τὸ βάθος λαβεῖν· τουτέστι <τὸ μέγεθος> τῆς ἀπὸ τοῦ ἐν τῷ βάθει σημείου κα- 20
θέτου ἀγομένης ἐπὶ τὸ δι' ἡμῶν ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι, ἢ καὶ [ἔτι] ἐπὶ τὸ δι' ἑτέρου σημείου ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον παράλληλον τῷ ὀρίζοντι.

ἔστω τὸ δοθὲν ὄρυγμα τὸ *ABΓΔ*· τὸ δ' ἐν τῷ βάθει αὐτοῦ σημεῖον τὸ *B*. κείσθω δὴ ἡ διόπτρα 25
πρὸς τῷ *Δ*, ἢ πρὸς ἄλλῳ τινὶ σημείῳ· ἔστω δὴ πρὸς τῷ *E*, καὶ ἔστω *EZ*· ὁ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν, δι' οὗ διοπτρεύομεν, ὁ *HΘ*· ἐγκλινέσθω οὖν, ἕως οὗ φανῇ δι' αὐτοῦ

3 ἐκ δεῖ: corr. Vi προδεδιδαγμένων: f. προδεδειγμένων
5 ἐπὶ τῷ: corr. Vi 8 [τὴν] deleui 11 <τὴν> addidi
σημείου add. Vi post ὄρει Vi inserebat <εὐρεῖν> f. recte

Verbindungsline $H\Theta$, so wird sie zu AB parallel sein. Denn dies ist der Parallelen und der Proportionen wegen klar. Es ist damit also die Lage von AB in dem Terrain in unserer Nähe gefunden.

- 5 Aus dem im Vorstehenden Gelehrten ist klar, daß es möglich ist, wenn ein Berg vorhanden ist, die Höhe, die von der Spitze desselben auf die durch uns gelegte horizontale Ebene gefällt wird, zu finden, ohne sich dem Berge zu nähern, und überhaupt die Höhe, die von irgend
10 einem Punkte, der auf dem Berge liegt und sichtbar ist, gefällt wird, zu finden, da wir ja lernten, die Höhe, die von jedem beliebigen Punkte aus gefällt wird, zu bestimmen und es in gleicher Weise möglich war, die Höhe, die von jedem beliebigen, auf dem Berge sichtbaren Punkte
15 auf die horizontale Ebene, die durch einen anderen auf dem Berge liegenden und sichtbaren Punkt geht, zu bestimmen.

Denn wir lernten ja einfach, wenn 2 beliebige Punkte gegeben sind, dieselben Stücke zu bestimmen, d. h. die
20 von ihnen aus gefälltten Höhen und den Abstand zwischen ihnen in horizontaler Ebene und wie sie sich in Bezug auf ihre Lage verhalten, und zwar ohne an die Punkte heranzugehen.

XIV. Wenn ein Graben gegeben ist, seine Tiefe zu
25 bestimmen, d. h. die Länge der Senkrechten, die von dem Punkt in der Tiefe auf die durch uns gelegte horizontale Ebene oder auch auf die durch einen anderen Punkt gelegte horizontale Ebene gezogen wird.

Der gegebene Graben sei $AB\Gamma\Delta$, der Punkt in der
30 Tiefe desselben B . Die Dioptra sei bei Δ oder bei irgend einem anderen Punkte aufgestellt; es sei beispielsweise bei E und sie sei EZ , ihr Visierlineal aber, durch das wir hindurchsehen, $H\Theta$. Dieses werde so lange geneigt,

15 οἶονδηποτοῦν 17 <τὸ> addidi τό τε: correxi 20 sup-
plevi; <μέγεθος> Vi 21—22 ἐπίπεδον ἴσον τῷ: correxi
22 [ἐτι] deleui ἐπὶ τῷ: correxi 24 τῷ δ' ἐν 25 ση-
μεῖον τὸ Δ: corr. Vi 26 πρὸς τὸ Δ 26—27 πρὸς τὸ E

τὸ B σημείον. ἡ δὲ $\langle \text{τοῦ} \rangle$ ἐδάφους ἐπιφάνεια νοείσθω
 κατὰ τῆς $\triangle EKL M$ γραμμῆς· τὸ δὲ δι' ἡμῶν ἐπίπεδον
 ἐκπίπτον νοείσθω κατὰ τῆς $A\Delta\Sigma O$ εὐθείας. ἐπὶ δὲ
 τοῦ ἐδάφους ἐφεστ $\langle \alpha \tau \rangle$ ωσαν δύο κανόνες, οἱ KN , $MΞ$
 p. 230 ὀρθοί, ἐπ' εὐθείας τῷ $H\Theta$ κανόνι· καὶ τεθεωρήσθω 5
 ἐπὶ μὲν τοῦ KN κανόνος σημείον τὸ N , ἐπὶ δὲ τοῦ
 ΞM τὸ Ξ . καὶ δέον ἔστω τὴν ἀπὸ τοῦ B κάθετον
 ἀγομένην ἐπὶ τὸ διὰ τοῦ Δ ἐκβαλλόμενον ἐπίπεδον
 παράλληλον τῷ ὀρίζοντι $\langle \text{πορίσασθαι} \rangle$, τουτέστιν τὴν
 ἐπὶ $\langle \text{τὴν} \rangle A\Delta O$ γραμμὴν ἀγομένην κάθετον· ἡ δὲ 10
 ἀπὸ τοῦ B κάθετος ἡ BA ἐστίν, ἣν δεῖ πορίσασθαι.
 νενοήσθω οὖν καὶ τὸ διὰ τοῦ B ἐπίπεδον παράλ-
 ληλον τῷ ὀρίζοντι τὸ κατὰ τὸ $B\Pi$ γινόμενον καὶ
 νενοήσθω ἐκβεβλημένος ὁ ΞM κανὼν ἐπὶ τὸ Π , καὶ
 ὁ NK ἐπὶ τὸ Σ , καὶ διὰ τοῦ N τῇ ΔO παράλληλος 15
 ἦχθω ἡ NP . ἡ ἄρα NP τὸ μεταξὺ τῶν K , M σημείων
 ἐστὶ διάστημα τὸ πρὸς διαβήτην· δυνατόν ἄρα ἐστὶν
 αὐτὸ πορίσασθαι, ἐπεὶ καὶ τὰς $K\Sigma$, MO . ἡ δὲ ΞP
 ὑπεροχὴ ἐστὶ τῶν ΞPO , $N\Sigma$ · δυνατόν ἄρα καὶ ταύτην
 πορίσασθαι, ἐπεὶ τὰς $K\Sigma$; MO δυνατόν ἐστὶ πορί- 20
 σασθαι, ὥσπερ ἐποιήσαμεν ὅτε τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου
 κάθετον ἀγομένην διὰ τῶν δύο κανόνων ἐπορίσάμεθα.
 ἔστω οὖν εὐρημένη, εἰ τύχοι, τετραπλῇ ἡ NP τῆς $PΞ$.
 ἔσται ἄρα καὶ ἡ $B\Pi$ τετραπλῇ τῆς $\Xi\Pi$. δυνατόν δέ
 ἐστὶ πορίσασθαι τὴν $B\Pi$, τουτέστι τὴν AO · τὸ γὰρ 25
 ἀπὸ τοῦ O ἐπὶ τὸ A διάστημα ἐστὶν τὸ πρὸς διαβήτην
 τὸ AO , τουτέστιν τὸ $B\Pi$ · ὥστε δυνατόν ἐστὶ πορί-
 σασθαι καὶ τὴν $\Xi\Pi$ · ἔστιν γὰρ τέταρτον μέρος τῆς

1 $\langle \text{τοῦ} \rangle$ addidi 4 ἐφέστωσαν: correxi οἱ $KHMZ$ 5 τεθεω-
 ρεῖσθω 6 μὲν τοῦ KH 8 ἐπὶ τοῦ διὰ 9 et 10 addidi 19 τῶν
 $PO \ N\Sigma$ 23 εἰ τυχη 27 τὸ AO : f. τῶν A, M R. Schoene

bis durch dasselbe der Punkt B sichtbar wird. Die Oberfläche des Bodens denke man sich an der Linie $AEKAM$ entlang, die durch uns gelegte (horizontale) Ebene denke

man sich an der Linie AAO entlang. Auf dem Erdboden sollen nun 2 Richtlatten, KN und ME in der Verlängerung der durch das Visierlineal laufenden Geraden $H\Theta$ senkrecht aufgestellt sein. Und es sei auf der Richtlatte KN der Punkt N einvisiert, auf der Richtlatte EM der Punkt E . Die Aufgabe sei, die Senkrechte von B auf die durch A gelegte horizontale Ebene, d. h. die Senkrechte auf die Linie AAO zu bestimmen. Die von B^* aus gezogene Senkrechte ist aber BA , welche es zu bestimmen gilt. Man

³⁵ denke sich nun auch die horizontale Ebene durch B , welche durch BII geht, und die Richtlatte EM bis II , die Richtlatte NK bis Σ verlängert, und durch N werde

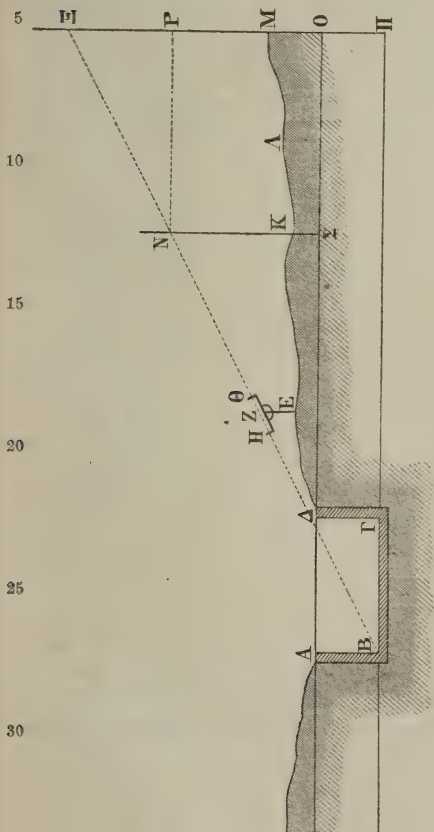


Fig. 94.

zu AO die Parallele NP gezogen. Es ist also NP der Abstand der Punkte K und M in horizontaler Ebene. Es ist also möglich ihn zu bestimmen, da man auch $K\Sigma$ und MO bestimmen kann. ΞP ist aber die Differenz von
 5 ΞPO und $N\Sigma$; es ist also möglich auch diese zu bestimmen, da es möglich ist $K\Sigma$ und MO zu bestimmen, wie wir thaten, als wir die von jedem beliebigen Punkte gefällte Senkrechte vermittelst der zwei Richtlatten bestimmten. Es sei nun beispielsweise $NP = 4P\xi$ gefunden;
 10 also wird auch $B\Pi = 4\xi\Pi$ sein. Nun ist es möglich $B\Pi$, d. h. AO zu bestimmen; denn AO , d. h. $B\Pi$ ist der Abstand von M und A in horizontaler Ebene. Daher ist es möglich auch $\xi\Pi$ zu bestimmen; denn es ist $= \frac{1}{4}B\Pi$. Wir haben aber auch die Gröfse von ξO . Daher werden
 15 wir auch $O\Pi$, d. h. die Senkrechte AB haben.

XV. Einen Berg in gerader Linie zu durchstechen, wenn die Mündungspunkte des Grabens an dem Berge gegeben sind.

Man denke sich als Basis des Berges die Linie $AB\Gamma A$,
 20 und als die Punkte, durch welche man den Graben führen muß, B und A . Ich ziehe von B aus auf dem Erdboden die beliebige Gerade BE und von dem beliebigen Punkte E ziehe ich vermittelst der Dioptra zu BE im rechten Winkel EZ , und weiter ziehe ich von dem beliebigen
 25 Punkte Z vermittelst der Dioptra im rechten Winkel (zu EZ) die Linie ZH , und wiederum von dem beliebigen Punkte H zu ZH im rechten Winkel $H\Theta$, und weiter von dem beliebigen Punkte Θ zu ΘH im rechten Winkel ΘK , und zu ΘK im rechten Winkel $K A$. Nun führe
 30 ich die Dioptra auf der Linie $K A$, indem ich das Visierlineal immer auf einen der Punkte der Geraden $K A$ gerichtet halte, so lange hin, bis durch Einstellung des Lineals im rechten Winkel der Punkt A sichtbar wird. Er sei sichtbar geworden, sobald die Dioptra bei M steht. Es

ἂν διὰ τῆς πρὸς ὀρθὰς θέσεως τοῦ κανόνος φανῇ τὸ
 Δ σημεῖον. πεφηνέτω <οὔσης τῆς διόπτρας κατὰ τὸ M >·
 ἔσται δὴ ἡ $M\Delta$ καὶ ἐπὶ τὴν KA κάθετος. καὶ νε-
 νοήσθω ἐκβεβλημένη ἡ EB ἐπὶ τὸ N , καὶ ἐπ' αὐτὴν
 κάθετος ἡ ΔN . δυνατὸν δὴ ἔστιν ἐκ τῶν EZ , $H\Theta$,
 KA ἐπιλογίσασθαι ἡλικὴν ἔστιν ἡ ΔN , ὥσπερ ἐποιοῦμεν,
 ὅτε τὴν ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ ἕτερον ἀθεώρητον
 ἐπεξευγνύομεν εὐθείαν· ὁμοίως δὲ καὶ τὴν BN ἐκ τῶν
 BE , ZH , ΘK , $\Delta\Delta$. εὐρήσθω οὖν, εἰ τύχοι, πενταπλῆ
 ἡ BN τῆς ΔN · καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ $B\Delta$ νενοήσθω ἐκ-
 βεβλημένη ἐπὶ τὸ Ξ , καὶ ἐπὶ τὴν BE κάθετος ἡχθῶ
 ἡ ΞO · ὁμοίως δὲ καὶ ἡ $B\Delta$ νενοήσθω ἐκβεβλημένη
 ἐπὶ τὸ Π , καὶ κάθετος ἐπὶ τὴν ΔM ἡ ΠP · ἔσται δὴ
 ὁμοίως πενταπλῆ ἡ μὲν BO τῆς $O\Xi$, ἡ δὲ ΔP τῆς
 $P\Pi$. λαβόντες οὖν ἐπὶ τῆς BE σημεῖον τυχὸν τὸ O ,
 καὶ πρὸς ὀρθὰς ἀγαγόντες τὴν $O\Xi$ τῇ BO , πέμπτον
 μέρος θήσομεν τὴν $O\Xi$ τῆς BO . καὶ ἔσται ἡ $B\Xi$
 νεύουσα ἐπὶ τὸ B · ὁμοίως δὴ πάλιν τῆς ΔP πέμπτον
 μέρος θέντες τὴν ΠP , ἔξομεν τὴν $\Delta\Pi$ νεύουσαν ἐπὶ
 τὸ Δ . διορύξομεν οὖν ἀπὸ μὲν τοῦ B ποιοῦντες τὸ
 ὄρυγμα ἐπ' εὐθείας τῆς $B\Xi$, ἀπὸ δὲ τοῦ Δ ἐπ' εὐ-
 θείας τῆς $\Delta\Pi$. γίνεται δὲ λοιπὸν τὸ ὄρυγμα κανόνος
 παρατιθεμένου ἐπὶ τῆς εὐρημένης εὐθείας τῆς ΞB ,
 ἥτοι ἐπὶ τῆς $\Pi\Delta$, ἣ καὶ ἐπ' ἀμφοτέρω τὰ μέρη. γινο-
 μένου τοῦ ὀρύγματος οὕτως ὑπαντήσουσιν ἀλλήλοις
 οἱ ἐργαζόμενοι.

fol. 70^r

p. 236

ιζ. Φρεατίας ὑπονόμῳ εἰς ὅρος διορύξαι | κατὰ
 κάθετον οὔσας τῷ ὑπονόμῳ. ἔστω τὰ ὑπονόμου πέ-
 ρατα τὰ A , B · καὶ εἰλήφθωσαν, ἐπ' εὐθείας τῇ AB ,
 αἱ ΓA , $B\Delta$, ὡς ἐμάθομεν. ἔστησα οὖν δύο κανόνας
 ὀρθοὺς πρὸς τοῖς A , Γ τοὺς ΓE , AZ καὶ τὴν διόπτραν

wird daher MA eine Senkrechte auf KA sein. Nun denke man sich EB bis N und auf sie die Senkrechte AN gefällt. Es ist daher möglich aus EZ , $H\Theta$ und KA die Gröfse von AN zu bestimmen, wie wir thaten, als wir von jedem
 5 beliebigen Punkt auf einen anderen, nicht sichtbaren Punkt die Verbindungslinie zogen. Gleichermassen kann man auch BN aus BE , ZH , ΘK und AA berechnen. Es sei nun beispielsweise $BN = 5 AN$ gefunden und man denke sich die Verbindungslinie BA bis Ξ verlängert und es werde
 10 auf BE die Senkrechte ΞO gefällt. Gleichermassen denke man sich BA bis Π verlängert und die Senkrechte auf AA , nämlich ΠP , gefällt. Es wird daher ebenso $BO = 5 O\Xi$ und $AP = 5 P\Pi$ sein. Wir nehmen nun auf BE den beliebigen Punkt O an und ziehen $O\Xi$ im rechten Winkel
 15 zu BO , sodann machen wir $O\Xi = \frac{1}{5} BO$, dann wird $B\Xi$ nach B zu geneigt sein. Wenn wir nun in gleicher Weise $\Pi P = \frac{1}{5} AP$ machen, werden wir in gleicher Weise $\Delta\Pi$ nach Δ geneigt haben. Wir werden nun den Durchstich so machen, dafs wir von B aus den Graben auf der (Ver-
 20 längerung der) Geraden $B\Xi$, von Δ aus auf der (Verlängerung der) Geraden $\Delta\Pi$ führen. Weiter wird der Graben hergestellt, indem eine Richtlatte auf die gefundenen Geraden ΞB oder auf ΠA oder auch nach beiden Seiten hin aufgestellt wird. Wird der Graben auf
 25 diese Weise hergestellt, so werden sich die Arbeiter treffen.

XVI. Schachte für einen unterirdischen Kanal in einen Berg zu graben, die zum Kanal senkrecht laufen sollen.

Die Endpunkte eines Kanals seien A und B und man bestimme ΓA und BA auf einer und derselben Geraden
 30 mit AB so wie wir es lernten. Ich stelle nun 2 senkrechte Richtlatten, nämlich ΓE und AZ , bei den Punkten A und Γ und die Dioptra bei dem Berge auf, nach-

3 ἐπὶ τὴν KA : τῆς Vi 4 ἐπὶ τὸ KH 6 KM ἢ ΔH
 8 ἐπισηγνόμεν 9 AM : corr. Vi 12 δὴ 13 τὴν ΔM
 16 τῇ $O\Xi$ τὴν BO 17 θήσωμεν 19—20 ἐπὶ τὸ B
 28 οὖσα 30—31 κανόνας ἐν τοῖς ὀρθοῖς, sed ἐν τοῖς del.
 m. 1 et ὀρθοῖς in ὀρθοὺς mutavit

πρὸς τῷ ὄρει ἀποστήσας σύμμετρον διάστημα, ὥστε
 διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἅμα φανῆναι τοὺς
 ΓΕ, ΑΖ κανόνας. ἔστω οὖν ἡ μὲν διόπτρα ἡ ΗΘ,
 ὁ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν ὁ ΚΑ· καὶ μένοντος τοῦ ΚΑ
 κανόνος ἀκινήτου μετατίθῃμι ἓνα τῶν ΓΕ, ΑΖ κανό- 5
 νων, ὡς ἐπὶ τὸ Μ σημεῖον, ἔμπροσθεν τῆς διόπτρας,
 ὡς τὸν ΜΝ, περιφέρων αὐτὸν ὀρθόν, ἄχρις ἂν διὰ
 τοῦ ΚΑ κανόνος φανῇ ὁ ΜΝ κανὼν. καὶ ἔσται τὸ Μ
 σημεῖον κατὰ κάθετον κείμενον τῷ ὑπονόμῳ. πάλιν
 δὴ μετατεθείσης τῆς διόπτρας ἔμπροσθεν τοῦ ΜΝ 10
 κανόνος ἐπὶ τὸ Ξ περιφέρω, ἄχρις ἂν διὰ τοῦ ἐν τῇ
 διόπτρᾳ κανόνος ἅμα φανῶσιν οἱ ΑΖ, ΜΝ κανόνες·
 καὶ πάλιν μένοντος τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος ἀκι-
 νήτου μεταφέρω τὸν ΑΖ κανόνα ἔμπροσθεν τῆς διόπ-
 τρας ὀρθὸν ὡς ἐπὶ τὸ Ο σημεῖον περιφέρων αὐτὸν, 15
 ἕως οὗ διὰ τοῦ ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνος φανῇ ὁ ΟΠ
 κανὼν· καὶ ἔσται ὁμοίως τὸ Ο κατὰ κάθετον τῷ ὑπο-
 νόμῳ. ὥσαύτως δὲ καὶ ἕτερα πλείονα λαμβάνων σημεία
 γράψω ἐν τῷ ὄρει γραμμὴν, ἣτις πᾶσα κατὰ κάθετον
 ἔσται τῷ ὑπονόμῳ. κὰν βουλώμεθα δὲ καὶ ἐκ τῶν Β, 20
 Δ μερῶν τὰ αὐτὰ ποιεῖν, οὐδὲν διοίσει. ἐπὶ τῆς ληφ-
 θεύσης οὖν ἐν τῷ ὄρει γραμμῆς διαστήματα λαμβάνοντες,
 ἡλίκα ἂν βουλώμεθα, καὶ κατὰ κάθετον ὀρύσσοντες
 τὰς φρεατίας ἐπιτενξόμεθα τοῦ ὑπονόμου. χρὴ δὲ
 νοεῖν καὶ ταύτην τὴν δεῖξιν, ὡς τοῦ ὑπονόμου ἐπὶ 25
 μιᾶς εὐθείας ὄντος.

| ιζ. Λιμένα περιγράψαι πρὸς τὸ δοθὲν κύκλου
 τμήμα, τῶν περάτων αὐτοῦ δοθέντων.

5 τῶν ΓΑ ΑΖ 6 τὸ Ζ σημεῖον 12 οἱ ΑΖ ΜΗ
 16—17 ὁ ΘΠ κανὼν 18 λαμβάνων 21—22 λειψύθησης
 23 ἡλίκα: correxi 28 τμήμα ex σχῆμα fec. m. 1

dem ich sie ein entsprechendes Stück abgerückt habe, so
daß durch das an der Dioptra befindliche Visierlineal die

Richtlatten TE und AZ
gleichzeitig sichtbar sind.

Es sei nun $H\Theta$ die Dioptra und KA das an ihr befindliche Visierlineal. Während nun das Visierlineal

$K\mathcal{A}$ unbeweglich in seiner
Stellung verbleibt, stelle

ich eine der beiden Richtlatten TE und AZ bei-

spielsweise nach dem Punkt M vorwärts der Dioptra

um, etwa als MN , indem
ich ihn in senkrechter

Stellung hin- und hertrage,
bis durch das Visierlineal

$K\mathcal{A}$ die Richtlatte NM sichtbar wird. Dann wird

der Punkt M senkrecht
über dem Kanal liegen.

Nachdem die Dioptra nun wieder vorwärts der Richt-

latte MN nach E um-
gesetzt ist, trage ich sie

so lange hin und her, bis
durch das an der Dioptra

befindliche Visierlineal die beiden Richtlatten AZ und

MN zugleich sichtbar werden. Und während das

an der Dioptra befindliche
Visierlineal wiederum un-

beweglich in seiner Stellung
e AZ in vertikaler Stellung
e Di in vertikaler Stellung

verbleibt, trage ich die Richtplatte AZ in vertikaler Stellung etwa nach Punkt O vorwärts der Dioptra hin, indem ich

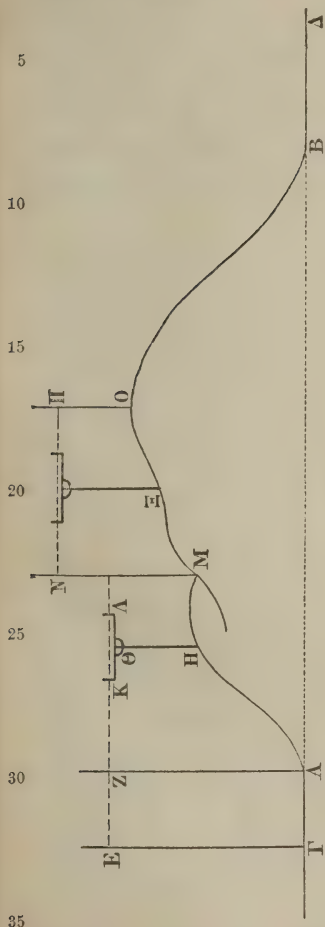


Fig. 96.

sie so lange hin und her trage, bis durch das an der Dioptra befindliche Lineal die Richtlatte OII sichtbar wird. Nnn wird ebenfalls der Punkt O senkrecht über dem Kanal liegen.

- 5 Indem ich nun in derselben Weise noch mehrere andere Punkte bestimme, werde ich auf dem Berge eine Linie zeichnen, welche in ihrem ganzen Verlauf senkrecht über dem Kanal gehen wird. Und wenn wir dasselbe von der Seite von B und A aus thun wollen, so wird es keinen
 10 Unterschied machen. Nehmen wir nun auf der auf dem Berge bestimmten Linie Zwischenräume von beliebiger Länge und graben die Schachte senkrecht, so werden wir auf den Kanal treffen. Man muß übrigens diesen Beweis unter der Voraussetzung auffassen, daß der unterirdische
 15 Kanal auf einer geraden Linie verläuft.

XVII. Den Umriss eines Hafens nach Maßgabe eines gegebenen Kreissegments zu zeichnen, wenn die Endpunkte desselben gegeben sind.

- Die Endpunkte desselben seien A und B . Es sei nun
 20 an der Dioptra die (große) Kreisscheibe, um welche sich das Visierlineal bewegt, horizontal gestellt und von dieser die Linie ΓAE abgeteilt, die dem Segment, nach welchem wir den Hafenumriss zeichnen wollen, ähnlich sein soll. Und es stehe eine Richtlatte nach der anderen
 25 Seite zu ganz nahe der Dioptra, nämlich ZH , dergestalt, daß Verbindungslinien, die von Z nach den Punkten Γ und E gezogen werden und Sehstrahlen, die von dem (dort befindlichen) Auge ausgehen, auf die Punkte A und B treffen. Dies wird erreicht werden dadurch, daß man
 30 die Dioptra und die Richtlatte ZH , oder auch nur eines der beiden Stücke, herumbewegt. Nachdem sie so aufgestellt sind, werde von Z ein Sehstrahl nach ΓA in gerader Richtung entsandt, bis er mit dem Erdboden in Θ zusammentrifft. Der Punkt Θ wird also auf der Um-
 35 risslinie des Hafens liegen. Indem wir nun in derselben Weise wie Θ auch andere Punkte bestimmen, werden wir die Umrisslinie $B\Theta A$ zeichnen. Es wird übrigens nötig

βανομένων σημείων ἡ περιγραφομένη γραμμὴ [ἡ] ἐν
 ἐπιπέδῳ ἢ παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι. ὅτι δὲ ἡ $B\Theta A$
 γραμμὴ κύκλου περιφέρειά ἐστι καὶ ὁμοία τῇ $\Gamma\Delta E$,
 φανερόν· κῶνος γὰρ γίνεται, οὗ βάσις μὲν ὁ $\Gamma\Delta E$
 κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ Z σημεῖον, πλευραὶ δὲ αὐτοῦ 5
 αἱ ἀπὸ τοῦ Z σημείου προσπίπτουσαι πρὸς τὴν $\Gamma\Delta E$
 περιφέρειαν. καὶ τέμνεται ἐπιπέδῳ παραλλήλῳ τῇ
 βάσει, τῷ ἐν $\tilde{\omega}$ ἐστὶ τὰ A, B σημεία, καὶ πλευραὶ
 αὐτοῦ εἰσὶν αἱ $Z\Gamma B, ZE A$. ἡ ἄρα $B\Theta A$ γραμμὴ
 κύκλου γίνεται περιφέρεια καὶ ὁμοία τῇ $\Gamma\Delta E$. ὁμοίως 10
 δὲ ἐὰν βουλώμεθα τὴν περιγραφομένην μὴ εἶναι κύκλον
 περιφέρειαν, ἀλλὰ ἐλλείψεως, ἢ καὶ ὄλην ἐλλειψιν ἢ
 καὶ παραβολὴν ἢ ὑπερβολὴν ἢ ἄλλην τινὰ γραμμὴν,
 ποιήσομεν ὁμοίαν αὐτῇ ἐκ σανίδος· καὶ ἐφαρμόσαντες
 ἐπὶ τὸ $\Gamma\Delta$ τύμπανον, ὥστε συμφυεῖς αὐτῷ γενέσθαι, 15
 ὑπερέχειν <δὲ> εἰς τὸ ἐκτὸς τοῦ τυμπάνου τὴν ἐκ τῆς
 σανίδος περιτμηθεῖσαν γραμμὴν, τὰ αὐτὰ ποιήσομεν
 τοῖς ἐπὶ τῆς $\Gamma\Delta E$ περιφερείας εἰρημένους. οὕτως οὖν
 πάσῃ τῇ δοθείσῃ γραμμῇ ὁμοίαν περιγράψομεν. ἐὰν
 δὲ βουλώμεθα τὴν περιγραφομένην γραμμὴν μὴ ἐν 20
 τῷ ἐδάφει γράφεσθαι παραλλήλῳ τῷ ὀρίζοντι, ἀλλ' ἐν
 p. 246 ἐτέρῳ ἐπιπέδῳ, καταστήσομεν τὸ τύμπανον παράλληλον
 τῷ ἐπιπέδῳ, ἐν ᾧ μέλλει γράφεσθαι ἡ γραμμὴ, καὶ τὰ
 αὐτὰ ποιήσομεν· πάλιν γὰρ γίνεται κῶνος ἐπιπέδῳ
 τεμνόμενος τῷ ἐν $\tilde{\omega}$ ἐστὶν ἡ γραμμὴ παράλληλος τῇ 25
 βάσει. ὁμοίως καὶ γέφυραν περιγράψομεν. τὸ δὲ
 τύμπανον τὸ $\Gamma\Delta Z$ καταστήσομεν καὶ παράλληλον τῷ

1 [ἡ] delevi 2 παράλληλος: correxi 8 τῇ ἐν ᾧ 9—10
 γραμμὴ ὅ γίνεται 14 ποιήσω μὲν ἐφαρμόσαντες 17 ποιή-
 σωμεν 20 βουλομεθα 22 καταστήσομεν 24 ποιήσωμεν
 25 f. παραλλήλῳ 26 περι γράφομεν

sein, den Erdboden so weit als möglich horizontal zu machen, damit auch die Umrifslinie, die durch die auf ihm bestimmten Punkte bestimmt wird, in einer horizontalen Ebene liegt.

5 Dafs die Linie $B\Theta A$ ein Stück einer Kreisperipherie und $\Gamma\Delta E$ ähnlich ist, ist offenbar. Denn es entsteht ein Kegel, dessen Basis der Kreis $\Gamma\Delta E$ und dessen Spitze der Punkt Z ist; seine Seiten sind die Geraden, die von dem Punkte Z aus nach dem Peripherieabschnitt $\Gamma\Delta E$
 10 laufenden Linien. Und er wird von einer seiner Basis parallelen Ebene, derjenigen nämlich, in der die Punkte A und B liegen, geschnitten und seine Seiten sind $Z\Gamma B$ und $ZE A$. Die Linie $B\Theta A$ wird also ein Stück einer Kreisperipherie und $\Gamma\Delta E$ ähnlich.

15 Ebenso aber werden wir, wenn wir wünschen, dafs die Umrifslinie nicht eine Kreisperipherie, sondern die Peripherie eine Ellipse, oder auch eine ganze Ellipse, oder auch eine Parabel oder Hyperbel oder irgend eine andere Linie sei, eine ihr ähnliche aus einem Brett herstellen,
 20 und nachdem wir es so auf die Kreisscheibe $\Gamma\Delta$ aufgelegt haben, dafs es mit ihr fest verbunden wird und die aus dem Brett geschnittene Linie über die Kreisscheibe hervorragt, werden wir genau dasselbe thun, was bei der Peripherie $\Gamma\Delta E$ beschrieben worden. Auf diese Weise nun
 25 werden wir einer jeden (beliebigen) gegebenen Linie ähnliche Umrifslinien bestimmen können.

Wünschen wir jedoch, dafs die Umrifslinie nicht auf der horizontalen Erdbodenoberfläche gezeichnet wird, sondern auf einer anderen Ebene, so werden wir die Kreisscheibe
 30 parallel zu der Ebene stellen, in welcher die Linie gezeichnet werden soll, und dieselben Operationen vornehmen. Denn es entsteht wieder ein Kegel, der durch eine Ebene — diejenige in welcher die zur Basis parallele Linie liegt — geschnitten wird. In ähnlicher Weise werden wir auch
 35 die Umrifslinie einer Brücke zeichnen.

Die Kreisscheibe $\Gamma\Delta E$ werden wir auf folgende Weise zu der gegebenen Ebene parallel stellen. Die gegebene

δοθέντι ἐπιπέδῳ οὕτως. ἔστω γὰρ τὸ δοθὲν ἐπίπεδον τὸ $KAMN$ καὶ ἐν αὐτῷ δύο εὐθεῖαι ἔστωσαν αἱ KA , MN καὶ εὐρήσθω ἡ θέσις τῆς KA ἐν τοῖς πρὸς ἡμᾶς μέρεσιν, καὶ ἔστω ἡ ΞO . ὁμοίως δὲ καὶ ἡ θέσις τῆς

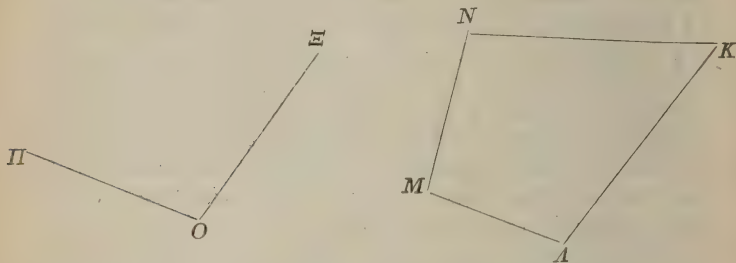


Fig. 98.

AM εὐρήσθω, καὶ ἔστω ἡ $OΠ$. τὸ ἄρα $KAMN$ ἐπί-
 pedon παράλληλόν ἐστιν τῷ διὰ τῶν ΞO , $OΠ$. | ἐγκλί-
 νας οὖν τὸ τύμπανον, ὥστε ἐν τῷ ἐπιπέδῳ αὐτοῦ
 γενέσθαι τὰς ΞO , $OΠ$, ἔξω καθεσταμένον παράλληλον
 τῷ $KAMN$ ἐπιπέδῳ.

ιη. Ἐδαφος κυρτῶσαι, ὥστε σφαιρικὴν ἔχειν ἐπι-
 φάνειαν πρὸς τὸ δοθὲν τμήμα. ἔστω ὁ δοθεὶς τόπος
 ὁ $ABΓΔ$, μέσον δὲ αὐτοῦ σημεῖον τὸ E . διὰ δὲ τοῦ
 E σημείου διήχθωσαν εὐθεῖαι διὰ τῆς διόπτρας οὔσαι
 ἐν τῷ ἐδάφει, ὁσαιδηποτοῦν, αἱ $ΑΓ$, $ΒΔ$, $ΖΗ$, $ΚΘ$,
 ἐφ' ὧν πάσσαλοι ἐγκεκρούσθωσαν ὀρθοί. ὥς δ' ἂν 15
 ἐπὶ μιᾷς ὑποδείξομεν, οὕτως καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν νοείσθω
 εὐθειῶν. πεπασσαλοκοπήσθω οὖν ἡ $ΒΔ$ τοῖς $ΑΜ$,

5 $KMAN$ 6 ἐστιν τῷ διατῶι διατων (sic) 9 τὸ $KAMN$
 14 \overline{ZH} , $H\Theta$ 15 δ' ἂν corruptum videtur 16 ἐπὶ μιᾷς
 ἐπι|μιᾷς

Ebene sei $KAMN$ und in ihr seien zwei Gerade KA und MN . Nun sei die Lage von KA in der Gegend unseres Standortes bestimmt, und zwar sei sie ΞO . In ähnlicher Weise soll nun auch die Lage von AM gefunden sein, und zwar sei sie OII . Die Ebene $KAMN$ ist also der durch die Linien ΞO und OII bestimmten parallel. Ich neige nun die Kreisscheibe so, daß die Linien ΞO und OII in ihrer Ebene zu liegen kommen und werde sie dadurch der Ebene $KAMN$ parallel gestellt haben.

10 XVIII. Ein Bodenstück so zu wölben, daß es nach Maßgabe eines gegebenen Kreisabschnittes eine kugelige Oberfläche hat.

Der gegebene Boden sei $AB\Gamma A$, sein Mittelpunkt E . Durch den Punkt E ziehe man mittelst der Dioptra beliebig viele gerade Linien auf dem Erdboden, AI , BA ,

15

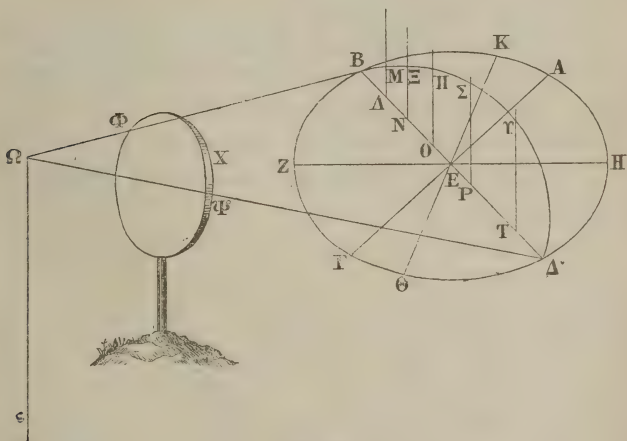


Fig. 99.

ZH und $K\Theta$, auf denen Pflöcke senkrecht eingerammt werden sollen. Wie wir nun für eine Gerade den Beweis liefern werden, so soll er auch für die übrigen gedacht werden. Die Linie BA werde mit den Pflöcken AM ,

$NΞ$, $ΟΠ$, $PΣ$, $ΤΤ$ πασάλοις· τὸ δὲ τῆς διόπτρας
 τύμπανον ἔστω τὸ $ΦΧΨ$, ὅμοιον τῷ τῆς κυρτώσεως
 τμήματι· καὶ πάλιν καθεστᾶτω ὀρθῶς πρὸς τὸν ὀρί-
 ζοντα, ὥστε κανόνος ὁμοίως παρατεθέντος τοῦ $Ως$, τὰς
 ἀπὸ τοῦ $Ω$ ἐπὶ τὰ $Φ$, $Ψ$ ἐπιξηγνυμένας ἀκτῖνας καὶ 5
 ἐκβαλλομένας νεύειν ἐπὶ B , $Δ$ σημεία. εἴτα διὰ τοῦ
 $Ω$ πάλιν καὶ τῆς $ΦΧΨ$ περιφερείας τεθεωρήσθω ἐπὶ
 τῶν πασάλων σημεία τὰ M , $Ξ$, $Π$, $Σ$, $Υ$ ταῦτα δὲ
 ἔσται ἐπὶ τοῦ τμήματος τῆς κυρτώσεως. καὶ ἐπὶ τῶν
 p. 250 λοιπῶν δὲ εὐθειῶν ἡ αὐτὴ πασσαλοκοπία καὶ διοπ- 10
 τρ(εῖ)α γεγενῆσθω, καὶ ληφθέντων ἐν τοῖς πασάλοις
 σημείων ἐγγωννύσθω ὁ τόπος ἄχρι τῶν ληφθέντων
 σημείων καὶ ἔσται ἡ κύρτωσις τοῦ τόπου σφαιρικὴ
 ὁμοία τῷ εἰρημένῳ τμήματι.

ιθ. Ἐδαφος ἐγκλίνει ἐν δοθείσῃ γωνία, ὥστε τὸ 15
 κλίμα αὐτοῦ ἐφ' ἐν νεύειν σημεῖον δοθέντος ἀκλινοῦς
 τόπου ἐν παραλληλογράμῳ ἰσοπλεύρῳ.

Ἔστω παραλληλόγραμμον ἰσόπλευρον τὸ $ΑΒΓΔ$,
 ἡ δὲ γωνία, ἐν ᾗ βουλόμεθα ἐγκλίνειν τὸ ἔδαφος, ἡ
 ὑπὸ EZH . ἀπὸ 20

δὲ τῶν A , B , $Δ$
 <σημείων> τῷ
 ὑποκειμένῳ ἐπι-
 πέδῳ πρὸς ὀρ-
 θὰς ἀνεστᾶτω-
 σαν αἱ $AΘ$, BK ,

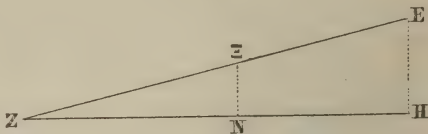


Fig. 100a.

$ΔΑ$ · τὸ δὲ $Γ$ σημεῖον ἔστω, ὅπου βουλόμεθα τὴν
 κλίσιν νεύειν. καὶ τῇ $ΑΓ$ ἴση κείσθω ἡ ZH , τῇ δὲ

3 ὀρθῶ 4 $ΩΤ$ 5 ἀπὸ τοῦ β (ω sic, non α) ἐπὶ τὰ $\overline{φχψ}$,
 sed χ del. m. 1 7 τεθεωρεῖσθω 10 δὲ 10—11 καὶ διόπτρα:
 correxi 12 ἐγγωννύσθω 19 βουλόμεθα 27 $ΑΑ$ f. ὅποι

NE , OII , $P\Sigma$, TT besetzt, und $\Phi X\Psi$ sei die Kreisscheibe der Dioptra, welche dem Abschnitt der Wölbung ähnlich ist. Sie soll wieder senkrecht zum Horizont aufgestellt werden, so daß wenn in ähnlicher Weise (wie
 5 bei dem vorhergehenden Probleme) eine Richtlatte $\Omega\varsigma$ daneben aufgepflanzt wird, die von Ω nach Φ und Ψ laufenden und drüber hinaus verlängerten Strahlen nach den Punkten B und A hingehen. Sodann sollen wiederum durch Ω und den Peripherieabschnitt $\Phi X\Psi$ hindurch auf
 10 den Pflöcken die Punkte M , E , II , Σ , T anvisiert werden; diese werden dann auf dem Wölbungsabschnitt liegen. Auch auf den übrigen Geraden soll dasselbe Verfahren mit den Pflöcken und der Dioptra angewandt werden, und nachdem so auf den Pflöcken Punkte genommen sind,
 15 soll das Terrain bis zu diesen Punkten aufgeschüttet werden. Die Krümmung des Terrains wird dann eine kugelförmige und dem genannten Schnitt ähnliche sein.

XIX. Eine Bodenfläche, die in einem gegebenen Winkel geneigt ist, so herzustellen, daß die Neigung nach einem
 20 Punkte hin stattfindet, wenn ein nicht geneigtes Terrain in einem gleichseitigen Parallelogramm gegeben ist.

Es sei $AB\Gamma A$ das gleichseitige Parallelogramm und EZH der herzustellende Neigungswinkel des Terrains. Von A , B , A aus sollen senkrecht zu der gegebenen Ebene die Geraden $A\Theta$, BK , AA errichtet werden, der Punkt Γ sei der,
 25
 30

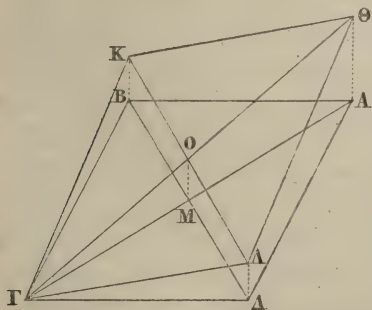


Fig. 100 b.

35 nach dem die Neigung hingehen soll. Nun werde $ZH = A\Gamma$ gemacht und rechtwinklig zu ZH die Gerade EH gezogen; ferner werde $A\Theta = EH$ gemacht und

ZH πρὸς ὀρθὰς ἤχθω ἢ EH . τῇ δὲ EH ἴση κείσθω
 ἢ $A\Theta$. καὶ τῇ AG προσευρῆσθω ἢ $A\Theta$, ἐν τῷ τῆς
 ZH πρὸς HE λόγῳ καθεύου οὔσης τῆς EH . εἰάν δὲ
 fol. 71^v νοήσωμεν ἐπιζευγνυμένην | τὴν $\Theta\Gamma$, ἔσται ἢ ὑπὸ $\Theta\Gamma A$
 γωνία κλίσις. ἔστω δὲ ἢ ἀπὸ τοῦ B ἐπὶ τὴν AG 5
 κάθετος ἢ BM . καὶ τῇ GM ἴση κείσθω ἢ ZN , τῇ δὲ HE
 παράλληλος ἤχθω ἢ $N\Xi$, τῇ δὲ $N\Xi$ ἴση κείσθω ἐκα-
 p. 252 τέρα τῶν BK , ΔA . καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΘK , $K\Gamma$,
 ΓA , $A\Theta$. ἔσται δὲ τὸ $\Theta K\Gamma\langle A \rangle$ ἐπίπεδον κεκλιμένον
 πρὸς τὸ $A\langle B \rangle\Gamma A$ ἐν τῇ ὑπὸ $\Theta\Gamma A$ γωνία, τουτέστι 10
 τῇ ὑπὸ EZH . εἰάν γὰρ νοήσωμεν τῇ $A\Theta$ παράλ-
 ληλον γινομένην τὴν MO , καὶ ἐπιζεύξωμεν τὴν OK
 πίπτουσιν ἐπὶ τὸ A , ἢ μὲν MO ἴση \langle ἔσται \rangle τῇ $N\Xi$.
 ἢ δὲ KO ἴση \langle καὶ \rangle παράλληλος τῇ BM , πρὸς ὀρθὰς
 δὲ τῇ $\Theta\Gamma$. ὥστε κέκλινται, ὡς εἴρηται, τὸ ἐπίπεδον. 15
 εἰάν δὲ ὁ τόπος ὁ δοθείς ἐν τυχόντι ἢ τετραπλεύρῳ,
 ὥστε τὰς διαγωνίους αὐτοῦ μὴ πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις
 \langle εἶναι \rangle , τῆς BM πρὸς ὀρθὰς οὔσης τῇ AG , ἴσην θή-
 σομεν τὴν ΞN , τῇ δὲ ΞN τὴν BK , ὡς εἴρηται, ἀπὸ
 τοῦ B κάθετον ἀγαγόντες ἐπὶ τὴν AG . καὶ ταῦτα 20
 ποιήσαντες τοῖς ἐπὶ τῆς BM , ποριούμεθα τὸ μέγεθος
 τῆς ΔA . ἐγκωσθήσεται οὖν ὁ τόπος ἄχρι τῶν ΘK ,
 $K\Gamma$, ΓA , $A\Theta$ εὐθειῶν· καὶ τὸ ἐπίπεδον ἀπεργασθὲν
 ἔξει τὴν εἰρημένην ἐγκλίσιν.

fol. 71^v | κ. Ὑπονόμου ὄντος, εὐρεῖν ἐν τῷ ὑπερκειμένῳ 25
 ἐδάφει τόπον, τουτέστι σημεῖον, ἀφ' οὗ φρεατίας
 γενηθείσης ἐπὶ τὸν δοθέντα ὑπόνομον καταντήσομεν

4 OG 8 ἐπεξεύχθωσαν (sic) 9 ΓA 12 ἴσον γινο-
 μένην ἐπιζεύξομεν 13 MO ἴση ἴση τῇ 18 \langle εἶναι \rangle
 addidi τῇ BM οὔση 20 ταῦτα: correxi 25 ὑπο-
 κειμένω: correxi

zu AI werde AO hinzugefunden im Verhältniß $ZH:HE$, wobei EH eine Kathete ist. Denken wir uns nun die Verbindungslinie OI gezogen, so wird der Winkel OIA die Neigung darstellen. Es sei nun BM die Senkrechte
 5 von B auf AI und ZN werde gleich IM gemacht, ferner zu HE die Parallele NE gezogen. Nun sollen BK und AA beide gleich NE gemacht werden. Und man ziehe die Verbindungslinien OK , KI , IA , AO . Es wird also die Ebene OKI gegen $ABIA$ in dem
 10 Winkel OIA , d. h. EZH geneigt sein. Denn wenn wir uns zu AO die Parallele MO gezogen denken und die Verbindungslinie OK ziehen, die nach dem Punkte A geht, so wird $MO = NE$ sein, KO gleich und parallel BM sein und im rechten Winkel zu OI
 15 laufen. Die Ebene ist also in der angegebenen Weise geneigt.

Wenn aber die gegebene Stelle in einem beliebigen Viereck liegt, so daß dessen Diagonalen nicht senkrecht aufeinander stehen, so werden wir in der GröÙe von BM ,
 20 das im rechten Winkel zu AI steht, EN abtragen, in der GröÙe von EN aber BK , wie gesagt worden ist, nachdem wir von B eine Kathete auf AI gezogen haben. Und nachdem wir dasselbe wie mit BM gethan haben, werden wir die GröÙe von AA bestimmen. Die Stelle wird nun
 25 bis zu den Geraden OK , KI , IA , AO aufgeschüttet werden und die dadurch hergestellte Ebene wird die angegebene Neigung haben.

XX. Wenn ein unterirdischer Kanal gegeben ist, auf dem vorliegenden Boden einen Ort, d. h. einen Punkt
 30 zu finden, von dem aus ein Brunnenschacht gegraben werden muß, um auf einen gegebenen unterirdischen Punkt zu treffen, so daß wenn beispielsweise ein Einsturz in dem unterirdischen Kanal erfolgt ist, man durch den Brunnen das Material zur Ausräumung des Kanals und zur
 35 Wiederherstellung desselben transportieren kann.

Der gegebene unterirdische Kanal sei $ABIAE$ und HO und KA Schachte, die zu ihm hinführen; der ge-

τόπον, ὥστε εἰ τύχοι πτώματος ἐν τῷ ὑπονόμῳ γενη-
 p. 240 θέντος διὰ τῆς φρεατίας ἀναφέρεσθαι τὴν ὕλην τὴν
 πρὸς τὴν κάθαρσιν τοῦ ὑπονόμου καὶ τὴν πρὸς τὴν
 ἐπισκευήν. ἔστω ὁ δοθεὶς ὑπόνομος ὁ $ABΓΔΕ$. φρεα-
 τίαί δὲ φέρονσαι εἰς αὐτὸν αἱ $HΘ$, $ΚΑ$. τὸ δὲ 5
 σημεῖον τὸ δοθέν ἐν τῷ ὑπονόμῳ, ἐφ' ὃ δεῖ τὴν
 φρεατίαν ἐλθεῖν, τὸ M . κεχαλάσθωσαν σπάρτοι διὰ
 τῶν $HΘ$, $ΚΑ$ φρεατιῶν βάρη ἔχουσαι, αἱ $NΞ$, $ΟΠ$.
 καὶ κατασταθεῖσιν αὐτῶν ἀκινήτων διὰ μὲν τῶν O ,
 N σημείων εὐθείᾳ τις εἰλήφθω ἐν τῷ ἐπάνω ἐδάφει 10
 ἢ ONP . διὰ δὲ τῶν $Π$, $Ξ$, ἐν τῷ ὑπονόμῳ, ἢ $ΠΞΣ$,
 προσπίπτουσα ἐνὶ τῶν τοῦ ὑπονόμου τοίχων κατὰ τὸ
 $Σ$. καὶ τῇ $ΠΣ$ ἴση <κείσθω> ἢ $ΟΡ$. καὶ λαβὼν σχοι-
 νίον εὖ ἐκτεταμένον καὶ προβεβασανισμένον, ὥστε μηκέτι
 ἐπεκτείνεσθαι ἢ συστέλλεσθαι, τὴν μὲν ἀρχὴν αὐτοῦ | 15
 fol. 72^r τίθημι πρὸς τῷ $Σ$. λαβὼν δέ τι σημεῖον ἐπὶ τοῦ
 $ABΓ$ τοίχου τὸ T , ἐπεκτείνω τί σχοινίον ἐπὶ τὸ T ,
 καὶ ὁμοίως ἐπὶ τὸ $Π$, καὶ σημειωσάμενος τὰ μήκη τῶν
 $TΣ$, $TΠ$ ἐφαρμόζω αὐτὰ ἐν τῷ ἐπάνω ἐδάφει, ὥστε
 γενέσθαι τρίγωνον τὸ PTO , τὴν μὲν PT ἴσην ἔχον 20
 τῇ $TΣ$, τὴν δὲ TO τῇ $TΠ$. εἴτα πάλιν λαβὼν ἕτερον
 σημεῖον τὸ X ἐπεξέτεινα τὸ σχοινίον, ὥστε ποιῆσαι
 τὸ $TΣX$ τρίγωνον· καὶ πάλιν τοῦτο ἐν τῷ ἐπάνω
 ἐδάφει ἐφαρμόζω, ὥστε γενέσθαι τὸ $PTΦ$, τὴν μὲν
 $PΦ$ ἴσην ἔχον τῇ $XΣ$, τὴν δὲ $ΤΦ$ τῇ TX . εἴτα πάλιν 25
 ἐπὶ τῆς $ΣX$ ἕτερον τρίγωνον συστησάμενος τὸ αὐτὸ
 συνίσταμαι καὶ ἐπὶ τῆς $ΦΡ$, ἄχρις ἂν συνεγγρίσω τῷ
 M σημείῳ. καὶ ἵνα μὴ ποικιλογραφῶμεν, ἐπιχθεῖσα τῷ

4 ὑπο νόμον 4—5 φρεατία δε φέρονσα εἰς αὐτὸν ἢ 8 φρεα-
 τίας 13 supplēvi 16 τῷ O 17 τί: f. τὸ 18—19 τῶν $ΠΣ$
 21 τῇ $ΠΣ$ 23 τὸ TPX 28 ἐπιχθεῖσα: f. ἐπιδειχθεῖσα

σχοινίῳ ἢ ΣM ἐπὶ τὸ ς ἐκβεβλήσθω, καὶ ἐπεξεύχθω
 ἢ ςX · καὶ ἐπὶ τῆς ΦP τριγώνου ἔστω $\Phi \Psi P$, ἴσην
 ἔχον τὴν μὲν $P \Psi$ τῇ $\Sigma \varsigma$, τὴν δὲ $\Phi \Psi$ τῇ ςX · καὶ τῇ
 $M \Sigma$ ἴση κείσθω ἢ $P \Omega$ · ἔσται δὴ τὸ Ω σημεῖον κατὰ
 κάθετον κείμενον τῷ M σημείῳ. φρεατίας ἄρα ὀρυχ- 5
 242 θείσης ἀπὸ τοῦ Ω , ὀρθὴ ἔσται ἢ ὀρυγὴ πίπτουσα ἐπὶ
 τὸ M · τοῦτο δὴ φανερόν διὰ τὸ τὰ τρίγωνα τὰ ἐν τῷ
 ὑπονόμῳ καὶ τὰ ἐν τῷ ἐδάφει ἴσα τε καὶ ὅμοια εἶναι,
 καὶ ὁμοίως κείμενα. πειρᾶσθαι δὲ δεῖ τὰ τρίγωνα
 ἀκλινῇ καθιστᾶν, ὅπως αἱ ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς 10
 γωνίας ἐπιζευγνύμεναι κάθετοι ᾧσιν ἐπὶ τὸν ὀρίζοντα.

fol. 72^r
p. 254

κα. | Διὰ διόπτρας ἀπολαβεῖν ἀπὸ ἡμῶν διάστημα
 ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας, ἴσον τῷ δοθέντι διαστήματι.
 ἔστω ἢ δοθεῖσα εὐθεῖα ἐφ' ἧς δεῖ ἀπολαβεῖν <ἢ AB ·
 τὸ δὲ δοθὲν διάστημα ὃ δεῖ ἀπολαβεῖν> ἔστω τὸ AB · 15
 ἀφ' οὗ δὲ δεῖ σημείου ἀπολαβεῖν, ἔστω τοῦ A . ἐλθὼν
 ἐπὶ τινος ἀκλινοῦς ἐπιπέδου τόπου οἷον τοῦ $\Gamma \Delta$, τίθημι
 τὴν διόπτραν τὴν EZ · καὶ ταύτης ἔμπροσθεν κανόνα
 ὀρθόν, μήκους ὡς πηχῶν ι, τὸν $H \Theta$, ἀπέχοντα ἀπὸ τῆς
 διόπτρας, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ E σημείου, ὃ βούλωμαι 20
 διάστημα, ἔστω δὴ πηχῶν γ. ἀπέλαβον οὖν ἀπὸ τοῦ
 E ἐν ἐπιπέδῳ εὐθεῖαν τὴν $E \Delta$ πηχῶν ὅσων ἐὰν
 βούλωμαι, ἔστω δὴ πηχῶν φ, καὶ καταλείψας σημεῖον
 πρὸς τῷ Δ , ἐγκλίνω τὸν ἐν τῇ διόπτρᾳ κανόνα, ἄχρις
 ἂν φανῇ δι' αὐτοῦ τὸ Δ σημεῖον. καὶ μένοντος αὐτοῦ 25
 fol. 72^v ἀκινήτου, ἀντιπεριστὰς ἔλαβον | δι' αὐτοῦ σημείου ἐπὶ
 τοῦ $H \Theta$ κανόνος τὸ M , καὶ ἐπέγραψα πηχῶν φ. εἴτα
 πάλιν ἀπολαβὼν ἑτέρους πῆχεις ὅσους ἂν βούλωμαι
 ἐπὶ τῆς $E \Delta$, οἷον εἰ τύχοι πῆχεις $\bar{\nu}$ ἐπὶ τῆς EN , καὶ

an und spanne dann das Meßband nach T und ebenso nach Π hin. Und nachdem ich die Längen von $T\Sigma$ und $T\Pi$ notiert habe, übertrage ich dieselben auf die obere Erdbodenfläche, so daß das Dreieck PTO entsteht, in dem $PT = T\Sigma$, $TO = T\Pi$ ist. Ich nehme darauf wieder einen anderen Punkt X und spanne das Meßband aus, so daß ich das Dreieck $T\Sigma X$ entstehen lasse. Und dieses übertrage ich wiederum auf die obere Erdbodenfläche, so daß $PT\Phi$ entsteht, in dem $P\Phi = X\Sigma$, $T\Phi = TX$ ist.

10 Nachdem ich sodann wiederum auf ΣX (als Grundlinie) ein anderes Dreieck konstruiert habe, konstruiere ich ebendasselbe auch auf ΦP , bis ich mich dem Punkte M genähert habe. Und — um weitschweifige Erörterungen zu vermeiden — nachdem die Linie ΣM mit dem Meßband

15 bestimmt ist, soll sie bis zum Punkte ς verlängert werden und die Verbindungslinie ςX gezogen werden. Und auf ΦP als Grundlinie soll das Dreieck ΦTP stehen, in dem $P\Psi = \Sigma\varsigma$ und $\Phi\Psi = \varsigma X$ sein soll. Und es werde $P\Omega = M\Sigma$ angenommen. Es wird also der Punkt Ω

20 senkrecht über dem Punkte M liegen. Wenn also von Ω aus ein Schacht gegraben wird, so wird dieser senkrecht auf den Punkt M treffen.

Dies geht daraus hervor, daß die Dreiecke in dem Kanal und auf dem Erdboden gleich und ähnlich sind

25 und ähnlich liegen. Man muß aber versuchen die Dreiecke horizontal zu stellen, damit die Verbindungslinien der Scheitelpunkte der Winkel auf dem Horizonte senkrecht stehen.

XXI. Vermittelst der Dioptra von uns aus auf einer

30 gegebenen Geraden eine Strecke abzutragen, die einer gegebenen Strecke gleich ist.

Die gegebene Gerade, auf der abgetragen werden soll, sei AB ; die gegebene Strecke, welche abgetragen werden

λήψας 24 τὸ Δ : A Vi perperam 25 τὸ Δ : A Vi perperam
 27 τοῦ $N\Theta$ 28 βουλομαι 29 εἰ τυγχῇ του
 ENT ἐπὶ

p. 256 καταλείψας πρὸς τῷ N σημείον, ὡσαύτως ἔλαβον ἀντι-
 περιστὰς ἐπὶ τοῦ $H\Theta$ κανόνος ἕτερον σημείον τὸ Ξ ,
 πρὸς ὃ ἐπέγραψα πῆχεις ν . καὶ οὕτως λαμβάνων ἂ
 βούλομαι μέτρα ἕξω ἐν τῷ $H\Theta$ κανόνι τὰς ἐπιγραφάς.
 στήσας οὖν καὶ τὴν διόπτραν ἐπὶ τοῦ A καὶ ἀποστήσας 5
 τὸν τὰς ἐπιγραφάς ἔχοντα κανόνα ἀπὸ τοῦ A πῆχεις
 γ , ὅσους καὶ ὅτε τὰς ἐπιγραφάς λαμβάνων ἀπέστησα,
 ἐνέκλινα τὸν ἐπὶ τῇ διόπτρᾳ κανόνα, ἄχρις ἂν δι'

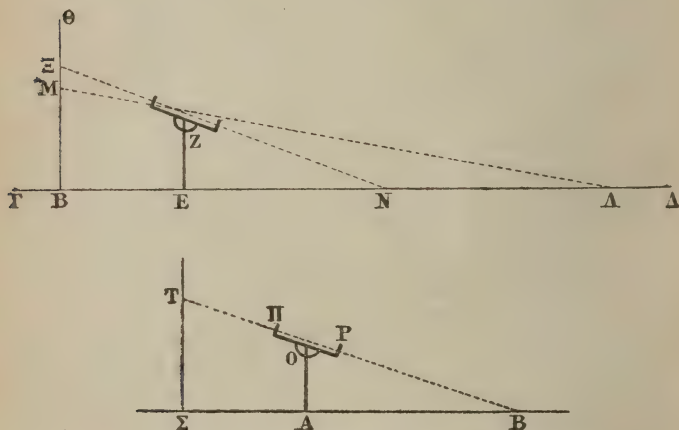


Fig. 102.

αὐτοῦ φανῇ ἡ ἐπιγραφὴ τοῦ μέλλοντος ἀπολαμβάνε-
 σθαι μέτρον· εἴτα ἀντιπεριστὰς ἔλαβον ἐπὶ τῆς AB 10
 εὐθείας διὰ τοῦ κανόνος σημείον τὸ B · καὶ ἔσται
 ἀπειλημμένον τὸ AB διάστημα τοῦ δοθέντος τόπου.
 ἔστω οὖν διόπτρα μὲν ἡ AO , ὃ δὲ ἐν αὐτῇ κανὼν,
 δι' οὗ διοπτρεύομεν, ὁ ΠP , ὃ δὲ τὰς ἐπιγραφάς ἔχων
 κανὼν ὁ ΣT .

- soll, sei die Strecke AB ; der Punkt, von dem aus abgetragen werden soll, sei A . Man gehe nach einer nicht geneigten ebenen Stelle, beispielsweise ΓA , und stelle die Dioptra EZ auf, und vor ihr eine senkrecht stehende
- 5 Richtlatte von ungefähr 10 Ellen Länge, $H\Theta$, die von der Dioptra, d. h. von dem Punkte E , ein beliebiges Stück abstehen soll; es sei $= 3$ Ellen. Ich trage nun von E aus in der Ebene eine Strecke EA von beliebig vielen Ellen ab: sie sei $= 500$ Ellen. Und nachdem ich bei
- 10 A ein Zeichen hinterlassen habe, neige ich das Dioptralineal, bis durch dasselbe der Punkt A sichtbar wird. Während es nun unbeweglich in seiner Stellung verbleibt, trete ich nach seiner anderen Seite herum und bestimme durch dasselbe auf der Richtlatte $H\Theta$ den Punkt
- 15 M und schreibe dazu „500 Ellen“. Ich trage dann wiederum eine beliebige Anzahl von Ellen auf der Geraden EA ab, beispielsweise $EN = 400$ Ellen, und nachdem ich bei N ein Zeichen hinterlassen habe, bestimme ich ebenso, nachdem ich nach der anderen Seite des In-
- 20 struments herumgetreten bin, auf der Richtlatte $H\Theta$ einen anderen Punkt Ξ , bei dem ich „400 Ellen“ dazu schreibe. Und indem ich weiter in dieser Weise beliebige Mafse annehme, werde ich auf der Richtlatte $H\Theta$ die zugehörigen Aufschriften erhalten.
- 25 Ich stelle nun die Dioptra auch bei A auf und stelle die Richtlatte mit den Aufschriften 3 Ellen davon entfernt auf, nämlich ebensoweit, wie damals, als ich sie, um die Aufschriften zu erhalten, aufstellte, und neige das Dioptralineal, bis durch dasselbe die Aufschrift des abzu-
- 30 tragenden Mafses sichtbar wird. Sodann trete ich nach der anderen Seite herum und bestimme auf der Geraden AB durch das Visierlineal den Punkt B . Dann wird von dem gegebenen Ort die Strecke AB abgetragen sein. Es sei nun AO die Dioptra, das Visierlineal an derselben ΠP ,
- 35 die Richtlatte mit den Aufschriften ΣT .

p. 258 κβ. Διὰ διόπτρας ἀπολαβεῖν διάστημα, ἀπὸ ἐτέρου
δοθέντος σημείου ἐπὶ τινος εὐθείας παραλλήλου τῇ
δοθείσῃ ἴσον τῷ δοθέντι διαστήματι, μὴ προσελθόντα
τῷ σημείῳ μηδ' ἔχοντα τὴν εἰρημένην εὐθεΐαν, ἐφ'
ἧς δεῖ ἀπολαβεῖν. ἔστω δοθὲν σημεῖον τὸ A καὶ 5
κείσθω πρὸς τῷ B ἡ διόπτρα· καὶ εὐρήσθω ἡ AB
εὐθεΐα ἡλίκη ἐστίν, ὡς ἐμάθομεν· καὶ ἀπειλήφθω αὐτῆς
ἡ $BΓ$, μέρος ὃ βουλόμεθα. ἡ δὲ $ΓΔ$ ἥχθω παρά-
λληλος ἥ βουλόμεθα εὐθείᾳ, μέρος οὔσα τοῦ δοθέντος
διαστήματος, ὃ μέρος ἐστίν καὶ ἡ $BΓ$ τῆς BA . καὶ 10
διὰ τῆς διόπτρας ἡ $ΒΔ$ εὐθεΐα προσεβεβλήσθω, καὶ
ἀπ' αὐτῆς ἀπειλήφθω ἡ BE , τοσανταπλασία οὔσα
τῆς $ΒΔ$, ὅσαπλασία καὶ ἡ AB τῆς $BΓ$. ἔσται οὖν
ἡ AE τοῦ τε δοθέντος μέτρου καὶ παράλληλος τῇ
 $ΔΓ$ · τοῦτο γὰρ φανερόν ἐστι διὰ τὸ εἶναι ὡς τὴν AB 15
πρὸς τὴν $ΓB$, τὴν τε EB πρὸς $ΔB$ καὶ τὴν AE
πρὸς $ΓΔ$.

p. 260 κγ. Τὸ δοθὲν χωρίον μετρησαι διὰ διόπτρας.
ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον περιεχόμενον ὑπὸ γραμμῆς
ἀτάκτου τῆς $ABΓΔΕΖΗΘ$. ἐπεὶ οὖν ἐμάθομεν 20
διὰ τῆς κατασκευασθείσης διόπτρας διάγειν πάσῃ τῇ
δοθείσῃ εὐθείᾳ <ἐτέραν> πρὸς ὀρθάς, ἔλαβόν τι
σημεῖον ἐπὶ τῆς περιεχούσης τὸ χωρίον γραμμῆς τὸ
 B , καὶ ἡγαγον εὐθεΐαν τυχοῦσαν διὰ τῆς διόπτρας
τὴν BH , καὶ ταύτῃ πρὸς ὀρθάς τὴν $BΓ$, <καὶ ταύτῃ> 25
ἐτέραν πρὸς ὀρθάς τὴν $ΓZ$, καὶ ὁμοίως τῇ $ΓZ$ πρὸς
ὀρθάς τὴν $ZΘ$. καὶ ἔλαβον ἐπὶ τῶν ἀχθεισῶν εὐ-
θειῶν συνεχῇ σημεία, ἐπὶ μὲν τῆς BH τὰ $K, Λ$,

11 διὰ τῆς $BΔ$ εὐθείας τῇ διόπτρα: corr. Vi προσε-
βεβλήσθω: corr. Vi 13 ἔστω: corr. Vi 16 τὴν $ΓΔ$: corr. Vi
23 et 26 supplevi

XXII. Vermittelst der Dioptra von einem anderen gegebenen Punkte auf einer der gegebenen parallelen Geraden aus eine Strecke abzutragen, die einer gegebenen Strecke gleich sein soll, ohne dafs man sich dem Punkte nähert und ohne dafs man die genannte Gerade, auf der man abtragen soll, hat.

Der gegebene Punkt sei A , und bei B sei die Dioptra aufgestellt, und die Gröfse von AB sei so, wie wir es gelernt haben, gefunden. Nun werde darauf BF , als ein beliebiger Teil davon, abgetragen, und FA als Parallele zu der Geraden, welche wir zu bestimmen wünschen, gezogen, welche der ebensoviele Teil der gegebenen

10

15

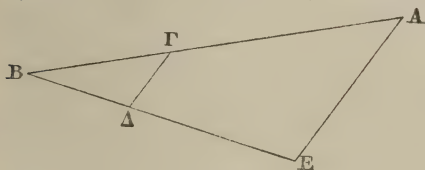


Fig. 103.

Strecke sein soll, als BF von BA ist. Dann soll vermittelst der Dioptra die Gerade BA noch weiter verlängert werden und auf ihr BE abgetragen werden als eine Strecke, die soviel mal so groß als BA sein soll, als AB größer als BF ist. Es wird nun AE von dem gegebenen Mafse und parallel zu AF sein. Dies ist nämlich klar, weil

$AB : FB = EB : AB = AE : FA$.

XXIII. Ein gegebenes Flächenstück vermittelst der Dioptra auszumessen.

Das gegebene Flächenstück sei von der unregelmäßigen Linie $ABF\Delta EZH\Theta$ umschlossen. Da wir nun lernten, vermittelst der dazu hergerichteten Dioptra auf jede gegebene Gerade eine andere im rechten Winkel dazu zu ziehen, so nehme ich einen Punkt auf der das Flächenstück umschließenden Linie, B , und ziehe vermittelst der Dioptra die beliebige Gerade BH und im rechten Winkel hierzu BF ; eine andere Gerade im rechten Winkel hierzu FZ , und gleichermassen zu FZ im rechten Winkel $Z\Theta$. Nun nehme ich auf den gezogenen Geraden eine Reihe auf einander

30

35

M, N, Ξ, O · ἐπὶ δὲ τῆς $B\Gamma$ τὰ Π, P · ἐπὶ δὲ τῆς ΓZ τὰ $\Sigma, T, \Upsilon, \Phi, X, \Psi, \Omega$ · ἐπὶ δὲ τῆς $Z\Theta$ τὰ ς, η · καὶ ἀπὸ τῶν ληφθέντων σημείων ταῖς εὐθείαις, ἐφ' ὧν ἐστὶ τὰ σημεῖα, πρὸς ὁρθὰς ἡγαγον τὰς $K\mathcal{D}, \Lambda A, M, A, N, B, \Xi, \Gamma, O, \Delta, \Pi, E, P, \varsigma$ 5
 $\langle \Sigma, Z \rangle, T, H, \Upsilon, \Theta, \Phi, \Delta, X\overset{\alpha}{M}, \Psi\overset{\beta}{M}, \Omega, E, \varsigma\overset{\gamma}{M},$

p. 262 $\eta\overset{\delta}{M}$ οὕτως ὥστε [τὰς ἐπὶ] τὰ πέρατα τῶν ἀχθεισῶν πρὸς ὁρθὰς [ἐπιξευγνυμένας] ἀπολαμβάνειν γραμμὰς ἀπὸ τῆς περιεχοῦσης τὸ χωρίον γραμμῆς σύνεργυς εὐθείας· καὶ τούτων γενηθέντων ἔσται δυνατὸν τὸ 10

χωρίον μετρεῖν. τὸ μὲν γὰρ $B\overset{\epsilon}{\Gamma}Z\overset{\epsilon}{M}$ παραλληλόγραμμον ὁρθογώνιον ἐστίν· ἔπειτα τὰς πλευρὰς ἀλύσει ἢ σχοινίῳ βεβασανισμένῳ, τουτέστιν μήτ' ἐκτείνεσθαι μήτε συστέλλεσθαι δυναμένῳ, μετρήσαντες ἔξομεν τὸ ἐμβαδὸν τοῦ παραλληλογράμμου. τὰ δ' ἐκτὸς τούτου 15
 τρίγωνα ὁρθογώνια καὶ τραπέζια ὁμοίως μετρήσομεν, ἔχοντες τὰς πλευρὰς αὐτῶν· ἔσται γὰρ τρίγωνα μὲν ὁρθογώνια τὰ $BK\mathcal{D}, B\Pi, E, \Gamma P, \varsigma, \Gamma\Sigma, Z, Z\Omega, E,$
 $Z\varsigma\overset{\gamma}{M}, \Theta H\overset{\alpha}{M}$ · τὰ δὲ λοιπὰ τραπέζια ὁρθογώνια. τὰ μὲν οὖν τρίγωνα μετρεῖται τῶν περὶ τὴν ὁρθὴν γωνίαν 20
 πολλαπλασιαζομένων ἐπ' ἄλληλα· καὶ τοῦ γενομένου τὸ ἥμισυ. τὰ δὲ τραπέζια· συναμφοτέρων τῶν παραλλήλων τὸ ἥμισυ ἐπὶ τὴν ἐπ' αὐτὰς κάθετον οὖσαν, οἷον τῶν $K\mathcal{D}, \Lambda A$ τὸ ἥμισυ ἐπὶ τὴν $K\Lambda$ · καὶ τῶν λοιπῶν δὲ ὁμοίως. ἔσται ἄρα μεμετροῦμενον ὅλον τὸ 25

6 supplevit Vi Φ, Δ $\Psi\overset{\epsilon}{M}$ 7 et 8 corr. R. Schoene.

18 τὰ BKT: corr. Vi 18—19 $Z\omega\epsilon$ $Z\varsigma\overset{\epsilon}{M}$ $\Theta H\overset{\epsilon}{M}$ 23 ἐπ' αὐτῆς: correxi 25 ἀναμετροῦμενον: corr. Vi

folgender Punkte an, nämlich auf BH die Punkte K, A, M, N, E, O ; auf $B\Gamma$ die Punkte Π und P ; auf ΓZ die Punkte $\Sigma, T, \Upsilon, \Phi, X, \Psi, \Omega$; auf $Z\Theta$ die Punkte ς

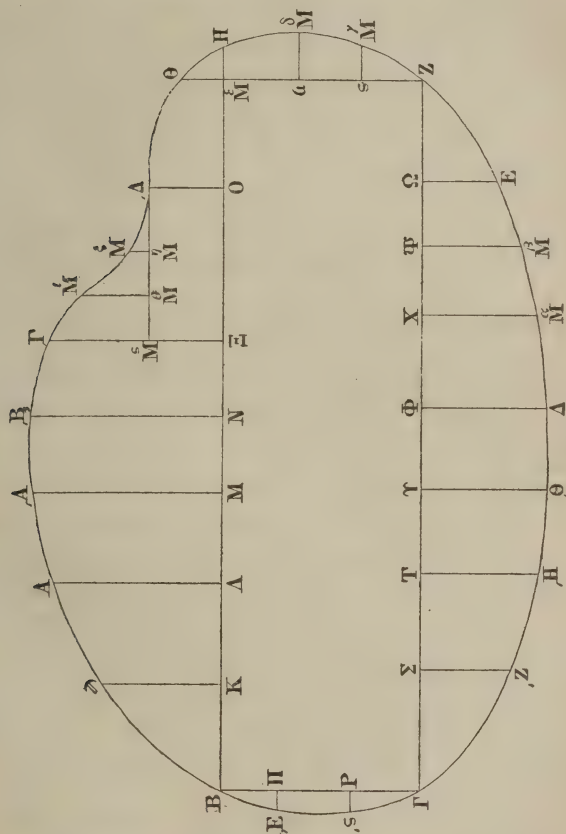


Fig. 104.

5 und α . Und von den angenommenen Punkten ziehe ich im rechten Winkel zu den Geraden, auf denen die Punkte liegen, die Linien $K\alpha$, AA , $M\alpha$, $N\beta$, $E\Gamma$, $O\alpha$, ΠE ,

χωρίον διὰ τε τοῦ μέσου παραλληλογράμμου καὶ τῶν
ἐκτὸς αὐτοῦ τριγώνων καὶ τραπεζίων. ἐὰν δὲ τύχη
ποτὲ μεταξὺ αὐτῶν τῶν ἀχθεισῶν πρὸς ὀρθὰς ταῖς
τοῦ παραλληλογράμμου πλευραῖς καμπύλη γραμμὴ μὴ
συνεργίζουσα εὐθείᾳ (οἷον μεταξὺ τῶν Ξ, Γ, O, Δ 5
γραμμῇ ἢ Γ, Δ), ἀλλὰ περιφερεῖ, μετρήσομεν οὕτως·

ἀγαρόντες $\langle \tau\eta \rangle O, \Delta$ πρὸς ὀρθὰς τὴν ΔM , καὶ ἐπ'
fol. 73^v αὐτῆς λαβόντες σημεία συνεχῇ τὰ M, M , καὶ ἀπ'
αὐτῶν πρὸς ὀρθὰς ἀγαρόντες τῇ M, Δ τὰς MM, MM ,
ὥστε τὰς μεταξὺ τῶν ἀχθεισῶν σύνεγγυς εὐθείας εἶναι, 10

p. 264 πάλιν μετρήσομεν τό τε $M\Xi O, \Delta$ παραλληλόγραμμον
καὶ τὸ MM, Δ τρίγωνον, καὶ τὸ $\Gamma M M M$ τραπέζιον,
καὶ ἔτι τὸ ἕτερον τραπέζιον, καὶ ἔξομεν τὸ περιεχο-
μενον χωρίον ὑπὸ τε τῆς $\Gamma M M, \Delta$ γραμμῆς καὶ τῶν
 $\Gamma \Xi, \langle \Xi O, \rangle O, \Delta$ εὐθειῶν μεμετρημένον. 15

καδ. Ἔστι δὲ καὶ ἄλλος τρόπος μετρήσεως. ἔστω
χωρίον, ὃ δεῖ μετρηῆσαι, τὸ ὑπογεγραμμένον, ἐν ᾧ διὰ
τῆς διόπτρας δι' ὅλου τοῦ μήκους διήχθω τις εὐθεία,

p. 266 κατὰ τὸ δυνατὸν μέσῃ τοῦ χωρίου ὡς ἔγγιστα, ἢ AB .
ἐπὶ δὲ ταύτης εἰλήφθω συνεχῇ σημεία τὰ Γ, Δ, E, Z , 20
 H, Θ . ἀπὸ δὲ τῶν ληφθέντων σημείων τῇ AB πρὸς
ὀρθὰς ἤχθωσαν διὰ τῆς διόπτρας αἱ $\Gamma K, \Gamma \Delta, \Delta M$,
 $\Delta N, E \Xi, EO, Z\Pi, ZP, H\Sigma, HT, \Theta T, \Theta \Phi$, ὥστε

1 το ὠρειον: corr. Vi 6 γραμμῇ τῇ Γ, Δ περιφερῇ, μετρήσω-
μεν 7 $\Delta \mu$, sed ς in rasura m. 1 8 $\mu \mu$ 9 fin. $\mu \mu \mu \mu Z$
ὥστε 11 μετρήσωμεν 12 $\mu \mu, \Delta$ τρίγωνον τὸ $\Gamma \mu \mu$
τραπέζιον 14 $\Gamma \mu \mu, \Delta$ γραμμῆς 22 $\Delta M \Delta H$: corr. Vi
23 $Z\Pi H P H \Sigma$

$P\overset{\alpha}{\Sigma}, \Sigma Z, T\overset{\beta}{H}, T\overset{\beta}{\Theta}, \Phi A, X\overset{\beta}{M}, \Psi\overset{\beta}{M}, \Omega E, \varsigma\overset{\gamma}{M}, \eta\overset{\delta}{M}$
 dergestalt, daß die Endpunkte dieser Senkrechten von
 der das Flächenstück umschließenden Linie Stücke, die
 nahezu gerade sind, abschneiden. Nachdem dies geschehen,
 5 wird es möglich sein, das Flächenstück zu messen. Denn
 $B\overset{\gamma}{F}Z\overset{\delta}{M}$ ist ein rechtwinkliges Parallelogramm; wir werden
 dann also, wenn wir seine Seiten mit einer Meßkette oder
 einem geprüften Bande (d. h. einem, das sich weder aus-
 dehnen noch zusammenziehen kann) messen, den Inhalt
 10 des Parallelogramms erhalten. Die außerhalb desselben
 liegenden rechtwinkligen Dreiecke und Trapeze werden
 wir in gleicher Weise messen, da wir ihre Seiten haben.
 Es werden nämlich $BK\overset{\gamma}{\mathcal{D}}, B\overset{\gamma}{H}E, \Gamma P\overset{\gamma}{\Sigma}, \Gamma\overset{\gamma}{\Sigma}Z, Z\overset{\gamma}{\Omega}E,$
 $Z\overset{\gamma}{\varsigma}\overset{\epsilon}{M}, \Theta\overset{\epsilon}{H}M$ rechtwinklige Dreiecke, die übrigen recht-
 15 winklige Trapeze sein. Die Dreiecke nun werden gemessen,
 indem man die den rechten Winkel einschließenden Seiten
 mit einander multipliziert und von dem Produkt die Hälfte
 nimmt; die Trapeze werden gemessen, indem man die
 Hälfte der Summe ihrer parallelen Seiten mit der auf sie
 20 gefällten Senkrechten multipliziert; z. B. $\frac{K\overset{\gamma}{\mathcal{D}} + A\overset{\delta}{A}}{2} \times K\overset{\gamma}{A},$
 und ähnlich bei den übrigen. Es wird also das ganze
 Flächenstück durch das in der Mitte liegende Parallelo-
 gramm und die außerhalb desselben liegenden Dreiecke
 und Trapeze gemessen sein.

25 Befindet sich zufällig zwischen den Linien, die im
 rechten Winkel zu den Seiten des Parallelogramms ge-
 zogen sind, eine krumme Linie, die sich nicht der Geraden
 nähert (wie z. B. $\overset{\gamma}{\Gamma}A$ zwischen $\overset{\gamma}{E}\overset{\delta}{\Gamma}$ und $O\overset{\delta}{A}$), sondern der
 Kreislinie, so werden wir sie auf folgende Weise messen.

30 Wir ziehen zu $O\overset{\delta}{A}$ im rechten Winkel $\overset{\delta}{A}M$, nehmen auf
 dieser Linie aufeinander folgende Punkte $\overset{\delta}{M}$ und $\overset{\eta}{M}$ an
 und ziehen von ihnen aus im rechten Winkel zu $\overset{\delta}{M}A$ die
 Geraden $\overset{\delta}{M}M$ und $\overset{\eta}{M}M$, so daß die Linienstücke, die

πάλιν τὰς μεταξὺ γραμμὰς σύνεγγυς εὐθείας εἶναι. πάλιν οὖν διήρηται τὸ χωρίον εἰς τρίγωνα τὰ $ΑΓΚ$, $ΑΓΛ$, $ΒΘΦ$, $ΒΘΥ$, καὶ τὰ λοιπὰ τραπέζια. δυνατόν οὖν διὰ τε τῶν εἰρημένων τριγώνων καὶ διὰ [τε] τῶν 5 τραπέζιων τὸ χωρίον μετρηθῆναι. ἐὰν δὲ πάλιν ἐμπέσῃ τις μεταξὺ περιφερῆς γραμμῇ, διελοῦμεν τὸ πρὸς αὐτῇ τραπέζιον ὡσαύτως τῷ ἐπάνω, καὶ οὕτως

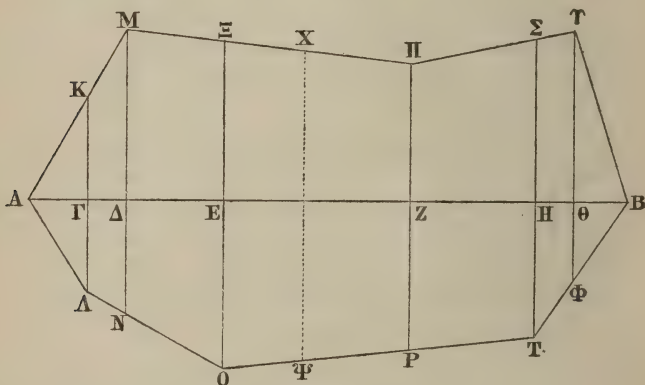


Fig. 105.

μετρήσομεν. αὕτη δ' ἡ μέτρησις εὐχρηστός ἐστιν, ὅταν δέῃ καὶ διελεῖν τὸ χωρίον εἰς τὰ δοθέντα μέρη. δεόν γὰρ ἔστω διελεῖν αὐτὸ εἰς ἴσα μέρη ἑπτὰ διὰ παραλ- 10 λήλων εὐθειῶν. ἐμέτρησα οὖν τὸ χωρίον, καὶ ἔλαβον τοῦ γενομένου τὸ ἑβδομον μέρος, ὥστε ἐκάστῳ μέρει τοσοῦτον ἀπονέμειν· ἐμέτρησα οὖν τὸ $ΚΑΛ$ χωρίον, καὶ εἰ μὲν ἴσον ἐστὶν τῷ ἑβδόμῳ μέρει, ἔχομεν τὸ $ΚΑΛ$ 15 χωρίον· εἰ δὲ μὴ, προστίθῃμι τῷ τοῦ $ΚΑΛ$

4 διὰ τε τῶν τραπέζιων: correxi. 6 περιφερὶς 7 ὡσαύτως
8 μετρησωμεν 13 f. ἀπονέμειν <δεῖ> 15 προστίθῃμι τὸ τοῦ

zwischen den gezogenen Geraden liegen, annähernd Gerade sind;

sodann messen wir wiederum das Parallelogramm $\overset{5}{MEOA}$

und das Dreieck $\overset{\eta \zeta}{MMA}$ und das Trapez $\overset{5 \ 9 \ 1}{\Gamma MMM}$, und
ferner noch das andere Trapez, und werden so das Flächen-

⁵stück gemessen haben, welches von der Linie $\overset{1 \ 8}{\Gamma MM}$ $\overset{\zeta}{A}$
und den Geraden $\overset{1}{\Gamma E}$, $\overset{8}{EO}$, $\overset{\zeta}{OA}$ umschlossen wird.

XXIV. Es giebt auch noch eine andere Art der Ausmessung.

Das zu messende Flächenstück sei das unten gezeichnete.

¹⁰Durch dieses lege man nach seiner ganzen Länge vermittelst der Dioptra eine Gerade, die nach Möglichkeit annähernd in der Mitte des Flächenstücks laufen soll, AB .

Auf dieser nehme man eine Reihe aufeinander folgender Punkte $\Gamma, A, E, Z, H, \Theta$ an und von den ange-

¹⁵nommenen Punkten im rechten Winkel zu AB vermittelst der Dioptra die Geraden $\Gamma K, \Gamma A, AM, AN, EE, EO, ZH, ZP, H\Sigma, HT, \Theta T, \Theta \Phi$ gezogen werden, so daß wiederum die dazwischen liegenden Linienstücke nahezu gerade sind. Wiederum ist nun das Flächenstück in die

²⁰Dreiecke $ATK, A\Gamma A, B\Theta \Phi, B\Theta T$ und die noch übrig bleibenden Trapeze zerlegt. Dann kann man durch die bezeichneten Dreiecke und durch die Trapeze das Flächenstück messen. Findet sich darunter wieder irgend eine gekrümmte Linie, so werden wir das daran liegende

²⁵Trapez in derselben Weise wie oben zerlegen und es so messen.

Diese Art der Ausmessung ist in dem Fall praktisch, wenn das Flächenstück auch in eine gegebene Anzahl von Teilen zerlegt werden soll. Es sei nämlich die Aufgabe,

³⁰es durch parallele Gerade in 7 gleiche Teile zu zerlegen. Ich messe das ganze Flächenstück aus und nehme von dem Resultat den siebenten Teil, so daß ich ebensoviel für jeden Teil zu vergeben habe. Nun messe ich das Flächenstück KAA . Wenn es gleich einem solchen siebenten

³⁵Teile ist, so haben wir das Flächenstück KAA (von der

τὸ τοῦ ΚΑΜΝ ἔμβαδόν· καὶ εἰ μὲν ἴσον εὐρεθείη
 τῷ <ἐβδόμῳ> μέρει, ἔσται ἡ ΜΝ ἀφορίζουσα τὸ ἐν
 τῶν μερῶν. εἰ δὲ μείον εὐρεθείη, δεήσει πάλιν προσ-
 θεῖναι καὶ τὸ τοῦ ΜΝΞΟ ἔμβαδόν, ἄχρις ἂν ἴσον
 γένηται τῷ ἐβδόμῳ μέρει ἢ ὑπερβάλλῃ. ὑπερβεβληκέτω 5
 οὖν προστεθέντος τοῦ ΞΟΠΡ. δεήσει ἄρα ἀπὸ τοῦ
 ΞΟΠΡ ἀφελεῖν χωρίον ἴσον τῷ ὑπερβάλλοντι, οἷον
 fol. 74^r τὸ ΠΡΧΨ|. ὥστε δεήσει ἐπίστασθαι, ἀπὸ τοῦ δοθέντος
 τραπεζίου ὡς δεῖ ἀφελεῖν τραπέζιον ἴσον τῷ δοθέντι·
 τοῦτο δὲ ἐξῆς δεῖξομεν. οὐκοῦν ἔσται τὸ ΧΑΨ χωρίον 10
 ἐν τῶν μερῶν. πάλιν οὖν τῷ ΠΧΨΡ προσέθηκα τὸ
 ΠΡΣΤ· καὶ εἰ μὲν ἴσον εἴη αὐτὸ τὸ ἔμβαδόν <τῷ
 p. 268 ἐβδόμῳ> μέρει, ἔσται ἡ ΣΤ ἀφορίζουσα τὸ δεύτερον
 μέρος· εἰ δὲ ὑπερβάλοι, πάλιν δεήσει ἀφελεῖν τὸ ὑπερ-
 βάλλον ἀπὸ τοῦ ΠΡΣΤ τραπεζίου. καὶ οὕτως νοεῖσθω 15
 ἐπὶ τῶν λοιπῶν μερῶν.

κε. Ὅρων χωρίου ἀφανῶν γενομένων, καταλειπο-
 μένων δὲ δύο ἢ τριῶν καὶ τοῦ μιμήματος ὑπάρχοντος,
 πορίσασθαι τοὺς λοιποὺς ὅρους. τοῦ δὲ καθολικωτέρου
 ἔνεκα σχολιωτέραν μέτρησιν καὶ μίμημα ἐκθησόμεθα. 20
 ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον, τουτέστιν τὸ μίμημα, τὸ
 ΑΒΓΔΕΖΗΘ, περιεχόμενον ὑπὸ τῶν σύνεγγυς εὐθειῶν
 τῶν ΑΒ, ΒΓ, ΓΔ, ΔΕ, ΕΖ, ΖΗ, ΗΘ, ΘΑ. καὶ
 ἡχθῶ τῇ ΒΓ πρὸς ὀρθὰς ἢ ΒΚ, καὶ ἐπ' αὐτὴν <κάθε-
 τος ἢ ΚΑ· τῇ δὲ ΑΘ πρὸς ὀρθὰς ἢ ΘΑ, καὶ ἐπ' 25
 αὐτὴν> κάθετος ἢ ΗΔ· τῇ δὲ ΗΖ πρὸς ὀρθὰς ἢ ΖΜ,
 καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἢ ΜΕ· πάλιν δὲ τῇ ΒΓ πρὸς
 ὀρθὰς ἢ ΓΝ, καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἢ ΔΝ. δυνατόν

erforderlichen Gröfse); wo nicht, so setze ich zum Inhalt von KAA noch den Inhalt von $KAMN$ hinzu. Und wenn es sich dann als dem siebenten Teil gleich herausstellt, so wird MN die Gerade sein, die eins der Teilstücke begrenzt. Ergiebt es sich als kleiner, so wird man wiederum noch den Inhalt von $MNEO$ zusetzen müssen, bis es gleich dem siebenten Teile oder gröfser wird. Es sei gröfser geworden, nachdem $EOIP$ zugesetzt worden ist. Dann wird man von $EOIP$ ein Flächenstück, das
 10 gleich dem Überschufs ist, abschneiden müssen, beispielsweise $IPX\P$. Man wird daher das Verfahren kennen müssen, wie man von einem gegebenen Trapez ein einem anderen gegebenen Trapez inhaltsgleiches Trapez abschneidet; dies werden wir im Folgenden zeigen. Es wird nun also
 15 das Flächenstück $XA\P$ eines der Teilstücke sein. Ich setze nun wieder zu $IPX\P$ das Stück $IP\Sigma T$ hinzu. Wenn alsdann der Inhalt des Ganzen ein gleiches Teilstück ergiebt, so wird ΣT die Linie sein, welche das zweite Teilstück begrenzt. Ist es gröfser, so wird man wiederum
 20 das überschüssige Stück von dem Trapez $IP\Sigma T$ abschneiden müssen. Und ebenso denke man sich das Verfahren bei den übrigen Teilen.

XXV. Wenn die Grenzsteine eines Flächenstücks verschwunden sind und nur zwei oder drei derselben noch
 25 übrig sind und ein Handrifs vorhanden ist, die übrigen Grenzsteine zu bestimmen.

Um die Methode allgemeiner anwendbar zu machen, werden wir eine ziemlich unbequeme Vermessungsaufgabe und einen ziemlich unbequemen Plan vorlegen.

30 Das gegebene Flächenstück d. h. der Plan, sei $AB\Gamma\Delta EZH\Theta$, das von den annähernd geraden Linien AB , $B\Gamma$, ΓA , ΔE , EZ , ZH , $H\Theta$, ΘA umschlossen wird. Nun soll zu $B\Gamma$ im rechten Winkel die Linie BK

corr. Vi 20 σχολιωτεραν: σχολαιοτέραν Vi
 correxī sublato errore ex compendio nato
 corr. Vi

21 ὡς τὸ δοθέν:
 28 ἐπ' αὐτήν.

ἄρα ἐστὶ τὰ ABK , $H\Theta\Lambda$, EZM , $\Gamma\Delta N$ τρίγωνα μετροῦσαι, τὰ δὲ καταλειπόμενα παραλληλόγραμμα τεμόντα μετροῦσαι, ἐκβάλλοντα τὰς πρὸς ὀρθὰς εὐθείας,

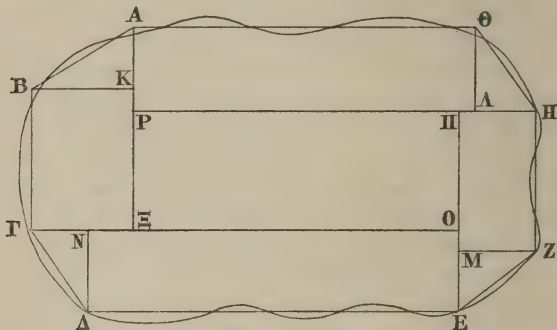


Fig. 106.

ὥστ' εἶναι παραλληλόγραμμα τὰ $BΞ$, NE , HM , ΘP ,
 p. 270 $ΞΠ$. δεδοσθω οὖν τὸ μίμημα, οἷον εἴρηται, ἐκ τριγώ- 5
 νων καὶ παραλληλογράμμων <...> περιεχόμενον· μόνοι
 δὲ φαινέσθωσαν οἱ Θ , B , Γ ὄροι. καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ
 BK ἐπὶ τὸ Γ · καὶ εἰλήφθω ἡ διὰ τῶν B , Θ σημείων
 εὐθεῖα διὰ τῆς διόπτρας τῇ θέσει καὶ τῷ μεγέθει·
 καὶ ἀπειλήφθω αὐτῆς δοθὲν <μέρος> ἡ BT , ἐπὶ δὲ 10
 τὴν $B\Gamma$ κάθετος <ἤχθω ἡ $\Theta\Sigma$, καὶ> ἡ TT . ἔσται ἄρα
 καὶ ἡ TT τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $\Theta\Sigma$, ὃ μέρος ἐστὶν ἡ
 BT τῆς $B\Sigma$, <καὶ ἡ BT τῆς $B\Theta$ >. ἔχομεν δὲ ἑκα-
 τέραν τῶν $B\Sigma$, $\Sigma\Theta$, ἐκ τοῦ μιμήματος· ὥστε ἔχομεν
 καὶ ἑκατέραν τῶν BT , TT . λαβόντες οὖν σχοινίου 15

2—3 τεμόντα μετροῦσαι: πέντε ὄντα μετροησόμεθα Vi 4—5
 NE ΠΜ ΘΡ ΞΝ: corr. Vi 6 f. <συγκείμενον καὶ ὑπὸ γραμ-
 μῶν σύνεγγυς εὐθειῶν> R. Schoene 7 οἱ ΘΒΓ ὄροι: [Γ] Vi
 7—8 ἡ ΘΚ ἐπὶ τὸ Σ 10 δοθὲν vix sanum 11 τὴν BE
 14 τῷ ΒΣ ΣΘ

HERONS DIOPTRA.

gezogen werden und auf ihr KA senkrecht stehen, zu $A\Theta$ im rechten Winkel die Linie ΘA gezogen werden und auf ihr HA senkrecht stehen; zu HZ im rechten Winkel die Linie ZM gezogen werden und auf ihr ME senkrecht stehen; wiederum soll zu BI im rechten Winkel ΓN gezogen werden und auf ihr $\angle N$ senkrecht stehen. Es ist also möglich die Dreiecke ABK , $H\Theta A$, EZM , $\Gamma\Delta N$ zu messen und die übrig bleibenden Parallelogramme nach ihrer Zerlegung zu messen, indem man die im rechten Winkel gezogenen Geraden verlängert, so daß $B\Xi$, NE , HM , ΘP , $\Xi\Pi$ Parallelogramme sind.

Es sei nun der Plan von der angegebenen Art gegeben, der aus Dreiecken und Parallelogrammen bestehen soll. Und nur die Grenzsteine Θ , B und Γ sollen (im Terrain) noch sichtbar sein. Nun werde BK bis Γ verlängert und vermittelst der Dioptra die durch die Punkte B und Θ gehende Gerade ihrer Lage und ihrer Gröfse

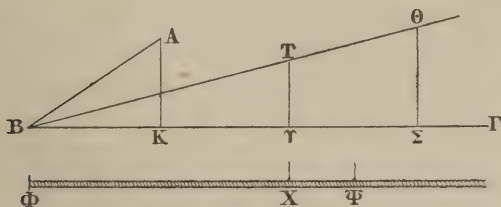


Fig. 107.

nach bestimmt. Und es werde von ihr ein Stück, BT , abgeschnitten und auf $B\Gamma$ die Senkrechten ΘZ und TT gefällt. Also wird auch TT der ebensoviele Teil von ΘZ sein als BT von BZ ist und BT von $B\Theta$. Wir haben nun jede der beiden Geraden BZ und $Z\Theta$ aus dem Plan. Wir werden daher auch jede der beiden Geraden BT und TT haben. Wir nehmen nun ein Meßband, das sich nicht ausdehnt, von der Gröfse von BTT , nämlich $\Phi\Psi$, und tragen auf ihm den Teil $\Phi X = BT$ ab, das der ebensoviele Teil von BZ sein soll als TT von ΘZ

μὴ ἐκτείνεσθαι δυνάμενον, ἴσον τῇ $ΒΥΤ$, τὸ $ΦΨ$,
 ἐπ' αὐτοῦ μέρος ἀποληψόμεθα τὴν $ΦΧ$ <ἴσον τῇ $ΒΥ$,
 τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $ΒΣ$ > ὃ μέρος ἐστὶν <ἢ $ΤΥ$ τῆς $ΘΣ$ >
 καὶ ἡ $ΒΤ$ τῆς $ΒΘ$. τὰ δὲ πέρατα τοῦ σχοινίου τὰ
 $Φ$, $Ψ$ θήσομεν πρὸς τὴν $ΒΤ$, ὥστε τὸ μὲν $Φ$ πρὸς τῷ 5
 $Β$ εἶναι, τὸ δὲ $Ψ$ πρὸς τῷ $Τ$ · καὶ λαβόμενοι τὸ $Χ$
 σημεῖον ἐκτενοῦμεν τὸ σχοινίον, καὶ πάντως τὸ $Χ$ τὴν
 fol. 74^v αὐτὴν θέσιν ἔξει τῷ $Υ$ |. ἐπιξεύξαντες οὖν τὴν $ΒΥ$
 ἦτοι σπάρτῳ ἢ διόπτρᾳ ἐπ' αὐτῆς θήσομεν τὸ μέτρον
 τῆς $ΒΚ$, ὃ ὑπάρχει ἐκ τοῦ μιμήματος, καὶ ἔξομεν τὸ 10
 $Κ$ σημεῖον. εἶτα τῇ $ΒΚ$ πρὸς ὀρθὰς ἀγαρόντες τὴν
 $ΚΑ$ καὶ θέντες ἐπ' αὐτῆς τὸ μέτρον τῆς $ΚΑ$ ἔξομεν
 πεπορισμένον τὸ $Α$ σημεῖον. καὶ τὰ λοιπὰ δὲ ποριού-
 μεθα ἀκολουθοῦντες ταῖς ἐν τῷ μιμήματι πρὸς ὀρθὰς
 εὐθείαις, καὶ τοῖς ἐπ' αὐταῖς μέτροις. 15

p. 276 κξ. Τὸ δοθὲν χωρίον διελεῖν διὰ τοῦ δοθέντος
 σημείου εἰς τὰ δοθέντα μέρη. ἔστω δὲ τὸ δοθὲν
 σημεῖον ὥσπερ ὕδρευμα, [ἦ] ὥς πάντες οἱ τὰς διαιρέσεις
 λαβόντες τῷ αὐτῷ χρῶνται ὕδατι. ἔστω τὸ δοθὲν
 χωρίον περιεχόμενον ὑπὸ εὐθειῶν τῶν $ΑΒ$, $ΒΓ$ < $ΓΔ$ >, 20
 $ΔΕ$, $ΕΖ$, $ΖΗ$, $ΗΘ$, $ΘΚ$, $ΚΑ$, $ΑΑ$ · ἐὰν γὰρ μὴ
 ᾧσιν αἱ τὸ χωρίον περιέχουσιν εὐθεῖαι, ἀλλ' ἄτακτός
 τις γραμμὴ, ληψόμεθα ἐπ' αὐτῆς <συνεχῇ> σημεία,
 ὥστε τὰς μεταξὺ αὐτῶν σύνεγγυς εὐθείας εἶναι. τὸ
 δὲ δοθὲν σημεῖον ἔστω τὸ $Μ$, καὶ δέον ἔστω διελεῖν 25
 εἰς ἑπτὰ ἴσα μέρη τὸ χωρίον διὰ τοῦ $Μ$ σημείου.
 ἤχθῳ ἐπὶ τὴν $ΑΒ$ κάθετος ἡ $ΜΝ$ διὰ τῆς διόπτρας,

2 suppl. Vi 5—6 πρὸς τὸ Β 6 τοῦ Χ 7 ἐκτείνομεν
 8 τὸ Υ 9 θήσομεν 10 τῆς ΒΚΘ ὑπάρχει: corr. Vi
 14 ἐπαντάς: correxi 18 [ἦ] deleui dubitanter 23 <συνεχῇ>
 addidi 27 ἐπὶ τῆς ΑΒ

ist und BT von $B\Theta$. Die Endpunkte des Mefsbandes $\Phi\Psi$ legen wir an BT so an, dafs Φ bei B ist und Ψ bei Γ . Und nachdem wir den Punkt X bestimmt haben, werden wir das Mefsband ausspannen, und unter allen
 5 Umständen wird X dieselbe Lage mit T haben. Wir ziehen nun die Verbindungslinie $B\Gamma$ und werden mit einem Strick oder vermittelst der Dioptra auf ihr das Mafs von BK abtragen, das aus dem Plane ersichtlich ist, und so den Punkt K erhalten. Sodann ziehen wir im rechten
 10 Winkel zu BK die Gerade KA , und wenn wir auf ihr das Mafs von KA abtragen, so werden wir den Punkt A bestimmt haben. Auch die übrigen Punkte aber werden wir dadurch bestimmen, dafs wir den auf dem Plan verzeichneten Senkrechten und den bei ihnen angemarkten
 15 Mafsen uns anschliessen.

XXVI. Ein gegebenes Grundstück mit Linien, die von einem gegebenen Punkte auslaufen, in gegebene Teile zu zerlegen. Der gegebene Punkt sei beispielsweise ein Brunnen, weil dann alle, die Teilstücke erhalten haben,
 20 dasselbe Wasser gebrauchen können.

Das gegebene Flächenstück sei umschlossen von den Geraden AB , $B\Gamma$, $\Gamma\Delta$, ΔE , $E Z$, $Z H$, $H\Theta$, ΘK , $K A$, $A A$. Denn wenn die das Flächenstück umschliessenden Linien nicht Gerade sein sollten, sondern eine unregelmäßige Linie, so werden wir auf dieser eine Reihe von Punkten in der Weise
 25
 30

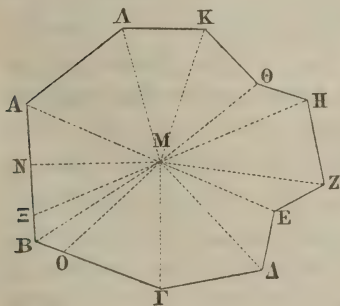


Fig. 108.

annehmen, dafs die dazwischenliegenden Liniestücke annähernd Gerade sind. Der gegebene Punkt sei M und es sei die Aufgabe, das Grundstück von dem Punkte M aus in 7 gleiche Teile zu zerlegen. Es werde auf AB

ὥστ' ἐὰν νοήσωμεν ἐπιξευχθείσας τὰς MA , MB , δυνα-
τὸν ἔσται μετρεῖν τὸ $AM\langle B\rangle$ τρίγωνον. τὸ γὰρ ὑπὸ
τῶν AB , MN διπλάσιόν ἐστιν τοῦ ABM τριγώνου.

p. 278 δυνατὸν δέ ἐστι μετρηῆσαι, ὥς προγέγραπται, καὶ ὅλον
τὸ χωρίον. εἰ μὲν οὖν τὸ ABM τρίγωνον ἑβδομον 5
μέρος ἐστὶν τοῦ ὅλου χωρίου, ἔσται τὸ ABM τρίγωνον
ἐν τῶν μερῶν· εἰ δὲ μείζον, ἀφελεῖν δεῖ ἀπ' αὐτοῦ,
διαγαγόντα τὴν $MΞ$, καὶ ποιεῖν τὸ $AMΞ$ τρίγωνον
ἴσον τῷ ἑβδόμῳ μέρει τοῦ ὅλου χωρίου· $\langle\epsilon\iota\rangle$ δὲ μείον
ἐστι τὸ ABM τρίγωνον τοῦ ἑβδόμου, δεήσει ἀπὸ τοῦ 10
 BGM τριγώνου ἀφελεῖν τὸ BMO τρίγωνον, ὃ, μετὰ
τοῦ $AM\langle B\rangle$ τριγώνου, ἑβδομον ἔσται μέρος τοῦ ὅλου
χωρίου· ὥς δεῖ δὲ ἀφελεῖν τρίγωνον ἢ προσθεῖναι,
ἐξῆς δείξομεν. οὕτως οὖν καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν τρι-
γώνων ἐπιλογιζόμενοι διεξελοῦμεν τὸ χωρίον εἰς τὰ 15
δοθέντα μέρη ἀπὸ τοῦ M σημείου.

κζ. Τὸ δοθὲν χωρίον μετρηῆσαι μὴ εἰσελθόντα εἰς
τὸ χωρίον, ἥτοι διὰ φυτείας πυκνότητα ἢ διὰ οἰκοδο-
μημάτων ἐμποδισμόν ἢ διὰ τὸ μὴ ἐξεῖναι εἰς τὸ
χωρίον εἰσιέναι. ἔστω τὸ δοθὲν χωρίον περιεχόμενον 20
ὑπὸ εὐθειῶν τῶν AB , $BΓ$, $ΓΔ$, $ΔΕ$, $ΕΖ$, $ΖΗ$,
 $ΗΘ$, $ΘΑ$. ἐκβεβλήσθωσαν αἱ $ΖΗ$, $ΘΗ$ ἐπὶ τὰ
fol. 75^r ἐκτὸς τοῦ χωρίου μέρη, ἥτοι διὰ | κανόνων ἢ σπάρτου·
καὶ τῆς μὲν $ΖΗ$ μέρος τι κείσθω ἢ $ΗΚ$, τῆς δὲ $ΘΗ$
p. 280 τὸ αὐτὸ μέρος ἢ $ΗΛ$ · καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $ΚΛ$ · ἔσται δὴ 25
καὶ ἢ $ΚΛ$ τὸ αὐτὸ μέρος τῆς $ΘΖ$. καὶ ὃν λόγον
ἔχει τὸ ἀπὸ τῆς $ΖΗ$ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς $ΗΚ$, τὸν αὐτὸν
λόγον ἔχει καὶ τὸ $ΖΗΘ$ τρίγωνον πρὸς τὸ $ΗΚΛ$
τρίγωνον, διὰ τὸ παράλληλον γίνεσθαι τὴν $ΘΖ$ τῇ

vermittelst der Dioptra die Senkrechte MN gefällt, so daß, wenn wir die Verbindungslinien MA und MB gezogen denken, es möglich wird, das Dreieck AMB zu messen. Denn $AB \times MN = 2 \times \text{Dreieck } ABM$. Man
 5 kann aber in der vorbeschriebenen Weise auch das ganze Grundstück messen.

Wenn nun das Dreieck ABM gleich einem Siebentel des ganzen Grundstücks ist, so wird das Dreieck ABM eins der Teilstücke sein. Wenn es größer ist, so muß
 10 man etwas davon wegnehmen, indem man die Linie $M\Xi$ zieht, und muß das Dreieck $AM\Xi$ gleich einem Siebentel des ganzen Grundstücks machen. Ist dagegen das Dreieck ABM kleiner als ein Siebentel, so wird man von dem Dreieck BTM das Dreieck BMO fortnehmen müssen, das
 15 zusammen mit Dreieck AMB , ein Siebentel des ganzen Grundstücks ausmachen wird. Wie man aber ein Dreieck zuzusetzen oder fortzunehmen hat, werden wir im folgenden zeigen. Indem wir nun auch bei den übrigen Dreiecken dieselbe Rechnung anstellen, werden wir das Grundstück
 20 vollständig in die geforderten Teilstücke mit Linien, die von dem Punkt M ausgehen, zerlegen.

XXVII. Ein gegebenes Flächenstück zu teilen, ohne dasselbe zu betreten, entweder wegen Dichtigkeit des Pflanzenbestandes oder wegen Behinderung durch Gebäude
 25 oder weil das Betreten des Grundstückes verboten ist.

Das gegebene Flächenstück soll von den Geraden AB , BF , FA , AE , EZ , ZH , $H\Theta$, ΘA umschlossen sein. Man verlängere die Linien ZH und ΘH nach den außerhalb des Flächenstücks liegenden Teilen hin vermittelst
 30 Richtlatten oder eines Seils. Und es soll HK gleich einem bestimmten Teil von ZH , HA gleich dem ebensovioleten Teil von ΘH gemacht werden.

Nun ziehe man die Verbindungslinie KA ; also wird auch KA der ebensovioleten Teil von ΘZ sein. Also
 35 $ZH^2 : HK^2 = \text{Dreieck } ZH\Theta : \text{Dreieck } HKA$, weil ΘZ parallel zu KA geworden ist. So wird beispielsweise, wenn $ZH = 5HK$ ist, das Dreieck $ZH\Theta = 25 \times \text{Drei-}$

ΚΑ· οἶον, εἰ τύχοι, εἰ πενταπλασία ἐστὶν ἡ ΖΗ τῆς
 ΗΚ, ἐστὶ τὸ ΖΗΘ τρίγωνον πεντεκαεικοσαπλάσιον
 τοῦ ΗΚΑ τριγώνου. δυνατόν δὲ μετρηῆσαι τὸ ΗΚΑ
 τριγώνου, ἐπειδήπερ ἔχω τὰς πλευρὰς αὐτοῦ· τοῦτο
 γὰρ ἐξῆς δείξομεν· δυνατόν οὖν καὶ τοῦ ΖΗΘ τρι- 5
 γώνου τὸ ἐμβαδὸν πορισθῆναι. ἐὰν οὖν νοήσωμεν
 ἐπιξευχθείσας τὰς ΘΖ, ΘΕ, ΘΑ, ΘΓ, ΘΒ, καὶ
 εὗρωμεν ἑκάστου τῶν ΘΕΖ, ΘΕΑ, ΘΑΓ, ΘΓΒ,
 ΘΒΑ τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν, ἐστὶν καὶ ὅλου τοῦ
 χωρίου <τὸ ἐμβαδὸν> πεπορισμένον. ἐκβεβλήσθω ἡ 10
 ΗΖ ἐπὶ τὸ Μ, καὶ κείσθω τῇ ΗΚ ἴση ἡ ΖΜ· καὶ
 ἐπὶ τῆς ΖΜ σχοινίῳ κεκλάσθωσαν αἱ ΖΝ, ΝΜ, ὥστ'
 ἴσην εἶναι τὴν μὲν ΖΝ τῇ ΚΑ, τὴν δὲ ΝΜ τῇ ΗΑ·
 ἐστὶ δὴ <ἡ ΖΜ τῇ ΗΖ> καὶ ἡ ΝΖ τῇ ΖΘ ἐπ' εὐ-
 θείας. ἐκβεβλήσθω δὴ καὶ ἡ ΕΖ ἐπὶ τὸ Ξ· καὶ τῆς 15
 μὲν ΕΖ μέρος ἔστω ἡ ΖΞ, τῆς δὲ ΘΖ τὸ αὐτὸ μέρος
 ἡ ΖΟ· καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΞΟ· ἐστὶ δὴ καὶ ἡ ΞΟ τὸ
 αὐτὸ μέρος τῆς ΘΕ καὶ παράλληλος αὐτῇ. καὶ ἔστι
 ὡς τὸ ἀπὸ ΕΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΞ τὸ ΕΘΖ τριγώνου
 πρὸς τὸ ΞΖΟ τριγώνου· δυνάμεθα δὲ πορίσασθαι τὸ 20
 ΞΖΟ, ἐπειδήπερ ἑκάστην τῶν πλευρῶν αὐτοῦ δυνατόν
 ἐστὶν μετρηῆσαι· ὥστε καὶ τὸ ΕΘΖ τριγώνου πορίσα-
 σθαι δυνατόν ἐστὶν. ὁμοίως δὴ καὶ ἑκάστου τῶν λοι-
 πῶν τριγώνων τὸ ἐμβαδὸν ποριούμεθα· ὥστε καὶ τοῦ
 ὅλου χωρίου δυνατόν ἐστὶν τὸ ἐμβαδὸν πορίσασθαι. 25

p. 282

κη. Τὰ δὲ ὑπερτεθέντα νῦν δείξομεν. τραπεζίου
 δοθέντος τοῦ ΑΒΓΔ, παράλληλον ἔχοντος τῇ ΑΔ
 τὴν ΒΓ, καὶ ἔτι ἑκατέραν αὐτῶν καὶ τὴν [μὲν] ἐπ'

8 εὗρωμεν τὸν ΘΕΖ 10 supplevi 12 αἱ ΖΗ ΝΜ
 13 supplevi 15 ἐπὶ τὸ Ξ, sed Ξ ex Z fec. m. 1 18 καὶ
 ἔτι: correxi πρὸς τῷ 19 τριγώνω 28 [μὲν] deleui

eck HKA sein. Es ist nun möglich, das Dreieck HKA zu messen, da ich ja seine drei Seiten habe — dies werden wir nämlich im folgenden zeigen —; also ist es auch möglich, daß der Inhalt des Dreiecks $ZH\Theta$ bestimmt
 5 wird. Denken wir nun die Verbindungslinien ΘZ , ΘE , ΘA , $\Theta \Gamma$, ΘB gezogen und finden den Inhalt eines jeden der Dreiecke ΘEZ , ΘEA , $\Theta A\Gamma$, $\Theta \Gamma B$, ΘBA , so ist auch der Inhalt des ganzen Flächenstücks bestimmt.

Es werde HZ bis M verlängert, und $ZM = HK$
 10 gemacht. Und auf ZM sollen mittelst eines Meß-

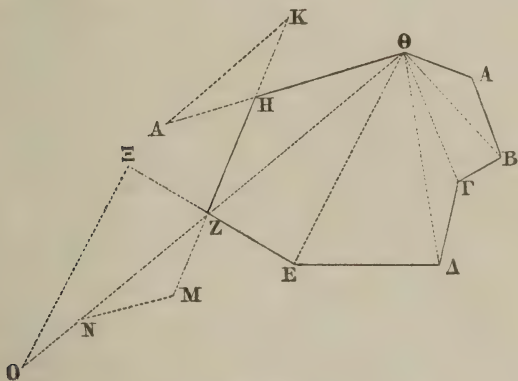


Fig. 109.

bandes die Geraden ZN und NM so im Winkel abgehen, daß $ZN = KA$ und $NM = HA$ ist. Es wird also NZ auf einer und derselben Geraden mit $Z\Theta$ liegen. Nun werde auch EZ bis zum Punkte Ξ verlängert, und es sei
 15 $Z\Xi$ ein bestimmter Teil von EZ , und ZO der ebensovielte Teil von ΘZ . Man ziehe die Verbindungslinie ΞO . Es wird also auch ΞO der ebensovielte Teil von ΘE sein und zu dieser Linie parallel. Ferner ist $EZ^2 : Z\Xi^2 = \text{Dreieck } E\Theta Z : \text{Dreieck } \Xi Z O$. Wir können aber $\Xi Z O$ bestimmen,
 20 da es ja möglich ist, jede seiner Seiten zu messen; daher ist es auch möglich, das Dreieck $E\Theta Z$ zu bestimmen.

αὐτὰς κάθετον δοθεῖσαν, ἀγαγεῖν παράλληλον τῇ $ΑΔ$,
ὥς τὴν $ΕΖ$, ἀπολαμβάνουσαν τὸ $ΑΔΕΖ$ τραπέζιον
δοθὲν τῷ μεγέθει. γερονέτω δὴ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν
αἱ $ΒΑ$, $ΓΔ$ ἐπὶ τὸ $Η$. καὶ κάθετος ἡ $ΗΘ$. ἐπεὶ
οὖν ἑκατέρα τῶν $ΑΔ$, $ΒΓ$ δοθεῖσά ἐστι τῷ μεγέθει, 5
λόγος ἄρα τῆς $ΒΓ$ πρὸς $ΑΔ$ δοθείς, ὥστε καὶ τῆς
 $ΘΗ$ πρὸς $ΗΚ$, καὶ τῆς $ΘΚ$ ἄρα πρὸς $ΚΗ$. καὶ ἐστι
δοθεῖσα ἡ $ΘΚ$, δοθεῖσα ἄρα καὶ ἡ $ΚΗ$. ἀλλὰ καὶ ἡ
 $ΑΔ$ δοθεῖσα. δέδοται οὖν καὶ τὸ $ΑΔΗ$ τριγώνον τῷ
μεγέθει. δέδοται ἄρα καὶ ὅλον τὸ $ΗΕΖ$ τριγώνον. 10
λόγος ἄρα τοῦ $ΗΕΖ$ τριγώνου πρὸς τὸ $ΗΑΔ$ τριγώνον
δοθείς, ὥστε καὶ τοῦ ἀπὸ $ΑΗ$ πρὸς τὸ ἀπὸ $ΚΗ$ λόγος
ἐστὶ δοθείς. καὶ ἔστιν δοθὲν τὸ ἀπὸ $ΗΚ$, δοθὲν ἄρα
καὶ τὸ ἀπὸ $ΗΑ$. δοθεῖσα ἄρα ἡ $ΗΑ$. ἀλλὰ καὶ ἡ
 $ΗΘ$, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ $ΑΘ$ δοθεῖσά ἐστι. θέσει ἄρα 15
ἡ $ΕΖ$. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΗΚ$ δοθεῖσα, καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ
 $ΚΔ$ δοθεῖσά ἐστι. θέσει ἄρα καὶ ἡ $ΕΖ$. συντεθή-
fol. 75^v σεται δὴ | οὕτως. ἔστω ἡ μὲν $ΒΓ$ μοιρῶν ιδ, ἡ $\langle δὲ \rangle$
 $ΑΔ$ μοιρῶν ἐπτά, ἡ δὲ ἐπ' αὐτὴν κάθετος μοιρῶν 5.
p. 284 ἐπεὶ οὖν διπλασία ἐστὶν ἡ $ΒΓ$ τῆς $ΑΔ$, ὅλη ἄρα ἡ 20
 $ΗΘ$ τῆς $ΗΚ$ ἐστὶ διπλασίων. καὶ ἔστιν ἡ $ΚΘ$ μοιρῶν
5. ἔσται ἄρα καὶ $\langle ἡ \rangle$ λοιπὴ μοιρῶν 5. ἀλλὰ καὶ ἡ $ΑΔ$
μοιρῶν 5. τὸ ἄρα $ΑΔΗ$ τριγώνον ἔσται μοιρῶν κα.
δέον οὖν ἔστω τὸ ἀφαιρούμενον τραπέζιον ποιεῖν μοι-
ρῶν ιθ. ὅλον ἄρα τὸ $ΗΕΖ$ τριγώνον ἔσται μοιρῶν υ'. 25
καὶ ἐπεὶ ἡ $ΗΚ$ μοιρῶν ἐστὶν 5, τὸ ἄρα ἀπ' αὐτῆς
μοιρῶν ἐστὶ λ5. πολλαπλασιάσω οὖν τὰ λ5 ἐπὶ τὰ

12 πρὸς τῷ 15 ἡ $ΑΗ$ δοθεῖσα θέσεις, tum una littera
erasa est 17 καὶ ἡ $ΕΒ$ 19 επαντ. σ (post τ una litt. eva-
nuit) 20—21 ἄρα ἡ $ΠΟ$ 27 μοιρῶν ἐστι λ6 (in ultima
litt. aliquid correctum est)

In ähnlicher Weise werden wir auch den Inhalt jedes der übrigen Dreiecke bestimmen; daher ist es möglich, auch den Inhalt des ganzen Flächenstücks zu bestimmen.

- XXVIII. Nunmehr werden wir die aufgeschobenen
 5 Beweise geben. Wenn ein Trapez $AB\Gamma A$ gegeben ist, in dem $B\Gamma$ parallel AA ist und diese beiden Seiten sowie die auf sie gefällte Senkrechte gegeben ist, eine Parallele zu AA , beispielsweise EZ , zu ziehen, welche das Trapez $AAEZ$ von gegebener Gröfse abschneiden soll.
 10 Es sei geschehen; und man verlängere die Linien BA und ΓA bis zum Punkte H , und ziehe die Kathete $H\Theta$. Da nun jede der beiden Geraden AA und $B\Gamma$ ihrer Gröfse

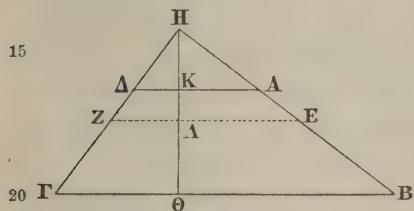


Fig. 110.

- nach gegeben ist, so ist das Verhältniß $B\Gamma:AA$ gegeben, daher auch das Verhältniß $\Theta H:KH$, also auch das Verhältniß $\Theta K:KH$. Nun ist ΘK gegeben, also ist auch KH gegeben. Es ist aber auch AA gegeben;

- also ist das Dreieck AAH seiner Gröfse nach gegeben; mithin ist auch das ganze Dreieck HEZ gegeben. Also ist das Ver-
 25 hältniß des Dreiecks HEZ zu dem Dreieck $HA\Lambda$ gegeben, daher ist auch das Verhältniß $AH^2:KH^2$ gegeben. Nun ist HK^2 gegeben, also auch HA^2 gegeben. Also ist HA gegeben; aber auch $H\Theta$; folglich auch $A\Theta$ als Differenz; daher seiner Lage nach EZ . Aber auch HK ist gegeben; folglich
 30 ist als Differenz $K\Lambda$ gegeben; mithin seiner Lage nach EZ .

- Berechnet wird es nun folgendermaßen. Es sei $B\Gamma = 14$, $AA = 7$, die darauf gefällte Senkrechte $= 6$. Da nun $B\Gamma = 2AA$, so ist $H\Theta = 2HK$. Nun ist $K\Theta = 6$, aber $AA = 7$. Das Dreieck AAH wird daher
 35 $= 21$ sein. Die Aufgabe sei nun, das weggenommene Trapez $= 19$ zu machen. Das ganze Dreieck HEZ wird also $= 40$ sein. Da nun $HK = 6$, so ist $HK^2 = 36$.

υ· γίνεται $\alpha\upsilon\mu$ · καὶ παραβάλλω παρὰ τὸν κα, γίνεται
 ξη \perp ιδ'· καὶ τούτων πλευρὰ τετραγωνικὴ γίνεται ὡς
 ἔγγιστα η καὶ β· ἔσται οὖν ἡ HA μοιρῶν η καὶ β,
 ὧν ἡ HK μοιρῶν 5· λοιπὴ ἄρα ἡ KA μοιρῶν β καὶ
 β· ὥστ' ἐὰν ἀπὸ τῆς καθέτου ἀφέλω μοίρας δύο καὶ β, 5
 καὶ παράλληλον ἀγάγω, ἔσται τὸ ἀφαιρούμενον τρα-
 πέζιον μοιρῶν ιθ.

κθ. Τριγώνου ὄντος τοῦ $AB\Gamma$, καὶ καθέτου τῆς
 AA διαγαγεῖν τὴν AE ἀπολαμβάνουσιν τὸ ABE τρι-
 γωνον δοθέν. γεγονέτω. δοθέν οὖν καὶ τὸ ὑπὸ ABE 10
 δοθέν ἄρα τὸ E . ἔστω οὖν ἡ AA κάθετος μοιρῶν
 5· τὸ δὲ ἀφαιρούμενον τρίγωνον μοιρῶν με. δις τὰ
 με γίνονται ς. παραβάλλω παρὰ τὸν 5, γίνονται ιε.
 <ἀπειλήφθω οὖν ἡ BE μοιρῶν ιε> καὶ ἐπεξεύχθω ἡ
 AE . ἔσται δὴ τὸ ABE τρίγωνον μοιρῶν με. 15

λ. Τριγώνου δοθεισῶν τῶν πλευρῶν εὐρεῖν τὸ
 ἐμβαδόν. δυνατὸν μὲν οὖν ἔστιν ἀγαρόντα μίαν κά-
 θετον καὶ πορισάμενον αὐτῆς τὸ μέγεθος εὐρεῖν τοῦ
 τριγώνου τὸ ἐμβαδόν· δέον δὲ ἔστω χωρὶς τῆς καθέτου
 τὸ ἐμβαδὸν πορίσασθαι. ἔστω τὸ δοθέν τρίγωνον τὸ 20
 $AB\Gamma$, καὶ ἔστω ἐκάστη τῶν πλευρῶν δοθεῖσα· εὐρεῖν
 τὸ ἐμβαδόν. ἐγγεγραφθῶ δὲ εἰς τὸ τρίγωνον κύκλος
 ὁ AEZ , οὗ κέντρον ἔστω τὸ H · καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ
 HA , HB , $H\Gamma$, HA , HE , HZ . τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ $B\Gamma$,
 HE διπλάσιόν ἐστι τοῦ $BH\Gamma$ τριγώνου, τὸ δὲ ὑπὸ 25
 AB , HA τοῦ AHB , τὸ δὲ ὑπὸ $A\Gamma$, HZ τοῦ $A\Gamma H$.
 τὸ οὖν ὑπὸ τῆς περιμέτρου τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου καὶ

3 η καὶ $\overset{\xi}{B}$ (sic) η καὶ $\overset{\xi}{B}$ (sic) 8 ὄντος: f. δοθέντος
 13 τῶν 5 14 supplevi 16 cf. Heronis Rationes dimetiendi I
 cap. 8 p. 20 18 αὐτῆς: σ ex v fec. m. 1 19 δεδόσθω δὲ: correxi

$$36 \times 40 = 1440$$

$$1440 : 21 = 68\frac{1}{2} + \frac{1}{14}$$

$$\sqrt{68\frac{1}{2} + \frac{1}{14}} = \text{annähernd } 8\frac{2}{7}.$$

Also wird $HA = 8\frac{2}{7}$ sein, wovon $HK = 6$ ist. Also ist
 5 die Differenz $KA = 2\frac{2}{7}$. Wenn ich daher von der Senkrechten $2\frac{2}{7}$ abziehe und eine Parallele ziehe, so wird das abgeschnittene Trapez = 19 sein.

XXIX. Wenn $AB\Gamma$ ein Dreieck und AA seine Höhe
 ist, die Gerade AE zu ziehen, welche das seiner Gröfse
 10 nach gegebene Dreieck ABE abschneidet.

Es sei geschehen;
 also ist auch der Inhalt des Dreiecks
 ABE gegeben; also ist Punkt E gegeben.
 Es sei nun die Höhe $AA = 6$, das wach-
 zunehmende Dreieck
 = 45.

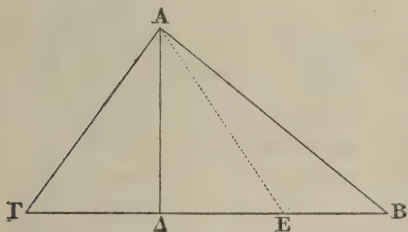


Fig. 111.

$$45 \times 2 = 90$$

$$90 : 6 = 15.$$

Man trage nun $BE = 15$ ab und ziehe die Verbindungs-
 linie AE ; dann wird Dreieck $ABE = 45$ sein.

XXX. Wenn die Seiten eines Dreiecks gegeben sind
 25 seinen Inhalt zu finden.

Es ist nun möglich, wenn man eine Höhe gefällt und
 ihre Gröfse bestimmt hat, den Inhalt des Dreiecks zu
 finden. Die Aufgabe sei jedoch, ohne Zuhilfenahme der
 Höhe den Inhalt des Dreiecks zu bestimmen.

Das gegebene Dreieck sei $AB\Gamma$ und es sei jede seiner
 30 Seiten gegeben. Zu finden seinen Inhalt. Es werde in
 das Dreieck der Kreis $A EZ$ einbeschrieben, dessen Mittel-
 punkt H sein soll, und die Verbindungslinien HA , HB ,
 $H\Gamma$, HA , HE , HZ gezogen. Also ist $B\Gamma \times HE = 2 \times$
 35 Dreieck $BH\Gamma$, $AB \times HA = 2 \times$ Dreieck AHB und

τῆς HE , τουτέστι τῆς ἐκ τοῦ κέντρον τοῦ ΔZE
 p. 288 κύκλου, διπλάσιόν ἐστι τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου. ἐκβε-
 βλήσθω ἡ GB , καὶ τῇ AA ἴση κείσθω ἡ $B\Theta$. ἡ ἄρα
 $\Theta\Gamma$ ἡμίσει' ἐστὶ τῆς περιμέτρου· τὸ ἄρα ὑπὸ $\Theta\Gamma$, EH ,
 ἴσον ἐστὶ τῷ τοῦ $AB\Gamma$ τριγώνου ἐμβαδῷ. ἀλλὰ τὸ 5
 ὑπὸ $\Theta\Gamma$, EH , πλευρά ἐστι τοῦ ἀπὸ $\Theta\Gamma$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ
 τοῦ EH · τοῦ ἄρα ἀπὸ $\Theta\Gamma$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ EH ἡ πλευρὰ
 ἔσται τὸ τοῦ τριγώνου ἐμβαδόν. ἤχθω τῇ $H\Gamma$ πρὸς
 ὀρθὰς ἡ HA , τῇ δὲ $B\Gamma$ ἡ BA · καὶ ἐπεξεύχθω ἡ GA .
 101. 76^r ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἐστὶν ἑκατέρα τῶν ὑπὸ $GH\Delta$, $\langle GB\Delta$, 10
 γωνιῶν, ἐν κύκλῳ | ἄρα ἐστὶ τὰ Γ , H , B , A · αἱ
 ἄρα ὑπὸ GH , GA , δυὸν ὀρθαῖς ἴσαι· \langle καί \rangle διὰ τὸ
 δίχα τέμνεσθαι τὰς πρὸς τῷ H γωνίας, ταῖς AH , BH ,
 GH , ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $AH\Delta$ τῇ ὑπὸ $GA\Delta$. ὅμοιον
 ἄρα τὸ $AH\Delta$ τῷ $GB\Delta$ τριγώνῳ· ὡς ἄρα ἡ GB πρὸς 15
 BA , ἡ AA πρὸς ΔH , τουτέστιν ἡ ΘB πρὸς HE .
 καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ GB πρὸς $B\Theta$, ἡ BA πρὸς HE ,
 τουτέστιν ἡ BK πρὸς KE · καὶ συνθέντι, ὡς ἡ $\Gamma\Theta$
 πρὸς ΘB , οὕτως ἡ BE πρὸς EK . ὥστε καὶ ὡς τὸ
 ἀπὸ $\Gamma\Theta$ πρὸς τὸ ὑπὸ $\Gamma\Theta$, $\langle\Theta\rangle B$, οὕτως τὸ ὑπὸ BE , 20
 $\langle E\rangle\Gamma$, πρὸς τὸ ὑπὸ ΓE , $\langle E\rangle K$, τουτέστι πρὸς τὸ ἀπὸ
 HE . ὥστε τὸ ἀπὸ $\Gamma\Theta$ ἐπὶ τὸ ἀπὸ EH , οὗ πλευρὰ
 ἦν τὸ τρίγωνον, ἴσον ἔσται τῷ ὑπὸ $\Gamma\Theta$, $\langle\Theta\rangle B$, ἐπὶ
 τὸ ὑπὸ ΓE , $\langle E\rangle B$. καὶ ἔσται δοθεῖσα ἐκάστη τῶν
 $\Gamma\Theta$, ΘB , BE , $E\Gamma$ · ἡ μὲν γὰρ $\Gamma\Theta$ ἡμίσειά ἐστι τῆς 25
 περιμέτρου· ἡ δὲ ΘB ὑπεροχή, ἣ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια

5 ἐμβαδόν 8 ἐστὶ τῷ τῇ NG 9 ἡ GA 12 ὑπὸ:
 ὁ evanuit 13 πρὸς τὸ 15—16 πρὸς ABA sed A del. m. 1
 17 πρὸς NE 19 πρὸς HK ὥστε 20 πρὸς τὸ ὑπὸ $\Gamma\Theta B$
 20—21 τὸ ὑπὸ $BE\Gamma$ 21 τῷ ὑπὸ ΓEK πρὸς τῷ 23 τὸ
 ὑπὸ $\Gamma\Theta B$ ἐπὶ 26 ὑπεροχὴν ὑπερέχει

$AF \times HZ = 2 \times AFH$. Mithin ist das Produkt aus dem Umfang des Dreiecks ABF und der Strecke HE , d. h. dem Radius des Kreises AZE , $= 2 \times$ Dreieck ABF . Es werde FB verlängert und $B\Theta = AA$ gemacht. Dann
 5 ist ΘF gleich der Hälfte des Umfangs. Also $\Theta F \times EH =$ Dreieck ABF . Aber $\Theta F \times EH = \sqrt{\Theta F^2 \times EH^2}$; also ist $\sqrt{\Theta F^2 \times EH^2} =$ dem Inhalt des Dreiecks. Man ziehe HA im rechten Winkel zu $H\Gamma$, BA im rechten

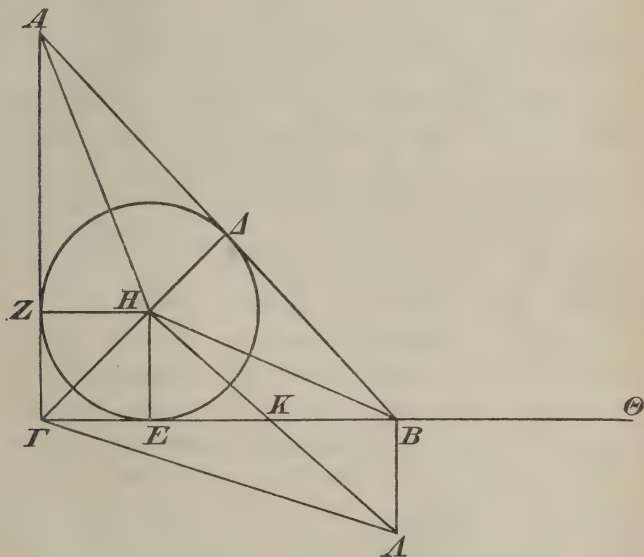


Fig. 112.

Winkel zu $B\Gamma$, und verbinde die Punkte Γ und A durch
 10 eine Gerade. Da nun jeder der beiden Winkel ΓHA und ΓBA ein rechter ist, so liegen Γ, H, B, A auf einem Kreise. Also ist die Summe der Winkel ΓHB und $\Gamma AB = 2$ Rechten und weil die Winkel bei H durch die Geraden $AH, BH, \Gamma H$ halbiert werden, so ist Winkel $AHA = \Gamma AB$. Also ist das Dreieck AHA dem Dreieck ΓBA ähnlich.

τῆς περιμέτρου τῆς ΒΓ· <ἡ δὲ ΒΕ, ἥ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς ΑΓ>, ἡ δὲ ΓΕ, ἥ ὑπερέχει ἡ ἡμίσεια τῆς περιμέτρου τῆς ΑΒ· δοθέν ἄρα καὶ τὸ ἐμβαδὸν <τοῦ> τριγώνου. συντεθήσεται δὴ οὕτως· ἔστω ἡ μὲν ΑΒ μοιρῶν ιγ, ἡ δὲ ΒΓ μοιρῶν ιδ, ἡ δὲ ΓΑ 5 μοιρῶν ιε. σύνθες τὰς τρεῖς, γίνονται μβ· τούτων τὸ ἥμισυ κα. ἄφελε τὰ ιγ, λοιπὸν η· καὶ τὰ ιδ, λοιπὸν ζ· καὶ τὰ ιε, λοιπὸν ς. τὰ κα, η, ζ, ς <πολλαπλα-

p. 290 σιασθέντα> δι' ἀλλήλων γίνονται ζνς· τούτων ἡ πλευρὰ ἔσται πδ. τὸ ἐμβαδὸν τοῦ τριγώνου πδ. 10

p. 294 λα. Πηγῆς ὑπαρχούσης ἐπισκέψασθαι τὴν ἀπόρρουσιν αὐτῆς, τουτέστι τὴν ἀνάβλυσιν, ὅση ἔστιν. εἰδέναι μέντοι χρὴ ὅτι οὐκ αἰεὶ ἡ ἀνάβλυσις ἡ αὐτὴ διαμένει. ὕμβρων μὲν γὰρ ὄντων ἐπιτείνεται διὰ τὸ ἐπὶ τῶν ὀρῶν τὸ ὕδωρ πλεονάζον βιαιότερον ἐκθλίβεσθαι, 15 αὐχμῶν δὲ ὄντων ἀπολήγει ἡ ῥύσις διὰ τὸ μὴ ἐπιφέρεσθαι πλέον ὕδωρ. αἱ μέντοι γενναῖαι πηγαὶ οὐ παρὰ πολὺ τὴν ἀνάβλυσιν ἴσχουσιν. δεῖ οὖν περιλαβόντα τὸ πᾶν τῆς πηγῆς ὕδωρ, ὥστε μηδαμόθεν ἀπορρεῖν, σωλῆνα τετράγωνον μολιβοῦν ποιῆσαι, στοχασά- 20 μενον μᾶλλον μεῖζονα πολλῷ τῆς ἀποθύσεως· εἴτα δι' ἐνὸς τόπου ἐναρμόσαι αὐτὸν ὥστε δι' αὐτοῦ τὸ ἐν τῇ πηγῇ ὕδωρ ἀπορρεῖν. δεῖ δὲ αὐτὸν κεῖσθαι εἰς τὸν ταπεινότερον τῆς πηγῆς τόπον, ὥστε ἔχειν αὐτὴν ἀπόρρουσιν· τὸν δὲ ταπεινότερον ἐπιγνώσόμεθα τῆς πηγῆς 25

6 συνθέντας τὰς: correxi 9 ΖΗς 10 ΗΔ το 14—15 ἐπιτίθεται διατίθεται δια τὸ ἐπὶ τῶν ὥρῶν: correxi coll. Anonymo Byz. p. 390, 1 Vi 15 πλεονάζειν βιαιότερον ἐκθλιβόμενον: correxi coll. anonymo Byz. p. 390, 2 Vinc. Similes corruptelae apud Philonem. Mech. Synt. l. V p. 80, 14 a C. Graux et apud Dionysium de imitatione p. 20, 21 ab H. Usenero sublatae sunt 17 γένναι αἰ 20 μολιβον 24 αὐτὸν: correxi

Mithin: $\Gamma B : BA = AA : AH = \Theta B : HE$ und

$\Gamma B : B\Theta = BA : HE = BK : KE$ und

$\Gamma\Theta : \Theta B = BE : EK$. Daher auch $\Gamma\Theta^2 : \Gamma\Theta$
 $\times \Theta B = BE \times E\Gamma : \Gamma E \times EK = BE \times E\Gamma : HE^2$.

5 Daher wird das Produkt aus dem Quadrat von $\Gamma\Theta$ und dem Quadrat von EH , aus dem die Wurzel gleich dem Dreieck war, gleich $\Gamma\Theta \times \Theta B \times \Gamma E \times EB$ sein. Und jede der Geraden $\Gamma\Theta$, ΘB , BE und $E\Gamma$ wird gegeben sein. Denn $\Gamma\Theta$ ist gleich der Hälfte des Umfangs, ΘB gleich der
 10 Differenz des halben Umfangs und der Geraden $B\Gamma$; BE ist gleich der Differenz des halben Umfangs und der Geraden AI ; ΓE ist gleich der Differenz des halben Umfangs und der Geraden AB . Also ist auch der Inhalt des Dreiecks gegeben.

15 Berechnet wird es folgendermaßen. Es sei $AB = 13$, $B\Gamma = 14$, $\Gamma A = 15$.

$$13 + 14 + 15 = 42$$

$$\frac{42}{2} = 21$$

$$21 - 13 = 8$$

$$20 \quad 21 - 14 = 7$$

$$21 - 15 = 6$$

$$21 \times 8 \times 7 \times 6 = 7056$$

$$\sqrt{7056} = 84.$$

der Inhalt des Dreiecks ist $= 84$.

25 XXXI. Wenn eine Quelle vorhanden ist, ihren Abfluß, d. h. die Menge des Wassers, das sie aufsprudeln läßt, zu untersuchen.

Man muß jedoch wissen, daß der Ausfluß sich nicht stets gleich bleibt. Denn wenn Regenzeit ist, so wird er
 30 stärker, weil dann das Wasser auf den Bergen in größeren Mengen vorhanden ist und mit stärkerer Gewalt aus dem Boden herausgepresst wird; herrscht dagegen Trockenheit, so hört der Abfluß auf, weil nicht mehr Wasser zuströmt.

τόπον διὰ τῆς διόπτρας. ἀπολήψεται οὖν τὸ ἀπορ-
 ρέον διὰ τοῦ σωλῆνος ὕδωρ ἐν τῷ περιστομίῳ τοῦ
 σωλῆνος· οἶον ἀπολαμβάνει[ν] δακτύλους β· ἐχέτω δὲ
 καὶ τὸ πλάτος τοῦ περιστομίου τοῦ σωλῆνος δακτύλους
 5 5· ἐξάκις δύο γίνονται ιβ· <ἀποφανούμεθα δὴ τὴν
 ἀνάβλυσιν τῆς πηγῆς δακτύλων ιβ>. εἰδέναι δὲ χρὴ
 fol. 76^v ὅτι οὐκ ἔστιν αὐτάρκες πρὸς τὸ ἐπιγνῶναι, πόσον
 χορηγεῖ ὕδωρ ἡ πηγή, [ἢ] τὸ εὔρεῖν τὸν ὄγκον τοῦ
 ρεύματος, ὃν λέγομεν εἶναι δακτύλων ιβ, ἀλλὰ καὶ τὸ
 p. 296 τάχος αὐτοῦ· ταχύτερας μὲν γὰρ οὔσης τῆς ρύσεως 10
 πλέον ἐπιχορηγεῖ τὸ ὕδωρ, βραδυτέρας δὲ μείον. διὸ
 δεῖ ὑπὸ τὴν τῆς πηγῆς ρύσιν ὀρούξαντα τάφρον τηρεῖ-
 σαι ἐξ ἡλιακοῦ ὠροσκοπίου, ἐν τινὶ ὥρᾳ πόσον ἀπορρεῖ
 ὕδωρ ἐν τῇ τάφρῳ, καὶ οὕτως στοχάσασθαι τὸ ἐπιχορη-
 γούμενον ὕδωρ ἐν τῇ ἡμέρᾳ πόσον ἔστιν, ὥστ' οὐδὲ 15
 ἀναγκαῖόν ἐστι τὸν ὄγκον τῆς ρύσεως τηρεῖν· διὰ γὰρ
 τοῦ χρόνου δήλη ἐστὶν ἡ χορηγία. [ἀποφανούμεθα δὴ
 τὴν ἀνάβλυσιν τῆς πηγῆς δακτύλων ιβ].

ιβ. Ἐπεὶ οὖν διὰ τῆς κατασκευασθείσης ἡμῖν διόπ-
 τρας τὰς ἐπὶ γῆς χρείας πρὸς τὰς διοπτρικὰς ἐπαγ- 20
 γελίας ἀπεδείξαμεν, εὐχρηστον δέ ἐστιν εἰς πολλὰ καὶ
 πρὸς τὰ οὐράνια πρὸς τὸ τὰς τῶν ἀπλανῶν ἀστέρων
 ἢ παλ τῶν πλανητῶν ἀποστάσεις εἰδέναι, ἀποδείξομεν
 διὰ τῆς διόπτρας ὡς δεῖ καὶ τὰ <τούτων> ἀποστήματα
 λαμβάνειν. ἐν γὰρ τῷ ὑπὸ γαστέρα τοῦ τυμπάνου τοῦ 25
 ἐν τῇ διόπτρᾳ κύκλον γράφομεν περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον

3 ἀπολαμβάνειν: correxi 4 τὸ περιστόμιον 8 πηγή ἢ τὸ
 εὔρεῖν 9—10 τὸ πάχος 11 f. ἐπιχορηγεῖται ὕδωρ 11—12 διο δη
 17—18 δὲ τὴν 18 δακτύλων δεδεκα (sic); haec transposui
 in vs. 5. 19 διὰ deleverim 24 <τούτων> addidi 26 τῷ αὐτῷ
 κεντρῷ, sed ex τῷ αὐτῷ fec. τὸ αὐτὸ man. 1

Die guten Quellen reduzieren jedoch ihren Abfluß nur um ein Geringes. Man muß nun die ganze Wasserfläche der Quelle einfassen, so daß nirgends etwas abfließen kann und dann eine Bleiröhre von quadratischem Querschnitt herstellen, indem man darauf sieht, daß dieselbe um ein Bedeutendes größer ist als der regelmäßige Abfluß verlangt. Sodann muß man diese an einer Stelle so einsetzen (in die Umfassungsmauer), daß das Quellwasser durch dieselbe abfließt. Diese Stelle muß nach
 10 der Stelle zu liegen, die niedriger als die Quelle liegt, so daß sie Abfluß hat. Die Stelle aber, welche tiefer als die Quelle liegt, werden wir vermittelst der Dioptra ermitteln. Das durch die Röhre abfließende Wasser wird nun an der Öffnung der Röhre einen gewissen Raum einnehmen.
 15 Beispielsweise nimmt es 2 Daktylen (in der Höhe) ein, die Breite aber der Öffnung der Röhre soll 6 Daktylen betragen. $6 \times 2 = 12$; wir werden daher den Abfluß der Quelle auf 12 Daktylen angeben. Man muß jedoch wissen, daß es, um zu erkennen, wie viel Wasser die
 20 Quelle liefert, nicht genügt, die Ausdehnung des Abflußstroms zu kennen, welche nach unserer Behauptung 12 Daktylen beträgt, sondern man auch seine Geschwindigkeit kennen muß. Denn ist der Abfluß ein geschwin-
 25 derer, so liefert die Quelle mehr, ist er ein langsamerer, so liefert sie weniger Wasser.

Man muß daher unterhalb des Quellabflusses ein Reservoir graben und mit einer Sonnenuhr beobachten, welches Quantum Wassers in einer bestimmten Zeit abfließt und so annähernd bestimmen, wie groß die Quan-
 30 tität des an einem Tage gelieferten Wassers ist. Es ist daher (bei dieser Methode) gar nicht einmal nötig, die Größe des Abflußstromes zu beobachten, denn die Leistungsfähigkeit wird durch die Zeit klar.

XXXII. Da wir nun vermittelst der von uns konstruierten Dioptra die Verwendung des Instrumentes auf
 35 der Erdoberfläche bei dioptrischen Problemen nachgewiesen haben, dieselbe jedoch nach vielen Richtungen auch für

τῷ τυμπάνῳ, ὃν γράψει τὸ τοῦ μοιρογνωμονίου ἄκρον τοῦ ἐν τῷ κανόνι· καὶ τοῦτον διελοῦμεν εἰς μοῖρας 5
 τξ. ὅταν οὖν βουλώμεθα δύο ἀστέρων τὸ μεταξὺ διά-
 στημα ἐπισκέψασθαι, ὅσων μοιρῶν ὑπάρχει, ἐάν τε τῶν
 πλανητῶν εἴησάν τινες ἢ καὶ τῶν ἀπλανῶν ἢ καὶ ὁ 5
 μὲν ἕτερος αὐτῶν εἴη τῶν ἀπλανῶν, ὁ δὲ ἕτερος τῶν
 πλανητῶν, ἀφελόντες τὸν κανόνα, δι' οὗ διοπτεύομεν,
 p. 298 ἀπὸ τοῦ τυμπάνου ἐγκλίνομεν αὐτὸ τὸ τύμπανον,
 ἄχρις ἂν διὰ τοῦ ἐπιπέδου αὐτοῦ φανῶσιν οἱ εἰρημένοι
 ἀστέρες ἅμα ἀμφοτέρω. εἴτ' ἐντιθεὶς τὸν κανόνα ὥς 10
 εἴθισται, τῶν ἄλλων ἀκινήτων, ἐπιστρέψω αὐτὸν, ἄχρις
 ἂν εἰς τῶν ἀστέρων φανῇ· καὶ παρασημηνάμενος τὴν
 μοῖραν, καθ' ἣν ἐν τῶν μοιρογνωμονίων ὑπάρχει [τὸ
 μέρος αὐτῆς], ἐπιστρέψω τὸν κανόνα, ἄχρις οὗ καὶ ὁ
 ἕτερος ἀστήρ δι' αὐτοῦ φανῇ. εἴτα ὁμοίως παραση- 15
 μηνάμενος τὴν μοῖραν, καθ' ἣν τὸ αὐτὸ μοιρογνωμόνιον
 ὑπάρχει, ἐπιγνώσομαι τὸ πλῆθος τῶν μοιρῶν τὸ μεταξὺ
 τῶν ληφθέντων δύο σημείων· καὶ τοσαύτας ἀποφα-
 νοῦμαι τοὺς ἀστέρας ἀπέχειν ἀπ' ἀλλήλων μοῖρας.

λγ. Ἐπεὶ οὖν τινὲς χρῶνται τῷ καλουμένῳ ἀστε- 20
 fol. 77^r ρίσκῳ πρὸς ὀλίγας | παντελῶς διοπτρικὰς χρείας, εὐλο-
 γον ἡγούμεθα τὰ περὶ αὐτὸν συμβαίνοντα μηνῦσαι
 τοῖς πειρωμένοις χρήσασθαι αὐτῷ, ὅπως μὴ παρὰ τὴν
 ἄγνοιαν ἀμαρτάνοντες λανθάνωσιν. τοὺς μὲν οὖν
 κεχρημένους οἶμαι <πε>πειρᾶσθαι τῆς δυσχρηστίας 25
 αὐτοῦ, ὅτι αἱ σπάρται, ἐξ ὧν τὰ βάρη κρέμονται, οὐ

1 μυρογνωμονίου 5 πλανητων εἰ τινες 5—6 ὁ μὲν
 ἀστέρος 11 f. ἀκινήτων <μενόντων> 13—14 [τὸ μέρος αὐ-
 τῆς] delevi 18—19 ἀποφαινόμεναι 20—21 ἀστερίσκος est
 stella gromaticorum, de qua dixit Rudorffius Gromatiche In-
 stitutionen p. 337 22 περὶ αὐτῶν: correxi 25 πειρᾶσθαι:
 correxi 26 αὐτῶν: correxi βέρη: corr. Vi

die Himmelskunde brauchbar ist, um die Abstände der Fixsterne oder der Planeten von einander zu ermitteln, so werden wir nachweisen, wie man vermittelt der Dioptra auch deren Abstände bestimmen kann.

Wir werden nämlich auf der Oberfläche (?) der grossen Kreisscheibe an der Dioptra einen Kreis um denselben Mittelpunkt mit der Kreisscheibe beschreiben und zwar so gross, als ihn die Spitze des an dem Visierlineal befestigten Zeigers angiebt. Diesen Kreis werden wir in 360 Grade teilen. Wollen wir nun untersuchen, wie viel Grade der Abstand zweier Sterne von einander beträgt, seien es nun Planeten oder Fixsterne oder sei der eine ein Fixstern, der andere ein Planet, so nehmen wir das Diopterlineal, durch das wir zu visieren pflegen, von der Kreisscheibe ab und neigen die Kreisscheibe selbst so lange, bis in ihrer Ebene die genannten Sterne beide zugleich sichtbar werden. Ich setze sodann das Visierlineal in der üblichen Weise wieder ein und drehe es, während die übrigen Teile unbeweglich in ihrer Stellung verbleiben, so lange, bis einer der Sterne durch dasselbe sichtbar wird. Nun notiere ich mir den Grad, an welchem einer der beiden Zeiger steht, und drehe das Visierlineal so lange, bis der andere Stern durch dasselbe sichtbar wird. Ich notiere sodann in derselben Weise den Grad, an welchem ebenderselbe Zeiger nunmehr steht, und werde so die Anzahl der zwischen den beiden bestimmten Punkten liegenden Grade kennen lernen, und werde behaupten können, daß die Sterne so viele Grade von einander abstehen.

XXXIII. Da nun manche den sogenannten „Stern“ zu einer freilich ganz geringen Zahl dioptrischer Anwendungen gebrauchen, so halten wir für angemessen für diejenigen, welche dieses Instrument zu gebrauchen versuchen wollen, die Folgen seiner Verwendung darzulegen, damit sie nicht, ohne es selbst zu merken, infolge ihrer Unkenntnis Fehler begehen. Diejenigen nun, welche das Instrument schon angewendet haben, haben, denke ich, die schlechte Ver-

p. 300 ταχέως ἡρεμοῦσιν, ἀλλὰ χρόνον τινὰ διαμένουσι κινού-
 μεναι, καὶ μάλιστα ὅταν σφοδρὸς ἄνεμος πνέῃ. διὸ
 πειρῶνταιί τινες, παραβοηθεῖν βουλόμενοι ταύτη τῇ
 δυσχρηστία, ξυλίνας σύριγγας κοίλας ποιοῦντες, ἐμβα-
 λεῖν τὰ βάρη εἰς ταύτας, ὥστε μὴ ὑπὸ τοῦ ἀνέμου 5
 τύπτεσθαι. παρατρίψεως οὖν γινομένης τῶν βαρῶν
 πρὸς τὰς σύριγγας οὐκ ἀκριβῶς αἱ σπάρτοι ὀρθαί
 διαμένουσιν πρὸς τὸν ὀρίζοντα· ἔτι δὲ καὶ ἐὰν ἐπιτύ-
 χωσιν, ὥστε τὰς σπάρτας ἡρεμεῖν καὶ ὀρθὰς διαμένειν
 πρὸς τὸν ὀρίζοντα, οὐ πάντως τὰ διὰ τῶν σπάρτων 10
 ἐπίπεδα πρὸς ὀρθὰς γίνεται ἀλλήλοισ· τούτου δὲ μὴ
 γινομένου, οὐδ' αὐτοῖς κατὰ τρόπον ἀκολουθεῖ τι
 τῶν ἐν ὧ ερουμένων· τοῦτο γὰρ δείξομεν. ἔστω(σαν)
 γὰρ ἐν ἐπιπέδῳ δύο εὐθεῖαι αἱ AB , $\Gamma\Delta$, μὴ πρὸς
 ὀρθὰς ἀλλήλας τέμνουσαι· ἀμβλεῖα δὲ ἔστω ἡ ὑπὸ $AE\Delta$ 15
 γωνία· καὶ ἀπὸ τοῦ E τῷ διὰ τῶν AB , $\Gamma\Delta$ ἐπιπέδῳ
 πρὸς ὀρθὰς ἀνεστιάτω ἡ EZ · καὶ πρὸς ἑκατέραν ἄρα
 τῶν AE , $E\Gamma$, ὀρθή ἐστίν. ἡ δὲ ὑπὸ τῶν AE , $\langle E \rangle \Gamma$,
 γωνία ἡ κλίσις ἐστίν, ἐν ᾗ κέκλιται τὸ διὰ τῶν EAZ
 πρὸς τὸ διὰ τῶν ΓEZ , καὶ ἔστιν ὀξεία· τὰ $\langle οὖν \rangle$ 20
 εἰρημένα ἐπίπεδα οὐκ ἐστίν ὀρθὰ πρὸς ἀλλήλα. ἀπειλή-
 φθωσαν οὖν δύο ἴσαι εὐθεῖαι αἱ AE , $E\Delta$, καὶ ἐπε-
 ζεύχθω ἡ $A\Delta$ · καὶ ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡχθῶ ἡ $\langle E \rangle H$.
 ἴση ἄρα καὶ ἡ AH τῇ $H\Delta$ · καὶ ἑκατέρα αὐτῶν
 μείζων ἐστὶ τῆς HE · δυνατόν ἄρα ἐστὶ προσβαλεῖν 25
 ἀπὸ τοῦ H ἴσην τῇ AH τὴν HZ . προσεκβεβλή-
 σθωσαν καὶ ἐπεζεύχθωσαν ἐπὶ τὰ K , Λ , καὶ τῇ AZ

1 χρόνον ἢ ἀναμένονσαι: correxi; χρ. ἀναμένονσαι Vi

4 δυσχρηστία 13 ἐν ὧ ερουμένων: non extricavi; ἐρευνωμέ-
 νων Vi 20 πρὸς τῷ 24 μείζων ex μείζον fec. m. 1 25 προσλα-

wendbarkeit desselben erprobt, insofern die Fäden, an denen die Gewichte hängen, nicht schnell zur Ruhe kommen, sondern eine gewisse Zeit in Bewegung bleiben, und zwar hauptsächlich, wenn starker Wind weht. Daher
 5 versuchen manche in dem Wunsche, diesem Übelstande abzuhelfen, hölzerne Hohlcylinder herzustellen und die Gewichte in diese hineinhangen zu lassen, so daß sie nicht vom Winde getroffen werden. Wenn nun dabei eine Reibung zwischen den Gewichten und den Cylindern
 10 entsteht, so bleiben die Fäden nicht in einer zum Horizonte genau senkrechten Stellung. Aber selbst wenn es ihnen gelingt, so daß die Fäden zur Ruhe kommen und in einer zum Horizont senkrechten Stellung bleiben, stehen doch nicht in jedem Fall die durch die Fäden gelegten
 15 Ebenen aufeinander senkrecht. Ist dies aber nicht der Fall, so folgt ihnen auch nichts von $\langle \dots \dots \dots \rangle$ in der richtigen Weise. Dies werden wir nämlich nachweisen.

Es seien in einer Ebene zwei Gerade, AB und ΓA , welche einander nicht in rechten Winkeln schneiden, und $\angle AEA$ sei ein stumpfer Winkel. Und im Punkte E werde im rechten Winkel zu der durch AB und ΓA gehenden Ebene eine Gerade EZ errichtet:

sie ist also auch zu jeder der beiden Geraden AE und EF senkrecht. Der Winkel AET aber ist die Neigung der Ebene EAT zu der Ebene TEZ , und ist ein spitzer Winkel. Nun stehen die genannten Ebenen nicht senk-

βειν: correxi 26 τῇ ΑΗ τὴν ΕΖ: correxi f. ἐπεξεύχθωσαν
 <αἱ ΑΖ, ΔΖ> καὶ προσεβηβλήθωσαν ἐπὶ

ἴση ἑκατέρω τῶν KZ , $Z\Lambda$. διὰ δὲ τῶν A , Δ , K , Λ
 τῇ EZ παράλληλοι ἤχθωσαν αἱ AM , ΔN , $K\Xi$, ΛO .
 ἡ δὲ EZ ὀρθή ἐστι πρὸς τὸ διὰ τῶν AB , $\Gamma\Delta$ ἐπί-
 πεδον· καὶ ἑκάστη ἄρα τῶν AM , ΔN , $K\Xi$, ΛO ὀρθή
 ἐστι πρὸς τὸ διὰ τῶν $AB\Gamma\Delta$ ἐπίπεδον. καὶ ἐπεὶ αἱ 5
 τρεῖς αἱ AH , $H\Delta$, HZ ἴσαι εἰσὶ, πρὸς ὀρθὰς ἄρα
 p. 302 ἐστὶν ἡ AA τῇ ΔK . ἐὰν ἄρα ὑποστησώμεθα τὰς τοῦ
 ἀστερίσκου ῥάβδους εἶναι τὰς AA , ΔK , τὸ δὲ διὰ
 τῶν AB , $\Gamma\Delta$ ἐπίπεδον τὸ παρὰ τὸν ὀρίζοντα, τὰς δὲ
 κρεμαμένας σπάρτους εἶναι ἐκ τῶν A , Λ , Δ , K , ἔσον- 10
 ται αἱ σπάρτοι αἱ AM , ΔN , $K\Xi$, ΛO . καὶ οὐκ εἰδὶ
 τὰ διὰ τῶν σπάρτων ἐπίπεδα ὀρθὰ καὶ πρὸς ἄλληλα,
 λέγω δὴ <τὸ> διὰ τῶν AM , ΛO πρὸς τὸ διὰ τῶν
 fol. 77^v ΔN , $K\Xi$. δέδεικται γὰρ | κεκλιμένα πρὸς ἄλληλα ἐν
 τῇ ὑπὸ $AE\Gamma$ γωνίᾳ ὀξείᾳ οὔσῃ. 15

p. 306 λδ. Ἀκόλουθον δὲ εἶναι νομίζομεν τῇ διοπτρικῇ
 πραγματείᾳ καὶ διὰ τοῦ καλουμένου ὁδομέτρου τὰ
 ἐπὶ τῆς γῆς μετρεῖν διαστήματα, ὥστε μὴ δι' ἀλύ-
 σεως μετροῦντα ἢ σχοινίου κακοπαθῶς καὶ βραδέως
 ἐκμετρεῖν, ἀλλ' ἐπ' ὀχήματος πορευόμενον, διὰ τῆς 20
 τῶν τροχῶν ἐκκυλίσεως ἐπίστασθαι τὰ προειρημένα
 διαστήματα. οἱ μὲν οὖν πρὸ ἡμῶν ἐξέθεντό τινας
 μεθόδους, δι' ὧν τοῦτο γίνεται, ἐξέσται δὲ κρίνειν
 τό τε ὑπὸ ἡμῶν γραφόμενον ὄργανον καὶ τὰ ὑπὸ τῶν
 προτέρων. γερονέτω οὖν πῆγμα, καθάπερ κιβώτιον, 25
 ἐν ᾧ πᾶσα ἔσται ἡ μέλλουσα λέγεσθαι κατασκευή· ἐν
 δὲ τῷ πνυθμένι τοῦ κιβωταρίου <...> τὸ $AB\Gamma\Delta$

2 $AM\Delta H$ 7 ἀποστησώμεθα: corr. Vi 8 ράβδους (sic)
 11 $AM\Delta H$: corr. Vi 12 f [καὶ] 14 $\Delta H K\Xi$: corr. Vi
 17 πραγματία 25 κιβώτιον 27 post κιβωταρίου unum
 aut complures versiculos hiatu absumptos excidisse Venturius
 statuit; f. τῷ $AB\Gamma\Delta$ <...>

recht aufeinander. Man trage nun zwei gleiche Strecken AE und EA ab und ziehe die Verbindungslinie AA , und falle auf sie die Höhe EH . Also ist $AH = HA$. Nun ist jede von diesen beiden Linien gröfser als HE . Es ist also möglich, von dem Punkte H aus $HZ = AH$ zu konstruieren. Man ziehe nun die Verbindungslinien AZ , AZ und verlängere sie bis K und A ; und es soll jede der beiden Geraden KZ und $ZA = AZ$ sein. Ferner sollen durch die Punkte A , A , K und A Parallele zu EZ gezogen werden, AM , AN , $K\Xi$, AO . Es ist aber EZ eine Senkrechte zu der durch AB und ΓA gehenden Ebene. Also ist auch jede der Linien AM , AN , $K\Xi$ und AO senkrecht zu der durch AB und ΓA gehenden Ebene. Und da die drei Linien AH , HA und HZ einander gleich sind, so ist AA senkrecht zu AK . Wenn wir uns also vorstellen, AA und AK seien die Stäbe des Sterns und die durch AB und ΓA gehende Ebene sei horizontal, die Fäden aber hingen von A , A , A und K herab, so werden AM , AN , $K\Xi$ und AO die Fäden sein; und die durch die Fäden gehenden Ebenen stehen nicht aufeinander senkrecht, ich meine die durch AM und AO gehende Ebene im Verhältniß zu der durch AN und $K\Xi$ gehenden. Denn es ist gezeigt worden, dafs sie zueinander in dem Winkel $AE\Gamma$ geneigt sind, welcher ein spitzer ist.

XXXIV. Es erscheint uns als eine Ergänzung zur Lehre von der Dioptra, auch mittelst des sogenannten Wegemessers Distanzen auf der Erde zu messen, so dafs man die Operation nicht mittelst einer Kette oder eines Bandes schlecht und langsam vornimmt, sondern bei der Fahrt auf einem Wagen mittelst der Umdrehung der Räder die vorgenannten Distanzen bestimmt. Unsre Vorgänger nun setzten einige Methoden auseinander, nach denen dies gemacht wird; man wird sich daher über das Instrument, welches von uns hier beschrieben wird, ebenso wie über die von früheren Technikern beschriebenen ein Urtheil bilden können.

p. 308 *χάλκεον, συμφυῇ ἔχον τὰ εἰρημένα σκυτάλια· δι' ὧν ἀνατομὴ γεγονέτω ἐν τῷ πυθμένι τοῦ κιβωταρίου, δι' ἧς περόνη συμφυῆς γενηθεῖσα τῇ χοινικίδι ἐνὸς τῶν τοῦ ὀχήματος τροχῶν, κατὰ μίαν στροφὴν παρεμβά- νουσα εἰς τὴν ἀνατομὴν τὴν ἐν τῷ τοῦ κιβωταρίου 5 πυθμένι, παράξει ἐν τῶν σκυταλίων, ὥστε τὸ ἐξῆς σκυτάλιον τὴν αὐτὴν πάλιν θέσιν ἔχειν τῷ πρότερον, καὶ τοῦτο ἐπ' ἅπειρον. συμβήσεται οὖν τοῦ τροχοῦ ὁκτὼ στροφὰς ποιησαμένου τὸ σκυταλωτὸν τύμπανον μίαν ἀποκατάστασιν εἰληφέναι. τῷ οὖν εἰρημένῳ σκυ- 10 ταλωτῷ τυμπάνῳ συμφυῆς ἔστω κοχλίας, ἀπὸ τοῦ κέντρου πρὸς ὀρθὰς αὐτῷ πεπηγὼς, τὸ δὲ ἕτερον ἄκρον ἔχων ἐν διαπήγματι πεπηγότι εἰς τοὺς τοῦ κιβωταρίου τοίχους. τῷ δὲ εἰρημένῳ κοχλίᾳ παρακείσθω τύμ- πανον ὠδοντωμένον, τοὺς ὀδόντας ἄρμωστοὺς ἔχον τῇ 15 ἑλικί τοῦ κοχλίου, δηλονότι πρὸς ὀρθὰς τῷ πυθμένι κείμενον, καὶ ἔχον ὁμοίως συμφυῇ ἄξονα, οὗ τὰ ἄκρα πολείσθω εἰς τοὺς τοῦ κιβωταρίου τοίχους. ἐκ δὲ τοῦ ἐνὸς μέρους ὁ ἄξων πάλιν ἐγγεγλυμμένην ἐχέτω ἑλικά, ὥστε εἶναι αὐτὸν κοχλίαν. καὶ πάλιν τούτῳ τῷ κοχλίᾳ 20 παρακείσθω ὀδοντωτὸν τυμπάνιον, δηλονότι παρὰ ληλὸν τῷ πυθμένι κείμενον, ἔχον συμφυῇ ἄξονα· οὗ τὸ μὲν ἕτερον <ἄκρον> πολείσθω ἐν τῷ τοῦ κιβωταρίου fol. 78^r πυθμένι, τὸ δὲ λοιπὸν ἐν δι|ατοναίῳ πεπηγότι ἐν τοῖς τοῦ κιβωταρίου τοίχοις· καὶ οὗτος οὖν ὁ ἄξων ἐκ τοῦ 25 ἐνὸς μέρους ἐχέτω ἑλικά πάλιν ἄρμόζουσιν εἰς ἕτερον*

1 τὰ εἰρημένα: τινα ἰδρυμένα Vi perperam; expectamus
 σκυτάλια ὁκτὼ· καὶ ἀνατομὴ 7 τὸ πρότερον 9 τι σκυταλω-
 τὸν 10—11 τὸ οὖν εἰρημένον σκυταλίῳ τῷ τυμπανῷ: corr. Vi
 11—12 ἀπὸ τοῦ κέντρου: correxi; ἄκρον Vi 15 ὀδοντωμένον
 17 ἄξωνα 18 ἀπολειπέσθω: corr. Vi 20 εἶναι τὸν
 22 ἄξωνα 25 οὕτως ὦν: corr. R. Schoene.

Es werde ein Gehäuse in Form eines kleinen Kastens hergestellt, in welchem die ganze, nachher zu beschreibende Konstruktion ihren Platz haben soll. Auf dem Boden des Kästchens liege $\langle \dots \dots \dots \rangle$ die Bronzescheibe $AB\Gamma\Delta$,
 5 mit welcher die genannten 8 kleinen Stäbe fest verbunden sein sollen. Es werde ferner auf dem Boden des Gehäuses ein Ausschnitt angebracht, durch den ein an der Nabe eines der Wagenräder befestigter Stift, bei jeder

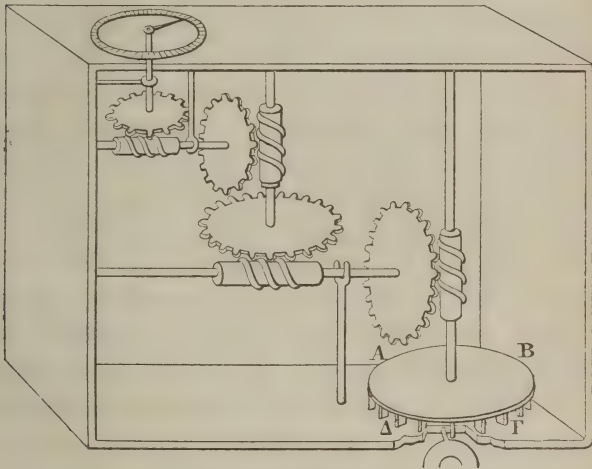


Fig. 114.

Drehung in den am Boden des Gehäuses angebrachten
 10 Einschnitt eintretend, einen der Stäbe fortstoßen wird, so
 daß dann wieder der folgende Stab dieselbe Lage wie der
 vorhergehende hat, und so ins Unendliche. Hat nun das
 Wagenrad 8 Umdrehungen gemacht, so wird das mit den
 Stäben versehene Rad eine ganze Umdrehung gemacht
 15 haben. Mit diesem mit Stäben versehenen Rade sei eine
 Schraube ohne Ende fest verbunden, die von oben her
 senkrecht darauf befestigt sei und ihre andere Spitze in

τυμπάνου ὁδόντας, δηλονότι τοῦ τυμπάνου ὀρθοῦ πρὸς
 τὸν πυθμένα κειμένου. καὶ τοῦτο γινέσθω ἐφ' ὅσον
 ἂν βουλώμεθα ἢ ὁ τόπος ὁ τοῦ κιβωταρίου χώραν
 ἔχη· ὅσῳ γὰρ πλείονα γίνεται τά τε τύμπανα καὶ οἱ
 κοχλῖαι, τοσούτῳ καὶ ἡ ὁδὸς ἐπὶ πλείον μετρουμένη 5
 εὐρεθήσεται. ἕκαστος γὰρ κοχλίας ἅπαξ στραφεῖς τοῦ
 παρακειμένου αὐτῷ τυμπανίου ἓνα ὁδόντα κινήσει·
 ὥστε τὸν μὲν συμφυῇ τῷ σκυταλωτῷ τυμπανίῳ ἅπαξ
 στραφέντα, ὁκτὼ μὲν περιμέτρους τοῦ τροχοῦ σημαίνειν,
 τοῦ δὲ παρακειμένου αὐτῷ τυμπανίου ἓνα ὁδόντα 10
 κεινηκέναι. εἰ τύχοι οὖν, τὸ παρακείμενον τύμπα-
 νον, ἂν ὁδόντας ἔχη τριάκοντα, ἅπαξ στραφέν ὑπὸ τοῦ
 κοχλίου στροφὰς δηλώσει τοῦ τροχοῦ σμ. καὶ πάλιν
 τοῦ εἰρημένου ὁδοντωτοῦ τυμπανίου ἅπαξ στραφέντος
 ὁ μὲν συμφυῆς αὐτῷ κοχλίας ἅπαξ στραφήσεται, τοῦ 15
 δὲ παρακειμένου τῷ κοχλίᾳ τυμπανίου εἰς ὁδοὺς κινη-
 θήσεται. ἂν ἄρα καὶ τοῦτο τὸ τύμπανον ἔχη ὁδόντας
 λ, ὅπερ εἶναι εἰκὸς καὶ πλείονας γίνεσθαι, ἅπαξ
 στραφέντος αὐτοῦ, στροφὰς τοῦ τροχοῦ δηλωθήσονται
 ζς· ἂν [δὲ] ἄρα ὁ τροχὸς ἔχη τὴν περίμετρον πηχῶν ι, 20
 ἔσονται πήχεις μ^ξ β. ἔστιν στάδια ρπ. καὶ ταῦτα μὲν
 ἐπὶ τοῦ β' τυμπανίου εὐρεται· πλείονων δὲ ὄντων καὶ
 τῶν ὁδόντων κατὰ τὸ πλῆθος ἀξιομένων πολλοστὸν
 τῆς ὁδοῦ μέγεθος <εὐρεθ>ήσεται μετρούμενον. δεῖ δὲ
 τοιαύτη χρήσασθαι κατασκευῇ, ὥστε μὴ πολλῷ πλείονα 25
 ὁδὸν δύνασθαι σημαίνειν τὸ ὄργανον <ῆ> τὴν ἐν μιᾷ

4 ἔχει 5 τοσοῦτο 8 σκυταλιω τω τυμπανιω 15—16 τοῦ
 δὲ τοῦ: sed alterum τοῦ del. m. 1 18 f. οὐσπερ ἔστιν εἰκὸς κτλ.

20 πσ: corr. Vi [δὲ] delevi 21 MB ἐστιν σταδια

22 εἰρηται: correxi 23 ἀξιομένων ποδος τὸ: correxi

24 ἴσεται (sic): correxi 26 <ῆ> add. Vi

einem Querbalken, der in die Seitenwände des Gehäuses eingelassen ist. An die genannte Schraube ohne Ende sei ein Zahnrad angeschoben, dessen Zähne zur Windung der Schraube passen, das natürlich rechtwinklig zum Boden
 5 steht und gleichfalls eine fest damit verbundene Achse hat, deren Enden in den Wänden des Gehäuses endigen sollen. An dem einen Teile soll in diese Achse wieder ein Gewinde eingeschnitten sein, so daß sie eine Schraube ohne Ende ist. An diese Schraube wiederum sei ein Zahnrad
 10 angeschoben, das natürlich dem Boden parallel liegen und eine fest mit ihm verbundene Achse haben soll; seine eine Spitze soll sich im Boden des Gehäuses, die andere in einem in den Wänden des Gehäuses befestigten < > drehen. Auch diese Achse soll nun an ihrem einen Teile
 15 ein Schraubengewinde haben, das wieder zu den Zähnen eines anderen Zahnrades paßt, wobei natürlich das Zahnrad senkrecht zum Boden liegen soll. Und diese Konstruktion werde so oft als wir wünschen oder das Gehäuse Platz bietet, wiederholt. Denn je mehr Zahnräder und Schrauben
 20 angebracht werden, um so weiter sind die Strecken, die durch Messung gefunden werden können.

Jede Schraube nämlich wird bei einer Umdrehung einen Zahn des an sie angeschobenen Zahnrades in Bewegung setzen. Die mit dem mit Stäben versehenen Rad
 25 verbundene Schraube zeigt daher, wenn sie eine Umdrehung gemacht hat, 8 Wagenradumfänge an, hat aber von dem an sie angeschobenen Zahnrad erst einen Zahn bewegt. Beispielsweise nun wird dieses Zahnrad, wenn es dreifsig Zähne hat, nach einer Umdrehung vermittelt der Schraube
 30 240 Wagenradumdrehungen anzeigen. Und wiederum wird, wenn das genannte Zahnrad sich einmal gedreht hat, auch die damit verbundene Schraube sich einmal drehen, von dem an die Schraube angeschobenen Zahnrad dagegen wird sich nur ein Zahn bewegen. Falls also auch dieses Zahn-
 35 rad 30 Zähne hat (— natürlich können ihrer auch noch mehr daran angebracht werden —) so werden durch eine Umdrehung desselben 7200 Wagenradumdrehungen an-

ἡμέρα δυναμένην ἐξανύεσθαι ὑπὸ τοῦ ὀχήματος· δυνα-
 τὸν γὰρ καθ' ἑκάστην ἡμέραν ἐκμετροῦντα τὴν τῆς
 ἡμέρας ὁδὸν εἰς τὴν ἐξῆς πάλιν ἀρχὴν ποιεῖσθαι τῆς
 ἐξῆς ὁδοῦ. ἀλλ' ἐπεὶ ἡ ἐκάστου κοχλίου στροφὴ οὐκ
 ἀκριβῶς οὐδὲ μεμετρημένως τοὺς παρακειμένους ὁδόν- 5
 τας στρέφει, ἡμεῖς τῇ πείρᾳ ἐπιστρέφομεν τὸν πρῶτον
 κοχλίαν, ἕως οὗ τὸ παρακείμενον αὐτῷ ὁδοντωτὸν
 p. 312 τύμπανον μίαν ἀποκατάστασιν λάβῃ, μετροῦντες ὁσάκις
 fol. 78^v αὐτὸς ἐπιστρέφεται. καὶ, εἰ τύχοι, εἰληφέτω | στροφὰς
 κ, ἐν ᾧ τὸ παρακείμενον αὐτῷ τύμπανον μίαν ἀπο- 10
 κατάστασιν λαμβάνει· τοῦτο δὲ εἶχεν ὁδόντας λ· αἱ ἄρα
 κ στροφαὶ τοῦ σκυταλωτοῦ τυμπάνου λ ὁδόντας ἐκίνησαν
 τοῦ παρακειμένου τῷ κοχλίᾳ τυμπάνου· αἱ δὲ κ στροφαὶ
 σκυτάλια ἐπιστρέφουσιν ρξ· τοσαῦται δὲ καὶ τοῦ τροχοῦ
 εἰσὶ στροφαί· γίνονται ἄρα πῆχεις ,αχ. εἰ δὲ οἱ λ 15
 ὁδόντες μηνύουσιν πῆχεις ,αχ, ὁ ἄρα α ὁδοὺς τοῦ
 εἰρημένου τυμπανίου σημαίνει τῆς ὁδοῦ πῆχεις νγ γ'.
 ὅταν ἄρα ἀρξάμενον τὸ ὁδοντωτὸν κινεῖσθαι τύμπανον
 εὔρεθῇ κεκινημένον ὁδόντας ιε, σημαίνει ὁδὸν πηχῶν
 ω, τουτέστι στάδια δύο. ἐπιγράφομεν οὖν ἐν μέσῳ τῷ 20
 εἰρημένῳ ὁδοντωτῷ τυμπάνῳ πῆχεις νγ γ'. τὰ δὲ
 αὐτὰ ἐπιλογισάμενοι καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ὁδοντωτῶν
 τυμπανίων ἐπιγράφομεν τοὺς ἀριθμούς· ὥστε ἐκάστου
 αὐτῶν παραχθέντων τινῶν ὁδόντων ἐπιγνῶναι τὴν
 ἐξανυσθεῖσαν ὁδόν. ἵνα δὲ μὴ, ὅταν βουλώμεθα ἐπι- 25
 σκέψασθαι τὸ μῆκος τῆς ὁδοῦ, ἀνοίγοντες τὸ κιβωτά-
 ριον ἐπισκοπῶμεν τοὺς ἐκάστου τυμπάνου ὁδόντας,
 δεῖξομεν ὥς δυνατὸν διὰ τῆς ἐκάστου κιβωταρίου

9 ἐπιτύχοι 11 λαμβάνει 12 ἐκείνης ἂν 17 $\overline{N\Gamma}$ E γε
 sed γε del. m. 1 18 τὸν ὁδοντωτὸν 20—21 τοῦ εἰρημένου
 21 $\overline{N\Gamma}$ E 22 ἐπὶ τῶν λοιποδόντων

gezeigt werden. Hat also das Wagenrad einen Umfang von 10 Ellen, so werden das 72000 Ellen, d. h. 180 Stadien sein. Und dies ist bei dem zweiten Zahnrade gefunden; sind deren dagegen mehr und wächst die Anzahl
 5 der Zähne, so wird ein vielmal so großer Weg gemessen werden. Man muß dabei eine Konstruktion von der Art anwenden, daß der Apparat einen nicht viel größeren Weg anzuzeigen imstande ist, als an einem Tage von dem Wagen zurückgelegt werden kann. Denn man hat
 10 ja die Möglichkeit, indem man täglich die zurückgelegte Tageswegstrecke ausrechnet, am folgenden Tage mit der folgenden Wegestrecke wieder von vorn anzufangen.

Aber da die Umdrehung einer jeden Schraube die angeschobenen Radzähne nicht mathematisch genau bewegt,
 15 so drehen wir beim Ausprobieren die erste Schraube, bis das daran geschobene Zahnrad eine vollständige Umdrehung gemacht hat, und messen, wie vielmal die Schraube selbst sich dreht. Beispielsweise mag sie 20 Umdrehungen gemacht haben in der Zeit, in der das angeschobene Zahn-
 20 rad eine vollständige Umdrehung macht; dieses aber hatte 30 Zähne. Die 20 Umdrehungen also des mit den speichenförmigen Stäben versehenen Rads setzten 30 Zähne des an die Schraube angeschobenen Zahnrad in Bewegung. Die 20 Umdrehungen drehen ferner 160 speichenförmige
 25 Stäbe; ebenso groß aber ist die Zahl der Wagenradumdrehungen. Es sind also im ganzen 1600 Ellen. Wenn aber die 30 Zähne 1600 Ellen anzeigen, so zeigt 1 Zahn des genannten Zahnrad $53\frac{1}{3}$ Ellen des Weges an. Wenn also das Zahnrad anfängt sich zu bewegen und man findet,
 30 daß es sich um 15 Zähne weiterbewegt hat, so zeigt das einen Weg von 800 Ellen, d. h. 2 Stadien an. Wir werden nun mitten auf das genannte Zahnrad die Aufschrift: „ $53\frac{1}{3}$ Ellen“ setzen; dasselbe rechnen wir auch bei den übrigen Zahnradern aus und schreiben die Zahlen darauf,
 35 so daß wir, wenn von jedem eine Anzahl von Zähnen fortbewegt worden ist, den zurückgelegten Weg kennen werden.

ἐπιφανείας, γνωμονίων τινῶν περιεγομένων, εὐρίσκειν
τὸ τῆς ὁδοῦ μῆκος. τὰ μὲν γὰρ εἰρημένα ὠδοντωμένα
τυμπάνια κείσεται μὴ ψάφοντα τῶν πλευρῶν τοῦ κιβω-
ταρίου, οἱ δὲ ἄξονες αὐτῶν εἰς τὸ ἐκτὸς μέρος ὑπερ-
εχέτωσαν τῶν τοίχων· αἱ δ' ὑπεροχαὶ τετραγῶνοι 5
ἔστωσαν, ὥς ἂν προσειληφύῃαι μοιρογνωμόνια ἐν
τετραγῶνοις τρήμασιν· ὥστε στρεφομένου τοῦ τυμ-
πάνου σὺν τῷ ἄξονι συστρέφεσθαι καὶ τὸ μοιρογνω-
μόνιον· οὗ δὴ περιεγόμενον τὸ ἄκρον κύκλον γράψει
ἐν τῇ ἐτέρᾳ πλευρᾷ τοῦ αὐτοῦ τοίχου, ὃν διελοῦμεν 10
εἰς τὸ αὐτὸ πλῆθος τῶν ὁδόντων τοῦ ἐντὸς τυμπανίου.

p. 314 τὸ δὲ μοιρογνωμόνιον μεγέθει ἔστω τηλικούτο, ὥστε
μείξονα γράφειν κύκλον, πρὸς τὸ τὴν διαίρεσιν τῶν
ὁδόντων ἐν μείξοσι διαστήμασιν εἶναι· ἔξει δὲ ὁ γρα-
φόμενος κύκλος τὴν αὐτὴν ἐπιγραφὴν τῷ ἐντὸς τυμ- 15
πάνῳ· καὶ οὕτως διὰ τῆς ἐκτὸς ἐπιφανείας ἐπιθεω-
ρήσομεν τὸ μῆκος τῆς ἀνυσθείσης ὁδοῦ. ἐὰν δὲ μὴ
ᾗ δυνατόν πάντα τὰ τυμπάνια μὴ ψάφειν τῶν τοίχων
τοῦ κιβωταρίου, διὰ τὸ ἐμποδίζεσθαι ὑπὸ ἀλλήλων, ἢ
fol. 79^r διὰ τοὺς παρακειμένους κοχλίας, ἢ δι' ἕτερόν τι, 20
ἀπο(σ)τήσομεν ἕκαστον αὐτῶν τοσοῦτον, ὥστε μηδὲν
ἐμποδῶν εἶναι.

Ἐπεὶ οὖν τῶν ὁδοντωτῶν τυμπάνων ἃ μὲν παράλ-
ληλα τῷ πυθμένι ἐστὶν, ἃ δ' ὀρθά, καὶ τῶν γραφο-
μένων ἄρα κύκλων ὑπὸ τῶν μοιρογνωμονίων οὗ μὲν 25
ἐν τοῖς ὀρθοῖς τοίχοις ἔσονται τοῦ κιβωταρίου, οἱ δ'
ἐν τῷ ἐπιπώματι. δεήσει ἄρα διὰ τοῦτο, εἶνα τῶν

2 ὁδοντωμένα 4 ἄξονες 6 μοιρογνωμονια 7 σχήμα-
σιν: correxi 8 ἄξωνι 9 ὃ δὴ γράφοι 12—13 ὥστε
μίαν γράφειν 15 τὸ ἐντος 16—17 ἐπιθεωρήσωμεν 21 ἀπο-
τήσωμεν: correxi 23 ὁδόντων τῶν 25 μοιρογνωμονίων:
sed i del. m. 1 26—27 ὁδοντω ἐνι πώματι: correxi

Damit wir aber nicht, wenn wir die Länge des Weges bestimmen wollen, das Kästchen öffnen und die Zähne jedes einzelnen Zahnrades untersuchen müssen, so werden wir zeigen, wie es angängig ist dadurch, daß auf der
5 Außenseite jedes Kästchens sich Zeiger im Kreise bewegen, die Länge des zurückgelegten Weges zu finden. Die genannten Zahnräder werden nämlich so liegen, daß sie die Seiten des Kästchens nicht berühren; die Achsen derselben jedoch sollen nach außen über die Wände hinausstehen;
10 ihre Vorsprünge sollen von quadratischem Querschnitt sein, dergestalt daß sie mit Zeigern mit quadratischen Durchbohrungen versehen werden. Wird daher das Zahnrad gedreht, so dreht sich mit seiner Achse zugleich auch der Zeiger, dessen Spitze bei ihrer Umdrehung auf der andern
15 Seite ebenderselben Wand einen Kreis beschreiben wird, welchen wir in ebensoviele Geraden teilen werden, als die Zähne des innen befindlichen Zahnrades betragen. Der Zeiger soll übrigens so groß sein, daß er einen größeren Kreis beschreibt, damit die Teilung der Zähne in größeren
20 Zwischenräumen erfolgt. Der Kreis, der so gezeichnet wird, soll dieselbe Aufschrift tragen, wie das Zahnrad im Inneren. Auf diese Weise werden wir durch eine an der Außenseite befindliche Vorrichtung die Länge des zurückgelegten Weges kontrollieren. Ist es aber nicht möglich,
25 daß alle Zahnräder die Wände des Kästchens nicht berühren, entweder weil sie sich gegenseitig hindern würden oder wegen der an sie angeschobenen Schrauben, oder aus irgend einem andern Grunde, so werden wir jedes einzelne von ihnen so weit abstellen, daß kein Hindernis vorhanden
30 ist. Da nun von den Zahnrädern die einen dem Boden parallel, die andern senkrecht dazu stehen, so werden auch von den durch die Zeiger beschriebenen Kreisen einige auf den senkrecht stehenden Wänden des Kästchens liegen, und einige auf dem Deckel. Es wird also aus
35 diesem Grunde eine der senkrecht stehenden Wände, die keine Kreise tragen, als Deckel eingerichtet werden müssen, damit der anscheinende Deckel eine Wand sein kann.

ὀρθῶν τοίχων τῶν μὴ ἔχόντων τοὺς κύκλους πῶμα
γενέσθαι, ἵνα τὸ ὥσανεὶ πῶμα τοῖχος ἦ.

fol. 79^r
p. 320

λε. | Ὅσοι μὲν οὖν τόποι βαδίζεσθαι δύνανται, τού-
των τὰ μήκη ἢ διὰ τῆς κατασκευασθείσης διόπτρας ἢ
τοῦ ῥηθέντος ὁδομέτρου εὐρίσκεται· ἐπεὶ δὲ εὐχρηστον 5
ὑπάρχει καὶ τὴν μεταξὺ δύο κλιμάτων ὁδὸν ἡλίκῃ ἔστιν
ἐπίστασθαι, ἐμπιπτόντων εἰς αὐτὴν νήσων τε καὶ πελα-
γῶν καὶ, εἰ τύχοι, ἀβάτων τινῶν τόπων, ἀναγκαῖόν ἐστι
καὶ πρὸς τοῦτο μέθοδόν τινα ὑπάρχειν, ὅπως παντελῶς
εἴῃ ἡμῖν ἡ ἐκδεδομένη πραγματεία. δέον δὲ ἔστω, εἰ 10
τύχοι, τὴν μεταξὺ Ἀλεξανδρείας καὶ Ῥώμης ὁδὸν ἐκμε-
τρῆσαι τὴν ἐπ' εὐθείας, τὴν γε ἐπὶ κύκλου περιφερείας
μεγίστου τοῦ ἐν τῇ γῇ, προσομολογουμένου τοῦ ὅτι
περίμετρος τῆς γῆς σταδίων ἐστὶ μ^{ζε} καὶ ἔτι β, ὥς ὁ
μάλιστα τῶν ἄλλων ἀκριβέστερον πεπραγματευμένος 15
Ἑρατοσθένης δείκνυσιν ἐν <τῷ> ἐπιγραφομένῳ περὶ
τῆς ἀναμετρήσεως τῆς γῆς. τετηρήσθω οὖν ἔν τε Ἀλε-
ξανδρείᾳ καὶ Ῥώμῃ <ἡ> αὐτὴ ἔκλειψις τῆς σελήνης·
εἰ μὲν γὰρ ἐν ταῖς ἀναγραφείσαις εὐρίσκεται, ταύτῃ
χρησόμεθα· εἰ δὲ οὐ, δυνατὸν ἔσται ἡμᾶς αὐτοὺς | 20
τηρήσαντας εἰπεῖν διὰ τὸ τὰς τῆς σελήνης ἐκλείψεις
διὰ πενταμήνων καὶ ἑξαμήνων γίνεσθαι. ἔστω οὖν
εὐρημένη ἐν τοῖς εἰρημένοις κλίμασιν αὕτη <ἡ> ἔκλειψις,
ἐν Ἀλεξανδρείᾳ μὲν νυκτὸς ὥρας ε, ἐν Ῥώμῃ δὲ ἡ
αὐτὴ νυκτὸς ὥρας γ, δηλονότι τῇ αὐτῇ νυκτί. ἔστω 25
δὲ καὶ ἡ νύξ, τουτέστιν ὁ ἡμερησίος κύκλος, καθ' οὗ
φέρεται ὁ ἥλιος ἐν τῇ εἰρημένῃ νυκτί, ἀπέχων ἀπὸ
ἰσημερίας ἑαρινῆς, ὥς ἐπὶ τροπὰς χειμερινὰς, ἡμέρας

fol. 79^v
p. 322

XXXV.¹⁾ Die Länge aller zu Fuß zugänglichen Terrainstrecken wird entweder mittelst der von uns konstruierten Dioptra oder mittelst des genannten Wegmessers gefunden. Da es jedoch von Nutzen ist, auch die Größe des Weges zwischen zwei geographischen Orten zu bestimmen, wenn Inseln und Meere und vielleicht unwegsame Terrainstrecken auf denselben fallen, so ist es nötig, daß auch hierfür eine Methode da ist, damit der Gegenstand von uns vollständig behandelt sei. Die Aufgabe sei beispielsweise, den Weg zwischen Alexandria und Rom auf gerader Linie oder genauer auf der Peripherie eines der größten Kreise der Erde zu messen, wofür vorausgesetzt wird, daß der Umfang der Erde 252 000 Stadien beträgt, wie der vor andern durch Genauigkeit auf diesem Gebiete ausgezeichnete Eratosthenes in der Schrift zeigt, die den Titel: „Über die Messung der Erde“ trägt.

Man beobachte nun in Alexandria und Rom dieselbe Mondfinsternis. (Findet sie sich in den Listen, so bedienen wir uns ihrer; wo nicht, so ist es angängig, daß wir sie selbst beobachten und die nötige Angabe machen, weil die Mondfinsternisse alle 5—6 Monate einzutreten pflegen.) Diese Finsternis sei in den bezeichneten Gegenden beobachtet in Alexandria nachts um die fünfte Stunde, in Rom ebendieselbe nachts um die dritte Stunde, natürlich in derselben Nacht. Die Distanz der Nacht, d. h. die Distanz des Tageskreises, auf welchem sich die Sonne

1) Für dieses schwierige und stark verderbte Kapitel, zu dessen Verständnis noch vieles fehlt, konnte eine genügende Figur nicht gegeben werden; auch die Übersetzung bedarf besonderer Nachsicht.

με καὶ ἔτι B	16 supplevi	17 τῆς γῆς ὅτε τηρήσθω:
correxī ἐν τῇ: correxi	18 ρώμης αὐτῇ	23 εὐρημένην
23—24 ἐκλειψίς τε ἐν	24—25 δὲ ἐν αὐτῆς νυκτός	ὥρας
τρῆς	26 δὴ	

δέκα· καὶ καταγεγράφθω ἡμισφαίριον τὸ διὰ τῶν τρο-
 πικῶν, εἰ μὲν ἐν Ἀλεξανδρείᾳ ἐσμέν, πρὸς τὸ ἐν Ἀλε-
 ξανδρείᾳ, εἰ δὲ ἐν Ῥώμῃ, πρὸς τὸ ἐν Ῥώμῃ κλίμα.
 ἔστω δὴ ἡμᾶς εἶναι ἐν Ἀλεξανδρείᾳ· καὶ ἐγκείσθω
 κοῖλον ἡμισφαίριόν τι[η] διὰ τῶν τροπικῶν καταγράφειν 5
 πρὸς τὸ ἐν Ἀλεξανδρείᾳ κλίμα. καὶ ἔστω αὐτοῦ ὁ
 περὶ τὸ χεῖλος κύκλος ὁ $ΑΒΓΔ$ · μεσημβρινὸς δὲ ἐν
 αὐτῷ ἔστω ὁ $ΒΕΖΗ<Δ>$ · ἰσημερινὸς δὲ ὁ $ΑΗΓ$ ·
 πόλος δὲ τῶν παραλλήλων ὁ $Ε$ · τοῦ δὲ περὶ τὸ χεῖλος
 τοῦ ἡμισφαιρίου πόλος ὁ $Ζ$. καὶ ἐντετάχθω ὁμοταγῆς 10
 τῷ κύκλῳ τῷ καθ' ὃν φέρεται ἐν τῇ εἰρημένῃ νυκτὶ
 ὁ ἥλιος ὥρας πέμπτης, τότε μὲν ἀπέχων ἀπὸ ἰσημερίας
 ἑαρινῆς καὶ ἐπὶ τροπὰς χειμερινὰς ἡμέρας 1, καὶ ἔστω
 ὁ $ΘΚΑ$ · καὶ διηγήσθω ἡ $ΘΚΔ$ περιφέρεια εἰς τὰς
 15 ἰβ'· καὶ ἔστω τούτων ἡ πέμπτη ἡ $ΘΜ$, ἐπειδήπερ πέμ-
 πτης ὥρας ἡ ἔκλειψις ἐτηρήθη ἐν Ἀλεξανδρείᾳ· ἔσται
 ἄρα τὸ $Μ$ ὁμοταγὲς τῷ πρὸς ὃ ἦν ὁ ἥλιος τῆς ἐκλεί-
 ψεως γενομένης. καὶ γεγράφθω δὲ καὶ τὸ διὰ Ῥώμης
 ἀνάλημμα, ἐν ᾧ ἐγγεγράφθω καὶ ὁ ἡμερήσιος κύκλος
 ὁ ὁμοταγῆς τῷ $ΘΚΑ$. καὶ ὀρίζοντος μὲν διάμετρος ἡ 20
 $ΝΞ$ · γνώμων <δὲ> ὁ $ΟΠ$ · ἡ δὲ τοῦ ἡμερησίου διά-
 p. 324 μετρος ἡ $ΡΣ$ · δίορον δὲ ἡ $ΤΥ$. καὶ οἶων ἐστὶν ἡ
 $ΥΦΣ$ περιφέρεια ἡμερησίων ὥρῶν 5, τοιούτων ὥρῶν
 ἡ $ΥΦ$ γ, ἐπειδήπερ ἡ τήρησις ἐν Ῥώμῃ γεγένηται
 ὥρας γ καὶ τῇ $ΥΦ$ περιφερείᾳ ὁμοία κείσθω ἡ $ΜΧ$. 25
 τὸ ἄρα $Χ$ σημεῖον πρὸς τῷ ὀρίζοντι τῷ διὰ Ῥώμης.
 ἔστω δὲ καὶ ἄξων ἐν τῷ ἀναλήμματι ὁ $ΨΩ$, καὶ τῇ
 $ΥΦΣ$ περιφερείᾳ ὁμοία κείσθω ἡ $ΧΚΣ$ · ἔσται δὴ τὸ

4 δὲ 5 κοινὸν τι η δς τῶν 10 πολος ὁ \overline{OZ} (sic)
 ὁμοταγείς 11 καθῶ 12 τὸ μὲν ἀπέχειν 14 διετηρήσθω
 15 τοιούτων ἡ $ΕΗ\overline{\Theta\overline{M}}$: correxi 17 πρὸς ο μη ἥλιος 20 καὶ ο

während dieser Nacht befindet, von der Frühlingsdaggleiche
 betrage nach der Wintersonnenwende hin 10 Tage. Nun
 zeichne man eine durch die Wendekreise gehende Halb-
 kugel, wenn wir in Alexandria sind, nach dem Ort von
 5 Alexandria, wenn wir in Rom sind, nach dem Ort von Rom.

Es werde der Fall genommen, daß wir in Alexandria
 sind, und die Aufgabe sei, eine konkave Halbkugel durch
 die Wendekreise nach dem Ort von Alexandria zu zeichnen.
 Der begrenzende Kreis sei $AB\Gamma A$, der Meridian $BEZH$,
 10 der Äquator AHT , der Pol der Parallelkreise sei E , der
 Pol des die Halbkugel begrenzenden Kreises Z . Nun
 werde die Stelle bezeichnet, welche die Sonne um die
 fünfte Stunde einnimmt auf dem Kreise, auf welchem sie
 sich in dieser Nacht bewegt: wobei sie sich 10 Tage von
 15 der Frühlingsnachtgleiche nach der Wintersonnenwende zu
 entfernt befindet. Dieser Kreis sei $\Theta K A$, sein Umfang
 werde in 12 Teile zerlegt, und von diesen sei der fünfte
 ΘM , da um die fünfte Stunde die Finsternis in Alexandria
 beobachtet wurde. Also wird M der Punkt sein, der
 20 demjenigen entspricht, an dem sich die Sonne bei Eintritt
 der Finsternis befand.

Es werde nun auch das Analemma von Rom gezeichnet,
 in welches auch der Tageskreis eingetragen werden soll,
 welcher $\Theta K A$ entspricht. Der Durchmesser des Horizontes
 25 sei $N\Xi$, der Gnomon $O\Pi$, der Durchmesser des Tages-
 kreises $P\Sigma$, die Scheidelinie von Tag und Nacht $T\Upsilon$.
 Nun ist $T\Phi = 3$ Tagesstunden derselben Art, deren 6
 auf den Peripherieabschnitt $T\Phi\Sigma$ kommen, da die Be-
 obachtung in Rom um die dritte Stunde erfolgt ist. Nun
 30 werde MX der Peripherie $T\Phi$ ähnlich angenommen; der
 Punkt X wird also auf dem Horizont von Rom liegen.
 Es sei aber auch $\Psi\Omega$ eine Achse in dem Analemma und
 $X\varsigma$ werde der Peripherie $T\Phi\Sigma$ ähnlich angesetzt. Da

οριζοντος 21 γινωμ ο $\Theta\Pi$ ἡ δὲ ἡ: sed alterum ἡ del. m. 1
 22—23 περιφερεια τη $H\omega$ ς τοιοντων ωη 25—26 ἡ $\overline{MX\Gamma}$
 ο ἄρα \overline{X} 27 καὶ ἡ

5 ἐπὶ τοῦ μεσημβρινοῦ τοῦ διὰ Ῥώμης· ἀλλὰ καὶ τὸ
 Ε πόλος τῶν παραλλήλων· γεγράφθω διὰ τῶν Ε, 5
 μέγιστος κύκλος ὁ ΕΞ· τοῦτο δὴ ἔσται ὁ εἰρημένος
 διὰ Ῥώμης μεσημβρινός. καὶ τῇ ΞΩ περιφερείᾳ ὁμοία
 κείσθω ἡ <ΑΒ> ἀπὸ δὲ τοῦ 5 Α τετραγώνου κείσθω 5
 ἡ ΑΒΖ· τὸ ἄρα Β σημεῖον ἔσται τοῦ διὰ Ῥώμης
 ὀρίζοντος πόλος, ἀλλὰ καὶ τὸ Ζ τοῦ δι' Ἀλεξανδρείας.
 γεγράφθω οὖν διὰ τῶν Β, Ζ, μεγίστου κύκλου περι-
 φέρεια ἡ ΒΖ, καὶ ἐξητάσθω πόσων γίνεται μοιρῶν
 πρὸς τὸν ΑΒΓΔ κύκλον· εὐρήσθω, εἰ τύχοι, μοιρῶν 10
 fol. 80^r | κ. ἔσται οὖν ἡ ἀπολαμβανομένη ἐν τῇ γῇ μεταξὺ
 Ῥώμης καὶ Ἀλεξανδρείας μοιρῶν κ, οἷων ἐς<τὴν> καὶ ὁ
 μέγας κύκλος μοιρῶν τξ. ἔχει δὲ ἡ μία μοῖρα τῶν ἐν τῇ
 γῇ σταδίους ψ, εἴ γε ὅλη <ἡ> περίμετρος ἐστὶ μ^κ καὶ β.
 αἱ ἄρα κ μοῖραι γίνονται εἰς μ^α δ. τοσούτους δὴ στα- 15
 δίους ἀποφανόμεθα καὶ τὸ τῆς εἰρημένης ὁδοῦ μήκος.
 εἰδὼν δὲ τὸ Α σημεῖον ὑπερπίπτει τοῦ <.....>
 τῆς ὑπερπιπτούσης περιφερείας ἣν θήσομεν τὴν Γ,
 καὶ ἔσται τὸ Β τε διάμετρον τῷ ὑπερπίπτοντι σημείῳ.
 πάλιν οὖν τετραγώνου θέντες τὴν ΣΒ ἔξομεν τὸ Β 20
 σημεῖον.

p. 330 λξ. Τῇ δοθείσῃ δυνάμει τὸ δοθὲν βάρος κινῆσαι
 διὰ τυμπάνων ὁδοντωτῶν παραθέσεως. κατεσκευάσθω
 πῆγμα καθάπερ γλωσσοκομον· εἰς τοὺς μακροὺς καὶ
 παραλλήλους τοίχους διακείσθωσαν ἄξονες παράλληλοι 25
 ἑαυτοῖς, ἐν διαστήμασι κείμενοι ὥστε τὰ συμφυῆ αὐτοῖς

1—2 τὸ Ε πόλος Γ τῶν 2 γεγράφθω δὴ τῶν ΒΞ 3 κύκλος
 ο ΤΕΞ 5 ΘΣ, ἀπο δὲ τοῦ ΣΑ 5—6 κείσθω ἡ ΑΒ το
 8 τῶν ΒΖ 9 ἡ ΒΖ 11 ἔσται οὖν folio lacerato paene
 evanida 12 οἰωνες καὶ: correxi 14 add. Vi ΚΕ καὶ Β

nun ς auf dem durch Rom gehenden Meridian liegt, E aber der Pol der Parallelkreise ist, so werde durch die Punkte E, ς ein größter Kreis $E\varsigma$ konstruiert. Dies wird der genannte Meridian durch Rom sein. Nun werde 5 A, B der Peripherie $E\Omega$ ähnlich gemacht, und auf ς, A das Viereck H, A, B, Z errichtet. Folglich wird der Punkt B der Pol des Horizonts von Rom sein, Z derjenige des Horizonts von Alexandria. Nun werde durch B und Z die Peripherie eines größten Kreises, BZ , gelegt und 10 darauf geprüft, wie viel Teile sie im Verhältnis zu dem Kreise $AB\Gamma A$ enthält. Nehmen wir an, sie werde auf 20 Teile bestimmt. Es wird also die auf der Erde zwischen Rom und Alexandria liegende Strecke 20 solcher Teile betragen, von denen der größte Kreis 360 enthält. 15 Ein solcher Teil auf der Erde beträgt nun 700 Stadien, sofern der Gesamtumfang 252 000 Stadien beträgt. Die 20 Teile belaufen sich daher auf 14 000. Auf soviel Stadien werden wir daher die Länge der angegebenen Strecke angeben. $\langle \dots \rangle$

20 XXXVII. Mit einer gegebenen Kraft eine gegebene Last mittelst Nebeneinanderstellung von Zahnrädern in Bewegung zu setzen.

Es werde ein Gehäuse in Form eines Kastens angefertigt. In seine parallelen Langseiten sollen querliegende 25 Achsen eingelassen sein, die einander parallel in Abständen dergestalt liegen, daß die mit ihnen verbundenen Zahnräder nebeneinander liegen und ineinander greifen, so wie wir angeben werden. Der genannte Kasten sei $AB\Gamma A$, in dem die Achse EZ wie angegeben quer liegen und sich 30 leicht drehen soll. Mit diesem sei das Zahnrad $H\Theta$ fest

15 μ^{α} οδίους οντους δὴ: correxi 16 ἀποφαινόμεθα 17 τὸ \bar{A} σημεῖον 19 τὸ \bar{B} τε διάμετρον 20 τὴν ΣB 22 cf. *Mechanica* I 1 p. 2 Nix; *ibid.* p. 257 Schmidt; Pappus p. 1060 Hultsch 23 παραθέσεων: corr. Schmidt $\kappa\alpha\tau\alpha\sigma\kappa\epsilon\nu\acute{\alpha}\sigma\theta\omega$ 24 f. $\langle\omicron\upsilon\rangle$ εἰς

ὁδοντωτὰ τύμπανα παρακαῖσθαι καὶ συμπεπλέχθαι ἀλλή-
 λους, καθὰ μέλλομεν δηλοῦν. ἔστω τὸ εἰρημένον γλωσ-
 σόκομον τὸ $ABΓΔ$, ἐν ᾧ ἄξων ἔστω διακεείμενος, ὡς
 εἴρηται, καὶ δυνάμενος εὐλύτως στρέφεσθαι, ὁ EZ .
 τούτῳ δὲ συμφυὲς ἔστω τύμπανον ὁδοντωμένον τὸ 5
 $HΘ$ ἔχον τὴν διάμετρον, εἰ τύχοι, πενταπλασίονα
 <τῆς> τοῦ EZ ἄξονος διαμέτρον. καὶ ἵνα ἐπὶ παρα-
 δείγματος τὴν κατασκευὴν ποιησώμεθα, ἔστω τὸ μὲν
 ἀγόμενον βάρος ταλάντων χιλίων, ἡ δὲ κινουῖσα δύνα-
 μεις ἔστω ταλάντων ε, τουτέστιν ὁ κινῶν ἄνθρωπος ἢ 10
 παιδάριον, ὥστε δύνασθαι καθ' ἑαυτὸν ἄνευ μηχανῆς
 ἔλκειν τάλαντα ε. οὐκοῦν ἐὰν τὰ ἐκ τοῦ φορτίου ἐκ-
 δεδεμένα ὅπλα διὰ τινος <ὀπῆς οὔσης> ἐν τῷ AB τοίχῳ
 ἐπιληθῇ περὶ τὸν EZ ἄξονα <.....> κατειλούμενα τὰ
 fol. 80^v ἐκ τοῦ φορτίου ὅπλα | κινήσει τὸ βάρος· ἵνα δὲ κινήθῃ 15
 τὸ $HΘ$ τύμπανον, <δεῖ δυνά>μει ὑπάρχειν πλεον ταλάν-
 p. 332 των διακοσίων, διὰ τὸ τὴν διάμετρον τοῦ τυμπάνου
 τῆς διαμέτρον τοῦ ἄξονος, ὡς ὑπεθέμεθα, πενταπλὴν
 <εἶναι>. ταῦτα γὰρ ἀπεδείχθη ἐν ταῖς τῶν ε δυνάμεων
 ἀποδείξεσιν. ἀλλ' <.....> ἔχομεν τί τὴν δύναμιν ταλάν- 20
 των διακοσίων, ἀλλὰ πέντε. γερονέτω οὖν ἕτερος ἄξων
 <παβάλληλος> διακεείμενος τῷ EZ , ὁ $ΚΑ$, ἔχων συμφυὲς
 τύμπανον ὁδοντωμένον τὸ MN . ὁδοντωδεις δὲ καὶ τὸ

5 τοῦτο ὁδοντωμένον 7 suppl. Vi 8 ποιησώμεθα
 11 ὥστε δύνασθαι: δυνάσθω Pappus 12 εἰκειν corr. Vi
 13 ἐνδεδεμένα: correxi <ὀπῆς> add. Hultsch ad Pappum
 p. 1062, 13 14 ἐπιληθῇ τὸ EZ ἄξονα hiatus haec fere hausta:
 <ἐπιστρεφομένου τοῦ $HΘ$ τυμπάνου> 14—15 τὰ ἐκ τοῦ φορτίου
 ἐπλάκων | ἐν τισι τοῦ βάρους: correxi; ἐφείλκεν ἂν τι Vi 16 τὸ
 $ΠΘ$ τυμπανον <.....> | μὲι ὑπάρχειν septem litteris ma-
 dore absumptis; supplevi dubitanter 18 ἄξονος 20 post
 ἀλλ hoc signum 1: et spatium 22 litterarum; f. ἀλλ' <οὐκ>
 ἔχομεν [τι] τὴν 21 γερονέτω ὁ ἕτερος: correxi (οῦ = οὖν)
 22 supplevi ἔχον συμφυῇ 23 ὁδοντωμενον

verbunden, dessen Durchmesser beispielsweise gleich 5 Achs-
durchmessern sei. Und um die Konstruktion an einem
Beispiel zu veranschaulichen, so sei die Last = 1000
Talenten, die bewegende Kraft sei = 5 Talenten, d. h. der
5 die Bewegung ausführende Mensch oder Sklave sei so stark,
daß er für sich ohne Maschine 5 Talente zu bewegen ver-
mag. Wenn nun die an die Last festgebundenen Seile
durch eine Öffnung in der Wand AB geleitet und um die
Achse EZ gewickelt werden, so werden, <wenn sich das
10 Rad $H\Theta$ dreht,> die an der Last befestigten Seile beim
Aufwickeln die Last bewegen. Damit nun aber das Zahn-

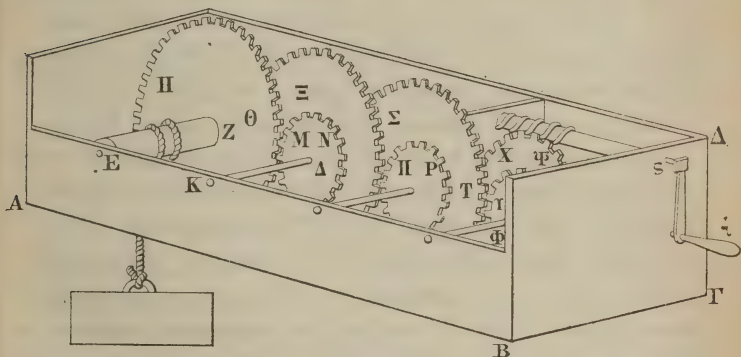


Fig. 115.

rad $H\Theta$ bewegt wird, muß an Kraft mehr als 200 Talente
vorhanden sein, weil der Durchmesser des Zahnrades, wie
wir voraussetzten, gleich 5 Achsendurchmessern ist. Der
15 Beweis hierfür ward unter den Beweisen der 5 Kräfte
geliefert. Da wir nun aber keine Kraft von 200 Talenten,
sondern nur eine von 5 Talenten haben, so werde parallel
zu EZ und querliegend noch eine andere Achse, KA an-
gebracht, mit der das Zahnrad MN fest verbunden sei.
20 Aber auch das Rad $H\Theta$ ist mit Zähnen versehen, so daß
es in die Auszahnungen des Rades MN eingreift. Mit
ebenderselben Achse KA sei auch noch das Zahnrad ΞO

$HΘ$ τύμπανον, ὥστε ἐναρμόζειν ταῖς ὀδοντώσεσι τοῦ MN τυμπάνου. τῷ δὲ αὐτῷ ἄξονι τῷ $ΚΑ$ συμφυῆς τύμπανον τὸ $\Xi\langle O\rangle$, ἔχον ὁμοίως τὴν διάμετρον πενταπλασίονα τῆς τοῦ MN τυμπάνου διαμέτρου. διὰ δὲ τοῦτο δεήσει τὸν βουλόμενον κινεῖν διὰ τοῦ ΞO τυμ- 5
 πάνου τὸ βάρος ἔχειν δύναμιν ταλάντων μ , ἐπειδήπερ τῶν σ ταλάντων τὸ πέμπτον ἐστὶ τάλαντα μ . πάλιν οὖν παρακείσθω \langle τῷ ΞO τυμπάνῳ ὠδοντωμένῳ \rangle τύμπανον ὀδοντωθὲν ἕτερον \langle τὸ $ΠΡ$, καὶ ἔστω τῷ \rangle τυμπάνῳ ὠδοντωμένῳ τῷ $ΠΡ$ συμφυῆς ἕτερον συμφυῆς 10
 ἔχον ὁμοίως πενταπλὴν τὴν διάμετρον τῆς $ΠΡ$ τυμπάνου διαμέτρου· ἡ δὲ ἀνάλογος ἐστὶ δύναμις \rangle τοῦ $\SigmaΤ$ τυμπάνου ἢ ἔχουσα τὸ βάρος ταλάντων η · ἄλλ' ἢ ὑπάρχουσα ἡμῖν δύναμις δέδοται ταλάντων ϵ . ὁμοίως ἕτερον παρακείσθω τύμπανον ὠδοντωμένον τὸ $\Upsilon\Phi$ τῷ 15
 $\SigmaΤ$ ὀδοντωθέντι· τοῦδε τοῦ $\Upsilon\Phi$ τυμπάνου \langle τῷ \rangle ἄξονι συμφυῆς ἔστω τύμπανον τὸ $Χ\Psi$ ὠδοντωμένον, οὗ ἢ διάμετρος πρὸς τὴν τοῦ $\Upsilon\Phi$ τυμπάνου διάμετρον λόγον ἔχεται, ὃν τὰ ὀκτὼ τάλαντα πρὸς τὰ τῆς δοθείσης 20
 δυνάμεως τάλαντα ϵ . καὶ τούτων κατασκευασθέντων, εἰ ἂν ἐπινοήσωμεν τὸ $ΑΒΓΔ$ \langle γλωσσόκομον \rangle μετέωρον κείμενον, καὶ ἐκ μὲν τοῦ EZ ἄξονος τὸ βάρος ἐξάψωμεν, ἐκ δὲ τοῦ $Χ\Psi$ τυμπάνου τὴν ἔλκουσαν δύναμιν, οὐδο-
 p. 334 πότερον αὐτῶν κατενεχθήσεται, εὐλύτως στρεφομένων τῶν ἀξόνων, καὶ τῆς τῶν τυμπάνων παραθέσεως καλῶς 25
 ἁρμο \langle ζού \rangle σης, ἀλλ' ὥσπερ ζυγοῦ τινὸς ἰσορροπήσει ἢ δύναμις τῷ βάρει. εἰ ἂν δὲ ἐνὶ αὐτῶν προσθῶμεν ὀλίγον ἕτερον βάρος, καταρρέψει καὶ ἐνεχθήσεται ἐφ' ὃ προστεθῇ βάρος, ὥστε εἰ ἂν ἐν τῶν ϵ ταλάντων

7—8 πάλι οὖν 10—11 ὀδοντωμένον τὸ $ΠΡ$ συμφυῆς ἕτερον
 συμφυῆς ἔχον 12 ἢ δε α'— in fine versus; in versu sequenti

fest verbunden, dessen Durchmesser gleichfalls 5mal so groß sein soll als der Durchmesser des Zahnrades MN . Man wird daher, wenn man die Last vermittelt des Zahnrades EO bewegen will, eine Kraft von 40 Talenten haben müssen, da ein Fünftel von 200 Talenten gleich 40 Talenten ist. Neben dem Zahnrad EO liege nun wiederum ein anderes Zahnrad IP , und mit dem Zahnrade IP sei ein anderes ST fest verbunden, dessen Durchmesser gleichfalls 5mal so groß als der Durchmesser des Zahnrades IP sein soll. Die entsprechende Kraft für das Zahnrad ST wird = 8 Talenten sein; aber die uns zur Verfügung stehende Kraft ist zu 5 Talenten gegeben.

Ebenso liege neben dem Zahnrade ST ein anderes $T\Phi$; mit der Achse von T sei das Zahnrad $X\Psi$ fest verbunden, dessen Durchmesser zu dem Durchmesser des Zahnrades $T\Phi$ in demselben Verhältnis stehen soll, wie die 8 Talente zu den 5 Talenten der gegebenen Kraft.

Denken wir uns bei dieser Konstruktion den Kasten $AB\Gamma A$ hoch aufgestellt und binden an die Achse EZ das Gewicht an, an das Zahnrad $X\Psi$ dagegen die ziehende Kraft, so wird keins von diesen beiden zur Erde niedergehen, wenn sich auch die Achsen leicht drehen und die nebeneinander gestellten Zahnräder gut ineinander greifen, sondern es wird wie bei einer Wage die Kraft mit der Last im Gleichgewichte sein. Wenn wir aber zu einem von beiden noch eine geringe andere Last zusetzen, so wird diejenige Seite niederziehen und hinuntersinken, zu der eine Last zugesetzt ward. Daher wird, wenn zu einem der 5 Talente, die als Kraft vorhanden sind, bei spielsweise noch das Gewicht einer Mine zugesetzt wird,

spatium 14 litterarum 12—13 τοῦ ET 15—16 ὀδοντω-
 θεντος οἱ δὲ τοῦ $T\Phi$ τὸ ST ὀδοντωθὲν δὲ τοῦ $T\Phi$ 16 ἀξωνι
 17 τοῦ $X\Psi$ ὀδοντωμενον 19 πρότε 22 $E\Xi$ ἀξωνος
 ἐξάρημεν 23 ἐκ δὲ τῶ $X\Pi$ 23—24 οὐδ' ὁ πρότερον
 25 ἀξωνων 25—26 παραθέσεως καλῶς ἀρμόσεις: correxi
 26—27 ἰσορροπovς εἴη δυνάμεως: corr. Vi 28 καταρέψει
 29 προσετιθη ἐν: f. ἐν<ι>

δυνάμει < > εἰ τύχοι μ<ν>αἰαῖον προστεθῇ βάρος,
 κατακρατήσῃ καὶ ἐπισπάσεται τὸ βάρος. ἀντὶ τῆς
 fol. 82^r προσθέσεως τούτῳ δὲ παρακείσθω | κοχλίας ἔχων τὴν
 ἑλικά ἄρμωστίην τοῖς ὁδοῦσι τοῦ τυμπάνου, στρεφόμενος
 εὐλύτως περὶ τόρους ἐνόντας ἐν τρήμασι τρογγύλοις, 5
 ὧν ὁ μὲν ἕτερος ὑπερεχέτω εἰς τὸ ἐκτὸς μέρος τοῦ
 γλωσσοκόμου κατὰ τὸν ΓΔ < τοῖχον τὸν παρακείμενον >
 τῷ κοχλίᾳ· ἡ ἄρα ὑπεροχὴ τετραγωνισθεῖσα λαβέτω
 χειρολάβην τὴν ΗΞ, δι' ἧς ἐπιλαμβανόμενός τις
 καὶ ἐπιστρέφων ἐπιστρέψει τὸν κοχλίαν καὶ τὸ ΧΨ 10
 τύμπανον, ὥστε καὶ τὸ ΥΦ συμφυῆς αὐτῷ. διὰ δὲ
 τοῦτο καὶ τὸ παρακείμενον τὸ ΣΤ ἐπιστραφήσεται,
 καὶ τὸ συμφυῆς αὐτῷ τὸ ΠΡ, καὶ τὸ τούτῳ παρα-
 κείμενον τὸ ΕΟ, καὶ τὸ τούτῳ συμφυῆς τὸ ΜΝ, καὶ
 τὸ τούτῳ παρακείμενον τὸ ΗΘ, ὥστε καὶ ὁ τούτῳ 15
 συμφυῆς ἄξων ὁ ΕΖ, περὶ ὃν ἐπειλούμενα τὰ ἐκ τοῦ
 φορτίου ὅπλα κινήσει τὸ βάρος. ὅτι γὰρ κινήσει, πρό-
 δηλον ἐκ τοῦ προστεθῆναι ἑτέρα δυνάμει < τὴν > τῆς
 χειρολάβης, ἣτις περιγράφει κύκλον τῆς τοῦ κοχλίου
 περιμέτρου μείζονα· ἀπεδείχθη γὰρ ὅτι οἱ μείζονες 20
 κύκλοι τῶν ἐλασσόνων κατακρατοῦσιν, ὅταν περὶ τὸ
 αὐτὸ κέντρον κυλίωνται.

p. 316 λξ. Ἔστω κοχλίας ἐπὶ τινων στήματιών κινούμενος
 ὁ ΑΒ, ᾧ συμφυῆς ἔστω τύμπανον τὸ Δ ὁδόντων < πα >.
 τούτῳ δὲ συμφυῆς ἔστω < τύμπανον τὸ Ε > ὁδόντων 25
 < θ >. καὶ τούτῳ παράλληλον ἔστω τὸ Ζ ὁδόντων ρ·

1 post δυνάμει spatium 7 litterarum μ<...>αιαιον: correxi
 2 κατακρατησῃ 3 κοχλίας τῷ ΧΨ τυμπανῷ ἔχων 4 ἑλικά
 5 ἐνόντας: correxi 6 ὃν ὁ τὸ ἐντὸς: corr: Vi 7 κατὰ
 τὴν 8 κοχλίου: correxi; ὁ ἄρα τόμος τετραγωνισθεῖς ἐλεύ-
 σεται εἰς χειρολάβην τὴν ρς Vi 8—9 τετραγωνισθῆναι ἀλασσεται

so wird dieses die (zu bewegende) Last überwältigen und in Zug bringen.

Anstatt eines solchen Zusatzes werde an dieses Zahnrad eine Schnecke angeschoben, deren Windungen zu den
 5 Zähnen des Zahnrades passen sollen und das sich in runden Löchern um Zapfen drehen soll, von welchen der eine an der Wand $\Gamma\Delta$, die zu der Schnecke rechtwinklig steht, noch aus dem Kasten herausragen soll. Der vorspringende Teil, welcher quadratischen Querschnitt hat,
 10 geht in die Handhabe $\Upsilon\varsigma$ über. Setzt man diese an und dreht sie, so dreht man vermittels derselben die Schnecke und das Zahnrad $X\Psi$, daher auch $\mathcal{T}\Phi$, das mit diesem fest verbunden ist. Aus diesem Grunde wird sich auch das an dieses angeschobene Rad ΣT drehen und das hiermit
 15 mit festverbundene ΠP , und das an dieses angeschobene ΞO und das damit fest verbundene MN und das daran angeschobene $H\Theta$, daher auch die mit diesem festverbundene Achse EZ , um die sich die an der Last befestigten Seile aufrollen und somit die Last bewegen werden. Denn daß
 20 sie sie bewegen werden, ist daraus klar, daß zu der einen der beiden Kräfte die der Handhabe zugesetzt worden ist, welche einen Kreis beschreibt, der größer ist als die Umfangslinie der Schnecke. Es ist nämlich (früher) der Nachweis geliefert worden, daß die größeren Kreise stärker
 25 sind als die kleineren, wenn sie sich mit diesen um denselben Mittelpunkt drehen.

XXXV. Es bewege sich in Pfostenlagern die Schraube AB , mit der das Zahnrad A mit 81 Zähnen verbunden sein soll. Mit diesem sei das Zahnrad E mit 9 Zähnen
 30 verbunden. Diesem sei das Rad Z mit 100 Zähnen

χειρολαβὴν τὴν $K\Delta$ 11 τη $\mathcal{T}\Phi$ 12 f. τούτου 14 τὸ MH
 14—15 τὸ τούτο παραλείμενον καὶ τὸ τοῦτο τὸ MH 16 ε
 $E\bar{Z}$ (sic): correxi ἐπελυννόμενα 19 ἥτης περιγραφῇ 21 cf.
 Schmidt ad Heronis Aut. p. 400, 3 23 κοχλῖαι 23—24 κινού-
 μενοι ὁ 24 ὡς συμφυεῖς | ἔστω: correxi ὀδοντω, tum spatium
 4 litterarum, tum τούτο 26 καὶ τοῦτο παρὰ ἄλληλοι

συμφνὲς δὲ ἔστω αὐτῷ τὸ *H*, ὀδόντων *ιη*. παρακείσθω
 fol. 82^v δὲ τὸ *Θ* ὀδόντων *οβ*. | ὁμοίως δὲ συμφνὲς ἔστω αὐτῷ
 τὸ *K* ὀδόντων *ιη*. ὁμοίως δὲ τὸ *A* ὀδόντων *ρ*· πρὸς
 ᾧ ἕτερον ὁμοίως ὀδόντων *λ*, ἀφ' οὗ μοιρογνωμόνιον
 ἔστω [τὸ] δηλοῦν τὸ πλῆθος τῶν σταδίων. κατασκευάσθω 5
 δὲ τροχὸς περὶ τὸς ὁ *M*, τὴν περιμέτρον ἔχων τὴν
 ὑπὸ τῶν περῶν <...> πᾶς<σ>ων, τετορνευμένος, ἰσοχρό-
 νιος ὢν τῇ νηϊ. <...> σὺν τῷδε καὶ τοῦ αὐτοῦ ἐκφυρο-
 μένω, ἄξονι τούτῳ τῷ τροχῷ προσειλήφθω ὁδοῦ·
 ἔαν δυνάμενος ἐν μιᾷ ἀποκαταστάσει τοῦ *M* ἕνα 10
 ὀδόντα τοῦ *A* πίπτειν. δῆλον οὖν ὅτι τῆς νεῶς *ρ*
 μίλια πορευθείσης τὸ *A* τύπανον μίαν ἀποκατάστασιν
 ἔξει· ὥστε ἐὰν μὲν ἐν τις κύκλος περὶ τὸ κέντρον τοῦ
A διαιρεθῇ εἰς *ρ*, τὸ μοιρογνωμόνιον τὸ συμφνὲς τῷ
A, φερόμενον ἐπὶ τοῦ εἰρημένου κύκλου, δηλώσει τὸ 15
 καθ' ἕκαστον κίνημα τῆς κινήσεως.

1 αὐτὸ 2 αὐτὸ 3—4 ὀδόντων ζ πρὸς ω 5 κατασκευάσθω
 6 post περῶν spatium 3 litterarum 8 συντω δε 8—9 εκ-
 φυρομενω ἄξωνι τούτῳ τῳ τροχῳ 9 οδς i. e. ὁδοῦ? haec non
 extricavi 10 δυναμενος 11 ὀδοντα τοῦ *A* 13 μὲν ἐν
 τις κυκλος: expectamus γραφεῖς 14—15 τοῦ *A*: corr. Vi
 16 scribendum τῆς νεῶς; de hoc genere corruptelarum disp.
 Brinkmannus Mus. Rhen. LVI 72.

parallel, mit ihm fest verbunden sei H mit 18 Zähnen. Daran sei Θ angeschoben mit 72 Zähnen; mit ihm soll in gleicher Weise K verbunden sein mit 18 Zähnen. Ebenso A mit 100 Zähnen, [woran in gleicher Weise
 5 noch ein anderes mit 30 Zähnen]. An diesem soll ein Zeiger angebracht sein, der die Zahl der Stadien anzeigt. Es werde ferner ein Flügelrad M hergestellt, dessen von den

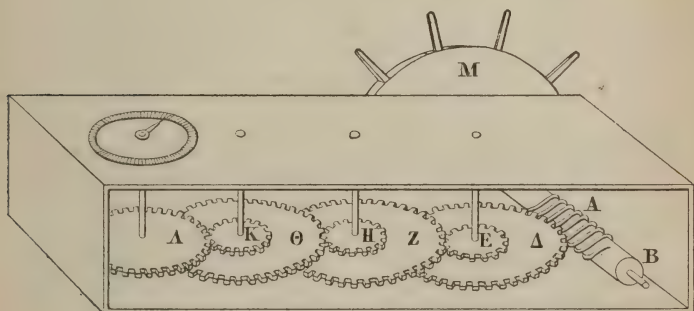


Fig. 116.

Flügeln begrenzter Umfang $\langle . \rangle$ Schritt betrage; es sei rund gedrechselt und drehe sich ebensovonnell als das Schiff läuft.
 10 $\langle . . . \rangle$ im Stande ist, bei einer ganzen Umdrehung von M einen Zahn von A fallen zu lassen. Es ist nun klar, dafs wenn das Schiff 100 Meilen durchlaufen hat, das Zahnrad A eine vollständige Umdrehung gemacht haben wird. Wird daher auf dem Deckel des Kastens ein Kreis, 15 der denselben Mittelpunkt mit A hat, beschrieben und in 100 Grade geteilt, so wird der Zeiger, der mit A fest verbunden ist, dadurch dafs er sich auf dem bezeichneten Kreise dreht, die einzelnen Bewegungen des Schiffes anzeigen.



I.

INDEX NOMINUM.

- | | |
|---|--|
| <p><i>Ἀλεξανδρείας</i> 302, 11; 306, 7.
 12 <i>Ἀλεξανδρεία</i> 302, 17. 24;
 304, 2. 4. 6. 16.
 <i>Ἀρχιμήδης</i> 66, 6. 13. 27; 80, 17;
 84, 12; 86, 29; 88, 11. 26; 120,
 28; 122, 16; 130, 15. 25 <i>Ἀρχι-</i>
 <i>μήδους</i> 2, 12. 18; 82, 27; 92, 10
 <i>Ἀρχιμήδει</i> 86, 22; 172, 11; 184,
 27 <i>Ἀρχιμήδην</i> 92, 9; 138, 9.</p> | <p><i>Διονυσοδώρῳ</i> 128, 3.
 <i>Ἐρατοσθένης</i> 302, 16.
 <i>Εὐδόξου</i> 2, 12. 14.
 <i>Πλάτωνος</i> 132, 7.
 <i>Ῥώμης</i> 302, 11; 304, 18. 26;
 306, 1. 4. 6. 12 <i>Ῥώμη</i> 302,
 18. 24; 304, 3 bis. 24.</p> |
|---|--|
-

II.

INDEX VERBORUM.

Praepositiones coniunctionesque praetermisi. Numeri sunt paginarum versiculorumque.

A

ἄβατον 190, 13 ἄβάτων 302, 8.
ἄγνοιαν 288, 24.

ἄγω 220, 3 ἄγειν 212, 11.

22 ἄγοντες 218, 17 ἄγωμεν

144, 15 ἡγαγον 222, 4. 25;

238, 6. 8. 10; 260, 24; 262, 4

ἄχθῶσιν 6, 17 ἄχθείσης

148, 21; 166, 27; 232, 14

ἄχθεισῶν 34, 4; 260, 27;

264, 3. 10; 269, 7 ἡχθω

8, 18. 19; 14, 22; 22, 16; 26,

6; 28, 8. 31; 30, 19. 21; 32,

27; 34, 28; 40, 15; 44, 10;

46, 25; 56, 22; 72, 12; 76, 21;

104, 14; 116, 11; 158, 2;

168, 6; 170, 23; 172, 18;

174, 6. 14; 180, 20; 214, 26;

230, 5; 236, 16; 240, 11;

252, 1. 7; 260, 8; 268, 24;

270, 11; 272, 27; 282, 8;

290, 23 ἡχθωσαν 8, 20;

98, 22; 112, 24; 128, 2. 3;

146, 7; 292, 2; 264, 22

ἄχθήσεται 214, 2 ἀγάγω

280, 6 ἀγάγωμεν 144, 13

ἀγαγεῖν 152, 26; 162, 27;

226, 7; 278, 1 ἀγαγόντα

280, 17 ἀγαγόντες 240, 16;

252, 20; 264, 7. 9; 272, 11

ἀγαγόντας 20, 8 ἀγομένη

40, 11. 15; 94, 27; 98, 19;

100, 10; 102, 8; 110, 1; 232, 1

ἀγόμενον 308, 9 ἀγομένης

96, 26; 166, 7; 234, 21 ἀγο-

μένην 96, 15; 98, 4; 102, 19;

134, 29; 136, 27; 226, 11. 20;

230, 13. 17; 234, 5. 8. 12;

236, 8. 10. 22 ἀγομένους

10, 16; 234, 16 ἡκται 10, 1;

24, 10 ἡγμένη 216, 18 ἡγ-

μέναι 228, 19.

ἀγωγήν 214, 9 ἀγωγάς 190, 3

ἀδελφά 4, 4.

ἀδιαφόρῳ 126, 1.

ἀδύνατον 46, 14; 212, 17.

ἀεί 94, 16; 96, 7; 190, 19;

221, 14; 238, 15; 284, 13.

ἀθεώρητον 214, 19.

αἰτίαν 6, 1.

ἀκίνητοι 194, 18 ἀκινήτου 228, 7.

15; 242, 5. 13; 256, 26 ἀκι-

νήτων 220, 1; 254, 9; 288, 11.

ἀκλινῇ 256, 10 ἀκλινούς 250,

16; 256, 17.

ἀκολουθεῖ 290, 12 ἀκολου-

θοῦντες 272, 14 ἀκολουθήσει

74, 7 ἡκολουθηκέναι 74, 4
 ἡκολουθηκότες 74, 24.
 ἀκόλουθον 66, 5; 92, 4; 132, 6;
 292, 16 ἀκολουθῶς 26, 6;
 30, 5; 32, 15; 34, 16; 38, 27;
 42, 5. 7; 48, 24; 86, 4; 114,
 28; 118, 16; 124, 14; 126, 5;
 128, 22; 148, 30; 150, 23; 152,
 18; 154, 21; 158, 7; 164, 9;
 168, 1; 178, 26; 182, 8.
 ἀκριβῶς 204, 5. 13; 290, 7;
 298, 5 ἀκριβέστερον 52, 14;
 74, 21; 309, 15.
 ἄκρον 50, 12; 200, 16; 288, 1;
 294, 12; 300, 9 ἄκρα 294, 17
 ἄκρων 18, 7; 126, 24; 190, 14.
 ἀκρίς 244, 12 ἀκτῖνας 244, 8;
 250, 5.
 ἀλλά 14, 28. 29; 22, 15; 26, 9.
 11; 28, 25; 30, 2. 3; 32, 11;
 36, 27; 38, 13. 24; 40, 8. 20;
 42, 3; 44, 6. 16; 46, 5; 50, 7.
 24; 66, 17; 72, 2; 76, 8. 15;
 90, 14; 96, 21; 104, 20. 22;
 106, 15; 110, 14; 114, 5;
 124, 1; 126, 19; 128, 13;
 140, 16; 148, 20; 152, 14;
 154, 9. 13; 156, 4; 158, 6;
 162, 4; 170, 10; 180, 23;
 188, 19; 214, 4; 218, 3. 4;
 224, 8; 246, 12; 264, 6; 272,
 22; 278, 8. 14. 16. 22; 282, 5;
 286, 9; 290, 1; 292, 20; 298, 4;
 306, 1. 7; 308, 20. 21; 310, 26.
 13.
 ἀλλήλα 2, 18; 88, 7; 142, 8;
 172, 7; 184, 12. 26; 262, 21;
 290, 21; 292, 12. 14 ἀλλή-
 λων 26, 13; 70, 8; 78, 23;
 92, 21; 194, 26; 284, 9; 288,
 19; 300, 19 ἀλλήλοις 98, 27;
 148, 6. 9; 214, 22; 232, 5;
 249, 25; 290, 11; 308, 1 ἀλ-
 λήλαις 252, 17 ἀλλήλους 2, 17;
 88, 5; 98, 7; 160, 4; 172, 5;
 180, 31; 212, 23 ἀλλήλας

170, 17. 29; 172, 10; 176, 14;
 290, 15.
 ἄλλος 264, 16 ἄλλο 168, 4 ἄλ-
 λον 92, 10; 150, 10. 12; 182,
 16; 218, 14 ἄλλην 144, 20;
 246, 13 ἄλλου 90, 14; 218, 9
 ἄλλω 196, 24; 234, 26 ἄλλαι
 4, 16. 20 ἄλλων 142, 1;
 220, 1; 288, 11; 302, 15
 ἄλλοις 140, 13 ἄλλας 4, 9.
 14 ἄλλως 88, 10; 118, 24;
 130, 4; 138, 19; 224, 16. 27.
 ἀλύσεως 212, 20; 292, 18 ἀλύ-
 σει 262, 12.
 ἄμα 126, 24; 216, 9; 242, 2.
 12; 288, 10.
 ἀμαρτάνοντες 288, 24 ἡμαρτη-
 μένως 188, 10.
 ἀμβλεῖα 10, 21. 25; 12, 3. 6. 8.
 12; 44, 9; 291, 15 ἀμβλεῖαν
 34, 25.
 ἀμβλυγώνιον 14, 18; 34, 24. 31
 ἀμβλυγώνιον 36, 5.
 ἀμετάπτωτος 4, 14.
 ἀμελέστερον 72, 29.
 ἀμήχανον 2, 13.
 ἀμοιρήσει 188, 20.
 ἀμφοτέρως 222, 14 ἀμφοτέρω
 240, 24; 288, 10.
 ἄν 90, 17; 100, 5; 102, 17;
 144, 17; 188, 19; 194, 16;
 204, 2; 210, 8; 214, 20. 24.
 26. 29; 216, 6; 218, 26; 222,
 2. 6. 23. 27; 226, 15; 228, 6.
 14; 240, 1; 242, 7. 11. 23;
 248, 15; 254, 27; 256, 25. 28;
 258, 8; 268, 4; 288, 8. 12;
 296, 3. 19; 300, 6. 24.
 ἀναβάσεως 210, 1. 2. 7. 11. 12.
 14. 16; 212, 1. 3. 8.
 ἀνάβλυσις 284, 13 ἀνάβλυσιν
 284, 12. 18; 286, 6. 18.
 ἀναγκαῖον 90, 5; 92, 10; 140, 7;
 160, 16; 188, 5. 9; 286, 16;
 302, 5 ἀναγκαῖας 4, 4; 188, 3.
 ἀναγκαφεῖ 126, 22.

ἀναγραφὴν 188, 13.
 ἀναγραφείσαις 309, 19 ἀναγέ-
 γραπται 4, 7.
 ἀνακαμπῆς 296, 15 ἀνακαμ-
 παῖς 196, 20 ἀνακαμπάς
 196, 23.
 ἀνακεκάμφθαι 196, 14.
 ἀνεκρίναμεν 212, 22.
 ἀνάλημμα 304, 19 ἀνάλημاتي
 304, 27.
 ἀναλογία 140, 6. 13..17 ἀνα-
 λογίας 234, 1 ἀναλογία 140,
 22 ἀναλογίας 140, 20.
 ἀνάλογος 310, 12 ἀνάλογον 18, 6.
 ἀναλύσει 30, 5; 32, 15; 34, 17;
 38, 27; 42, 5; 48, 24; 114, 28;
 118, 17; 128, 22; 148, 30;
 150, 23; 152, 18; 154, 21;
 158, 7; 164, 10; 168, 1; 182,
 9 ἀνάλυσιν 16, 12; 124, 5.
 ἀναμετροῦν 195, 2 ἀναμετροῦ-
 σα 190, 5.
 ἀναμετρήσεως 302, 17 ἀναμε-
 τρήσει 190, 18.
 ἀναμφισβήτητος 147, 1.
 ἀνανεύω 218, 27.
 ἀνάπαλιν 66, 24; 166, 2.
 ἀναστρέψαντι 72, 5; 78, 29; 80,
 23; 88, 17; 148, 14.
 ἀνατομή 294, 2 ἀνατομήν 294,
 5 ἀνατομῶν 210, 10 [ἀνα-
 τομάς 200, 4. 14.
 ἀναφέρουσιν 92, 9 ἀναφέρε-
 σθαι 254, 2.
 ἀνδριάντος 90, 14.
 ἄνεμος 290, 2 ἀνέμον 290, 5.
 ἀνεπαίσθητον 172, 25.
 ἀνέρχεται 192, 10.
 ἀνεστάτω 232, 22; 295, 17 ἀνε-
 στάτωσαν 250, 25.
 ἀνηπλωμένην 84, 24; 86, 5.
 ἄνθρωπος 308, 10 ἀνθρώποις
 2, 6.
 ἀνιῶμεν 204, 1.
 ἀνισοσκελῶν 10, 15.
 ἀνισοῦψεῖς 228, 9.

ἀνοίγοντες 298, 26.
 ἀντιπάλους 190, 17.
 ἀντιπεριστάς 218, 16; 256, 26;
 258, 1. 10.
 ἀντλήματος 212, 18.
 ἀντλήσις 212, 18.
 ἀνυσθεσής 300, 17.
 ἄνω 190, 26; 194, 2; 196, 4. 9;
 200, 15; 202, 9; 204, 16.
 ἀνωμαλίαν 144, 16.
 ἀξίαν 140, 8. 12 ἀξίοις 140, 6,
 ἀξιῶσαι 188, 7.
 ἀξόνια 200, 7 ἀξονίου 206, 16
 ἀξονίοις 200, 11.
 ἄξων 80, 12; 82, 26; 84, 4; 118,
 28; 120, 1. 21; 128, 7. 13; 180,
 21; 182, 17; 294, 25; 304, 27;
 308, 3. 21; 312, 16 ἄξονος 308,
 7. 18; 310, 22 ἄξονα 294, 17.
 22; 308, 14 ἄξονι 300, 8;
 310, 2. 16; 314, 9 ἄξονες
 300, 3; 306, 25 ἄξόνων 82,
 23; 310, 25 ἄξον<ι>ων 200, 13.
 ἀπάδειν 90, 11; 140, 3.
 ἀπαιτῇ 194, 17.
 ἀπαξ 12, 24; 14, 26; 38, 8;
 296, 6. 8. 12. 15. 18.
 ἀπειρον 294, 8 ἀπείρους 190, 19.
 ἀπεργασθέν 252, 23.
 ἀπέχειν 288, 19 ἀπέχων 302,
 27; 304, 12 ἀπέχοντα 194,
 26; 256, 19.
 ἀπῆκται 160, 13; 170, 2.
 ἄπιστον 130, 7.
 ἀπλανῶν 286, 22; 288, 5. 6.
 ἀπλωθεῖσα 130, 7.
 ἀπλῶς 174, 25; 234, 14.
 ἀποβλέποντα 226, 14; 238, 15.
 ἀπογεννῶσι 126, 25 ἀπογεννή-
 σει 126, 17. 19 ἀπογεννη-
 θεῖσαν 126, 26.
 ἀποδείξις 20, 6; 94, 1; 142, 1
 ἀποδείξει 118, 25 ἀπόδειξιν
 2, 14 ἀποδείξεις 16, 12
 ἀποδείξεσιν 308, 20.
 ἀποδείζομεν 286, 23 ἀπεδείξα-

μεν 286, 21 ἀπέδειξεν 84, 11;
 88, 10. 25 ἀποδείξας 86, 30
 ἀποδέδειχεν 133, 16 ἀπε-
 δείχθη 152, 19; 308, 19;
 312, 20 ἀποδειχθέντα 36, 16.
 ἀποδίδεται 202, 10.
 ἀποκατασταθῇ 126, 15.
 ἀποκαταστήσει 314, 10 ἀπο-
 κατάστασιν 294, 10; 298, 8.
 11; 314, 12.
 ἀποκρυβέν 138, 21.
 ἀπολαμβάνει 286, 3 ἀπολαμβά-
 νειν 262, 8 ἀπολαμβάνουσιν
 278, 2; 280, 9 ἀπέλαβον
 224, 9; 256, 21 ἀπολάβωμεν
 144, 12 ἀπολαβεῖν 256, 12.
 14. 15. 16; 260, 1. 5 ἀπολα-
 βών 148, 1; 256, 28 ἀπόλαβε
 144, 29; 152, 5; 156, 13. 15;
 158, 14 ἀπολαμβανομένη 301,
 11 ἀπολαμβάνεσθαι 258, 9
 ἀπολαμβανόμενα 184, 25 ἀπο-
 ληψόμεθα 144, 16; 272, 2
 ἀπολήψεται 286, 1 ἀπειλήφ-
 θω 147, 3; 150, 18; 152, 2.
 7. 18. 27; 180, 2; 218, 6. 10.
 12. 15; 244, 3; 260, 7. 12;
 270, 10; 280, 14 ἀπειλήφθω-
 σαν 290, 21 ἀπειλημένον
 258, 12 ἀπειλημένα 170,
 27 ἀποληφθῇ 176, 21.
 ἀπολήγει 284, 16.
 ἀπολύσεως 284, 21.
 ἀπονέμειν 266, 13 ἀπονείμαι
 140, 5.
 ἀπορεῖσθαι 2, 11.
 ἀπορρεῖ 286, 13 ἀπορρεῖν 284,
 19. 23 ἀπορρεόν 286, 1.
 ἀπόρρυσιν 284, 11. 25.
 ἀποστάσεις 286, 23.
 ἀποστήματος 190, 10 ἀποστή-
 ματα 286, 24 ἀποστημάτων
 190, 7.
 ἀποστήσομεν 300, 21 ἀπέστησα
 258, 7 ἀποστήσας 242, 1;
 258, 5 ἀφέστηκεν 204, 19.

ἀποτέμνουσα 162, 1 ἀποτεμ-
 νομένης 112, 14 ἀποτεμνόμε-
 νον 178, 24 ἀποτεμνομένη
 176, 8; 112, 16.
 ἀποτομῆς 162 2 ἀποτομήν 168,
 14; 170, 2.
 ἀποφανοῦμαι 224, 5; 288, 19
 ἀποφανόμεθα 222, 17; 286,
 5. 17 ἀπεφαίνοντο 74, 3
 ἀποφαίνεσθαι 66, 12. 22;
 74, 30; 84, 1; 90, 19; 94, 30;
 104, 1; 112, 6; 120, 26; 122,
 13; 132, 11. 27; 136, 20 ἀπο-
 φα[ι]νούμεθα 68, 4 ἀποφα-
 νούμεθα 68, 11; 80, 8. 16;
 112, 16; 124, 16; 138, 18.
 25; 306, 16 ἀποφήνασθαι
 122, 8; 100, 4.
 ἀπρόσιτον 190, 12.
 ἀργότεραν 140, 17.
 ἀριθμός 16, 17; 18, 11; 94, 7;
 212, 10. 17 ἀριθμόν 18, 3
 ἀριθμοί 16, 15; 18, 6; 66,
 17; 212, 14 ἀριθμῶν 16, 13;
 160, 16; 212, 6 ἀριθμοῖς
 50, 25; 160, 14 ἀριθμούς
 6, 5 (6); 66, 19; 92, 21;
 118, 26; 212, 8; 216, 21;
 298, 23.
 ἀρμόζειν 196, 7 ἀρμοζούσης
 310, 26 ἀρμόζουσιν 294, 26
 ἀρμόζοντι 196, 17 ἀρμόσει
 6, 20; 76, 8. 14; 80, 9.
 ἀρμοστόν 196, 21; 200, 24 ἀρ-
 μοστήν 194, 4; 312, 4 ἀρ-
 μοστά 196, 2; 200, 7. 12
 ἀρμοστούς 294, 15.
 ἀρχαῖοι 72, 29.
 ἀρχῆς 114, 15. 17. 27; 158, 18;
 212, 24. 26 ἀρχήν 254, 15;
 298, 13.
 ἀρχεῖν 140, 13 ἀρχόμενα 70, 9
 ἀρξάμεθα 4, 8; 6, 3 ἀρξάμε-
 νον 298, 18.
 ἀσπιδίσκη 200, 17; 202, 13. 25;

204, 2. 9 ἀσπιδίσκης 204, 8
ἀσπιδίσκην 202, 20.

ἀσπίδων 200, 19.

ἀστερίσκον 292, 8 ἀστερίσκω
288, 21.

ἀστήρ 288, 15 ἀστέρες 288, 10
ἀστέρας 288, 19 ἀστέρων 190,
6; 286, 22; 288, 3. 12.

ἄτακτος 90, 8; 272, 22 ἄτακτον
138, 13. 20 ἀτάκτων 90, 18;
260, 20 ἄτακτα 138, 7 ἀτάκ-
τους 90, 6; 92, 7.

ἀτόπων 214, 16.

αὐ 4, 26.

αὐξομένων 296, 23.

αὐταρχες 286, 7 αὐτάρκως 90,
5. 22; 174, 23.

αὐτοματίσαι 212, 17.

αὐτομάτως 202, 28.

αὐτός 6, 20; 56, 4; 66, 13. 27;
86, 28; 88, 26; 122, 16; 130,
26; 298, 9 αὐτό 46, 11; 48,
23; 50, 19; 54, 23; 56, 21;
58, 16; 60, 11; 62, 14; 68,
12. 17; 76, 1; 96, 17; 98, 6.
9. 27; 106, 17; 114, 8. 11.
14. 17; 118, 8; 129, 15; 130,
20; 138, 19; 142, 7; 144, 1;
150, 18; 158, 17; 160, 27;
188, 17; 190, 28. 29; 194, 16;
224, 21; 226, 3. 4; 236, 18;
254, 26; 266, 10; 268, 12;
270, 12; 272, 3; 274, 25. 26;
276, 16. 18; 286, 26; 288, 8.
16; 300, 11; 312, 21 αὐτή
8, 8; 14, 4; 80, 9; 132, 21;
144, 11; 180, 1; 284, 13;
302, 18. 25 αὐτοῦ 6, 10; 12,
15; 14, 20; 28, 7; 30, 18;
32, 26; 34, 27; 36, 23; 38,
15; 44, 4. 19. 21; 46, 11. 17;
50, 18; 52, 14. 19. 29; 54, 22;
56, 20; 58, 15; 62, 13; 64,
3; 74, 1; 88, 17; 90, 16;
92, 15; 94, 10. 27. 29; 96, 2.
19; 98, 3. 11. 17. 20; 108,

10; 114, 25; 120, 19; 128,
16. 26. 27; 132, 11. 12; 148,
3; 160, 19; 166, 16, 20. 27;
172, 25; 178, 22; 180, 18.
21; 182, 7; 194, 13; 220, 7;
222, 3. 24; 226, 19; 228, 6.
7; 234, 5. 25. 28; 242, 28;
244, 1. 3. 17; 246, 5. 9; 248,
7. 12; 250, 16; 252, 17; 254,
15; 256, 25. 26; 258, 9; 264,
2; 272, 2; 274, 7; 276, 4.
21; 284, 22; 286, 10; 288, 9.
15. 26; 296, 19; 300, 10; 304,
6; 314, 8 αὐτῆς 4, 2; 20, 9;
26, 9; 80, 12; 90, 9; 96, 4.
17. 25; 98, 5. 8. 26; 102, 18;
104, 4. 5. 24; 108, 2; 126,
10. 11; 140, 8; 176, 6; 196,
8; 188, 4. 18; 212, 24; 214,
3; 220, 5; 222, 26; 226, 8;
242, 14; 260, 12; 264, 8;
270, 10; 272, 9. 12. 23; 278,
26; 280, 18; 284, 12; 288,
14 αὐτῷ 2, 15; 8, 22; 76, 19;
80, 15. 21; 84, 16; 96, 22;
122, 19; 130, 26; 152, 11;
156, 19. 21; 158, 17; 164, 7.
12; 194, 1. 9. 11. 14; 218, 18;
246, 15; 248, 2; 272, 19;
288, 23; 294, 12; 296, 7. 10.
15; 298, 7. 10; 304, 7; 310,
2; 312, 11. 13; 314, 1. 2
αὐτῇ 2, 20; 56, 24; 60, 26;
64, 7; 96, 10. 28; 102, 11;
126, 1; 172, 18; 180, 15;
190, 31; 200, 19; 204, 10;
216, 8; 224, 24; 226, 5;
234, 27; 242, 4; 244, 11;
246, 14; 250, 10; 258, 13;
266, 7; 212, 5; 276, 18;
302, 25 αὐτόν 54, 11; 118,
8. 10. 14; 122, 9; 162, 20; 170,
18. 29; 172, 15. 17; 174, 28;
180, 9; 200, 25; 242, 7. 15;
254, 5; 274, 27; 284, 22. 23;
288, 11. 22; 294, 20 αὐτήν

2, 15; 4, 2; 8, 22; 14, 21;
 40, 18; 54, 12; 76, 19; 80,
 14, 20; 84, 16; 86, 4; 90, 8;
 96, 22, 27; 102, 11; 122, 18.
 21; 124, 5; 140, 9; 142, 4;
 176, 7; 240, 4; 268, 24, 26.
 27, 28; 272, 8; 278, 19; 284,
 24; 290, 23; 294, 7; 300, 15;
 302, 7 *αὐτά* 70, 18; 72, 24;
 90, 10; 92, 12; 104, 25; 106,
 6; 108, 3, 7; 110, 26; 114,
 21, 24; 118, 8; 148, 28; 150,
 22; 154, 8, 19; 210, 8; 214,
 13; 230, 29; 232, 9; 234, 15;
 242, 21; 246, 17, 24; 252, 20;
 254, 19; 298, 29 *ταὐτά* 20, 3
αὐτῶν 2, 11; 26, 24; 28, 23;
 30, 14; 36, 11, 16; 46, 15;
 68, 13; 80, 16; 112, 6; 114,
 20; 126, 8; 134, 4, 24; 152,
 7; 156, 18; 164, 3, 15; 168,
 10; 176, 2; 188, 16; 194, 27;
 196, 28; 200, 22; 216, 12;
 218, 21; 220, 12; 222, 20;
 228, 25; 230, 13; 232, 1, 3;
 234, 16, 17; 244, 10; 254, 9;
 262, 17; 264, 3, 9; 272, 24;
 276, 28; 288, 6; 290, 25;
 298, 24; 300, 4, 21; 310, 24.
 27 *αὐτοῖς* 78, 8, 22; 290, 12;
 306, 26 *αὐταῖς* 8, 23; 46, 18;
 104, 24; 152, 26; 272, 15
αὐτούς 8, 17; 304, 20 *αὐτάς*
 6, 6; 90, 7; 174, 26; 222, 15;
 262, 23; 278, 1.
αὐχμῶν 284, 16.
ἄφανῶν 268, 17.
ἄφελουμέν 112, 15; 172, 28
ἄφελω 280, 5 *ἄφέλωμεν* 138,
 22, 23 *ἄφελε* 10, 10; 14,
 14; 16, 4, 7; 18, 17; 32,
 16, 18; 34, 18; 36, 4; 40, 2,
 5; 42, 22; 44, 27; 46, 1;
 108, 15; 116, 5; 128, 22;
 154, 28; 156, 12; 182, 13.
 17; 184, 3; 284, 7 *ἄφελειν*

120, 24; 148, 3; 268, 7, 9.
 14; 274, 7, 11, 13 *ἄφελόντα*
 68, 14 *ἄφελόντες* 124, 16;
 288, 7 *ἄφηρήσθω* 168, 4
 278, 24; 280, 6, 12.
ἄφιμενων 194, 10 *ἄφῃ* 202,
 21.
ἄφορίζουσα 268, 2, 13.
ἄχρι 46, 21; 90, 16; 126, 14;
 210, 8; 250, 12; 252, 22.
ἄχρις 194, 14; 216, 6; 218, 26;
 222, 2, 6, 23, 27; 226, 15;
 228, 6, 14; 238, 15; 242, 7,
 11; 254, 27; 256, 24; 258, 8;
 268, 4; 288, 9, 11, 14.

B

βαδίζεσθαι 302, 3.
βάθος 194, 13; 234, 19 *βά-*
θους 92, 16, 17 *βάθει* 234,
 20, 25.
βαλανείους 132, 3.
βληθείσης 200, 28.
βάρος 204, 17; 306, 22; 308, 9.
 15; 310, 6, 13, 22, 28, 29;
 312, 1, 2, 17 *βάρει* 202, 23;
 310, 27 *βάρη* 254, 8; 288,
 26; 290, 4 *βαρῶν* 290, 6.
βεβασανισμένω 262, 13.
βάσις 76, 8, 10, 15; 80, 9, 12; 82,
 3; 84, 4; 88, 20; 94, 11, 21;
 96, 4; 98, 17; 100, 7, 19;
 104, 5; 106, 10, 12, 14, 15.
 21; 108, 25; 110, 22, 24, 27;
 112, 4, 5, 19, 27, 29; 114, 1.
 3, 5, 7, 9, 10, 12, 13, 16; 116,
 23; 118, 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13;
 120, 13, 15, 22, 24; 124, 2;
 132, 13; 134, 2, 5, 7, 24;
 136, 3; 174, 26; 178, 20;
 180, 7; 246, 4 *βάσεως* 74, 23;
 76, 3, 13; 80, 13; 84, 26;
 86, 12, 16; 88, 13, 15, 29;
 94, 9, 29; 96, 2, 10, 13, 17.
 19, 25, 26; 98, 2, 5, 9, 12.
 26; 102, 9, 17; 104, 24;

112, 9; 120, 12; 122, 15;
128, 8. 12. 24; 130, 9; 15
βάσει 94, 9. 20, 22. 24. 26;
96, 1. 5. 8. 9; 98, 16; 104, 5;
142, 29. 176, 7. 22; 178, 19;
180, 3. 9; 246, 8. 26 βάσει
2, 15; 8, 22; 24, 10; 74, 1;
76, 19; 80, 14. 19; 84, 16;
94, 18. 28; 96, 3. 6. 14. 22.
28; 100, 5; 102, 5. 11. 12;
104, 4. 11; 106, 8; 110, 24;
112, 7; 116, 19; 122, 1. 19;
130, 18. 19; 176, 4 βάσεις
98, 2; 108, 24; 130, 25. 28;
134, 22 βάσεων 84, 31; 88,
12; 118, 28; 120, 1; 130, 14;
180, 18 βάσειν 120, 6.

βέλους 190, 20.

βιαιότερον 284, 15.

βιβλίω 92, 6; 130, 26.

βίω 190, 1.

βλάπτοντες 214, 7 βλάπτεσθαι
214, 9.

βούλομαι 224, 17; 256, 20; 258,
4 βούλεται 6, 6 βουλόμεθα
138, 12; 244, 5; 250, 19. 27;
260, 8. 9 βούλωμαι 256, 23.
28 βούληται 66, 21 βουλώ-
μεθα 20, 1; 66, 25; 80, 13;
204, 2; 214, 25; 242, 20. 23;
246, 11. 20; 288, 3; 296, 3;
298, 25 βούλοιτο 140, 18
βουλόμενον 310, 5 βουλόμε-
νοι 290, 3 βουλομένας 92,
12; 188, 12.

βραδέως 292, 19 βραδυτέρας
288, 11.

βραχύ 194, 17.

Γ

γαστέρα 286, 25.

γοῦν 140, 7; 190, 14.

γένεσιν 126, 10.

γενναῖαι 284, 17.

γενναίως 2, 12.

γένος 2, 7.

γέφυραν 241, 26.

γεωγραφουμένων 190, 8.

γεωμετρία 2, 3. 5 γεωμετρίας
140, 21.

γεωμετρική 20, 6 γεωμετρικός 16.

11. (12) γεωμετρικῶς 160, 17;

γῆ 140, 8 γῆ 2, 4; 302, 13;

306, 11. 14 γῆς 286, 20,

292, 18; 302, 14. 17.

γίγνεται 6, 2; 14, 8. 9. 10. 11.

12. 13. 15. 16; 16, 2. 3. 4. 5.

6. 7. 8. 9; 18, 16. 20. 26. 27.

29; 24, 24. 25; 30, 6. 7. 9.

10. 11; 32, 19. 22; 34, 19

22; 36, 6. 7. 8. 28. 29; 40, 1.

2. 3. 4. 5. 6. 7; 42, 16. 20.

21. 22. 24; 44, 24. 25. 26. 27.

28. 29; 46, 2. 3; 48, 25, 26;

52, 9. 10. 11; 54, 3. 4. 5. 6.

15. 16; 58, 10. 11; 60, 5. 6;

62, 8. 9. 26. 27; 64, 29. 30;

66, 8. 11; 68, 9. 19. 20. 22;

70, 2. 3. 4; 74, 18. 20. 29;

76, 2. 4. 5; 88, 7; 96, 2;

102, 3. 13. 15; 108, 12. 13.

14. 19; 116, 3. 4. 5. 6. 7. 8.

9; 118, 18. 19. 20. 21. 22;

124, 7. 8. 9. 11. 12. 13; 128,

23. 25. 27. 29; 130, 2. 7. 23.

24; 144, 24. 25. 26. 27. 28;

146, 23. 25. 26; 150, 4. 6. 7.

11. 12. 13. 26—152, 1. 2. 3.

4; 154, 26. 27. 29; 156, 1. 2.

3. 9. 11; 158, 8. 11; 160, 10.

11. 12; 176, 24. 26. 27; 178,

1. 8. 9. 11. 13; 182, 10. 11.

14. 15. 21; 184, 4. 5. 6; 190,

25; 194, 6. 9; 196, 15; 200,

6. 7. 12. 23. 24; 204, 16. 18.

21; 240, 22; 246, 4. 10. 24;

280, 1. 2; 290, 11; 292, 23;

296, 4; 306, 9 γίγνονται 4, 12;

8, 12; 10, 9. 16. 11; 18, 19.

20; 32, 16. 17. 18. 21; 40, 5;

54, 3; 66, 10; 92, 22; 108,

20; 122, 10; 132, 2; 146, 21.

27; 158, 13; 182, 24; 184, 3. 5; 200, 20; 280, 13; 284, 6. 9; 286, 5; 298, 15; 306, 15 γίγνεσθαι 20, 2; 274, 30; 296, 18; 302, 22 γιγνέσθω 74, 1; 296, 2 γιγνομένην 20, 5; 252, 12 γινόμενον 236, 13 γινομένου 240, 21; 290, 11 γιγνομένων 132, 26; 140, 4 γινομένης 290, 6 γένηται 78, 7; 194, 15; 268, 5 γενέσθαι 138, 21; 246, 15; 248, 8; 254, 20, 24; 309, 2 γενομένη 130, 8 γενόμενον 22, 18 γενομένου 262, 21; 266, 12 γενομένης 304, 18 γενόμενα 24, 27; 78, 8. 21; 102, 2; 130, 2; 146, 20; 156, 10; 158, 13 γενόμενοι 78, 9 γενομένων 42, 15; 66, 26; 68, 3; 78, 6. 13; 102, 19—104, 1; 108, 12; 122, 5. 7; 136, 13. 19; 138, 3; 156, 11; 268, 17 γεγονέτω 78, 3; 142; 9; 152, 28; 160, 21; 162, 9; 164, 5; 170, 6; 174, 6; 278, 3; 280, 10; 292, 25; 294, 2; 308, 21 γεγένηται 304, 24 γεγενήσθω 250, 11 γεγονός 142, 23 γενηθείσα 128, 6; 294, 3 γενηθείσης 252, 27 γενηθέντος 254, 1 γενηθέντων 262, 10.

γλωσσοκόμον 312, 7 γλωσσόκομον 306, 24; 308, 2; 310, 21. γνωμόνιον 204, 9 γνωμονίων 300, 1.

γνώμων 304, 21.

γραμμή 90, 8; 204, 21; 238, 5; 244, 1; 246, 3. 9. 23. 25; 264, 4. 6; 266, 6; 272, 23 γραμμήν 236, 10; 242, 19; 244, 15; 246, 13. 17. 20 γραμμής 90, 9. 12. 19; 228, 11; 236, 2; 242, 27; 244, 14; 246, 19; 260, 19. 23; 262, 9;

264, 14 γραμμῇ 246, 18 γραμμαί 204, 7. 14 γραμμάς 4, 14; 90, 11; 204, 11; 262, 8; 266, 1.

γραφῆς 188, 7.

γράφειν 300, 12 γράψω 242, 19 γράφει 288, 1; 300, 9 γράφομεν 46, 21; 176, 13; 286, 26 γράψαι 158, 16; γράψεσθαι 246, 23. 27 γραφομένων 292, 24; 300, 14. 24 γραφέντος 184, 25 γεγράφθω 170, 26; 184, 23; 304, 16; 306, 2. 8.

γωνία 10, 24. 25; 12, 2. 6. 12. 17; 30, 4; 50, 7. 8. 9. 10. 11. 21; 56, 23; 58, 23; 60, 19; 64, 6; 166, 13; 170, 1; 250, 19; 252, 5; 290, 16. 19 γωνίας 22, 25; 28, 5; 104, 30; 134, 21; 136, 24; 256, 11; 282, 13 γωνία 250, 15; 252, 10; 292, 15 γωνίαν 4, 18; 6, 12. 22; 10, 21; 32, 24; 36, 18; 46, 14. 24; 88, 25; 262, 20 γωνία 134, 1 γωνιών 10, 17. 18; 256, 10.

Δ

δακτύλων 196, 15. 22; 200, 21. 27; 286, 6. 9. 18 δακτύλους 196, 4. 12; 204, 5. 15; 286, 3. 4.

δαπάνην 214, 11.

δεῖ 36, 11; 50, 26; 66, 12. 21; 74, 14; 76, 6; 88, 2; 90, 15; 94, 28; 102, 16; 106, 31; 110, 29; 132, 10; 138, 26; 166, 15; 178, 3; 180, 7; 190, 20; 212, 26; 226, 10; 236, 11; 238, 5; 254, 6; 256, 9. 14. 15. 16; 260, 5; 264, 17; 268, 9; 274, 7. 13; 284, 18. 23; 286, 12. 24; 296, 24; 308, 16 δέη 46, 9; 68, 6; 82, 1; 126, 4; 216, 9 δέον

- 10, 20; 20, 10; 126, 26; 142, 7; 144, 1; 146, 4; 156, 19; 164, 4; 176, 7; 236, 7; 266, 9; 272, 25; 278, 24; 280, 19; 302, 10 *ἔδει* 12, 3. 6; 46, 6. 7 *δεήσει* 28, 1. (2); 46, 10; 66, 10; 82, 29; 88, 14; 90, 8; 100, 1; 102, 1; 120, 17; 122, 4. 11; 124, 5; 130, 22; 132, 24; 136, 10; 138, 11; 162, 25; 170, 11; 176, 18; 244, 16; 268, 3. 6. 8. 14; 274, 10; 300, 27; 310, 5.
- δείκνυσιν* 66, 7. 13. 27; 122, 1. 16; 130, 26; 302, 16 *δείξομεν* 34, 5; 40, 11; 68, 16; 166, 15; 174, 14; 176, 20; 214, 11; 268, 10; 274, 14; 276, 5. 26; 290, 13; 298, 28 *ἔδειξε* 80, 17 *δείξαι* 36, 13; 46, 6; 50, 3; 106, 31 *δείκνυται* 82, 27; 122, 9 *δειχθήσεται* 36, 1 *ἐδείχθη* 12, 9; 28, 29; 74, 13; 102, 10; 108, 2 *δέδεικται* 12, 21; 58, 19; 62, 17; 118, 15; 128, 3; 162, 3; 172, 11; 184, 17; 230, 16; 292, 14.
- δείξιν* 242, 25.
- δέκα* 200, 27; 212, 13; 304, 1.
- δεκάγωνον* 52, 5; 60, 8; 62, 7. 10.
- δέκατον* 224, 21. 23.
- δέλτω* 216, 10.
- δεξιὰ* 204, 8.
- δέξασθαι* 138, 12; 196, 11; 204, 17.
- δεξαμενής* 188, 16 *δεξαμενή* <ν> 138, 11.
- δεύτερον* 268, 13.
- δή* 10, 26; 12, 10; 24, 22; 26, 6; 30, 30; 34, 3; 40, 17; 42, 5. 7; 44, 1. 5. 10; 56, 24; 62, 26; 70, 15. 20; 74, 23. 76, 11; 84, 3. 22; 92, 21; 94, 17. 19. 20; 96, 12. 16. 18; 98, 1. 5. 15; 102, 5; 104, 3. 4. 11. 25; 106, 6; 108, 4. 7; 110, 4. 11. 26. 29; 112, 25; 114, 21. 27; 116, 12. 28; 118, 9. 16; 120, 15; 122, 14; 126, 18. 23; 128, 21; 132, 7; 136, 21; 138, 6. 13; 146, 1. 6. 8; 148, 6. 28. 31; 150, 19. 22. 23; 152, 18; 154, 21; 156, 22; 158, 2; 160, 7; 162, 16; 164, 9. 14; 168, 1. 8; 170, 27; 174, 14. 17; 180, 6. 20; 184, 13; 216, 9; 220, 9; 222, 11; 224, 18. 22; 226, 2. 4. 17; 230, 20; 232, 20; 234, 3. 25. 26; 240, 3. 5. 13. 18; 242, 10. 13. 16; 252, 3. 9; 256, 4. 7. 21. 23; 274, 25; 276, 14. 15. 17. 23; 278, 3. 18; 280, 15; 284, 4; 286, 5; 292, 13; 300, 4. 9; 304, 28; 306, 3. 15; 310, 4.
- ἤλον* 10, 23. 25; 138, 13; 172, 15; 314, 11 *δήλη* 288, 17.
- δηλονότι* 294, 16. 21; 296, 1; 302, 25.
- δηλοῦν* 308, 2; 314, 15 *δηλώσει* 296, 13; 314, 15 *δηλωθήσονται* 296, 19.
- δήποτε* 102, 6.
- διαβήτην* 218, 21; 220, 12. 16. 17; 222, 17. 20; 230, 1. 8; 232, 4; 234, 17; 236, 17. 26.
- διάγειν* 260, 21 *διαγαγεῖν* 146, 4; 150, 19; 152, 8; 160, 21; 162, 7; 164, 4. 18; 166, 17; 170, 5; 280, 9 *διαγαγόντα* 274, 8 *διήχθω* 152, 10; 164, 7. 11; 166, 20; 168, 11; 264, 18 *διήχθωσαν* 156, 20; 248, 13 *διήκται* 160, 27.
- διαγώνιον* 46, 10 *διαγωνίον* 46, 14 *διαγωνίους* 252, 17.
- διαδοχήν* 92, 9.
- διαίρειν* 140, 19; 168, 12 *διαίρουσα* 142, 9; 144, 3; 152, 10; 166, 20 *διαίρουσαν* 144,

- 22; 146, 5; 152, 9. 27; 156, 20; 160, 20; 164, 4; 166, 17
διαιροῦσαι 156, 21 *διελούμεν* 172, 15; 266, 6; 288, 2; 300, 10 *διελείν* 112, 13; 142, 3. 7. 28; 144, 1; 150, 15; 178, 18. 24; 180, 7. 8; 266, 9. 10; 272, 16. 25 *διελόντι* 50, 28; 120, 9. 20; 154, 7 *διαίρεται* 144, 22; 146, 22; 174, 26; 176, 25 *διαιροῦντα* 158, 18 *διαιρεῖσθαι* 160, 15 *διήρηται* 140, 8; 266, 2 *διήρηνται* 140, 12 *διηρήσθω* 164, 6. 10; 180, 13; 204, 4; 304, 14 *διηρημένως* 94, 2 *διηρημένον* 6, 18 *διαίρεθῃ* 6, 15; 314, 14 *διαίρεθέν* 46, 11.
διαίρεσεις 140, 4; 174, 22; 176, 1; 204, 6; 272, 18 *διαίρεσιν* 300, 13.
διακείσθωσαν 306, 25 *διακείμενος* 308, 3. 22.
διακοσίων 308, 17. 21.
διαμένει 284, 13 *διαμένονσιν* 290, 1. 7. 8 *διαμένειν* 96, 7; 290, 9 *διαμένοντος* 126, 16.
διάμετρος 66, 9; 74, 9. 10; 82, 20; 84, 17, 21; 86, 15; 88, 1. 4. 8. 13. 15. 31; 96, 12. 19; 98, 2. 12; 116, 13. 15; 120, 12; 122, 15; 126, 28; 128, 17. 24. 26; 130, 6. 9. 15; 134, 8; 158, 16. 17; 160, 8. 13; 170, 20; 180, 11; 182, 18; 184, 16; 304, 20. 21; 310, 18 *διαμέτρον* 36, 12; 66, 8; 68, 2; 74, 6. 25; 88, 4; 120, 27; 122, 10; 204, 10; 308, 7. 18; 310, 4. 12 *διαμέτρω* 88, 13; 122, 3 *διάμετρον* 66, 15. 25. 27; 68, 11; 74, 27; 88, 21; 116, 29; 118, 3. 7. 11; 120, 18; 124, 2; 160, 2. 3; 200, 27; 306, 19; 308, 6. 17; 310, 3. 11. 18
διάμετροι 68, 18; 120, 1; 180, 18 *διαμέτρων* 2, 17; 88, 6; 160, 5 *διαμέτρους* 120, 7.
διαρρεῖν 196, 25.
διανομῶν 2, 9 *διανομάς* 2, 4.
διαπήγματι 294, 13.
διαρρομβονμένον 46, 17.
διαστάσεις 94, 2 *διαστάσεων* 4, 11; 90, 23.
διαστήμα 214, 20; 218, 21; 222, 20; 224, 3. 5. 6. 8. 17. 27; 232, 3; 234, 17; 236, 17. 26; 241, 1; 256, 12. 13. 15. 21; 230, 1. 7; 258, 12; 260, 1; 288, 3 *διαστήματος* 260, 10 *διαστήματι* 170, 25; 184, 23; 260, 3 *διαστήματα* 94, 3, 190, 6. 21; 232, 4; 242, 22; 292, 18. 22 *διαστήμασιν* 300, 14; 306, 26.
διατεμνέσθω 196, 7.
διατηρῶν 226, 14; 238, 14.
διατοναίω 294, 24.
διατρέχειν 200, 2. 25.
διαφοράν 20, 2. 4. (5); 188, 13.
διάφορον 18, 29 *διαφόρον* 18, 23; 48, 28 *διαφόροις* 188, 16.
διδάσκει 2, 3.
διδόμενον 164, 15 *διδομένας* 132, 11 *δέδοται* 110, 23; 120, 13; 132, 22; 278, 9. 10; 310, 14 *δεδόσθω* 126, 28; 164, 3; 176, 6; 180, 11; 270. 5 *δοθῇ* 66, 9. 20. 24; 68, 1. 28; 80, 11; 86, 15 *δοθείς* 40, 22. 23; 100, 2; 110, 17. 18; 118, 15. 28; 120, 8. 16. 17; 124, 4; 128, 13. 14. 19. 20; 150, 21. 24; 154, 25; 160, 3. 6. 8; 166, 3. 23. 24; 168, 2; 170, 18; 172, 16; 178, 20; 180, 6. 17. 18. 19. 25; 182, 2. 3. 5; 184, 13; 248, 11; 252, 16; 254, 4; 278, 6. 12. 13; *δοθείσα* 22, 2; 24, 13; 28, 18. (19). 23. 24;

30, 1. 2. (3). 4. 29; 32, 9;
36, 25; 40, 11. 12. 14. 17.
23. 24. 25. 26; 42, 2. 4; 48,
2; 52, 30; 94, 26; 96, 19;
106, 31; 108, 1. 3. 4. 5. 6. 7.
9. 27; 110, 17. 19. 21. 22;
114, 20. 23; 120, 10. 11. 12.
21; 122, 26. 28. 29. 30; 124,
1; 128, 17; 136, 2. 13; 148,
25. 27; 150, 21; 152, 15. 16;
154, 7; 158, 5; 162, 23; 166,
8. 12. 28. 29; 170, 1. 7; 174,
10. 11; 180, 22. 23. 24. 26.
27. 28; 182, 5. 6; 226, 9;
230, 29; 232, 7. 19; 256, 14;
278, 5. 8. 9. 14. 15. 16. 17;
280, 21; 282, 29 *δοθέν* 10,
18; 22, 1; 24, 21; 28, 25.
29. 30; 36, 23. 26. 27; 38, 1.
6. 9. 11. 12. 13. 17. 22. 26;
40, 26; 44, 6. 12. 13. 15. 17.
19. 20. 21. 23; 46, 12; 48,
23; 52, 4. 5. 6. 8. 30; 54, 1;
56, 11. 12; 58, 8. 18; 60, 3;
62, 6. 7. 24. 25; 64, 28; 94,
13; 96, 18. 20; 98, 11. 29;
100, 1. 15; 102, 1; 106, 31;
108, 4. 9. 10; 110, 25. 28. 29;
114, 18. 22. 24. 26. 27; 118,
15; 120, 2; 122, 27; 124, 4;
128, 20; 130, 20. 21; 132,
23; 136, 7; 142, 5. 28; 146,
1; 148, 4. 15. 16. 17. 19. 23.
25. 28. 29; 150, 21; 152, 16.
17; 154, 3. 8. 10. 12. 16. 17.
18; 158, 6; 160, 6. 7. 24. 25;
162, 1. 21. 22. 23. 25. 164, 8.
17. 18; 166, 3. 4. 11. 12. 13.
18. 19. 24. 25. 26. 29; 168,
10, 13. 16. 17; 170, 1. 7. 9;
174, 11. 12. 15. 16; 180, 19;
182, 7; 214, 18; 228, 2; 232,
4; 234, 24; 242, 27; 248, 1. 11;
254, 6; 256, 15; 260, 5. 18.
19; 268, 21; 270, 10; 272,
16. 17. 19. 25; 274, 17. 20;

278, 3. 13; 280, 10. 11. 20;
284, 3; 306, 22 *δοθέντος*
68, 6; 140, 20; 148, 3; 150,
14; 152, 25; 158, 16; 160,
18. 19. 27; 162, 6; 166, 16;
170, 5; 174, 3; 214, 18; 234,
19; 250, 16; 258, 12; 260, 2.
9. 14; 268, 8; 272, 16; 276,
27 *δοθείσης* 92, 14; 96, 24;
120, 27; 170, 15; 256, 13;
310, 19 *δοθέντι* 142, 4; 146,
6; 152, 9. 28; 145, 18—160,
1. 21; 162, 24; 164, 5. 6. 10;
166, 18. 21; 168, 12; 170, 18;
178, 19; 180, 7; 248, 1; 256,
13; 260, 3; 268, 9 *δοθείση*
170, 11; 226, 7; 236, 19;
250, 15; 260, 3. 22; 306, 22
δοθέντα 38, 1; 140, 18; 142,
28; 162, 1; 164, 8; 166, 1;
172, 13; 188, 17; 214, 21;
218, 23; 222, 21; 232, 6. 11;
252, 27; 266, 9; 272, 17;
274, 16 *δοθείσαν* 30, 28; 36,
20; 40, 12; 170, 6; 184, 11;
278, 1 *δ<οθέντες>* 182, 1
δοθείσαι 180, 18 *δοθέντων*
36, 12; 218, 20; 222, 19;
232, 8; 234, 15; 238, 9; 242,
28 *δοθέντας* 174, 27; 212,
26 *δοθεισών* 10, 19; 18, 13;
20, 7; 26, 2; 34, 20; 36, 6;
46, 13. 16; 150, 17; 232, 16;
280, 16 *δοθείσας* 36, 12 *δο-*
θήσεται 36, 15.

διελθόντα 296, 28.

διεξελοῦμεν 274, 15.

διημαρτημένα 188, 11.

δικαιοσύνη 140, 22.

δίμοιρον 122, 7; 130, 29.

διό 4, 17; 176, 2; 286, 11;
290, 2.

διοίκησιν 2, 8.

διοίσει 92, 16; 162, 5; 212, 26;
242, 21.

διοπτρεύειν 200, 5; 214, 23 *δι-*

- οπτεόμεν* 228, 5; 234, 27;
 258, 14; 288, 7 *διοπτεόντες*
 216, 9.
διόπτρα 188, 21; 210, 4. 9. 11.
 13. 15. 17; 212, 2; 214, 25.
 27; 216, 1. 7; 218, 24; 222,
 22, 28; 226, 17; 228, 4; 234,
 25; 242, 3; 250, 11; 258, 13;
 260, 6; 272, 9 *διόπτρας* 190,
 22. 24; 200, 18; 210, 5; 214,
 19. 24; 216, 9; 218, 17;
 220, 4. 5; 222, 4. 26; 224,
 18; 228, 7; 238, 8. 9; 240,
 2; 242, 6. 10. 14; 244, 6. 10;
 248, 13; 250, 1; 256, 12. 20;
 260, 1. 11. 15. 21. 24; 264,
 18. 22; 270, 9; 272, 27; 286,
 1. 20. 24; 302, 4 *διόπτρα*
 188, 15; 242, 2. 12. 13. 16;
 244, 2; 256, 24; 258, 8; 286,
 26 *διόπτραν* 220, 6; 222,
 1. 26; 224, 17; 226, 1. 13;
 238, 14; 240, 31; 256, 18;
 258, 5.
διοπτρικής 190, 19; 188, 3 *δι-*
οπτρικῇ 292, 16 *διοπτρικός*
 286, 20; 288, 21.
διοπτρισμοῦ 216, 10.
διόρθωσιν 188, 9.
διόρον 304, 22.
διορύξομεν 240, 20 *διορύξαι*
 238, 3; 240, 27.
διότι 2, 19.
διπλασία 88, 5; 278, 20 *διπλά-*
σιον 8, 20; 14, 6. 31; 22, 5.
 10; 36, 2; 38, 20; 52, 6;
 56, 27; 66, 30; 72, 18. 20;
 74, 14; 100, 14; 146, 15;
 148, 21. 23; 166, 27; 274, 3;
 280, 25; 282, 2 *διπλασίων*
 72, 16; 278, 21.
διπλασίονες 26, 23.
διπλασιάζαντες 42, 16.
διπλή 34, 7; 46, 25; 54, 19;
 70, 20; 72, 16.
δίσ 12, 23; 14, 23; 26, 7; 38,
 5. 7; 42, 16; 44, 12; 88, 7;
 124, 10; 146, 26; 280, 12.
δίχα 22, 24; 18, 8; 30, 30;
 34, 3; 72, 8; 76, 24; 78, 4;
 104, 13; 112, 23; 170, 8. 12;
 282, 13.
διχοτομίας 78, 4.
διωσθῶσιν 130, 27.
δοκοῦσι 73, 4 *δοκεῖν* 190, 14
δρᾶν 140, 14.
δύναμαι 224, 24 *δύναται* 82,
 28; 160, 16 *δυνάμεθα* 224,
 6; 244, 13; 276, 20 *δύνανται*
 66, 4; 302, 3 *δύνανσθαι* 194,
 28; 296, 26; 308, 11 *δυνά-*
μενος 308, 4; 314, 10 *δυνα-*
μένη 195, 19; 214, 22 *δυνά-*
μενον 200, 25; 204, 16; 272,
 1 *δυναμένω* 262, 14 *δυναμέ-*
νην 138, 11; 298, 1 *δυνάμενα*
 200, 2 *δυναμένων* 138, 56
δυναμένοις 140, 13, 14.
δύναμις 308, 9; 310, 12. 14.
 27; *δυνάμεως* 48, 5; 310, 20
δυνάμει 26, 26. (27); 42, 9.
 10. 19. 21. 22. 23. 26; 54, 17;
 306, 22; 308, 16; 312, 1. 18
δύναμιν 308, 20; 310, 6. 23
δυνάμεων 308, 19.
δυναμοδύναμις 48, 11. 19. 21.
δυνατός 230, 27 *δυνατόν* 20, 8;
 60, 13; 130, 4; 138, 19; 160,
 14; 200, 4. 25; 212, 16;
 214, 11; 220, 16; 224, 16.
 27; 226, 5; 228, 19. 22;
 230, 16; 232, 11; 234, 3. 10;
 236, 17. 19. 20. 24. 27; 240,
 5; 262, 10; 264, 19; 266, 3;
 268, 28; 274, 1. 4; 276, 3. 5.
 21. 22. 23. 25; 280, 17; 290,
 25; 298, 2. 28; 300, 18, 20;
 302, 20.
δύσεργον 144, 15.
δυσχερῶς 188, 7. 10.
δυσχερηστίας 288, 25 *δυσχερη-*
στιά 290, 4.

δωδεκάεδρον 136, 21 δωδεκα-
έδρον 132, 8; 138, 5.

δωδεκαγώνον 46, 21; 64, 31 δω-
δεκάγωνον 64, 1. 26. 28.

δωδεκάκι 138, 4.

E

Ἐάν (ἄν) 6, 19; 12, 10; 16,
15; 20, 1; 46, 8; 52, 12;
54, 7; 66, 9. 19. 24; 68, 1.
6. 28; 74, 6. 26; 76, 1. 9.
16; 80, 7. 10; 82, 1; 84, 22;
86, 4. 14; 88, 1; 92, 20;
94, 1; 96, 2. 15; 116, 25;
126, 4; 130, 27; 136, 22;
138, 20; 144, 12. 18; 148, 6;
152, 5; 176, 20; 194, 6. 13;
200, 12; 202, 14. 20; 204, 1.
6; 146, 11. 19; 252, 3. 11.
16, 22; 264, 2; 266, 5; 272,
21; 274, 1; 276, 6; 280, 5;
288, 4; 290, 8; 292, 7; 296,
12. 17; 300, 17; 306, 17;
308, 12; 310, 21. 27. 29;
314, 13.

ἐαρινῆς 302, 28; 304, 13.

ἐαντό 22, 18; 26, 22; 48, 4. 8.
17. 20. 23; 124, 6.

ἐαντῇ 96, 7 ἐαντόν 18, 9; 26,
21; 308, 11 ἐαντά 8, 11;
10, 10. 11; 14, 8. 9. 10. 13.
14; 16, 2. 3. 7; 18, 29; 30, 9.
10; 32, 17. 18; 38, 29; 40, 1.
3. 4; 44, 24. 25. 26. 28; 48,
10. 13. 16. 25; 52, 9; 54, 3;
56, 15; 58, 10; 60, 5; 62, 8.
26; 64, 29; 66, 10; 118, 18.
20; 122, 4. 124, 11; 130, 22;
140, 11; 144, 24; 150, 6; 156,
9; 160, 10; 184, 4. 5 ἐαντοῖς
306, 26 ἐαντούς 190, 17 ἐαν-
τάς 112, 3.

ἐάν 314, 10 ἐάση 202, 15.

ἐγγίζον 52, 13.

ἐγγεγλυμμένην 294, 19.

ἐγγράφαντες 172, 27 ἐγγε-
γράφθω 22, 2. (3); 280, 22;
304, 19 ἐγγεγραμμένον 80, 3
ἐγγραφῇ 54, 8 ἐγγραφέντι
80, 3.

ἐγγιστα 18, 28; 48, 28; 52, 12;
54, 5. 13. 17. 27; 56, 29;
58, 20. 24. 26; 62, 19; 64, 15.
21; 66, 8; 80, 8; 108, 15.
19; 112, 21; 134, 10; 144,
12. 27; 150, 8; 156, 12; 160,
12; 172, 16. 25; 176, 19;
178, 5. 16; 180, 2; 184, 3;
244, 6. 18; 264, 19; 280, 3.

ἐγκείσθω 170, 19; 184, 14;
304, 4 ἐγκείσθωσαν 228, 8
ἐγκείμενος 204, 18.

ἐγκλίνω 222, 5; 256, 24 ἐγκλί-
νομεν 288, 8 ἐνέκλινα 258, 8
ἐγκλίνει 250, 15. 19 ἐγκλίνας
248, 6 ἐγκλινέσθω 234, 28.

ἐγκλισιν 252, 24.

ἐγκέκοπται 196, 10.

ἐγκεκρούσθωσαν 248, 15.

ἐγκεχαράχθωσαν 204, 7.

ἐγχωννύσθω 250, 12.

ἐγχωσθήσεται 252, 22.

ἐμοῦ 188, 6 με 280, 11. 13. 15
ἡμεῖς 4, 7; 188, 17 ἡμῶν 4,
6; 188, 11. 20; 226, 20;
228, 3. 12; 230, 4. 10. 17.
21; 234, 5. 21; 236, 2; 256,
12; 292, 22. 24 ἡμῖν 188,
18; 286, 19; 302, 10 ἡμᾶς
218, 20. 23; 220, 2; 224, 7.
25; 226, 12; 228, 22; 234, 2;
244, 10; 248, 3; 302, 20.

ἐδαφος 228, 10; 244, 16; 248,
16; 250, 15, 17 ἐδάφους 202,
16; 204, 12; 236, 1. 4 ἐδάφει
238, 7; 244, 12; 246, 21;
248, 14; 252, 26; 254, 10. 19.
24; 256, 8.

ἐδρα 238, 5 ἐδρας 98, 4. 20.
22; 194, 10.

ἐδίσται 288, 19.

ἔθνη 140, 9.

εἰ 10, 20. 21. 24; 12, 2; 66, 9.
20; 88, 3; 90, 7. 13. 20; 92,
16; 138, 10; 140, 18; 146, 3;
166, 4. 10; 168, 13. 15; 176,
9; 212, 13. 16, 19. 20; 218,
7. 12; 220, 13; 224, 4. 8;
230, 2; 236, 23; 240, 9;
254, 1; 256, 29; 266, 14, 15;
268, 1. 3. 12. 13; 274, 5. 7;
276, 1; 296, 11; 298, 9. 15;
302, 8. 10. 19. 20; 304, 2. 3;
306, 14; 308, 6; 312, 1.

εἶπερ 222, 14.

εἶδος 126, 25.

εἰκός 296, 18.

εἰκοσαέδρον 132, 9; 134, 17.
18. 23. 27. 29. 31; 136, 6. 9.
20.

εἰκοσάκι 54, 4; 136, 18.

εἰκότως 174, 26.

εἵσοδοι 132, 4.

εἵτα 24, 28; 90, 17; 196, 16.
22; 210, 7. 11. 13. 17; 214,
14; 218, 26; 210, 3; 222, 5;
250, 6; 254, 21. 25; 256, 27;
258, 10; 272, 11; 284, 21;
288, 10. 15.

εἵτε 92, 10.

εἶργον 190, 11.

εἰσιέναι 274, 20.

εἰσελθόντα 274, 17.

ἐκαστος 296, 6 ἑκαστον 6, 19;
300, 21; 314, 16 ἐκάστη 22, 1;
24, 13; 46, 24; 50, 17; 52,
17; 54, 22; 56, 19; 58, 14;
60, 9; 62, 12; 102, 7. 13;
108, 27; 126, 8; 132, 15. 22.
28; 134, 17; 136, 2. 21;
280, 21; 282, 24; 292, 4
ἐκάστης 92, 15; 216, 12
ἐκάστων 276, 8. 23; 298, 4.
23. 27. 28 ἐκάστω 266, 12
ἐκάστην 4, 21. 23. 29; 6, 4;
10, 19; 30, 28; 36, 20; 40,
13; 64, 2; 276, 21; 298, 2.

ἐκατέρα 22, 21; 28, 22. (23);
30, 14; 36, 24; 40, 25; 42, 2;
70, 1; 108, 4. 6. 7; 110, 6.
17; 144, 19; 182, 6; 228, 24;
232, 19; 252, 7; 278, 5; 282,
10; 290, 24; 292, 1 ἐκότερον
68, 14; 228, 20; 239, 15 ἐκα-
τέρον 36, 11 ἐκατέρας 134,
4 ἐκατέρω 182, 21 ἐκατέρω
52, 26; 104, 31; 170, 13;
196, 20 ἐκατέραν 8, 15; 112,
2. 3; 220, 12; 224, 20; 228,
23; 270, 13. 15; 276, 28;
290, 17 ἐκατέρων 200, 22.

ἐκβάλλοντα 270, 3 ἐκβάλλωμεν
94, 4 ἐκβαλεῖν 170, 13 ἐκ-
βαλλόμενον 226, 20; 228, 11;
230, 14. 17. 21; 232, 2; 234,
5. 13. 21. 23 ἐκβαλ(λ)ομένη
110, 5 ἐκβαλλομένον 232, 12
ἐκβαλλόμεναι 110, 3 ἐκβαλ-
λομένης 244, 8; 250, 6 ἐκ-
βεβλήσθω 20, 21; 22, 10. (11);
28, 9; 50, 4; 58, 17; 62, 15;
82, 5; 104, 15; 120, 4; 180,
3; 256, 1; 270, 7; 276, 10.
15; 282, 2 ἐκβεβλήσθωσαν
152, 28; 274, 21; 278, 3 ἐκ-
βεβλημένος 236, 14 ἐκβεβλη-
μένη 240, 4. 10. 12 ἐκβεβλη-
μέναι 216, 18; 228, 17 ἐκ-
βληθείσης 160, 18 ἐκβληθεῖ-
σαν 44, 10.

ἐκδεδεμένα 308, 12 ἐκδεθεῖσα
202, 7

ἐκδεδομένη 302, 10.

ἐκεῖ 216, 22.

ἐκεῖνο 214, 17.

ἐκθλίβεσθαι 284, 15.

ἐκκεκενωμένον 138, 17.

ἐκκυλίσεως 292, 21.

ἐκλειψις 203, 23; 302, 18. 21;
304, 16 ἐκλείψεως 304, 17
ἐκλείψεων 190, 7.

ἐκλογισάμενον 212, 27.

ἐκμετρεῖν 292, 20 ἐκμετροῦντα

298, 2 ἐκμετρήσωμεν 138, 23
 ἐκμετρήσαι 302, 19.
 ἐκνεύσομεν 214, 8, 17.
 ἐκπετάσαντες 86, 4.
 ἐκπίπτειν 200, 26; 214, 11 ἐκ-
 πίπτον 236, 3.
 ἐκτείναντα 90, 17 ἐκτενοῦμεν
 272, 7 ἐκτείνεσθαι 262, 13;
 272, 1 ἐκτεταμένων 254, 14
 ἐκτεταμένην 84, 24; 86, 6.
 ἐκθηρόμεθα 6, 6; 66, 5; 160,
 17; 204, 25; 268, 20 ἐξέθεντο
 292, 22 ἐκθέμενον 126, 9
 ἐκθέμενον 190, 22 ἐκτεθει-
 μένα 188, 10.
 ἐκτός 10, 18; 190, 20; 246, 16;
 262, 15; 264, 2; 274, 23;
 300, 4, 16; 312, 6.
 ἔκτον 64, 6 ἔκτον 54, 1, 58, 11;
 130, 17, 24.
 ἐλάσσαν 70, 25; 72, 6, 15, 16;
 82, 26; 212, 16 ἔλασσον 10,
 24, 26; 72, 10, 18, 20, 22, 23,
 25, 26, 28; 76, 2, 9, 26; 78,
 2, 25, 26, 27, 29; 80, 22;
 82, 17; 124, 16; 190, 31;
 196, 12; 224, 8 ἐλάσσονι
 20, 1 ἐλάσσονος 68, 21; 178,
 12 ἐλάσσονα 20, 4; 44, 8;
 66, 16; 68, 15; 72, 2; 78, 6,
 14; 190, 16 ἐλασσόνων 76, 6;
 312, 21.
 ἐλάχιστον 220, 19; 222, 12, 17
 ἐλαχίστον 18, 23 ἐλαχίστους
 66, 18.
 ἔλικος 194, 13 ἔλικι 293, 16
 ἔλικά 194, 4, 18; 294, 19, 26;
 312, 4 ἔλικες 200, 11.
 ἔλκειν 308, 12 ἔλκουσαν 310, 23.
 ἐλλείπει 178, 7 ἐλλείπειν 140, 20
 ἐλλείποντα 178, 6 ἐλλιπές
 138, 16.
 ἔλλειψις 94, 11 ἐλλείψεως 84, 2;
 94, 12, 13, 16; 296, 12 ἐλ-
 λείψει 82, 29 ἔλλειψιν 82, 25;
 94, 18; 246, 12.

ἐμβადός 4, 21, 22 ἐμβαδοῦ 106,
 24; 148, 20, 22 ἐμβαδῶ 74,
 22; 84, 6, 148, 18; 282, 5
 ἐμβαδόν 6, 13, (14), 23; 8, 1,
 10; 10, 7, 8; 12, 15; 14, 17,
 21; 16, 19; 18, 13, 21; 20, 7,
 10; 22, 2, 18; 24, 1, 21, 29;
 26, 2, 3, 25, 26, 28; 28, 2, (3),
 7; 30, 8, 18; 32, 20, 22, 27;
 34, 12, 23, 27; 36, 3, 9, 23;
 40, 8, 10; 42, 8; 44, 4, 5;
 46, 4, 6, 10, 12, 13, 15, 17;
 48, 22, 29; 50, 18; 52, 11,
 14, 20; 54, 6, 22; 56, 17, 20;
 58, 12, 15; 60, 7, 10; 62, 10,
 13, 28; 64, 3, 31; 66, 12;
 68, 5, 8, 19, 20, 22; 70, 4;
 74, 3, 7, 16, 30; 80, 8, 13,
 16; 82, 18, 21, 22, 24; 84, 2,
 18, 19, 31; 86, 26; 88, 8;
 90, 1, 19; 94, 29; 100, 2;
 102, 4, 7; 106, 17, 28; 128,
 27; 132, 24; 136, 17; 138, 2;
 142, 24; 146, 24; 148, 16,
 17, 18, 19, 20; 154, 23; 156,
 5, 7; 182, 12; 262, 15; 268,
 1, 4, 12; 276, 6, 9, 24, 25;
 280, 17, 19, 20, 22; 282, 8;
 284, 4, 10.
 ἐμβαλλέτω 110, 12 ἐμβαλεῖν 138,
 13; 290, 4 ἐμβληθέντος 138,
 15, 19; 196, 24.
 ἐμβαῖνον 200, 16.
 ἐμβολέα 126, 23.
 ἐμπήγννται 204, 14.
 ἐμπιπτόντων 302, 7.
 ἐμπλακῆναι 194, 17.
 ἐμπέση 214, 16; 266, 6.
 ἐμποδιζεσθαι 300, 18.
 ἐμποδισμὸν 274, 19.
 ἐμποδῶν 190, 11; 214, 5; 300, 22.
 ἐμπροσθεν 232, 14; 242, 6, 10,
 14; 256, 18.
 ἐμφανίσαι 190, 2.
 ἐνεχθήσεται 310, 28.
 ἐναγώνου 58, 18; 60, 7.

ἐναλλάξ 24, 3; 282, 17.
 ἐναρμόζειν 310, 1 ἐναρμόσαι
 284, 22 ἐναρμόζεται 196, 5.
 20; 200, 1 ἐναρμοσθῆναι 194,
 28 ἐνηρμόσθω 54, 10; 172, 17.
 ἐνδεής 92, 11.
 ἐνδεκάγωνον 62, 11. 17. 22. 23.
 25. 28.
 ἐνόντα 201, 17 ἐνόντας 312, 5.
 ἐνέργειαν 188, 15.
 ἐνεργεῖν 188, 21 ἐνεργεῖσθαι
 188, 19.
 ἐνιοι 138, 8 ἐνια 140, 10.
 ἐννάγωνον 58, 13; 60, 1. 4.
 ἐνναπλάσιον 58, 21.
 ἐννοοῖμεθα 222, 15.
 ἐντετάχθω 304, 16.
 ἐντιθεῖς 288, 10.
 ἐντέμνονται 200, 11.
 ἐντὸς 10, 17; 126, 6; 300, 11. 15.
 ἐντυγχάνουσιν 188, 12.
 ἐξάγωνον 52, 15; 54, 2; 98, 24
 ἐξάγωνος 98, 17 ἐξαγώνου
 54. 1. 6. 11; 100, 2.
 ἐξάκως 286, 5.
 ἐξαμήνων 302, 22.
 ἐξανύεσθαι 298, 1 ἐξανυσθεῖσαν
 298, 25.
 ἐξαπλεύρου 32, 3.
 ἐξάψωμεν 310, 22.
 ἐξήρκει 2. 9.
 ἔξεστι 26, 27 ἐξεῖναι 274, 19
 ἐξέσται 188, 12; 292, 23.
 ἐξῆς 6, 3; 16, 12; 40, 11; 46,
 20; 66, 5; 76, 17; 90, 10;
 166, 9. 15; 174, 23; 176, 20;
 190, 23; 210, 8; 219, 11; 268,
 10; 274, 14; 276, 5; 294, 6;
 298, 3. 9.
 ἐξητάσθω 306, 9.
 ἐξόν 6, 6.
 ἔξω 200, 23.
 ἐπάνω 8, 1; 34, 5; 36, 1; 154,
 24; 222, 15; 224, 3; 230, 16;
 254, 10. 19. 23; 256, 7.
 ἐπαγγελίας 286, 21.

ἐπεὶ 4, 13; 6, 10; 8, 4. 23;
 12, 26; 16, 17; 18, 6. 22. 24;
 22, 20; 24, 20; 26, 1; 28, 10.
 22. 26; 30, 1. 27; 32, 5;
 34, 11; 36, 24; 40, 18. 19.
 25; 42, 10; 46, 25; 48, 22.
 27; 50, 25; 66, 17; 68, 18;
 70, 12. 28; 72, 22; 74, 16;
 76, 9; 78, 23. 25. 82, 5. 19.
 26; 84, 27; 88, 22; 96, 21;
 98, 6. 25; 102, 9; 104, 15.
 19. 28. 31; 106, 3. 7; 108, 1.
 7; 110, 2. 8. 22; 114, 19. 23;
 118, 18; 122, 26; 128, 9. 14;
 130, 4; 132, 22; 134, 9. 11.
 18. 27; 136, 1; 144, 23; 146,
 9. 12. 20. 22; 148, 10; 150, 5;
 152, 19; 154, 1. 4; 160, 1.
 21; 162, 21; 166, 21; 176,
 24; 180, 22; 182, 6; 212, 9;
 216, 21. 22. 23. 24. 25. 26.
 28; 230, 6; 236, 18. 20;
 260, 20; 278, 8. 20. 26; 282,
 10; 286, 19; 288, 20; 292, 5;
 298, 4; 300, 23; 302, 5 cf.
 ἐπεῖπερ.
 ἐπειδὴ 2, 9; 46, 21.
 ἐπειδὴπερ 4, 10; 10, 4; 24, 19;
 68, 25. 27; 96, 9. 26; 144,
 15; 118, 4; 230, 29; 234,
 9; 276, 4. 21; 304, 15, 24;
 310, 6.
 ἐπιλούμενα 312, 6.
 ἐπιληθῆ 308, 14.
 ἐπίπερ 88, 5.
 ἔπειτα 262, 12.
 ἐπεξέτεινα 254, 22.
 ἐπιβεβληγόντων 2, 12. (13).
 ἐπέγνωμεν 214, 4 ἐπιγνώωναι
 220, 12; 230, 16; 286, 7;
 298, 24 ἐπιγνώσομαι 288, 17
 ἐπιγνωσόμενα 284, 25.
 ἐπιγραφόμενον 128, 4; 302, 16
 ἐπιγράφωμεν 216, 12; 298, 20.
 23 ἐπέγραψα 256, 27; 258, 3.
 ἐπιγραφὴ 258, 9 ἐπιγραφὴν

300, 15 ἐπιγραφάς 214, 1;
258, 4. 6. 7. 14.
ἐπιδέχεται 204, 6.
ἐπεξεργνύμεν 240, 8 ἐπιξεργνύ-
ουσα 224, 23 ἐπιξεργνυούσης
232, 9 ἐπιξεργνύουσιν 230,
28 ἐπιξεργνυούσας 90, 10
ἐπίξευξον 144, 29; 148, 1
ἐπιξεύωμεν 142, 23; 146,
18; 252, 12 ἐπιξεῦξαι 162,
26; 170, 12; 214, 19 ἐπιξεύ-
ξαντα 170, 13 ἐπιξεύξαντες
144, 21; 272, 8 ἐπιξεργνυ-
μένη 226, 10; 232, 6 ἐπι-
ξεργνυμένην 214, 12; 252, 4
ἐπιξεργνύμεναι 256, 11 ἐπι-
ξεργνυμένας 244, 7; 250, 5;
262, 8 ἐπιξεργμέναι 134, 20
ἐπιξεργμένας 136, 23 ἐπι-
ξευχθῇ 152, 5 ἐπεξεύχθω 22,
20; 26, 23; 44, 4; 50, 5;
58, 16. 17; 62, 14. 15; 104,
12. 14. 15; 134, 27; 148, 10;
164, 12. 13; 168, 8. 14; 170, 8;
174, 7. 14; 184, 21; 256, 1;
274, 25; 276, 17; 280, 14;
282, 9; 290, 22 ἐπεξεύχθω-
σαν 22, 4; 50, 19; 52, 23;
54, 14; 56, 21; 60, 13; 64,
4; 70, 26; 72, 9. 13; 76, 21.
24; 78, 5. 10; 84, 5; 98, 23;
110, 12; 112, 25; 116, 21;
132, 17; 152, 4; 156, 22;
162, 11; 170, 23; 172, 19.
21; 252, 8; 280, 23; 296, 27
ἐπιξευχθεῖσα 156, 16; 158,
14; 164, 1; 232, 25; 240, 10
ἐπιξευχθείσης 152, 23 ἐπι-
ξευχθείση 162, 10 ἐπιξευχθεῖ-
σαι 144, 19 ἐπιξευχθειῶν
174, 4 ἐπιξευχθείσας 274, 1;
276, 7.
ἐπικαθήμενον 194, 1.
ἐπικείμενον 194, 24 ἐπικειμέ-
νους 216, 20.
ἐπιθεωρήσομεν 300, 16.

ἐπεκτείνω 254, 17. 18 ἐπεκτεί-
νεσθαι 254, 15.
ἐπιλαμβανόμενος 312, 9.
ἐπιλογιζόμενοι 16, 11; 274, 15
ἐπιλογιζόμεθα 12, 10 ἐπιλο-
γίσασθαι 240, 6 ἐπιλογισά-
μεναι 298, 22.
ἐπιμήκει 196, 17.
ἐπινοήσομεν 310, 21 ἐπινοήσω-
μεν 94, 2 ἐπινοήση 188, 20
ἐπινοήσαι 2, 19 ἐπινενοηκέ-
ναι 138, 9 ἐπινοεῖσθω 94,
12 ἐπινοεῖται 4, 11 ἐπινοη-
θέντα 2, 9. (10).
ἐπινοίας 2, 14; 92, 8.
ἐπίπεδος 90, 7. 13 ἐπιπέδον
110, 1. 20; 232, 12; 256, 17;
288, 9 ἐπιπέδω 94, 13. 25.
31.—96, 1. 8; 110, 9; 126,
10; 128, 1; 170, 16; 176, 7.
22; 178, 18; 180, 9; 184, 11.
14; 212, 15; 214, 24; 244, 2;
246, 7. 22. 23. 24; 248, 1. 9.
17; 250, 23; 256, 22; 290,
14. 16 ἐπίπεδον 84, 25; 86, 6;
90, 18; 94, 16; 96, 26; 98,
4. 12. 20; 100, 11; 102, 9;
110, 2. 12. 20; 112, 12; 120, 4;
126, 12. 14. 17; 180, 3; 226,
20; 228, 3. 11; 230, 9. 10.
14. 18. 22; 232, 2. 16; 234,
6. 13. 21. 23; 236, 3. 8. 12;
248, 1. 5; 252, 9. 15. 23;
292, 3. 5. 9 ἐπίπεδα 94, 3
108, 26; 214, 22; 290, 11.
21; 292, 12 ἐπιπέδων 4, 8;
66, 3; 100, 14; 108, 23; 112,
19; 174, 22 ἐπιπέδοις 4, 9;
94, 4 ἐπιπέδους 92, 6.
ἐπιπωμάζεται 196, 16.
ἐπιπώματι 300, 26.
ἐπισκευήν 254, 4.
ἐπισκεψασθαι 10, 16. 20; 212,
27; 228, 20; 284, 11; 288, 4;
298, 26 ἐπισκεπόμεν 298, 27
ἐπισκεψόμεθα 212, 23.

ἐπισκέψεως 2, 11.
 ἐπισπάσεται 312, 1 ἐπισπάσῃται
 202, 16.
 ἐπιστάμεθα 228, 26 ἐπίστασθαι
 268, 8; 292, 21; 302, 7.
 ἐπιστημῶν 142, 2.
 ἐπιστρέφω 288, 14 ἐπιστρέφου-
 σιν 298, 14 ἐπιστρέφων 312, 10
 ἐπιστρέψει 312, 10 ἐπιστρέ-
 ψωμεν 194, 7. 17 ἐπέστρεψα
 222, 2 ἐπιστρέψας 222, 5
 ἐπιστρέψωμεν 194, 7. 13 ἐπι-
 στρέψω 288, 11 ἐπιστρέψῃ
 200, 14 ἐπιστρέφεται 298, 9
 ἐπιστραφήσεται 312, 12 ἐπε-
 στράφθω 218, 25; 222, 23
 ἐπιστραφεῖς 226, 15.
 ἐπιταχθέντα 184, 13 ἐπιτε-
 τάχθω 152, 8; 178, 24; 180, 8.
 ἐπιτείνεται 284, 14.
 ἐπιτελέσαντες 188, 16.
 ἐπιτενυζόμεθα 242, 24.
 ἐπιτύχῳσι 290, 8.
 ἐπίτριτος 70, 26; 72, 6. 15 ἐπί-
 τριτον 48, 1; 76, 18. 23; 80, 5.
 6. 19. 25. 27, 28; 84, 15.
 ἐπιφάνεια 2, 19; 4, 10; 86, 1;
 88, 10. 11. 17. 18. 28; 90, 3.
 7. 14; 172, 1. 4; 236, 1 ἐπι-
 φανείας 4, 9; 6, 3; 90, 6.
 20. 23; 92, 5; 126. 7. 20;
 170, 24. 28; 184, 22; 300, 1.
 16 ἐπιφανεία 88, 12; 120, 5;
 170, 26; 184, 24; 196, 9 ἐπι-
 φάνειαν 84, 20. 23; 86, 3;
 28; 88, 14. 19; 96, 16; 126,
 17; 170, 15; 248, 10 ἐπιφά-
 νειαι 4, 24; 90, 20; 182, 9
 ἐπιφανεῶν 4, 12; 66, 4; 90, 4.
 20; 92, 3; 126, 22.
 ἐπιφέρεσθαι 284, 17.
 ἐπιχειροῦντες 190, 15.
 ἐπιχθελῖσα corruptum 254, 28.
 ἐπιχορηγεῖ 286, 11 ἐπιχορη-
 γούμενον 286, 15.
 ἐποίκια 140, 16.

ἐπιτάγωνον 54, 7. 21; 56, 8. 10.
 13; 56, 17 ἐπιταγώνον 54, 9.
 14.
 ἐπιτάκι 54, 5 ἐπιτάκις 66, 26.
 ἐργαζόμενοι 240, 26 ἐργαζομέ-
 νους 214, 2.
 ἐλθεῖν 254, 7 ἐλθῶν 256, 16.
 ἐσχάτον 78, 2 ἐσχάτα 78, 20.
 ἐτερόμηκες 6, 8 ἐτερομήκους
 6, 14.
 ἕτερος 288, 5. 6. 15; 210, 4;
 308, 21; 312, 6 ἕτερα 242,
 18; 244, 6. 14 ἕτερον 52, 12;
 94, 21; 113, 1; 172, 28; 202,
 5. 11; 218, 27; 220, 8; 240,
 7; 254, 21. 26; 258, 2; 264,
 13; 294, 12. 23; 300, 20;
 310, 9. 10. 15. 28; 314, 4
 ἕτερον 52, 13; 106, 12; 230,
 13; 232, 1. 2. 23; 234, 12.
 22; 260, 1; 294, 26 ἕτερον
 246, 22 ἕτερα 74, 23; 300,
 16; 312, 18 ἕτεραν 172, 27;
 188, 19; 220, 4; 224, 19;
 260, 22. 26 ἕτεραι 90, 20
 ἕτεροι 196, 13; 228, 8 ἐτέ-
 ρους 256, 28 ἐτέρας 214, 4;
 216, 8.
 ἔτι 2, 10; 4, 17; 18, 18; 24,
 26. 27; 28, 7; 36, 20. 26;
 92, 6; 106, 13; 108, 28; 132,
 8; 180, 13. 29; 182, 23;
 216, 11; 222, 20; 232, 3;
 234, 22; 238, 9. 11; 264, 13;
 276, 28; 290, 8; 302, 14.
 εὖ 254, 14.
 εὐθετοῦσι 66, 18 εὐθετοῦσης
 214, 4 εὐθετοι (?) 132, 5.
 εὐθύγραμμος 4, 12 (13). 13. 27;
 92, 14 εὐθυγράμμος 68, 6;
 166, 15 εὐθυγραμμων 46, 20;
 92, 3; 112, 18.
 εὐθεία 4, 14. 15; 94, 13; 96, 2;
 100, 8; 106, 12; 110, 10;
 114, 1. 3; 126, 10. 13; 142,
 10; 144, 3; 160, 27; 210, 5.

10. 12. 13. 15. 17; 212, 2;
 214, 24; 222, 24; 226, 13;
 254, 10; 256, 14; 260, 7. 11;
 264, 18; 270, 9 *εὐθείας* 80,
 11. 18; 84, 14; 90, 10; 94,
 15; 96, 5. 6; 120, 3; 136, 23;
 200, 28; 216, 8; 218, 19;
 220, 2. 8; 226, 2. 14; 228,
 13. 14; 232, 9; 236, 3. 5;
 238, 3. 14; 240, 21. 23. 29;
 242, 26; 256, 13; 258, 11;
 260, 2; 262, 10; 264, 10;
 266, 1; 270, 3; 272, 24;
 276, 14; 302, 12 *εὐθεία* 142,
 29; 150, 16; 226, 3. 7. 8;
 260, 9. 22; 264, 5 *εὐθεῖαν*
 4, 15. 17; 106, 10; 166, 17;
 214, 12. 19; 230, 29; 238, 6;
 240, 8; 244, 12; 256, 22
εὐθεῖαι 148, 2, 13; 272,
 22; 290, 14, 22 *εὐθειῶν*
 58, 19; 62, 18; 174, 4; 216,
 11; 248, 17; 250, 10; 252,
 23; 260, 28; 264, 15; 266,
 11; 268, 22; 272, 20; 274,
 21 *εὐθείας* 172, 14; 262,
 3; 272, 15.

εφαπτομένης 130, 28.

ἔχω 174, 26. 27. 28; 176, 13.
 16; 178, 28; 180, 16; 220,
 15; 224, 25; 228, 23; 230, 8;
 276, 4 *ἔχει* 8, 22; 18, 25;
 48, 3. 6. 14. 20. 27; 50, 28.
 29; 52, 4; 54, 9. 20; 56, 29;
 58, 5. 7. 24. 25. 27; 60, 1;
 62, 6. 24; 66, 15. 16; 72, 3;
 112, 9; 116, 28; 118, 1. 8.
 11. 14; 122, 19; 128, 5. 6;
 132, 10; 134, 20; 136, 26;
 142, 26. 27; 144, 6; 146, 6.
 13; 150, 24; 154, 25; 160, 9;
 162, 20; 184, 26; 218, 5;
 230, 2; 234, 18; 274, 27. 28;
 306, 13 *ἔχομεν* 238, 1; 266,
 14; 270, 13; 308, 20 *ἔχουσιν*
 18, 6. (7). 22; 36, 11; 172, 9;

212, 22. 24 *ἔχη* 4, 22. 23; 94, 21;
 100, 5; 296, 4. 12. 17. 20
ἔχέτω 220, 11; 286, 3; 294,
 19. 25; 310, 19 *ἔχειν* 4, 5;
 8, 13; 46, 11; 136, 15; 170,
 17; 184, 12; 248, 10; 284,
 24; 294, 7; 310, 6 *ἔχων* 4,
 28; 86, 7; 88, 21; 96, 17;
 98, 6; 122, 1; 190, 26; 196, 6;
 204, 15; 258, 14; 294, 13;
 308, 22; 312, 3; 314, 6 *ἔχου-*
σα 94, 13; 112, 8; 176, 4;
 190, 30; 194, 23; 200, 27;
 218, 25; 310, 13 *ἔχον* 6, 21;
 8, 14; 10, 19; 12, 13; 14, 18;
 26, 4; 28, 5; 30, 14. 28; 32,
 24; 34, 25; 40, 12; 44, 1;
 50, 2; 64, 2; 80, 15; 94, 8.
 18; 98, 16; 102, 12. 108, 24;
 142, 5. 30; 146, 1; 194, 4;
 196, 21; 200, 23; 220, 9;
 254, 20. 25; 256, 3; 294, 1.
 15. 17. 22; 308, 6; 310, 3. 11
ἔχοντος 2, 15; 76, 19; 86, 20;
 84, 16; 96, 22. 28; 102, 11;
 106, 9; 130, 18; 276, 27
ἔχοντι 200, 11 *ἔχοντα* 122,
 19; 142, 4. 8; 170, 29; 194,
 12; 196, 12; 200, 4. 6. 8. 15;
 258, 6; 260, 4 *ἔχοντες* 112,
 13; 130, 28; 262, 17 *ἔχου-*
σαν 102, 5; 104, 4; 134, 22;
 204, 17 *ἔχουσαι* 136, 25; 254,
 8 *ἔχόντων* 216, 17; 302, 1
ἔχουσῶν 214, 13 *ἔχοντας*
 214, 1 *ἐχούσας* 126, 4; 170,
 29 *εἶχε* 36, 17; 298, 11 *ἔξω*
 230, 1. 8. 11; 248, 8; 258, 4
ἔξει 130, 8; 178, 27; 200, 15;
 202, 24; 204, 8; 252, 24;
 272, 8; 300, 14; 314, 13
ἔξομεν 42, 18; 66, 26; 112,
 14; 138, 4. 5; 144, 22; 218,
 18; 238, 2; 240, 19; 262, 14;
 264, 3; 270, 14; 272, 10. 12;
 306, 20.

εὐλογον 138, 7; 288, 22.
 εὐλύτως 190, 29; 200, 25; 308, 4; 310, 24; 312, 5.
 εὐμετάφορον 138, 10.
 εὐπρεπείας 194, 3.
 εὐπρεπεστέραν 196, 18.
 εὐρίσκειν 300, 1 εὐρωμεν 276, 8
 εὐρεῖν 6, 9. 23; 8, 17; 12, 15; 14, 20; 18, 14; 20, 7. 9; 22, 2; 26, 2. 4. 28; 28, 3. 7; 30, 17; 32, 26; 34, 27; 44, 4; 46, 13; 50, 18. 25; 52, 19; 54, 22; 56, 20; 58, 15; 60, 10; 62, 13; 64, 3; 66, 21. 25; 68, 13; 80, 14; 88, 2; 100, 11; 120, 28; 222, 19; 226, 11. 19; 228, 22; 230, 12. 28; 232, 8. 13. 17; 234, 4. 9; 252, 25; 280, 16. 18. 21; 286, 8 εὐ-
 ρόντα 112, 2 εὐρήσομεν 20, 4; 52, 14; 142, 25 εὐρίσκεται 302, 5. 19 εὐρεθήσεται 296, 6
 εὐρεθείη 268, 1. 3 εὐρεθῆναι 220, 17 εὐρήσθω 34, 26; 36, 6; 226, 11; 232, 17; 240, 9; 248, 3. 5; 260, 6; 306, 10 εὐρεθέντος 218, 6
 εὐρεθέντα 20, 3 εὐρεθείσης 158, 12 εὔρηται 226, 6; 296, 22 εὐρημένη 216, 13; 220, 13; 230, 3; 236, 23; 302, 23
 εὐρημένης 240, 23 εὐρεθή-
 σεται 28, 31; 112, 11.
 εὐχέρειαν 188, 8.
 εὐχρηστίας 172, 15.
 εὐχρηστος 190, 4; 266, 18 εὐ-
 χρηστον 4, 6; 132, 1; 140, 7; 286, 21; 302, 5.
 εὐχερεστέρα 118, 26.
 ἐφαπτομένης 130, 28.
 ἐφαρμογή 140, 21.
 ἐφαρμόζω 254, 19. 24 ἐφαρμό-
 ζει 4, 15. 19 ἐφαρμόσασα
 204, 22 ἐφαρμόσαντες 246, 24.
 ἐφάδρα 98, 20 ἐφάδρας 98, 3.

19; 112, 12; ἐφάδρα 112, 10; 116, 26 ἐφάδραν 112, 13.
 ἐπισταθῆ 96, 3 ἐφεστ<άτ>ωσαν 236, 4 ἐφεστάτω 194, 25.
 ἐφοδικῶ 80, 17; 84, 12; 130, 7.
 ἔφοδος 76, 8. 15 ἐφόδω 74, 24; 76, 5. 17.
 ἔως 78, 2; 216, 7; 234, 28; 242, 16; 244, 12; 298, 7.

Z

ζητουμένω 112, 6 ζητουμένη 230, 26 ζητουμένης 218, 19.
 ζευχνούσης 218, 10. 16.
 ζυγοῦ 310, 26.

H

ἡγοῦμαι 188, 9 ἡγούμεθα 288, 22 ἡγησάμεθα 4, 5. (6).
 ἡγεμόσι 140, 12.
 ἡδη 140, 7.
 ἡλιακοῦ 286, 13.
 ἡλικη 214, 26. 29; 220, 14; 228, 24. 25. 26; 230, 6. 8. 11. 29; 238, 1; 240, 6; 260, 7; 302, 6 ἡλικον 214, 20 ἡλικην 214, 24.
 ἡλικα 242, 23.
 ἡλιος 302, 27; 304, 12. 17 ἡλιου 190, 8.
 ἡμῖν 310, 14 ἡμᾶς 190, 11.
 ἡμέρα 286, 15; 298, 1 ἡμέραν 298, 2 ἡμέρας 296, 3; 302, 28; 304, 13.
 ἡμερήσιος 302, 26; 304, 19 ἡμερηρίου 304, 21 ἡμερησίου 304, 23.
 ἡμικνκλίον 72, 28; 74, 6. 8. 9. 12. 16. 28. 30; 76, 6; 82, 1. 17 ἡμικνκλίον 218, 24. 27; 225, 5 ἡμικνκλίον 202, 3.
 ἡμιδακτυλ<ί>ον 200, 7.
 ἡμιόλιος 122, 3 ἡμιόλιον 132, 19.
 ἡμίσεια 22, 12; 24, 14. 16. 17.

18; 50, 13; 106, 2. 5. 6;
108, 3; 114, 20; 282, 25. 26;
284, 2. 3 *ἡμίσειαν* 168, 7
ἡμισείας 74, 23; 76, 3. 13;
166, 6.

ἥμισυς 86, 23 *ἥμισυ* 8, 2; 10,
9. 13; 14, 12. 17; 16, 5. 10;
18, 16. 27; 24, 24; 26, 21. 25;
30, 6; 32, 17. 21; 34, 22;
36, 7; 38, 28; 40, 3. 7; 44,
21. 28; 46, 3; 62, 9; 68, 2. 3;
74, 2. 15. 19. 29; 76, 2;
84, 9; 102, 3; 108, 12. 13;
116, 3. 5. 6; 118, 17. 19;
124, 6. 9. 18; 128, 5. 16. 28.
29; 134, 6; 182, 14; 262, 22.
23. 24; 284, 7 *ἡμίσιος* 56,
23. 25 *ἡμίσει* 282, 4 *ἡμίσεων*
26, 24.

ἡμισφαίριον 304, 1. 5 *ἡμισφαι-
ρίον* 124, 18; 304, 10.

ἡρεμεῖν 290, 7 *ἡρεμοῦσιν* 290, 1.
ἦτοι 4, 29; 10, 17. 21; 12, 2;
36, 14; 68, 6; 96, 3; 112, 21;
190, 11; 196, 10; 212, 21;
240, 24; 272, 9; 274, 18. 23.
ἦττον 140, 11.

Θ

θειώδεις 214, 7.

θέλομεν 212, 11.

θέσις 226, 6. 11; 234, 1; 248,
3. 4 *θέσεως* 222, 27; 234, 18;
240, 1 *θέσει* 94. 17; 148 29;
150, 22; 152, 17; 154, 20;
158, 6; 162, 21. 22. 23. 25;
164, 9; 166, 14. 29; 168, 15;
170, 3. 4 8. 10; 174, 13. 16;
270, 9; 278, 15. 17 *θέσιν*
96, 10; 222, 21; 224, 26;
226, 16; 232, 8. 13. 16; 244,
14; 272, 8; 294, 7 *θέσεις*
160, 26.

θεωρεῖται 140, 7 *τεθεωρήσθω*
228, 16; 236, 5; 250, 7.

θεωρήματα 2, 10.

θεωρίαν 190, 5.

θῆλυς 200, 23.

θόλους 126, 5.

I

ιδία 194, 15 *ιδίω* 202, 23.

ιδιώματος 190, 13.

ἴνα 6, 4; 68, 15; 144, 14; 244,
17; 254, 28; 298, 25; 302, 2;
308, 7. 15.

ἰσημερίας 302, 28; 304, 12.

ἰσημερινός 304, 7.

ἰσογώνιον 50, 16; 52, 15; 56,
18; 58, 13; 60, 8; 62, 11;
64, 1; 98, 25; 102, 12 *ἰσο-
γώνια* 66, 2 *ἰσογωνίων* 46, 20.

ἰσομήκης 200, 24.

ἰσοπαχῇ 174, 24.

ἰσόπλευρον 4, 28; 46, 23; 50,
16; 52, 15. 28; 54, 7. 14. 21;
56, 18; 58, 13; 60, 8; 62, 11;
64, 1; 98, 25; 102, 7. 12;
172, 17; 250, 18 *ἰσόπλευρα*
66, 1—2 *ἰσοπλεύρου* 132, 25;
136, 18; 172, 27 *ἰσοπλεύρω*
250, 17 *ἰσοπλεύρων* 46, 20;
134, 19.

ἰσοροπήσει 310, 26.

ἶσος 18, 7. 9; 98, 9 *ἶση* 16, 1;
22, 11. 28; 24, 1. 19. 20;
28, 10. 17; 30, 3. 24; 32, 5.
8. 12; 40, 19. 21; 42, 3;
56, 5. 6. 11; 52, 25; 54, 11.
13; 56, 24. 27. 29; 60, 27;
62, 1; 64, 7; 68, 27. 28;
72, 14; 88, 11. 13. 28. 29;
104, 11. 20. 28. 30. 31; 106, 3;
112, 22; 114, 12; 140, 22;
152, 15. 21; 170, 7; 172, 2.
3. 4; 180, 27; 184, 16; 230, 9;
244, 10. 12; 250, 28; 252,
1. 7. 13; 252, 14; 254, 13;
256, 4; 276, 11; 282, 3. 14;
290, 24; 292, 1 *ἶσον* 2, 16;
10, 4. 22; 12, 4; 22, 15. 18;

24, 12; 28, 26. 29; 32, 1. 3.
 13; 34, 6; 42, 1; 68, 7. 26;
 70, 11. 14. 16. 18. 20. 21;
 76, 20. 27. 28; 78, 22. 24;
 80, 1. 15. 20. 21; 82, 6. 28;
 84, 8. 17; 88, 14; 96, 22. 28;
 98, 27; 102, 11; 104, 26. 28;
 114, 6. 9. 15; 122, 2. 19;
 140, 5; 148, 18; 152, 12. 13;
 156, 22; 158, 1; 162, 11. 13;
 166, 5; 168, 5; 172, 23;
 174, 8; 224, 4. 6. 7; 256, 13;
 260, 3; 266, 14; 268, 1. 4. 7.
 9. 12; 272, 1. 2; 274, 9;
 282, 5. 23 Ἰσην 8, 14; 22, 13;
 30, 13; 86, 7. 11; 112, 6;
 122, 1; 170, 11; 252, 18;
 254, 20. 25; 256, 2; 276, 13;
 290, 26 Ἰσῶ 170, 26; 184, 23
 Ἰσα 8, 5; 66, 8; 78, 9. 11;
 80, 2; 98, 27; 104, 23; 106,
 25; 148, 5. 9; 172, 13; 174,
 5. 21; 256, 8; 266, 10; 272,
 26 Ἰσοι 122, 10; 212, 13
 Ἰσαι 22, 23. 24; 32, 6; 104,
 19; 134, 22; 170, 9; 282, 12;
 290, 22; 292, 6 Ἰσων 8, 15
 Ἰσοις 140, 5 Ἰσας 22, 26.
 27; 94, 26; 96, 1. 9; 104,
 29.
 ἰσοσκελές 8, 14. 23; 30, 13. 27
 ἰσοσκελοῦς 86, 3 ἰσοσκελῶν
 36, 13.
 ἰσοῦψεῖς 98, 7.
 ἰσοῦψῃ 212, 14.
 ἰσοχρόνιος 314, 7.
 ἰσταταί 190, 11; 214, 5 ἔστησα
 224, 17; 226, 1; 240, 30
 στήσας 222, 1; 258, 5; στα-
 θήσονται 204, 12 ἑστηκός
 4, 17.
 ἱστοροῦσι 138, 8 ἱστοροῦντες
 92, 9.
 ἱσχοῦσιν 284, 18.
 ἴνυς 68, 23 ἴνυος 70, 5;
 160, 1.

K

καθά 308, 2.
 καθάπερ 126, 21; 190, 25;
 194, 2. 26; 292, 25; 306, 24.
 κάθαρσιν 254, 3.
 κάθετος 8, 18; 10, 1. 12; 14,
 15. 21. (22); 16, 8; 24, 10;
 26, 6; 28, 31; 30, 21. 29;
 32, 19. 28; 34, 3. 21. 28;
 36, 6. 24; 40, 11. 14. 16. 18;
 42, 9. 25; 44, 16; 46, 25;
 50, 20; 54, 12. 24; 56, 22;
 64, 5; 70, 27; 72, 12; 74, 9;
 76, 10; 80, 12; 82, 4; 94, 27;
 98, 19; 100, 10; 102, 8;
 104, 10; 106, 30; 110, 1. 11.
 20. 25; 112, 12; 116, 1;
 122, 15. 20. 23; 132, 23;
 136, 1. 3; 138, 1; 146, 8. 20;
 150, 5; 166, 8; 168, 5;
 180, 20; 222, 13; 230, 5. 21,
 26; 232, 1; 236, 11; 240, 3.
 5. 11. 13; 252, 6; 268, 24.
 26. 27. 28; 270, 11; 272, 27;
 278, 4. 19; 280, 11; 290, 23
 καθέτον 18, 14; 20, 10; 26,
 2. 3. 28; (28, 1); 72, 23;
 74, 19; 76, 15; 80, 10; 96, 25;
 148, 21; 166, 7. 27; 230, 17;
 232, 14; 234, 20; 252, 3;
 280, 5. 8. 19 καθετον 14, 20;
 20, 8; 28, 2; 30, 19; 32, 22.
 26; 34, 27; 74, 1. 2. 27;
 80, 22; 94, 30; 96, 15; 98, 4;
 100, 3; 102, 2. 18; 106, 18.
 21. 24. 31; 108, 21; 122, 21;
 124, 10; 134, 28; 136, 17.
 19. 27; 138, 3; 146, 7; 226,
 19; 230, 10. 13; 234, 8. 10.
 12; 236, 7. 10. 22; 238, 2;
 240, 28; 242, 9. 17. 19. 23;
 252, 22. 23; 278, 1; 280, 18
 κάθετοι 30, 31; 98, 22; 256,
 11 καθέτων 34, 4; 112, 3
 καθέτους 10, 16; 234, 16.

- καθιστᾶν 256, 10 καταστήσει 204, 23 καταστήσομεν 246, 22. 27 κατέστησα 220, 6 καταστήσαι 244, 16 καταστήσαντες 194, 16 κατασταθέντων 244, 11 κατασταθεισῶν 254, 7 κατασταθήσεται 204, 1 καθιστάτω 250, 3 καθεστᾶσθω 222, 22; 244, 1 καθεσταμένον 248, 8.
- καθολική 18, 12 καθολικῇ 46, 13 καθολικώτερον 268, 19.
- καθόλου 66, 4; 76, 4; 94, 7; 102, 16; 112, 7; 190, 9.
- καθώς 128, 28.
- καίτοι 2, 12.
- κακοπαθῶς 292, 19.
- καλῶ 94, 19; 96, 14; 98, 3 καλοῦσιν 126, 18. 23 καλουμένου 292, 17 καλουμένης 212, 20 καλουμένην 288, 20 καλουμένων 132, 7 καλεῖται 4, 20. 22; 68, 23; 92, 18 ἐκλήθη 2, 5.
- καλῶς 4, 5; 310, 25.
- καμάρας 126, 4; 132, 2.
- καμπύλη 264, 4.
- καταντήσομεν 252, 27.
- κᾶν 74, 18; 94, 20. 23; 126, 18; 142, 23; 146, 18; 162, 3.
- κανὼν 196, 5; 204, 4; 210, 5; 212, 4; 218, 25; 222, 23; 228, 5; 234, 27; 236, 14; 242, 4. 8. 17; 244, 2. 5; 258, 13. 15 κανόνα 202, 14; 204, 22; 220, 7; 222, 5; 226, 14; 242, 14; 256, 18. 24; 258, 6. 8; 288, 7. 10. 14 κανόνος 196, 9; 202, 2. 9. 11; 204, 3. 7. 11. 20; 210, 4; 218, 27; 222, 9. 25. 27; 228, 15. 16; 232, 23; 236, 6; 240, 1; 242, 2. 5. 8. 12. 13. 16; 244, 10; 250, 4; 256, 27; 258, 2. 11; 296, 12 κανόνι 196, 17. 26; 200, 10. 12. 24; 236, 5; 258, 4; 288, 2 κανόνα 222, 2; 238, 14 κανόνες 200, 20; 204, 12; 228, 8. 14; 236, 4; 242, 11. 12 κανόνων 200, 19; 204, 13; 236, 22; 242, 5; 274, 23 κανόνας 240, 30; 242, 3.
- κανόνια 194, 26 κανονίων 196, 1.
- καταβάσεως 210, 1. 2. 6. 12. 14. 16; 212, 1. 3. 7. 10.
- καταβιβάζονται 66, 18.
- κατάγεσθαι 212, 16.
- καταγράφειν 304, 5 καταγεγράφθω 304, 1.
- καταδαιρούμενα 66, 2—3 καταδαιρουντα 90, 13.
- κατακρατοῦσιν 312, 21 κατακρατήσει 312, 2.
- καταλειπόμενον 138, 24 καταλ(ε)πομένον 174, 1; 176, 9; 178, 26; 180, 10 καταλειπόμενα 148, 4; 270, 2 καταλειπομένων 268, 17 κατ-ελείφθησαν 140, 15 καταλείψας 256, 23; 258, 1.
- καταπεπρισμένον 94, 5.
- καταρρέψει 310, 28.
- κατασκευή 190, 24; 200, 18; 292, 26 κατασκευῆς 204, 24 κατασκευῇ 296, 25 κατασκευήν 190, 22; 308, 8 κατασκευάς 190, 3.
- κατασκευαζόμενας 132, 2 κατασκευασάμενος 190, 15 κατεσκευασθω 214, 21; 306, 23; 314, 5 κατασκευασθεῖσα 188, 20 κατασκευασθείσης 260, 21; 286, 19; 302, 4 κατασκευασθέντων 310, 20.
- κατατετμημένον 112, 26.
- καταφέρεσθαι 204, 1 κατενεχθήσεται 202, 21; 212, 12; 310, 24.
- κατειλούμενα 308, 14.
- κατησχολεῖτο 2, 5.

κάτω 190, 30; 200, 6. 13. 15;
202, 22; 204, 4. 16. 18. 21.

κέγχρον 140, 19.

κενῆς 126, 7.

κεῖσθω 22, 11; 50, 5; 104, 11;
112, 22; 184, 16; 212, 4;
214, 23; 218, 24; 228, 3;
234, 25; 250, 28; 252, 1. 6. 7;
254, 13; 256, 4; 260, 6;
274, 24; 276, 11; 282, 3;
304, 25. 28; 306, 5 κεῖσθαι
284, 23 κείμενον 202, 9;
234, 7. 13; 296, 2 κείμενον
220, 3; 242, 9; 256, 5; 294,
17. 22; 310, 22 κείμενοι
306, 26 κέσσεται 300, 3.

κέντρον 22, 3; 50, 18; 52, 21;
54, 10. 23; 56, 20; 58, 16;
60, 10; 64, 4; 68, 12. 17; 94,
15; 120, 14. 15. 23. 25; 122,
23; 126, 29; 128, 12; 130, 15;
132, 16; 134, 23. 26; 136, 25;
158, 17; 172, 3. 4; 184, 15;
190, 28; 280, 23. 26; 312, 22;
314, 13 κέντρον 22, 9; 54,
8. 12; 74, 14; 86, 25; 88, 29;
122, 20; 128, 8; 130, 5. 14;
134, 20. 28; 136, 22. 27;
284, 1; 294, 12 κέντρα 118,
27.

κεφάλιον 194, 2. 24.

κηρᾶ 138, 21; 196, 23.

κιβωτάριον 298, 27 κιβωταρίου
292, 27; 294, 2. 5. 13. 18.
23. 25; 296, 3; 298, 28;
300, 3. 19. 26.

κιβώτιον 292, 25.

κινεῖν 310, 5 κινῶν 308, 10
κινουσα 308, 9 κινήσει 200,
14; 296, 7; 308, 15; 312, 17
ἐκίνησαν 298, 12 κινήσαι
306, 22 κινεῖται 244, 2 κι-
νεῖσθω 228, 6 κινεῖσθαι 298,
18 κινούμενος 228, 5; 312,
23 κινούμεναι 290, 1 κινή-
σεται 296, 17 κινήσῃ 308,

15 κεννημένον 298, 19 κε-
κνηκέναι 296, 11.

κίνημα 314, 16.

κινήσεως 314, 16.

κιονίον 194, 2.

κίοσιν 126, 21. 26.

κλάσεις 216, 11 κεκλάσθωσαν
276, 12.

κλίμα 212, 28; 214, 4; 250, 16;
304, 3. 6 κλίματος 212, 28
κλιμάτων 302, 6 κλίμασιν
302, 23.

κλίμακας 190, 15.

κέκλιται 252, 15; 290, 19 κε-
κλιμένη 96, 3 κεκλιμένον 94,
24; 252, 9 κεκλιμένα 272, 14.

κλίσις 252, 5; 290, 19 κλίσιν
250, 28.

κόγχην 124, 17.

κοῖλον 92, 16; 304, 5 κοίλης
126, 7 κοῖλαι 4, 16 κοίλας
4, 10; 290, 4 κοίλων 92, 18
126, 24.

κοινόν 28, 27; 130, 29; 162, 12
κοινή 134, 2 κοινοῦ 32, 2
κοιναί 28, 11 κοινῶν 32, 6.

κόλουρος 112, 7. 12; 118, 16.
27; 120, 17 κόλουρον 104, 3;
106, 7; 116, 12; 118, 14. 24;
180, 14 κολούρον 106, 27;
108, 22; 112, 17; 118, 23;
120, 2. 5. 26; 178, 26; 180,
15.

κολουροκόνον 182, 9. 12.

κορυφή 100, 8; 104, 4. 6; 106,
11. 13. 14. 20. 22; 108, 25;
110, 23. 27; 112, 5, 11. 20.
28; 114, 1. 2. 4; 116, 18. 24;
118, 2. 4. 10. 12. 13; 120, 3.
14. 16. 23; 132, 14; 134, 25;
136, 4; 178, 21; 180, 8;
246, 5 κορυφήν 106, 9; 142,
4. 9; 176, 5 κορυφῆς 94, 27;
96, 14. 25; 100, 10; 102, 8.
18; 110, 24; 116, 15; 234, 4
κορυφῇ 112, 10; 120, 25;

- 144, 1; 176, 8; 178, 25;
180, 10 κορυφαί 134, 3 κο-
ρυφάς 134, 23; 136, 25 κο-
ρυφαῖς 174, 26.
κορυάν 204, 15 κορυᾶς 204, 4
κορυᾶ 204, 20.
κοχλίον 294, 16; 296, 13; 298, 4;
312, 19 κοχλίᾱ 294, 14. 20;
296, 16; 298, 13; 312, 8
κοχλίαν 194, 14. 17; 294, 20;
298, 7; 312, 10 κοχλίαι 296, 5
κοχλιῶν 212, 21 κοχλίᾱς 194,
12. 22; 196, 1; 294, 11
κοχλίᾱς 296, 6. 15; 312, 3. 23.
κοχλίδιον 194, 4. 7 κοχλιδίου
194, 6.
κρέμονται 288, 26 κρεμάμενον
204, 17 κρεμαμένους 292, 10.
κρήναις 132, 3.
κρίνειν 188, 13; 292, 23.
κυβική 178, 16 κυβικὴν 176, 19;
178, 1. 3; 184, 2.
κύβισον 176, 24; 182, 23 κυ-
βίσαι 132, 10 κυβίσαντα 122,
11.
κύβος 4, 28; 132, 10; 176, 15.
17. 18; 178, 28. 29 κύβον
130, 27. 29; 176, 16; 178, 5.
28; 182, 1. 2 κύβον 132, 1.
7; 178, 12 κύβοι 122, 10;
176, 15 κύβους 182, 24.
κύκλος 22, 3; 54, 10; 58, 16;
62, 14; 70, 26; 82, 5; 88, 3.
21; 118, 4. 7. 12; 120, 14.
16. 23. 25; 124, 3; 126, 19;
128, 5. 17; 170, 19. 26; 172,
16; 178, 21; 180, 8; 182, 8;
184, 14. 23; 246, 5; 280, 22;
300, 15; 302, 26; 304, 7. 19;
306, 3. 13; 314, 13 κύκλου
2, 20; 22, 10; 46, 22; 50, 19;
52, 22; 54, 8. 12. 23; 56, 21;
60, 12. 17; 64, 4; 66, 6. 8. 9.
12. 14. 20. 28. 29. 30; 68, 5.
11. 19. 21; 70, 23; 72, 28;
74, 5. 11. 24. 25; 76, 18. 20;
82, 2. 21; 84, 28; 86, 6. 22.
25. 31; 88, 2. 4. 8. 31; 90, 1;
122, 22; 126, 16. 20. 27. 29;
128, 7. 18; 130, 7; 132, 16;
158, 16; 160, 3; 170, 28;
172, 5. 20. 22. 24; 174, 2;
180, 11; 184, 25; 200, 28;
242, 27; 244, 4; 246, 3. 10.
11; 282, 2; 302, 12; 306, 8;
314, 15 κύκλω 22, 22; 58, 19;
62, 18; 88, 28; 122, 2; 172,
2. 4; 180, 13; 282, 11; 304,
11 κύκλον 54, 7; 68, 7; 82,
28; 116, 29; 128, 26; 134,
26; 158, 18; 160, 2; 172, 13.
26; 180, 4; 286, 26; 300, 9.
13; 306, 10; 312, 19 κύκλοι
2, 16; 88, 5; 160, 4; 312, 21
κύκλων 68, 12. 14. 15; 88, 6;
300, 25 κύκλοις 66, 9 κύκλους
302, 1.
κυλίονται 312, 22.
κυλινδρικών 126, 3 κυλινδρικός
92, 7.
κυλίνδριον 196, 21 κυλίνδρια
196, 23. 27 κυλινδρίων 196,
25; 200, 3. 9.
κύλινδρος 2, 14. (15); 94, 18. 23;
96, 16; 98, 5. 10; 122, 1;
128, 13. 15. 20; 130, 8 κύ-
λινδρον 98, 1; 118, 7; 128,
7. 19. 24; 130, 27 κυλίνδρον
4, 3; 84, 20. 24. 26. 27; 86,
1. 29; 88, 12. 14. 26; 96, 21;
120, 29; 122, 6; 128, 12;
130, 9. 11. 13. 19. 22. 25
κυλινδρῶ 98, 6 κύλινδροι
98, 7; 174, 25 κυλινδρῶν
66, 14; 130, 29.
κυρταί 4, 16 κυρτῆς 126, 24
κυρτάς 4, 10.
κυρτώσεως 250, 2. 9.
κυρτώσαι 248, 10.
κῶμαι 140, 15.
κωνικός 92, 7 κωνικῶν 126, 3.
κωνοειδέσιν 82, 27.

κωνοκόλορος 180, 16. 17. 20
 κωνο[v]κολούρον 184, 6.
 κῶνος 96, 15. 21; 118, 16. 27;
 120, 13. 15. 17; 124, 4; 178,
 20; 180, 6. 21. 29; 184, 9;
 246, 4. 24 κῶνον 116, 12. 18;
 118, 3. 11. 14. 24; 120, 3.
 22. 24; 122, 18. 25; 178, 17.
 25; 180, 14. 30; 182, 18
 κώνον 2, 15; 80, 18; 84, 15;
 86, 3. 8. 13. 17; 96, 12. 14.
 23; 116, 19; 118, 23; 120, 2.
 6. 12. 26; 124, 2; 178, 26;
 180, 15; 182, 19 κώνω 96,
 17 κῶνοι 98, 7; 180, 31
 κώνων 176, 2; 180, 30.

A

λαμβάνω 220, 1 λαμβάνει 4,
 26. (27); 194, 11; 298, 11
 λαμβάνειν 286, 25 λαμβάνων
 242, 18; 258, 3. 7 λαμβάνον-
 τες 74, 2; 242, 22; 244, 14
 λαμβάνουσι 4, 25 λαμβάνεται
 94, 28 ληψόμεθα 18, 23;
 96, 24; 272, 23 λήψει 118,
 26 ἔλαβον 220, 5; 224, 18.
 20; 226, 1; 256, 26; 258, 1.
 10; 260, 22. 27; 266, 11
 λάβη 298, 8 λάβωμεν 52, 13
 λαβέ 10, 9; 18, 16. 21; 48,
 26. 27; 54, 5; 128, 28; 156,
 11; 160, 12; 178, 5; 182, 9;
 184, 2 λαβέτω 312, 8 λαβεῖν
 8, 9; 46, 10; 50, 26; 66, 22;
 74, 15; 84, 1; 90, 9; 122, 5.
 7. 12; 124, 6; 136, 13; 174,
 13; 176, 19; 178, 3; 218, 21;
 220, 18; 224, 16. 27; 234, 19
 λαβών 74, 19; 254, 13. 16. 21
 λαβόντα 8, 13; 26, 28; 90,
 15; 94, 29; 100, 2; 102, 16;
 104, 1; 132, 27; 136, 17. 20
 λαβόντες 42, 16; 66, 26; 68,
 1. 3. 7. 10; 138, 2. 4; 240,

15; 264, 8; 270, 15; 272, 19
 λαβόντας 46, 9 εἰληφέντω
 298, 9 εἰληφέναι 294, 10
 λαμβανομένων 244, 17 λα-
 βόμενοι 272, 6 εἰλήφθω 48,
 27; 50, 18; 52, 20; 54, 23;
 56, 20; 60, 10; 64, 3; 126,
 11. 29; 132, 16; 134, 25;
 170, 24; 174, 17; 184, 21;
 214, 23; 216, 2; 222, 16;
 232, 20; 254, 10; 264, 20;
 270, 8 εἰλήφθωσαν 240, 29
 εἰληψε 140, 17 ληφθείσης
 242, 21 ληφθέντων 250, 11.
 12; 262, 3; 264, 21; 288, 18.
 λανθάνωσιν 288, 24.
 λέγω 4, 17; 70, 10; 76, 22;
 110, 4. 8; 112, 10; 120, 1;
 132, 7; 172, 19; 184, 24;
 292, 13 ἐροῦμεν 178, 4;
 200, 20 εἶπειν 46, 8. 10. 15;
 90, 6; 140, 19; 302, 21 λε-
 λεχόντων 188, 5 λέγεται 6, 11
 λέγεσθαι 292, 26 εἴρηται 6, 2;
 76, 15; 94, 22; 178, 24;
 180, 13; 184, 10; 194, 24;
 200, 18; 252, 15. 19; 270, 5;
 308, 4 εἴρηται 174, 23 εἰ-
 ρήσθω 46, 19 εἰρημένος 94,
 6; 128, 15; 194, 14; 306, 3
 εἰρημένη 76, 14; 138, 1;
 204, 22 εἰρημένον 68, 23;
 90, 1; 94, 31; 112, 15; 122,
 22, 24; 128, 12; 132, 29;
 194, 7; 204, 19; 256, 14
 εἰρημένης 306, 16 εἰρημένην
 74, 17; 94, 18. 30; 100, 3;
 136, 19; 196, 7; 252, 24;
 260, 4 εἰρημένον 204, 20;
 298, 17; 308, 2; 314, 15
 εἰρημένης 4, 5; 94, 14; 96, 5;
 190, 24; 204, 10. 24 εἰρημένω
 74, 22; 194, 3; 196, 2; 250,
 14; 294, 10. 14; 298, 21
 εἰρημένην 74, 8; 204, 20;
 302, 27; 304, 11 εἰρημένοι

98, 8; 172, 5; 288, 9 *εἰρη-
μένα* 4, 25; 6, 2; 188, 7. 8;
232, 4; 290, 21; 294, 1; 300, 2
εἰρημέναι 4, 24; 172, 9 *εἰρη-
μένων* 4, 11. (12); 78, 27;
108, 24; 174, 22; 214, 16;
266, 4 *εἰρημέναις* 204, 11
εἰρημένοις 26, 7; 42, 8; 178,
17; 200, 1. 5; 212, 6; 230,
15; 246, 18; 302, 23 *εἰρη-
μέναις* 196, 19 *εἰρημένους*
212, 25 *ἐηθέontos* 302, 5
ἐητήν 18, 22; 48, 27 *ἐητής*
26, 2. 3. 28.

λεπτότατον 90, 15.

λεπίδι 200, 16.

λεπίδια 200, 1. 14 *λεπιδίους*
200, 5.

λενκῶ 202, 3.

λιμένα 244, 14 *λιμένα* 242, 27;
244, 5 *λιμένων* 190, 3.

λόγος 2, 4; 6, 20; 40, 22; 52,
1. 2; 54, 16. 18. 20. 25. 27;
56, 1. 3. 6. 8; 58, 1. 3; 60,
28; 62, 2. 18. 20. 21; 64, 12.
20. 24. 25; 110, 16. 17; 120,
7; 124, 1; 128, 17. 20; 142,
11. 17; 144, 23; 146, 6. 22.
26; 150, 20. 24; 154, 1. 2.
5. 6. 25; 160, 1. 2. 5. 9. 21.
23; 166, 2. 22. 23; 168, 2;
170, 18; 176, 24; 180, 24.
29; 182, 4; 184, 13; 218, 5;
278, 6. 11. 12 *λόγον* 98, 16;
112, 9; 140, 21; 170, 15;
216, 13 *λόγον* 48, 3. 6. 13.
20; 50, 12. 28. 29; 52, 4;
54, 9; 56, 29; 58, 5. 7. 24.
25. 27; 60, 1; 62, 6. 23; 66,
15; 72, 3; 116, 28; 118, 1.
8. 10. 14; 122, 4. 9. 19; 128,
5; 134, 30; 136, 26; 140, 18;
142, 8. 26. 28; 144, 6; 146,
13; 150, 16; 162, 20; 166, 1;
170, 17. 29; 172, 9; 174, 27.
28; 176, 13. 16; 178, 28;

180, 16; 184, 12. 26; 220, 12;
230, 2; 274, 26. 28; 310, 19
λόγω 142, 4; 146, 5; 152, 9.
11. 28; 156, 20. 21; 158, 18;
160, 21; 162, 9. 24; 164, 5.
6. 7. 11. 12; 166, 18. 21;
168, 12; 178, 19; 180, 7;
218, 18; 252, 3 *λόγους* 174, 27.

λελογχότα 140, 10.

λοιπός 50, 31; 120, 17 *λοιπή*
30, 2. 27; 34, 1. 30; 108, 8;
142, 22; 152, 20; 158, 9;
180, 24. 28; 216, 26; 218, 1.
2; 232, 19; 278, 15. 16. 22;
280, 4 *λοιποῦ* 122, 20; 144, 2.
172, 3 *λοιπόν* 12, 23; 14, 3;
26, 10; 44, 16; 82, 23; 104,
26; 110, 28; 112, 13. 16;
118, 12; 120, 26; 152, 13;
166, 26; 168, 5. 14; 240, 22;
284, 7. 8; 294, 24 *λοιπά* 10,
11; 14, 12. 14; 16, 5. 7;
30, 9; 32, 18; 34, 19; 36, 5;
40, 3; 42, 23; 44, 27; 46, 1;
108, 16. 17; 116, 5; 128, 23;
150, 2; 154, 29; 182, 13. 17;
262, 19; 266, 3; 272, 13
λοιπαί 18, 17. 18; 24, 25. 26;
32, 16; 40, 6; 156, 13; 184, 3
λοιπῶν 116, 6; 248, 16; 250,
10; 262, 25; 268, 16; 274, 14;
276, 24; 298, 22 *λοιπούς*
268, 19.

λοντήρος 124, 17; 126, 6 *λου-
τήρα* 124, 14.

M

μακροί 196, 3 *μακρούς* 306, 24
μακροτέραν 214, 10.

μᾶλλον 46, 22; 52, 13; 284, 21
μάλιστα 290, 2; 302, 15.

ἐμάθομεν 26, 1; 34, 21; 46, 12;
48, 28; 82, 19. 21; 88, 9;
96, 20; 102, 14; 108, 15. 19;
128, 28; 130, 11; 132, 25;

- 146, 8; 152, 10; 154, 24;
182, 10. 19; 222, 15; 224, 3;
226, 12; 232, 13; 234, 9. 15;
240, 30; 260, 7. 20.
μέγας 306, 13 μεγάλην 140, 9.
μέγεθος 20, 9; 224, 26; 226, 6;
234, 20; 252, 21; 280, 18;
296, 24 μεγέθει 148, 4; 214,
25. 27. 29; 244, 11; 270, 9;
278, 3. 5. 10; 300, 12 μεγέ-
θη 70, 7; 216, 12 μεγεθῶν
190, 7.
μέγιστος 170, 19; 306, 3 με-
γίστου 2, 20; 70, 10; 86, 31;
302, 13; 306, 8 μεγίστω 122, 2
μέγιστα 140, 9 μεγίστων 184,
14.
μέθοδος 10, 9; 14, 8; 16, 1;
18, 12; 80, 9; 144, 12; 146,
19 μεθόδου 212, 24 μεθόδω
46, 14; 74, 8; 138, 26 μέθο-
δον 138, 9; 302, 9 μεθόδους
292, 23.
μείζων 72, 5; 74, 26; 76, 9.
16; 80, 10; 82, 25; 110, 3;
212, 11; 228, 9; 290, 25
μείζον 10, 24; 12, 7. 11;
14, 22; 44, 11; 50, 13; 76,
11. 12. 18. 22; 78, 7. 18;
80, 5. 6. 25. 28; 82, 1; 172,
25 μείζονος 68, 15. 19; 124,
16 μείζονι 194, 6 μείζω 140,
13 μείζονα 38, 2. 5; 66, 15;
78, 8. 22; 110, 7; 214, 11;
284, 21; 300, 13; 312, 20
μείζονες 312, 20 μείζονι 300,
14.
μείδον 268, 3; 274, 9; 286, 11.
μειούρων 176, 1.
μέλανι 202, 5.
μέλλει 246, 23 μέλλομεν 308, 2
μέλλουσα 292, 26 μέλλον 138,
10 μέλλοντος 258, 9.
μέντοι 76, 7; 80, 10; 284, 13.
17.
μενούσης 96, 4 μένοντος 126, 13;
210, 3; 228, 7. 15; 242, 4. 13;
256, 25 μενόντων 220, 1 με-
νεῖ 194, 18.
μέρισον 18, 25; 42, 21; 146,
21. 25. 27; 150, 6; 154, 27;
158, 13; 160, 11.
μέρος 52, 7; 54, 1; 58, 20;
74, 22; 90, 16; 96, 21. 27;
102, 10; 106, 29; 130, 17;
136, 6; 172, 20. 22. 24. 28;
174, 1. 7. 18; 196, 4; 200,
14. 23; 202, 12. 23; 204, 18;
224, 20. 22. 23; 226, 2. 3.
4; 236, 28; 240, 17. 19;
260, 8. 9. 10; 266, 12; 268,
14; 270, 10. 12; 272, 2. 3;
274, 6. 12. 24. 25. 26; 276,
16. 18; 288, 14; 312, 6 μέ-
ρους 190, 26. 30; 194, 2; 200,
15; 294, 19. 26; 300, 4 μέρει
74, 26; 204, 11; 266, 12. 14;
268, 2. 5. 13; 274, 9 μέρη
4, 25; 6, 1. 5; 212, 10; 228,
10; 244, 6; 266, 9. 10; 272,
17. 26; 274, 16. 23 μερῶν
132, 4; 200, 6; 202, 18. 25;
204, 7. 9. 14. 16; 242, 21;
268, 3. 11. 16; 274, 7 μέρεσι
220, 2; 222, 22; 224, 7. 25;
234, 2; 248, 4.
μεσημβρινός 304, 7; 306, 4 με-
σημβρινοῦ 306, 1.
μέση 204, 21; 264, 19 μέσον
50, 12; 188, 11; 248, 12
μέσον 18, 7; 264, 1 μέσης
70, 23. 24; 72, 8; 76, 20;
126, 24 μέσῳ 200, 22; 298,
20 μέσους 212, 22. 25. 29
μέσας 200, 4.
μεταγαγεῖν 188, 8.
μετακείσθω 210, 4; 214, 25. 29.
μετακινουμένης 244, 9.
μεταξύ 60, 12; 190, 6; 194, 27.
28; 196, 4; 214, 20; 218, 21;
222, 20; 224, 16; 228, 7. 26;
230, 7; 232, 3; 234, 17;

236, 6; 264, 3. 5. 10; 266, 1. 6; 272, 24; 288, 3. 17; 302, 5. 6. 11; 306, 11.
 μεταπίπτει 46, 16.
 μετατίθημι 242, 5 μετατίθεσθαι 138, 27 μετῴθεις 220, 6 μετατεθείσης 242, 10.
 μεταχειρίζεσθαι 92, 12.
 μεταφέρω 242, 14.
 μετεωρίσει 202, 19.
 μετέωρον 228, 1; 310, 21 μετεωρότερον 212, 12; 214, 6; 228, 20.
 μετρῶμεν 74, 7 μετρῆν 90, 12. 18; 126, 5; 262, 11; 274, 2; 292, 18 μετροῦντα 292, 19 μετροῦντες 298, 8 ἐμέτρουν 72, 29 μετρήσομεν 82, 2; 86, 3; 88, 19; 124, 14. 18; 262, 16; 264, 6. 11; 266, 8 ἐμέτρησα 224, 1; 266, 11. 13 ἐμέτρησεν 86, 29 ἐμετρήσαμεν 92, 6 μετρήσωμεν 80, 7 μέτρησον 108, 14. 17; 128, 24. 26 μετρήσαι 82, 1. 25; 84, 3. 20; 86, 23; 88, 15; 92, 14; 96, 12; 98, 1. 15; 102, 5; 104, 3; 108, 23; 112, 3. 18; 116, 13; 118, 24; 120, 22; 122, 14; 126, 9. 27; 130, 4. 13; 132, 13. 20; 136, 21; 138, 20; 220, 16; 224, 6. 24; 226, 5; 244, 12; 260, 18; 264, 17; 270, 2. 3; 274, 4. 17; 256, 3. 22 μετρήσαντα 68, 14 μετρήσαντες 88, 14; 112, 15; 138, 17. 22; 262, 14 μεμετρηκέναι 90, 23 μεμετρηκώς 298, 5 μετρεῖται 66, 3; 94, 9. 20. 23; 100, 6; 112, 8; 262, 20 μετρεῖσθαι 66, 5; 90, 7; 92, 17; 138, 10 μετρον-μένη 296, 5 μετρούμενον 296, 24 μεμετρησθαι 90, 5 μεμετρημένον 262, 25; 264, 15 μεμετρημένων 126, 4 με-

τρηθήσεται 90, 21; 94, 22 μετρηθῆναι 138, 12; 266, 5 μετρηθέντος 138, 24 μετρηθείσης 94, 10 μετρηθέντων 138, 6.
 μέτρησις 266, 8 μετρήσεως 264, 16 μετρήσει 66, 6. 28; 124, 15; 126, 6; 138, 8 μέτρησιν 6, 4; 36, 10; 68, 16; 70, 6; 92, 3; 132, 10; 268, 20 μετρήσεις 2, 4; 16, 13; 66, 18; 126, 2; 132, 9 μετρήσεων 2, 8; 4, 8; 6, 3; 140, 4.
 μετρικῶν 2, 1.
 μέτρον 6, 7; 210, 1; 272, 9. 12 μέτρον 258, 10; 260, 14 μέτρῳ 224, 2 μέτρα 258, 4 μέτροις 272, 15.
 μέχρι 2, 11; 16, 11; 80, 13.
 μηδαμόθεν 196, 25; 284, 19.
 μηδέ 140, 19; 260, 4.
 μηδέν 92, 11; 140, 14; 214, 9; 300, 21 μηδενί 214, 2.
 μηδεμίᾳς 164, 16; 168, 11 μηδεμίαν 36, 19.
 μηκέτι 254, 14.
 μήκος 84, 25. 29; 92, 19; 130, 8; 174, 28; 194, 12; 196, 5. 8. 11; 200, 8. 20; 204, 6. 14; 212, 27; 256, 19; 298, 2. 26; 300, 2. 17; 306, 16 μήκους 92, 15; 264, 18 μήκει 42, 24. 26. 27; 54, 18; 196, 10; 202, 1 μήκη 254, 18; 302, 4.
 μήν 12, 6; 188, 19.
 μηχανῆς 308, 11.
 μηχανήματα 190, 15.
 μηνύουσιν 298, 16 μηνῶσαι 288, 22.
 μήτε 226, 8; 262, 13. 14.
 μικρά 140, 10 μικροί 140, 14.
 μικροψυχοτέροις 140, 15.
 μίλια 314, 12.
 μιμήματος 268, 18; 270, 14; 272, 10 μιμήματι 272, 14.

μναῖατον 312, 1.
μοῖρα 306, 13 *μοίρας* 280, 5;
 288, 2. 19 *μοῖραν* 288, 13. 16
μοῖραι 306, 15 *μοιρῶν* 10,
 19; 278, 18. 19. 21. 22. 23.
 24. 25. 26. 27; 280, 3. 4. 7.
 11. 12. 15; 284, 5. 6; 288, 4.
 16. 17; 306, 9. 10. 12. 13.
μοιρογνωμόνιον 288, 16; 300, 6.
 8; 314, 4. 14 *μοιρογνωμονίον*
 288, 1 *μοιρογνωμονίων* 288,
 13; 300, 12. 25.
μολιβοῦν 202, 26; 284, 20.
μοναδιαῖα 94, 3. 6.
μονάδος 6, 19; 18, 29; 26, 8. 9
μονάδες 44, 29; 68, 2. 4;
 74, 16; 92, 22; 122, 8. 12;
 146, 17. 21; 156, 13; 158, 14;
 178, 7. 8. 14; 184, 13 *μονά-*
δων 6, 5. 9. 14. 22. 23; 8, 7.
 15. 17; 10, 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8;
 12, 14. 23. 25. 26; 14, 2. 3.
 4. 5. 6. 7. 19. 20. 24. 25. 26.
 27. 28. 29. 30; 16, 1. 9; 18,
 15; 24, 22. 23; 26, 5. 6. 8.
 10. 11. 13. 15. 21. 22; 28, 6;
 30, 14. (15). 16. 17. 26. 27.
 29. (30); 32, 9. 10. 11. 13. 14.
 20. 25. 26. 28; 34, 1. 3. 9.
 10. 14. 21. 26. 29. 30. 31;
 36, 3. 21. 22. 27; 40, 9; 42,
 6. 7. 10. 11. 12; 44, 2. 3. 4.
 6. 7. 8; 46, 4. 6. 24; 50, 17;
 54, 22; 56, 19; 58, 14; 60, 9;
 62, 13; 64, 3; 66, 10. 20. 23.
 24; 68, 1. 8. 10; 70, 1. 2;
 74, 10. 11. 12. 17. 27. 28;
 76, 3. 10. 11. 13; 82, 3. 4. 8.
 10. 12. 13. 15. 18. 19. 21. 23.
 24. 26; 84, 4. 10. 17. 19. 22.
 28. 29. 30. 31; 86, 2. 18. 19.
 21. 26. 27; 88, 1. 3. 9. 10.
 16. 17. 21. 22. 23. 24. 31;
 90, 1. 2; 92, 19. 20; 94, 1;
 96, 13. 20. 23; 98, 2. 3. 12.
 18. 20; 100, 9. 11; 102, 8.

9. 13. 14. 15; 104, 8. 11;
 114, 29; 116, 1. 2. 14. 16. 17;
 120, 27; 122, 15. 16; 126,
 28. 29; 128, 9. 10. 11. 14.
 25. 27; 130, 5. 6. 7. 9. 10.
 11. 15. 16; 132, 15. 20. 21.
 22. 29; 134, 9. 11. 12. 14.
 18. 21; 136, 1. 22. 29; 138, 1;
 142, 5. 6. 21. 22. 25. 26. 30.
 31; 144, 10. 11. 12. 13. 17.
 20; 146, 2. 3. 4. 8. 11. 14. 17.
 18; 148, 31; 150, 1. 3. 5. 7.
 8. 9. 10. 13. 25. 30; 152, 3.
 8. 19. 20. 21. 22. 23; 154, 22.
 23. 24; 156, 2. 4. 6. 8. 14.
 16. 18; 158, 10; 160, 8;
 176, 6. 17. 18. 19. 20. 21;
 178, 3. 15. 21. 23. 29; 180,
 1. 12. 13; 182, 18 *μονάδας*
 6, 15; 18, 17; 52, 18; 100, 4;
 132, 11; 150, 12; 156, 8. 15;
 158, 11. 12. 13.
μόνης 140, 21 *μόνοι* 270, 6.
μόριον 20, 1 *μορίῳ* 20, 1.

N

ναστόν 92, 17 *ναστῶν* 92, 19.
νεῶς 314, 11 *νηϊ* 314, 8.
νέμεται 140, 9.
νεύειν 250, 6. 16. 28 *νεύουσα*
 240, 18. 19 *νενουσῶν* 150,
 18.
νήσων 302, 7 *νήσους* 190, 9.
νοεῖν 242, 25 *νοεῖσθω* 228, 4.
 10. 13; 230, 19. 24; 236, 1.
 3; 248, 16; 268, 15 *νοήσωμεν*
 84, 22; 86, 4; 136, 23; 252,
 4. 11; 274, 1; 276, 6 *νε-*
νοήσθω 96, 16; 98, 4; 116,
 17; 120, 2; 134, 24; 216,
 17; 236, 12. 14; 238, 4;
 240, 3. 10. 12 *νενοήσθωσαν*
 134, 19; 228, 17.
νομίζω 188, 5 *νομίζομεν* 90, 5.
 22; 140, 3; 292, 16

νῦν 2, 11; 20, 3; 178, 4; 188, 11; 200, 19; 204, 24; 276, 2.
 νύξ 302, 26 νυκτός 302, 24. 25
 νυκτί 302, 25. 27; 304, 11.

Ξ

ξυλίνας 290, 4.
 ξύλοις 132, 5.
 ξύσται 126, 1.

Ο

ὄγκος 138, 15 ὄγκον 286, 8. 16.
 ἦδε 20, 6 τοῦδε 310, 16 τῶδε 314, 8.
 ὁδομέτρον 292, 17; 302, 5.
 ὠδοντωμένῳ 310, 8. 10 ὠδον-
 τωμένον 190, 31; 194, 8;
 294, 15; 308, 5. 23; 310, 15.
 17 ὠδοντωμένα 300, 2 ὁδον-
 τωθέν 310, 9. 16.
 ὁδοντῶδες 308, 23.
 ὁδοντῶσες 310, 1.
 ὁδοντωτοῦ 296, 14 ὁδοντωτῶ
 194, 3; 298, 21 ὁδοντωτόν
 294, 21; 298, 7. 18 ὁδοντωτά
 308, 1 ὁδοντωτῶν 298, 22;
 300, 23 306, 23.
 ὁδός 296, 5 ὁδοῦ 214, 3; 296,
 24; 298, 4. 17. 26; 300, 2. 17;
 306, 16 ὁδὸν 214, 10; 296,
 26; 298, 3. 19. 25; 302, 6. 11.
 ὁδοὺς 296, 16; 298, 16 ὁδόν-
 τα 296, 7. 10; 314, 11
 ὁδόντες 298, 16 ὁδόντων 296,
 23; 298, 24; 300, 11. 14;
 312, 24. 25. 26; 314, 1. 2.
 3. 4 ὁδοῦσι 194, 5. 18; 312, 4
 ὁδόντας 194, 15; 294, 15;
 296, 1. 12. 17; 298, 11. 12.
 19. 27.
 ὅθεν 2, 5; 130, 22.
 οἰαδηποτοῦν 150, 26; 176, 4.
 οἰανδήποτε 112, 8.
 ἴσμεν 230, 6 εἰδῶμεν 10, 17
 εἰδέναι 284, 12; 286, 6. 32.

οἰκοδομήματος 190, 4 οἰκοδο-
 μημάτων 274, 19.
 οἶμαι 90, 6; 288, 25.
 οἶον 18, 14; 74, 8; 94, 11;
 138, 7; 174, 24; 176, 1;
 256, 17; 262, 24; 264, 5;
 268, 7; 270, 5; 276, 1; 286, 3
 οἶαν 100, 5; 102, 5 οἶα 102,
 17 οἶων 304, 22; 306, 12.
 οἰονδηποτοῦν 94, 8 οἰονδηπο-
 τοῦν 18, 3; 68, 7; 234, 7
 οἰωνδηποτοῦν 234, 15.
 οἰονεῖ 224, 21.
 ὀκτάγωνον 56, 18; 58, 7. 9
 ὀκταγώνον 58, 12.
 ὀκτάεδρον 132, 28. 29; 134, 6.
 15 ὀκταέδρον 132, 8; 134, 15.
 ὀκταπλάσιον 58, 22.
 ὀκτῶ 294, 9; 296, 9; 310, 19.
 ὀλίγον 212, 20; 310, 28 ὀλίγην
 140, 10 ὀλίγων 190, 2 ὀλίγας
 188, 16; 288, 21.
 ὀλος 126, 19 ὀλη 42, 4; 120, 11;
 122, 29; 152, 22; 158, 9;
 216, 23. 27; 218, 1. 3; 278,
 20; 306, 14 ὅλον 28, 28;
 154, 11; 162, 19; 166, 11;
 168, 17; 172, 26; 262, 25;
 274, 4; 276, 9; 278, 10. 25
 ὅλου 38, 25; 44, 22; 46, 5;
 120, 11; 134, 6; 156, 7; 172,
 20. 22. 24; 174, 1; 264, 18;
 274, 6. 9. 12; 276, 25 ὅλω
 28, 28 ὀλην 112, 15; 230, 9;
 246, 12.
 ὀμβρων 284, 14.
 ὁμοία 104, 5; 244, 3; 246, 3.
 10; 250, 14; 304, 25. 28;
 306, 4 ὁμοιον 24, 1; 104, 6.
 7; 112, 21; 250, 2 ὁμοίαν
 246, 14. 19 ὅμοια 104, 16;
 144, 8; 256, 8 ὁμοίων 126, 8
 ὁμοίως 4, 22; 6, 16; 8, 11;
 12, 10; 34, 5; 36, 1; 44, 5;
 46, 5; 68, 20; 70, 20; 74, 20;
 26; 78, 10; 86, 5; 88, 16;

- 94, 22; 96, 23; 108, 18; 124, 18; 156, 22; 158, 10; 172, 26; 174, 14; 184, 17; 212, 8; 214, 27; 216, 1; 224, 19; 226, 2; 228, 22; 230, 20; 234, 10; 240, 8. 12. 14. 18; 242, 17; 244, 14; 246, 11. 26; 248, 4; 250, 4. 18; 256, 9; 260, 26; 262, 16. 25; 276, 23; 282, 14; 288, 15; 294, 17; 310, 3. 11. 14; 314, 2. 3.
- ὁμολογον* 112, 10 *ὁμολόγων* 176, 14.
- ὁμοῦ* 44, 25.
- ὁμοταγής* 304, 10. 20 *ὁμοταγές* 304, 17.
- ὀνομάζωμεν* 6, 5.
- ὠνήσεν* 190, 5.
- ὀξυγώνιον* 12, 13; 32, 23; 34, 2 *ὀξυγωνίου* 34, 19 *ὀξυγωνίων* 36, 14.
- ὀξεία* 10, 21. 24; 12, 1. 2. 9. 16; 38, 2; 290, 20 *ὀξεία* 292, 15 *ὀξείαν* 32, 23 *ὀξέα* 190, 14.
- ὀπῆς* 308, 13.
- ὀπισθεν* 202, 18. 24; 204, 9.
- ὀπλα* 308, 13. 15; 312, 17.
- ὀπον* 132, 5; 202, 12; 204, 13; 250, 27.
- ὀπως* 10, 16; 92, 11; 256, 10; 288, 23; 302, 9.
- ὀδη* 226, 16 *ὀρωμένον* 226, 19; 234, 8. 10. 11. 13 *ὀρωμένω* 228, 2 *ὀρωμένων* 222, 19; 230, 12. 28.
- ὀργανον* 292, 24; 296, 26.
- ὀρθογώνιον* 4, 13. 28; 6, 11. 21; 28, 4; 92, 14; 112, 20. 21. 28. 29; 114, 2. 4. 6. 7. 9; 138, 21. 23; 262, 12 *ὀρθογωνίου* 80, 18; 84, 14 *ὀρθογωνίω* 24, 9 *ὀρθογωνίαν* 138, 11 *ὀρθογώνια* 262, 16, 18. 19.
- ὀρθός* 96, 15. 16; 98, 5. 10; 126, 12 *ὀρθή* 4, 18; 8, 4; 10, 21. 23; 12, 2. 3. 5. 9; 22, 21. 29; 30, 4; 36, 25; 40, 20; 42, 1; 44, 2. 17; 50, 23; 56, 26; 58, 23; 60, 28; 96, 3; 204, 21; 232, 22; 256, 6; 282, 10; 290, 18; 292, 3. 4 *ὀρθόν* 202, 15; 204, 22; 242, 15; 256, 19 *ὀρθοῦ* 98, 10; 126, 16; 239, 13; 296, 1 *ὀρθῆς* 24, 9; 50, 2. 8. 10. 21. 22; 56, 23. 24. 26; 60, 21. 25; 64, 6. 7 *ὀρθῇ* 22, 29; 40, 20 *ὀρθήν* 4, 18. 19; 6, 12. 21; 36, 19; 40, 13. 24; 50, 1; 88, 25; 262, 6. 20 *ὀρθοί* 196, 13; 204, 12; 228, 9; 248, 15 *ὀρθαί* 290, 7 *ὀρθῶν* 302, 1 *ὀρθοῖς* 300, 26 *ὀρθαῖς* 22, 23. 24. 27; 282, 12 *ὀρθούς* 240, 31 *ὀρθάς* 22, 19; 28, 5; 70, 24. 25; 72, 7; 76, 21; 94, 9. 12. 19. 21. 24; 98, 16; 128, 1; 170, 23; 184, 20; 202, 1; 214, 22. 28; 216, 1. 2. 4. 5. 18; 218, 8. 13. 17; 220, 3; 222, 4. 25. 27; 224, 1; 226, 7. 10. 16. 17; 232, 5; 238, 8. 10. 11. 12. 13; 240, 1. 16; 250, 24; 252, 1. 14. 17. 18; 256, 8; 260, 22. 25. 26. 27; 262, 4. 8; 264, 7. 9. 22; 268, 25. 26. 28; 270, 3; 272, 11. 14; 290, 9. 11. 15. 17; 294, 12. 16 *ὀρθά* 290, 21; 292, 12; 300, 24 *ὀρθῶς* 250, 3.
- ὀρίζοντος* 304, 26; 306, 7 *ὀρίζοντι* 212, 15; 228, 1. 12; 230, 14. 19. 22; 232, 3; 234, 6. 14. 22. 23; 236, 9. 13; 244, 3. 17; 246, 2. 21; 304, 26 *ὀρίζοντα* 13, 16; 232, 22; 250, 3; 256, 11; 290, 8. 10; 292, 9 *ὀρισθείση* 214, 16.
- ὀρος* 214, 6; 238, 3; 240, 27 *ὀρους* 234, 4; 238, 4 *ὄρει*

234, 7. 11. 13; 242, 1. 19. 22
 ὄρεων 234, 8.
 ὄροι 270, 7 ὄρων 268, 17 ὄρους
 212, 29; 268, 19.
 ὄρυγῃ 256, 6.
 ὄρυγμα 234, 24; 240, 21. 22 ὄρύγ-
 ματος 234, 19; 238, 4; 240, 25.
 ὀρύσσοντες 242, 23 ὀρύξαι 238, 6
 ὀρύξαντα 286, 12 ὀρυχθείσης
 256, 5.
 ὀ 6, 6; 68, 23; 76, 11; 258, 3;
 260, 8. 10; 264, 17; 270, 12;
 272, 10; 304, 17; 310, 29
 οὐ 22, 3; 46, 23; 50, 17;
 54, 22; 56, 19; 58, 14. 16;
 60, 9; 62, 12. 14; 78, 2;
 82, 3; 84, 21. 25; 86, 25;
 88, 2. 8. 12. 15. 20; 96, 12;
 98, 1; 100, 7; 102, 7. 13;
 106, 10. 19; 108, 14. 18. 25;
 112, 9. 19. 27. 29; 114, 1. 5.
 7. 8. 10. 13. 15; 116, 13;
 118, 3. 5. 7. 11. 13. 27; 120,
 13. 15. 22. 24; 122, 14. 23;
 124, 2; 126, 14; 128, 7. 24.
 26; 130, 21; 132, 28. 29;
 134, 5. 7. 17; 158, 16. 17;
 170, 20; 172, 2. 4. 16. 18;
 178, 20; 184, 15; 196, 1;
 204, 15; 216, 7; 218, 20;
 224, 17; 226, 10; 228, 5;
 234, 27. 28; 242, 16; 244, 12;
 252, 26; 256, 16; 258, 14;
 280, 23; 282, 22; 288, 7;
 294, 22; 298, 7; 300, 9; 302,
 26; 310, 17; 314, 4 ἥς 2, 14;
 82, 25; 84, 3; 110, 26; 112,
 4; 114, 3. 12; 116, 23; 118, 1.
 9; 132, 13. 15; 134, 24; 136,
 3; 213, 3; 260, 5; 294, 13;
 312, 9 ὡ 126, 13; 144, 23; 172,
 25; 176, 25; 246, 8. 25; 264,
 17; 292, 26; 304, 19; 308, 3;
 312, 24; 314, 4 ἥ 4, 17; 24,
 15. 18; 120, 21; 214, 29;
 250, 19; 260, 9; 280, 26;

284, 2; 290, 19; 300, 18 ὦν
 48, 3. 6. 7. 14. 20; 50, 28.
 30. 31; 52, 4; 54, 9. 18.
 20. 25. 26. 28; 56, 1. 2. 6.
 29; 58, 1. 3. 5. 6. 7. 25. 26.
 27; 60, 1. 2. 3. 29; 62, 2. 3.
 20. 23. 24; 64, 16. 21. 24.
 25. 26. 27; 66, 16; 116, 28;
 122, 19; 126, 23; 128, 4;
 136, 28; 142, 8. 21. 27; 144,
 6; 176, 16; 212, 11; 218, 5;
 244, 4; 274, 26; 286, 9;
 288, 1; 304, 11; 310, 19;
 312, 16 ἦν 6, 1; 236, 11;
 288, 13. 16; 306, 18 ἄ 10, 11;
 42, 16. 23; 68, 9; 258, 3
 ὦν 6, 19; 14, 14; 24, 24;
 26, 22; 32, 21; 36, 12; 46, 3;
 66, 11; 68, 17; 74, 19; 76, 2;
 82, 22; 92, 5. 8; 94, 6; 108,
 13; 116, 2. 3. 5; 118, 17. 19;
 134, 2; 166, 25; 184, 6; 190,
 16; 212, 22; 216, 28; 228, 9;
 238, 5; 248, 15; 262, 4; 280,
 4; 288, 26; 292, 23; 294, 1;
 312, 6 οἷς 78, 11; 196, 27 ἄς
 200, 11 ὅπερ 142, 1; 296, 18.

δσάνεις 298, 8.

δσαπλασία 260, 13.

ὄσος 138, 14 ὄση 284, 12 ὄσοι
 194, 12; 196, 4; 200, 8;
 204, 19 ὄσω 296, 4 ὄσοι 188,
 13; 302, 3 ὄσαι 66, 4 ὄσα
 4, 4. 6. 7; 46, 7; 66, 1; 90, 4;
 140, 16; 160, 14. 15; 174,
 24. 25; 178, 7 ὄσων 42, 24;
 144, 17; 256, 22; 288, 4
 ὄσους 204, 5; 256, 28; 258, 7.
 ὄσαιδηποτοῦν 70, 7 ὄσαιδηπο-
 τοῦν 248, 14.

ἦτις 128, 11; 232, 6; 242, 19; 312,
 19.

ὅταν 4, 21. 23; 76, 8. 15;
 80, 9; 132, 3; 214, 8. 14;
 266, 8; 288, 3; 290, 2; 298,
 18. 25; 312, 21.

- ὅτε 236, 21; 240, 7; 258, 7.
 ὅτι 2, 16; 4, 1; 10, 23. 25;
 12, 9. 12; 34, 5; 40, 14. 17;
 50, 3; 58, 19; 62, 18; 66, 7.
 14. 29; 70, 10. 25; 72, 10;
 74, 13; 76, 22; 80, 17; 82,
 28; 84, 14; 86, 23; 88, 27;
 90, 15; 106, 31; 110, 6. 8;
 120, 1; 122, 1. 9. 17; 128, 4;
 130, 17. 27; 138, 14; 172,
 14. 19; 174, 15; 184, 24;
 190, 1; 230, 27; 234, 3;
 244, 2. 14; 284, 13; 286, 7;
 288, 26; 302, 13; 312, 17.
 20; 314, 11.
 οὐδὲ 12, 6. 8. 9; 286, 15; 290,
 12; 298, 5.
 οὐδεμία 142, 2 οὐδέν 92, 16;
 162, 4; 212, 26; 242, 21.
 οὐδοπότερον 310, 23.
 οὐκ 2. 9; 4, 16. 20; 12. 2. 3.
 5. 8; 18, 22; 48, 27; 50, 25;
 66, 1. 18; 76, 6. 14; 90, 13;
 118, 26; 132, 5; 140, 3. 11;
 160, 16; 168, 15; 172, 14;
 176, 1; 188, 9. 14. 19. 20;
 196, 15; 202, 12; 204, 13;
 214, 3; 284, 13. 17; 286, 7;
 288, 26; 290, 10. 21; 294, 17;
 298, 4; 302, 20.
 οὐκοῦν 14, 11; 194, 13; 268,
 10; 308, 12.
 οὖν 4, 4; 6, 4; 10, 18. 22;
 12, 3; 16, 11; 18, 6. 22;
 20, 8; 22, 21; 26, 1; 28, 2;
 30, 1. 27; 36, 16; 42, 12;
 46, 7; 64, 7; 66, 6; 68, 18;
 74, 13; 76, 5. 27; 82, 26;
 84, 27; 86, 14; 88, 16. 22;
 90, 4. 7; 96, 23; 98, 6. 25;
 102, 6. 9; 104, 16; 106, 7;
 110, 6. 22; 112, 13; 116, 25;
 122, 16. 21; 124, 16; 126, 26;
 128, 9; 132, 9. 22; 134,
 9. 11. 18. 27; 136, 1. 22;
 138, 1; 144, 21; 148, 10;
 152, 10. 22. 23; 154, 1. 26;
 156, 13. 20; 160, 1. 14. 21;
 162, 21; 166, 21; 172, 14;
 174, 20. 22. 24; 178, 26;
 180, 2; 182, 24; 188, 13. 17;
 190, 22; 194, 16. 20; 204, 24;
 210, 2. 3; 212, 6. 9; 216, 12;
 218, 2. 5. 10. 17; 220, 13;
 222, 1. 15. 28; 224, 2. 9;
 226, 16; 228, 3. 13. 16;
 230, 2; 234, 28; 236, 12. 23;
 240, 9. 15. 20. 30; 242, 3;
 246, 18; 248, 7. 17; 252, 22;
 256, 21; 258, 5. 13; 260, 13.
 20; 262. 20; 266, 2. 4. 11. 13;
 268, 6. 11; 270, 5. 15; 272, 8;
 274, 5. 14; 276, 5. 6; 278, 5.
 9. 20. 24. 27; 280, 3. 10. 11.
 14. 17. 27; 282, 10; 284, 18;
 286, 1. 19; 288, 3. 20. 24;
 290, 6. 7. 20. 22; 292, 11.
 22. 25; 294, 8. 10. 25; 296,
 11; 298, 20; 300, 23; 302, 3.
 17. 22; 306, 8. 11. 20; 308,
 21; 310, 8; 314, 11.
 οὐράνια 190, 5; 286, 22.
 οὗτος 294, 25 αὐτῇ 10, 9; 16, 2;
 76, 7; 116, 25; 164, 14;
 266, 8; 302, 23 τοῦτο 4, 28;
 36, 15; 44, 14; 46, 22; 78, 1;
 132, 1; 134, 2; 138, 22;
 150, 19; 162, 2; 166, 9;
 196, 16; 188, 17; 216, 5;
 232, 26; 244, 9; 254, 23;
 256, 7; 260, 15; 268, 10;
 276, 4; 290, 13; 292, 23;
 294, 8; 296, 2. 17; 298, 11;
 300, 27; 302, 9; 306, 3; 310,
 5; 312, 12 τουτέστι 22, 9;
 24, 3. 4. 8; 28, 24; 32, 8;
 42, 18; 46, 26; 48, 4. 7. 9;
 52, 3; 54, 11. 26. 28; 56, 2;
 58, 2. 7. 27; 60, 2; 62, 3. 21;
 64, 18. 27; 70, 29; 72, 4.
 6; 80, 12. 19. 23. 24; 84,
 10. 15. 17. 24; 86, 1; 100, 3;

104, 17. 18. 22. 28. 29; 106,
1. 4. 5; 108, 9; 110, 16;
114, 21. 23; 116, 2. 9; 118,
22; 120, 8. 11; 122, 6. 27;
124, 10; 126, 7; 128, 11;
130, 10. 23; 132, 18; 144, 18.
19. 20. 26; 146, 10. 24; 148,
24; 162, 14. 18; 178, 13;
180, 23; 182, 4. 8. 16; 212,
10. 14; 216, 11; 218, 9;
230, 4; 232, 14; 234, 16. 19;
236, 9. 25. 27; 238, 2; 252,
10. 26; 256, 20; 262, 13;
268, 21; 282, 16. 18. 21;
284, 1. 12; 298, 20; 302, 26;
308, 10 *τούτον* 16, 11; 20, 6;
26, 16; 76, 12; 80, 7. 13;
92, 5; 94, 1; 96, 18; 120, 24;
218, 6; 262, 15; 290, 11
ταύτης 256, 18; 264, 20 *τού-*
τω 68, 7; 80, 15; 194, 22;
200, 24. 26; 294, 20; 308, 5;
312, 3. 13. 14. 15. 25. 26;
314, 9 *ταύτη* 76, 5; 164, 13;
214, 14; 218, 7. 12; 222, 25;
260, 25; 290, 3; 302, 10
τούτον 116, 29; 122, 4; 128,
6; 288, 2 *ταύτην* 236, 19;
242, 25 *οὔτοι* 66, 17; 74, 4.
23 *ταῦτα* 14, 15; 16, 4. 9;
18, 19. 20; 30, 7. 9; 32, 17;
34, 22; 36, 8; 40, 2. 4. 5. 6;
44, 28; 46, 1. 2; 48, 25;
52, 10; 54, 4; 56, 15; 58, 10;
60, 5; 62, 8. 26; 64, 29;
66, 2. 11; 70, 2. 3. 7; 76, 4;
108, 20; 116, 4. 7. 8.; 120,
14; 122, 5; 124, 7. 9. 11;
144, 25. 27. 28; 146, 26;
150, 4; 152, 1. 4; 154, 27;
158, 12; 160, 16; 172, 10;
182, 10. 20; 250, 8; 296, 21;
308, 19 *τούτων* 4, 4. 25; 6,
1. 5; 8, 12; 10, 13; 14, 12.
14. 16; 16, 5. 8. 9; 18, 16.
21. 27; 24, 28; 30, 6. 11;

32, 16. 19; 36, 7; 38, 28; 40, 3.
7; 42, 11; 44, 28; 46, 3;
48, 26; 52, 10; 54, 5; 56, 16;
58, 10; 60, 6; 62, 9. 27;
64, 30; 66, 22; 68, 9; 70, 3;
74, 2; 76, 4; 84, 1; 102, 3;
108, 19; 116, 7; 118, 20. 21;
122, 12; 124, 8. 12; 130, 24;
142, 1; 144, 26; 160, 12;
176, 27; 178, 1; 182, 13;
184, 2; 216, 17; 262, 10;
280, 2; 284, 6. 9; 302, 3;
304, 15; 310, 20 *τούτοις*
92, 7; 200, 7 *ταύτας* 92, 11;
188, 21; 290, 5.

οὕτως 18, 1. 5. 23; 24, 6. 8. 22;
28, 31; 30, 5. 8; 32, 15. 20; 34,
17; 36, 4; 38, 27; 42, 5; 44, 23;
48, 24; 52, 9; 54, 2; 56, 14;
58, 9; 60, 4; 62, 8. 26; 64, 29;
68, 16; 76, 1; 82, 2; 88, 20;
90, 12; 94, 15; 96, 2; 104,
17; 108, 11; 110, 15. 29;
114, 28; 118, 17; 122, 25;
128, 22; 132, 2; 144, 7. 19;
146, 10; 148, 8. 13. 15. 30;
150, 10. 11. 20. 23; 152, 18;
154, 21; 156, 14; 158, 4. 7;
8; 160, 4. 7; 162, 15; 164,
1. 10; 168, 1. 3; 170, 22;
172, 8. 16; 174, 17; 176, 1.
14. 23; 180, 31; 182, 9. 15;
184, 1. 8. 19; 194, 18; 204,
13; 212, 15. 29; 216, 17;
218, 14; 220, 10; 224, 14;
240, 25; 244, 6. 11; 246, 18;
248, 1. 16; 258, 3; 262, 7;
264, 6; 266, 7; 268, 15;
274, 15; 278, 18; 282, 19.
20; 284, 4; 286, 14; 300, 16.

ὁφθαλμῶν 216, 6.

ὁχλήματος 294, 4; 298, 1.

ὁχθης 222, 3. 7 *ὁχθῆ* 220, 19;
222, 2 *ὁχθαί* 220, 19 *ὁχθας*
222, 14

ὄψεως 244, 8 *ὄψιν* 296, 19.

II

παρεύς 190, 25 παρεῖ 194, 21.
 παιδάριον 308, 11.
 παλαιός 2, 3.
 παλαιστάς 204, 5.
 πάλιν 4, 19. 26; 6, 1; 18, 17;
 38, 29; 44, 1; 60, 10; 76, 7;
 78, 9; 86, 14; 98, 5; 106, 3;
 108, 5. 7; 112, 15; 114, 22;
 122, 16; 126, 7. 19; 130, 12;
 136, 22; 138, 1. 16; 150, 11;
 152, 3. 25; 156, 2; 174, 13;
 210, 3. 15; 212, 2; 214, 29;
 216, 24. 28; 218, 11; 224, 4;
 238, 10; 240, 18; 242, 9. 13;
 246, 24; 250, 3. 7; 254, 21.
 23. 25; 256, 27; 264, 11;
 266, 1. 2. 5; 268, 3. 11. 14.
 27; 294, 7. 19. 20. 26; 296,
 13; 298, 13; 306, 20; 310, 7.
 παντελῶς 288, 21; 302, 9.
 πάντως 272, 7; 290, 10.
 πάντη 4, 28; 138, 11. 21.
 πάννυ 140, 6.
 παραβάλλω 280, 1. 13 παράβαλε
 14, 12; 16, 6; 130, 2; 144,
 25. 28; 152, 1. 4; 156, 1. 3. 10;
 176, 27; 182, 11 παραβαλεῖν
 124, 7 παραβεβλήσθω 168, 6.
 παραβοηθεῖν 290, 3.
 παραβολῆς 80, 11. 19; 84, 15.
 19 παραβολήν 84, 3; 246,
 13.
 παραγενώμεθα 210, 8 παρα-
 γέ[γενή]σθω 216, 7.
 παράγω 222, 26; 226, 13 πα-
 ράξει 294, 6 παραγέσθωσαν
 228, 13 παραχθέντων 298,
 24.
 παραδείγματος 308, 7.
 παραδόξους 92, 8.
 παραθέσεως 306, 23 παραθέ-
 σεως 310, 25.
 παρακείσθω 294, 14. 21; 310,
 8. 15; 314, 1 παρακείσθαι

308, 1 παρακείμενος 194, 22
 παρακείμενον 296, 7. 10. 16;
 298, 13 παρακείμενον 296,
 11; 298, 7. 10; 312, 7. 12.
 13. 15 παρακείμενους 298, 5.
 παραλαμβάνονται 126, 2.
 παραλειφθέντα 188, 6.
 παραλληλεπίπεδον 98, 15; 100, 13.
 14. 15; 112, 27; 118, 5; 130,
 21; 134, 5. 13. 17 παραλλη-
 λεπίπέδον 130, 18 παραλλη-
 λεπίπέδω 114, 6. 10. 13. 15
 παραλληλεπίπεδα 98, 26; 174,
 25.
 παραλληλόγραμμον 6, 10; 8, 21;
 28, 25. (26.) 28. 30; 30, 22
 (23); 32, 4. 12. (13); 84, 25;
 100, 8; 104, 26; 106, 9. 11;
 112, 20. 21. 27. 29; 114, 2.
 4. 5. 7. 9. 10. 12. 14. 16. 18.
 22. 25; 118, 2. 5; 128. 15.
 18; 250, 18; 262, 11; 264,
 11 παραλληλογράμμον 6, 17
 (18); 10, 6 (7); 84, 29. 31;
 106, 18; 114, 17; 128, 6;
 262, 15; 264, 1. 4 παραλληλο-
 γράμμω 34, 6; 104, 27; 250,
 17 παραλληλόγραμμα 104, 22;
 106, 16; 270, 2. 4 παραλληλο-
 γράμμων 270, 6.
 παράλληλος 8, 19; 28, 8; 30,
 20; 32, 27; 34, 28; 72, 12;
 104, 14. 18. 21; 110, 2. 13;
 152, 14; 158, 1. 2; 162, 9.
 10; 164, 13; 166, 4; 168, 13;
 172, 18; 174, 6. 13. 19; 224,
 1. 23; 226, 4; 230, 24; 232,
 18. 19. 23. 25; 236, 15; 244,
 11. 12; 246, 25; 252, 7. 14;
 260, 9. 14; 276, 18; 308, 22
 παραλλήλου 150, 14; 260, 2
 παραλλήλω 94, 26; 96, 1. 8;
 116, 26; 142, 29; 176, 7. 22;
 178, 18; 180, 9; 212, 15;
 246, 2. 7. 21 παράλληλον 24,
 5; 36, 17. 19; 94, 16; 96, 7.

- 10; 108, 26; 144, 13. 14;
152, 26. 27; 162, 26; 180, 3;
220, 9; 224, 14; 228, 1. 11;
230, 14. 18. 22; 232, 2; 234,
14. 22. 23; 236, 9, 12; 244,
3; 246, 22. 27; 248, 6. 8;
252, 11; 266, 17; 274, 30;
276, 27; 278, 1; 280, 6; 294,
21; 312, 26 *παράλληλοι* 6, 17;
8, 20; 104, 19; 112, 24; 128,
3; 166, 10; 168, 16; 228, 19;
292, 2; 306, 25 *παράλληλα*
94, 4; 300, 23 *παράλληλων*
170, 4; 212, 21; 262, 20;
266, 10; 304, 9; 306, 2 *πα-*
ραλλήλοις 8, 23; 104, 25 *πα-*
ραλλήλους 222, 14; 232, 26;
306, 25.
- παραλογισθέντες* 190, 18.
παραπίπτειν 204, 10.
παρασημηνάμενος 288, 12. 16.
παρατίθεται 194, 4 *παρατιθε-*
μένου 240, 23 *παρατιθεμέ-*
νων 200, 19 *παρατεθέντος*
232, 23; 250, 4.
παρὰ τριψέως 290, 6.
παραφέρω 238, 13.
παρεμβαίνουσα 294, 5.
παρεπομένον 190, 13 *παρασπο-*
μένον 46, 17.
παρέχειν 190, 19 *παρέχοντα*
188, 6 *παρέσχον* 190, 17 *πα-*
ρέχεται 190, 1 *παρεχομένης*
188, 4.
παριστορήσαι 138, 8.
παρυνπεραίρουσιν 196, 3.
πᾶς 86, 23; 96, 21 *παντός* 66,
14; 76, 7. 14; 88, 27; 190, 4;
212, 28; 234, 9. 11; 236, 21;
240, 7 *πάντες* 272, 18 *πάντας*
212, 7 *πᾶσα* 4, 10. 15. 19; 96,
26; 102, 9; 112, 17; 242, 19;
292, 26 *πάσης* 96, 24; 204,
24 *πάση* 246, 19; 260, 21
πᾶσαν 4, 15. 19 *πᾶσαι* 4, 16.
- 20 *πάσας* 4, 16. 20; 22, 27
πᾶν 6, 10; 76, 18; 80, 17;
84, 14; 94, 7; 122, 18; 190,
10; 212, 27; 284, 19 *πάντα*
48, 3; 300, 18. 20.
πεπασσαλοκοπήσθω 248, 17.
πασσαλοκοπία 250, 10.
πάσσαλοι 248, 15 *πασσάλων*
250, 8 *πασσάλοις* 250, 1. 11.
πάσσων 314, 7.
πάχος 92, 18. 20; 94, 7; 194,
12. 27; 196, 6. 21; 200, 21
πάχους 92, 16.
παχυμερεστέραν 140, 17.
πειρῶνται 290, 3 *πειρᾶσθαι*
256, 9; 288, 25 *πειρωμένοις*
288, 23.
πελάγη 190, 9 *πελαγῶν* 302, 7.
πελεκίνος 200, 22.
πέμπτη 304, 15 *πέμπτον* 52, 7;
240, 16. 18; 310, 7 *πέμπτον*
60, 23 *πέμπτης* 304, 12. 15
πέμπτων 50, 2. 8. 9. 10. 21.
22; 60, 20. 27.
πεντάγωνον 50, 16; 52, 8;
102, 6. 12 *πενταγώνον* 50,
10; 52, 8. 12; 136, 24. 26.
29; 138, 2 *πενταγώνους* 136,
25 *πενταγώνων* 136, 28.
πεντάκις 52, 10.
πενταμήνων 302, 22.
πενταπλάσια 276, 1.
πενταπλάσιον 50, 4. 14. 24. 26;
52, 13.
πενταπλάσιονα 308, 6; 310, 3.
πεντάπλευρον 28, 27.
πενταπλή 220, 14. 15; 230, 3.
5; 240, 9. 14 *πενταπλής* 308,
18; 310, 11.
πέντε 132, 6; 308, 21.
πεντεκαιεικοσάπλάσιον 276, 2.
πεπερασμένος 160, 26.
πέρατος 226, 8 *πέρατι* 226, 9
πέρατα 214, 13; 240, 28;
244, 1; 262, 7; 272, 4 *περά-*
των 242, 28.

περιεχόμενον 300, 9 περιεχο-
 μένων 300, 1.
 περιγράφει 312, 19 περιγρά-
 φομεν 244, 15; 246, 19. 26
 περιγράψαι 242, 27; 244, 5
 περιγραφομένη 246, 1 περι-
 γραφόμενον 130, 19 περιγρα-
 φομένης 244, 13 περιγραφο-
 μένην 246, 11. 20 περιγε-
 γραφθαι 58, 15; 62, 13; 116,
 20.
 περιέχουσι 40, 25; 94, 4; 104,
 30 περιέχουσα 90, 8 περι-
 εχούσης 90, 11; 260, 23;
 262, 9 περιέχουσαι 272, 22
 περιεχουσών 6, 12 περιέχεται
 134, 19 περιεχόμενος 16, 17;
 78, 11 περιεχόμενον 6, 13; 18,
 2; 66, 10; 80, 11. 18; 84, 14;
 108, 23; 112, 19; 260, 19;
 264, 13; 268, 22; 270, 6;
 272, 20; 274, 20 περιεχομένον
 86, 23 περιεχομένην 90, 18.
 περιέκειται 196, 26.
 περιλαμβάνοντος 4, 2 περιλα-
 βόντα 284, 19.
 περιειληθῆ 90, 17.
 περιμέτρος 66, 14. 24; 68, 1;
 302, 14; 306, 14 περιμέτρον
 22, 8. 12; 24, 14. 16. 17. 18.
 (19); 280, 27; 282, 4. 26;
 284, 1. 2. 3; 312, 20 περι-
 μέτρον 66, 21. 23; 74, 4; 296,
 20; 314, 6 περιμέτρους 294, 9.
 περιπλάσματος 138, 26.
 περισσοτέρας 2, 10.
 περιστεγνοῦται 196, 22.
 περιστομίον 286, 4 περιστομίω
 286, 2.
 περιτείνειν 90, 16.
 περιτμηθεῖσαν 246, 17.
 περιτίθεται 190, 27. 28.
 περιτόχωμεν 214, 8.
 περιφέρεια 74, 11. 24. 28; 84,
 26. 28; 86, 21; 126, 13;
 130, 6; 246, 3. 10; 304, 14.

23; 306, 8 περιφερείας 66,
 29; 74, 13; 86, 24; 246, 18;
 250, 7; 302, 12; 306, 18
 περιφερεία 46, 22; 86, 11;
 304, 25. 28; 306, 4 περιφέ-
 ρειαν 86, 10; 246, 7. 12 πε-
 ριφέρειαί 72, 9; 76, 24; 78,
 4. 10 περιφερειῶν 68, 13.
 περιφερής 266, 6 περιφερεῖ
 264, 6 περιφερῆ 66, 3.
 περιφέρω 242, 11 περιφέρων
 242, 7. 15 περιφερέσθω 126,
 14 περιφερόμεναι 126, 25.
 περόνη 294, 3.
 πετρώδη 138, 8.
 πηγῇ 286, 8 πηγῆς 284, 11. 19.
 24. 25; 286, 12. 18 πηγῇ
 284, 23 πηγαί 284, 17.
 πῆγμα 292, 25; 306, 24 πῆγμα-
 τος 200, 9.
 πηγματία 196, 26 πηγματίων
 200, 3 πηγματίας 200, 1.
 πεπηγώς 294, 12 πεπηγότι 294,
 13. 24.
 πηλῶ 188, 21 πηλόν 138, 22.
 πήχυς 4, 20; 210, 2. 12; 212,
 2. 4 πήχεος 4, 22. 29 πήχεις
 6, 4; 196, 6; 204, 5; 210, 3.
 6. 7. 10. 11. 12. 13. 14. 15.
 16. 17; 212, 1. 3. 9. 13; 218,
 9. 14; 244, 10; 256, 28. 29;
 258, 3; 296, 21; 298, 15. 16.
 17. 21 πηχῶν 200, 20; 216,
 13. 14. 15. 16. 21. 24. 25. 26.
 27. 28; 218, 1. 2. 3. 4. 7. 10.
 12. 15; 256, 19. 21. 22. 23.
 27; 296, 20; 298, 19 πήχεσι
 244, 9.
 πίπτουσι 10, 18 πίπτειν 244, 8;
 314, 11 πίπτουσα 256, 6 πίπ-
 τουσαν 252, 13.
 πλάγιος 196, 5 πλαγίω 196, 26;
 204, 11 πλαγίων 204, 13.
 πλανᾶσθαι 214, 2.
 πλανητῶν 286, 23; 288, 5. 7.

πλάσαντες 138, 23.
 πλάτος 84, 27. 30; 92, 20; 168, 7; 196, 6; 200, 21; 220, 18; 222, 13. 18 πλάτους 92, 15
 πλάτει 200, 22.
 πλάτυσμα 202, 26.
 πλείον 196, 15; 296, 5 πλείονα 70, 9; 242, 18; 296, 4. 25
 πλειόνων 296, 22 πλείονας 296, 18 πλέον 2, 7; 140, 6; 284, 17; 286, 11; 308, 16.
 πλείστον 132, 3; 190, 30.
 πλεονάζον 284, 15.
 πλευρά 14, 15; 16, 8. 17; 18, 10. 28; 22, 16; 24, 11. 28; 26, 16 (17); 28, 1; 30, 11; 32, 19; 38, 9. 16; 40, 7; 44, 12. 14; 46, 3. 24; 50, 17; 52, 17. 30; 54, 11. 22; 56, 19; 60, 9; 62, 12; 86, 19; 98, 18; 102, 7. 13. 18; 112, 9; 132, 15. 28; 134, 28. 31; 136, 2. 22. 26. 29; 144, 26; 176, 6. 11; 178, 16. 23; 184, 6. 7; 280, 2; 282, 6. 7. 22; 284, 9 πλευράς 92, 15; 132, 11; 156, 12; 160, 19; 164, 16; 166, 16. 20; 168, 11
 πλευρά 54, 14; 86, 8; 178, 13; 300, 10 πλευράν 4, 21. 23. 29; 8, 13; 10, 19; 18, 15. 21. 22. 23. 25; 26, 27; 30, 28; 36, 19; 42, 15; 48, 26. 27; 54, 5. 9; 64, 2; 68, 10; 84, 23; 86, 5. 7; 156, 11; 160, 12; 172, 27; 176, 19; 178, 1. 3; 184, 2 πλευραί 26, 23; 108, 14. 18; 246, 5. 8
 πλευρών 18, 12; 20, 7; 26, 1; 34, 20; 36, 5. 20; 40, 13; 46, 12. 16; 58, 14; 130, 28; 134, 18; 176, 15; 276, 21; 280, 16. 21; 300, 3 πλευραῖς 6, 18; 46, 18; 264, 4 πλευράς 10, 17; 36, 11; 46, 9; 262, 12. 17; 276, 4.

πλήθος 94, 6; 288, 17; 296, 23; 300, 11; 314, 5.
 πλινθίδων 66, 14.
 πλίνθον 194, 2. 25 πλίνθου 194, 28.
 πνέη 290, 2.
 ποιεῖν 94, 26; 242, 21; 274, 8; 278, 24 ποιείτω 120, 5; 168, 7; 176, 10; 180, 4 ποιοῦσα 164, 14; 168, 8; 170, 14
 ποιοῦσαν 166, 1; 170, 5
 ποιοῦντες 218, 18; 240, 20; 290, 4 ἐποιοῦμεν 240, 6
 ἐποιοῦν 74, 2 ποιήσει 96, 9; 116, 27; 152, 5; 156, 16; 158, 15; 164, 2; 180, 4 ποιήσεις 74, 19 ποιήσομεν 66, 25; 126, 6; 246, 14. 17. 24
 ποιήσουσι 174, 20 ἐποίησαμεν 236, 21 ποιήσωμεν 76, 1; 144, 18 ποιῆσαι 66, 10. 21; 112, 1; 120, 18; 124, 6. 10; 136, 12; 254, 22; 284, 20 ποιήσον 18, 19; 42, 12; 150, 9; 156, 14; 158, 7; 178, 8; 182, 15. 24; 184, 7 ποιήσαντα 8, 9. 11; 122, 5; 130, 22; 136, 18; 138, 11 ποιήσαντες 20, 3 (4); 138, 5; 252, 21 ποιείσθαι 298, 3 ποιησόμεθα 16, 13 (14) ἐποίησάμεθα 16, 12
 ἐποίησαντο 4, 18 ποιησόμεθα 68, 16; 308, 8 ποιήσασθαι 2, 14; 294, 9 πεποιήνται 188, 14; 218, 8. 13; 232, 24 πεποίησθω 168, 3.
 ποικιλογραφῶμεν 254, 28.
 πολεμίων 190, 12.
 πολέισθω 294, 18. 23.
 πολιορκεῖν 190, 15.
 πόλεις 140, 11.
 πολλάκις 190, 10; 214, 5.
 πολλαπλασιάζω 278, 27 πολλαπλασιάζει 94, 29; 100, 2; 102, 2. 18; 132, 25; 130, 23; 136, 18 πολλαπλασιάζας 130, 1

πολλαπλασιάσαντα 82, 29; 122, 6
 πολλαπλασιάσον 14, 16; 42, 20; 46, 2; 146, 23; 150, 3; 156, 8; 158, 12
 πολλαπλασιάσαντας 74, 15; 138, 2
 πολλαπλασιάζομεν 92, 21
 πολλαπλασιάζομένων 262, 21
 πολλαπλασιασθείσης 94, 10
 πολλαπλασιασθέν 106, 30
 πολλαπλασιασθέντα 284, 8.
 πολλοστὸν 296, 23.
 πόλος 304, 7. 10; 306, 2. 7
 πολὺν 88, 29. 30
 πόλῳ 170, 25; 172, 1; 184, 22.
 πολύγωνον 80, 4; 90, 12
 γώνῳ 80, 3
 πολυγώνων 66, 1.
 πολυκαδίας 212, 20.
 πολυπλεύρον 106, 15.
 πολὺ 90, 11; 140, 3; 212, 19; 284, 18
 πολλῶ 20, 4; 72, 23; 80, 5; 284, 21; 296, 25
 <πολ>λά 42, 14; 190, 4; 286, 21
 πολλοί 188, 4. 15; 190, 14
 πολλῶν 188, 9
 πολλάς 188, 15
 πολλὰς 188, 3; 190, 1.
 πορευόμενον 292, 20
 πορευθείσης 314, 12.
 ποριούμεθα 252, 21; 272, 13; 276, 24
 ἐπορισάμεθα 236, 22
 πορίσασθαι 68, 7; 234, 10. 15; 236, 9. 11. 18. 20. 25. 27; 268, 19; 276, 20. 22. 25
 πορίσάμενον 20, 9; 280, 18
 πεπόρισται 234, 1
 πεπορίσθω 230, 20
 πεπορισμένον 272, 13; 276, 10
 πορισθῆναι 276, 6.
 πόρῳ 218, 21. 22. 24; 222, 19.
 πόσον 212, 28; 286, 7. 13. 15
 πόσων 306, 9.
 ποταμοῦ 220, 18. 19; 222, 13. 18.
 ποτέ 264, 3.
 ποῦς 4, 22
 ποδός 4, 23. 29
 πόδας 6, 4.

πράγματος 2, 6.
 πραγματεία 92, 12; 190, 2; 302, 10
 πραγματείας 4, 5; 190, 9. 19; 188, 3. 14; 292, 17.
 πεπραγματευμένος 302, 15.
 πρίσμα 100, 7; 102, 1; 112, 20; 114, 1. 5. 8
 πρίσματος 100, 11. 15; 102, 4; 106, 8. 10. 12. 19
 πρισμάτων 106, 15.
 προάξει 188, 9
 προήχθη 2, 7.
 πρόβλημα 164, 14; 168, 9; 170, 14; 172, 14.
 προγράφομεν 70, 6
 προγράφεται 46, 8; 100, 15; 274, 4
 προγεγραμμένης 118, 26.
 προοδεύει 30, 30; 220, 13; 232, 20
 προεδείχθη 88, 16.
 πρόδηλον 312, 17.
 προδηλοτέρῳ 118, 25.
 προοδευιδυγμένων 234, 3.
 προεκβεβλήσθω 260, 11.
 προείρηται 84, 13; 90, 2. 19
 προειρημένον 190, 31; 194, 1
 προειρημένων 94, 20; 98, 6
 προειρημένα 78, 10; 126, 5; 190, 20; 292, 21
 προειρημένων 90, 21.
 προθέσεως 70, 11.
 προκατάληψιν 190, 12.
 προκείμενον 116, 11; 142, 23; 144, 14; 146, 19; 148, 2; 152, 6. 24; 156, 17; 158, 15; 162, 3; 164, 2; 176, 23; 180, 4; 184, 10
 προκείμενας 188, 18.
 προοίμιον 2, 2.
 προσαγόμενοι 190, 16.
 προσαναπεπληρώσθω 6, 24; 70, 26; 82, 4.
 προσανοικοδομεῖν 214, 1.
 πρόσβαλε 178, 11
 προσβαλεῖν 290, 25
 προσβεβλήσθω 244, 11.
 προσβεβασανισμένων 254, 14.

προσδεόμεθα 212, 18 προσδε-
 ήσεται 140, 21 προσεδεήθη-
 σαν 2, 10.
 προσεγγίσαντα 218, 22; 226, 8;
 228, 1; 230, 15; 232, 9;
 234, 6.
 προσεκβεβλήσθωσαν 290, 26.
 προσελθόντα 260, 3.
 προσεντάξει 132, 9.
 προσευρήσθω 252, 2.
 προσηλοῦται 200, 26 προσηλω-
 μένων 202, 27.
 προσηυξήσθω 180, 20.
 προσθέσεως 312, 3.
 προσεθεωρήσαμεν 4, 7.
 προσιόντα 234, 18.
 προσκείσθω 28, 27; 162, 12
 προσκείσθωσαν 28, 11 (12).
 προσλαβόν 106, 29 προσειλη-
 γνῆαι 306, 6.
 προσομολογουμένον 302, 13.
 προσπίπτουσα 254, 12; 246, 6.
 προσπλάσθῃ 138, 20.
 προστάξομεν 190, 23.
 προστίθημι 266, 15 προστιθέασι
 74, 21 προσέθηκα 268, 11
 πρόσθες 18, 26; 30, 10; 42, 24;
 76, 4; 108, 20; 116, 8; 118, 20;
 128, 23; 182, 20 προσθεῖναι
 124, 8; 268, 3; 274, 13
 προσθῶμεν 80, 8; 310, 27
 προσθέντες 80, 15 προσθή-
 σωμεν 42, 17 προσετέθη 310,
 29 προστεθῇ 312, 1 προστε-
 θῆναι 312, 18 προστεθέντος
 32, 3; 268, 6 προστεθεισῶν
 32, 6(7) προστεθείσης 112, 1;
 120, 19.
 προ(ς)υπογράψαι 92, 11.
 προτάσεις 188, 16. 18.
 πρότερον 46, 23; 126, 9; 138,
 24; 190, 22; 294, 7 προτέρων
 292, 25.
 πρώτη 2, 3 πρώτον 298, 6 πρώτα
 2, 9.
 πτερόν 314, 7.

πτερωτός 314, 6.
 πτώματος 254, 1.
 πυθμένι 292, 27; 294, 2. 6. 16.
 22. 24; 300, 24 πυθμένα
 296, 2.
 πυκνότητα 274, 18.
 πυραμῖς 96, 27; 102, 10; 112,
 7; 114, 11; 116, 23; 118, 1.
 9; 136, 3; 176, 4. 12. 22. 25
 πυραμίδα 102, 5; 104, 3;
 112, 4. 15; 114, 3; 132, 13;
 176, 8. 12 πυραμίδος 96, 24;
 102, 16. 17; 104, 1; 106, 7.
 14. 21. 28; 108, 22; 110, 22.
 25. 26; 112, 11. 14. 17; 132,
 7. 24. 27; 134, 22; 136, 16;
 138, 4; 178, 27 πυραμίδι
 106, 17 πυραμίδες 136, 24;
 176, 13 πυραμίδων 134, 2;
 176, 1.
 πῶμα 302, 1. 2.
 πῶς 80, 23; 140, 17; 212, 23.

P

πάβδους 292, 8,
 πεύματος 190, 14; 286, 9.
 πίζωδη 138, 7.
 πητόν 172, 14.
 πομβοειδές 36, 10. 14.
 πόμβος 36, 10. 13.
 πόσις 284, 16 πόσεως 286, 10.
 16 πόσιν 286, 12.

Σ

σανίδος 246, 14. 17.
 σελήνης 190, 8; 302, 18. 21.
 σημαίνει 298, 17. 19 σημαίνειν
 296, 9. 26.
 σημείον 96, 6; 106, 15. 22;
 110, 23. 28; 112, 5; 114, 5;
 118, 2. 4. 10. 12; 120, 14.
 16. 23. 25; 132, 15; 134, 25;
 136, 4; 150, 18; 162, 4; 164,
 4. 15. 18; 166, 19; 168, 10;
 170, 24; 174, 4; 176, 5;
 184, 22; 214, 18; 216, 6;

220, 1. 7; 222, 3. 8. 24. 25;
 226, 16. 17; 228, 2. 16; 234,
 25; 236, 1. 16; 240, 2. 15;
 242, 6. 9. 15; 246, 5; 248,
 12; 250, 16. 27; 252, 26;
 254, 6. 16. 22; 256, 4. 23.
 25. 26; 258, 2. 11; 260, 23;
 272, 7. 11. 13. 18. 25; 304,
 26; 306, 6. 17. 21 *σημείον*
 126, 13; 166, 16. 17; 176, 22;
 184, 9; 214, 18; 224, 18;
 226, 19; 228, 8; 234, 7. 11.
 12. 20. 23; 236, 21; 240, 7;
 246, 6; 248, 13; 256, 16. 20;
 260, 2; 272, 17. 26; 274, 16
σημείω 218, 22; 226, 14;
 228, 2. 15; 234, 26; 238, 15;
 254, 28; 256, 5; 260, 4; 306,
 19 *σημεία* 90, 9; 110, 9;
 126, 11; 134, 3; 162, 2; 212,
 14. 29; 214, 12; 218, 11. 16.
 18. 23; 222, 21; 226, 10;
 232, 6. 11. 21; 242, 18; 244,
 7. 9; 246, 8; 250, 6. 8; 262,
 4; 264, 8. 20; 272, 23 *ση-*
μείοις 104, 13; 134, 1; 230,
 15; 232, 10; 234, 18 *σημείων*
 214, 20; 218, 19. 20; 222,
 19; 228, 21; 230, 12. 28;
 232, 8. 15; 234, 14; 246, 1;
 250, 11. 13. 22; 254, 10;
 262, 3; 264, 21; 270, 8;
 288, 18.
σημειωσάμενος 254, 18 *σεση-*
μειωμένων 212, 6.
σινδόνα 90, 15. 17.
σκαληνός 96, 16 *σκαληνόν* 98, 1
σκαληνοῦ 98, 13 *σκαληνῶ* 98,
 10.
σκληρότερον 214, 6.
σκολιωτέραν 268, 20.
συντάλιον 294, 7 *συντάλια* 294,
 1; 298, 14 *συνταλίων* 294, 6.
συνταλιτόν 294, 9 *συνταλωτοῦ*
 298, 12 *συνταλωτῶ* 294, 11;
 296, 9.

σπάρτος 202, 7; 204, 22 *σπάρ-*
τον 274, 23 *σπάρτον* 202, 19;
 204, 1. 17 *σπάρτω* 272, 9
σπάρτοι 254, 7; 290, 7; 292,
 11 *σπάρτων* 290, 10; 292,
 10. 12 *σπάρται* 288, 26 *σπάρ-*
τας 290, 9.
σπείρα 128, 6; 130, 8 *σπείραν*
 126, 9 *σπείρας* 126, 26; 128,
 4. 19. 21; 130, 3 *σπείραι* 126,
 21. 27.
σπειρικὴν 126, 18 *σπειρικῆς*
 126, 20.
σταδίω 212, 28 *στάδια* 296, 21;
 298, 26 *σταδίων* 302, 14;
 314, 5 *σταδίωνς* 306, 14. 15.
στεγάζεσθαι 132, 5.
στεγνόματι 196, 24.
στενά 200, 23.
στερεόν 4, 1. 27; 92, 14. 22;
 94, 4. 5. 7. 25. 28. 31; 96,
 18. 23. 24; 98, 11. 13. 15.
 28; 100, 4. 5. 11. 12. 13. 15;
 102, 11. 16; 104, 1; 106, 7.
 17. 20. 23. 28; 108, 21. 23.
 24; 110, 25. 26. 29; 112, 14.
 16. 18. 26; 114, 15. 27; 116,
 11; 118, 5. 13. 15. 23; 120,
 2. 26. 28; 122, 8. 13; 124,
 13. 17; 128, 21. 26; 130, 3.
 11. 21; 132, 12. 24. 27; 134,
 4. 7. 13. 16; 136, 20; 138,
 4. 5. 13. 25; 174, 28; 182,
 9. 19 *στερεοῦ* 94, 11. 24;
 96, 4. 27; 102, 10; 114, 26;
 116, 1; 130, 18; 134, 13;
 176, 9. 11 *στερεῶ* 98, 29;
 112, 7; 114, 6. 8. 10. 12. 15.
 18 *στερεά* 2, 7; 4, 26; 92, 4;
 94, 6; 98, 26; 174, 23. 24
στερεῶν 138, 6.
στημάτια 194, 5. 25; 196, 2
στηματίων 312, 23.
στίχοις 212, 7.
στόματα 238, 5 *στομάτων*
 238, 3.

στοχάσασθαι 286, 14 στοχασά-
μενον 284, 20.

στρέφεσθαι 308, 4 στρεφόμενος
196, 1; 312, 4 στρεφομένων
310, 24 στρεφομένον 300, 7
στραφήσεται 194, 15 στρα-
φείς 296, 6 στραφέν 296, 12
στραφέντος 296, 14. 19 στρα-
φέντα 296, 9.

στρογγύλος 196, 10 στρογγύλον
190, 26 στρογγύλοις 312, 5.

στροφή 298, 4 στροφήν 294, 4
στροφαί 296, 19; 298, 12. 13.
15 στροφάς 294, 9; 296, 13;
298, 9.

[σ]τύλος 204, 18.

στυλίσκος 190, 25; 228, 4.

συναγαγείν 4, 6 συνάγονται
24, 28.

συγκείμενος 36, 13 σύγκειται
106, 8; 134, 2.

συγκοινωνμένων 194, 11.

σύγκρισις 6, 2 σύγκρισιν 4, 18

συγκρίσεις 4, 11. 24. 26.

συγχωνύειν 214, 1.

συμβαίνοντα 288, 22 συμβήσεται
294, 8.

σύμμετρον 242, 1.

συμπαλαμβαίνοντες 4, 8 (9).

σύμπασα 140, 8.

συμπεριφερομένον 126, 15.

συμπίπτει 110, 6 συμπεσεῖται
110, 5 συμπέση 244, 12 συμ-
πεσοῦνται 110, 3 συμπιπτέ-
τωσαν 110, 4; 166, 10; 168,
16.

συμπεπλέχθαι 308, 1.

συμπεπληρώσθω 190, 12.

συμφυής 194, 9. 23; 294, 3. 11;
296, 15; 312, 16 συμφυές
190, 31; 194, 21; 246, 15;
308, 5. 22; 310, 2. 10. 17;
312, 11. 13. 14; 312, 24. 25;
314, 1. 2. 14 συμφυή 194, 6.
8; 200, 5. 12; 294, 1. 17. 22;
296, 8; 306, 26.

σύμφωνον 74, 8.

συναμφοτέρος 28, 13 (14). 20
(21). 23; 32, 7. 9; 34, 7;
50, 27; 68, 27; 108, 2. 8;
122, 25. 30; 166, 8 συναμ-
φοτέρου 36, 1; 50, 3. 14. 23;
68, 26; 106, 1. 2. 3; 166, 6
συναμφοτέρω 28, 16; 32, 8
συναμφοτέρον 106, 4; 170, 6
συναμφοτέρων 262, 22.

συνεγγίζει 46, 22 συνεγγίζων
18, 24 συνεγγίζουσα 264, 5
συνεγγίσω 254, 27.

σύνεγγυς 26, 27; 28, 1; 50, 26;
262, 9; 264, 10; 266, 1; 268,
22; 272, 24.

συνέσεως 2, 18.

συνέχειν 196, 18 συνέχεσθαι
196, 28.

συνεχή 90, 9; 218, 18; 260, 28;
264, 8. 20.

συνθέσεως 16, 13 σύνθεσιν
162, 26; 170, 11.

συνίσταμαι 254, 27 συστησάμε-
νος 254, 26 συνεστάτω 56,
24; 60, 25; 64, 6.

συντίθημι 212, 6 συντιθέντες
72, 29 συνθῆς 74, 18 σύνθες
16, 4; 18, 15; 24, 23; 30, 6;
32, 20; 34, 22; 36, 7; 40, 1;
42, 19; 44, 26; 76, 1; 108,
11; 116, 2; 118, 17; 144, 24;
146, 23; 150, 26; 154, 26;
158, 11; 160, 9; 176, 25;
182, 23; 184, 5; 284, 6 συν-
θέντι 24, 6; 142, 17; 148,
11; 160, 22; 166, 2. 23; 282,
18 συντεθείσιν 42, 18 συν-
τεθήσεται 24, 22; 30, 5; 32,
15; 34, 15; 36, 4; 38, 26;
42, 4; 44, 23; 48, 24; 52, 9;
54, 2; 56, 13; 58, 9; 60, 4;
62, 7. 25; 64, 29; 108, 10;
110, 29; 114, 27; 118, 16;
128, 21; 148, 29; 150, 23;
152, 17; 154, 20; 158, 7;

160, 7; 164, 9; 168, 1; 174, 17; 176, 23; 182, 8; 278, 17; 284, 4.
σύριγγας 290, 4. 7.
συστέλλεσθαι 254, 15; 262, 14; 300, 8.
σφαίρας 2, 19; 86, 28. 29; 88, 1. 9. 11. 13. 19. 20. 26. 28; 90, 3; 120, 27. 28; 122, 3. 8. 10. 13. 14. 18. 21. 22. 23. 24; 124, 3. 5; 134, 20. 23. 28; 136, 23. 26. 27; 170, 15. 16. 25. 27; 172, 11; 184, 12. 22. 24. 27 *σφαίρα* 86, 31; 122, 2; 170, 20. 28; 184, 15 *σφαῖραν* 1841, 1 *σφαίρα*(*ις*) 122, 11.
σφαιρική 250, 13 *σφαιρικήν* 248, 10 *σφαιρικών* 126, 3 *σφαιρικός* 92, 6.
σφοδρός 290, 2.
σχῆμα 76, 11; 90, 12; 94, 7. 14. 17. 21; 96, 8; 172, 24; 216, 10 *σχήματος* 94, 19 *σχήματα* 90, 4. 21; 126, 5 *σχημάτων* 66, 1. 3. 4; 126, 4; 132, 6.
σχοινίον 254, 13. 17. 22; 270, 15; 272, 7 *σχοινίου* 272, 4; 292, 19 *σχοινίω* 256, 1; 262, 13; 276, 12.
σωλήν 194, 14; 196, 9. 17 *σωλήνα* 194, 12; 196, 11. 14. 17. 18; 200, 10. 17; 284, 20 *σωλήνος* 196, 20; 286, 2. 3. 4. *σωλήνι* 196, 13. 22 *σωλήσι* 200, 2.
σῶμα 92, 17; 138, 13. 20 *σώματος* 138, 15. 16. 19. 25 *σώματα* 2, 8; 4, 26; 92, 4 *σωμάτων* 92, 18; 138, 6. 27.

T

τάλαντα 308, 12; 310, 7. 19. 20 *ταλάντων* 308, 9. 10. 16. 20; 310, 6. 7. 13. 14. 29.

τάξει 138, 6.
τάξομεν 20, 2 (3) *τεταγμένων* 46, 8; 90, 4.
ταπεινότερος 212, 19 *ταπεινό-τερον* 284, 24. 25.
τάφρῳ 286, 14 *τάφρον* 286, 12; *τάχος* 286, 10.
ταχέως 290, 1.
ταχυτέρας 286, 10.
τειχῶν 190, 3. 18; 200, 3 *τείχεσιν* 190, 17.
τελευταῖος 212, 4.
τεμνέτω 230, 25 *τέμνονσα* 164, 7. 11; 290, 15 *τέμνονσαν* 162, 7 *τέμνονσαι* 290, 15 *τεμνέσθω* 176, 10 *τεμεῖν* 162, 28; 170, 12. 15; 176, 7; 184, 11 *τεμόντα* 270, 2 *τέμνεται* 246, 7 *τέμνεσθαι* 282, 13 *τεμνόμενος* 246, 25 *τεμνομένης* 50, 12 *τεμνόμενον* 94, 25; 96, 8 *τέτμηται* 162, 24; 170, 9 *τετμήσθαι* 22, 25 *τετμήσθω* 28, 7; 162, 16; 170, 20; 184, 9. 17. 18 *τετμήσθωσαν* 30, 30; 76, 23; 78, 3. 9; 104, 12; 112, 23; 148, 6 *τετμημένην* 84, 23 *τετμημένον* 130, 13 *τμηθῇ* 116, 25; 176, 22 *τμηθείσης* 162, 6 *τμηθειῶν* 34, 3.
τέσσαρας 196, 6 *τεσσάρων* 50, 21; 132, 4 *τέτ*(*τ*)*αρσι* 70, 15.
τετάρτον 56, 23. 25 *τέταρτον* 54, 4; 64, 30; 236, 28.
τετραγωνισθεῖσα 312, 8.
τετράγωνος 18, 2. 4. 8. 24; 118, 18; 196, 10 *τετράγωνον* 4, 21. 23; 6, 19 (20); 10, 22. 26; 12, 4. 7. 10 (11); 16, 16; 18, 3 (4). 6. 10; 50, 25; 52, 12; 116, 20. 24. 28; 118, 9; 130, 20; 134, 3. 8. 12; 144, 8. 9. 10; 284, 20 *τετραγώνον* 16, 16; 50, 25; 52, 13; 306,

5. 20 τετραγώνῳ 18, 8 τετρά-
γωνοι 300, 5 τετράγωνα 2,
17; 8, 5; 66, 7; 88, 7; 160,
5; 172, 6 τετραγώνων 12, 1.
8. 11; 26, 22 (23) τετραγώ-
νοις 10, 23; 12, 5; 300, 7.
τετραγωνική 280, 2.
τετράκις 68, 24. 25 τετράκι 70,
3; 150, 4.
τετραπλασίονα 86, 30; 88, 2;
178, 25; 180, 16.
τετραπλάσιος 88, 4 τετραπλά-
σιον 46, 26. 28; 70, 13. 28;
72, 1. 11. 20. 24. 25. 27; 76,
26. 29; 78, 7. 19. 29; 80, 26;
180, 10 τετραπλάσια 2, 19
(20); 26, 24; 48, 17; 70, 7;
78, 6. 23.
τετράπλευρον 22, 22; 38, 26;
44, 23; 150, 16; 152, 9. 27;
154, 9; 156, 20. 21; 160, 22;
162, 8. 15. 19; 164, 5. 8. 11.
17; 166, 3. 11 τετραπλεύρου
40, 9; 46, 9. 15. 16; 150, 14;
152, 25; 162, 6; 164, 16
τετραπλεύρῳ 162, 13; 252,
16 τετράπλευρα 36, 16 τετρα-
πλεύρων 46, 7. 19.
τετραπλή 72, 5; 220, 15; 236,
23. 24 τετραπλήν 176, 9.
τέτρασιν 22, 27.
τεχνῶν 142, 2.
τηλικοῦτος 196, 11 τηλικοῦτο
300, 12.
τηρεῖν 286, 16 τηρῆσαι 286, 12
τηρήσαντας 302, 21 ἐτηρήθη
304, 16 τετηρήσθω 302, 17.
τήρησις 304, 24.
τίθημι 254, 16; 256, 17 θή-
σομεν 240, 17; 252, 18; 272,
5. 9; 306, 18 θεῖναι 170, 11
θέντες 240, 19; 272, 12; 306,
20.
τις 6, 7; 66, 21; 86, 6; 94, 12;
96, 2; 102, 17; 126, 10; 140,
18; 160, 27; 200, 14; 202,
14; 188, 19; 232, 22; 254,
10; 264, 18; 266, 6; 272, 23;
312, 9; 314, 13 τι 4, 12;
42, 13; 84, 25; 92, 17; 94,
17; 156, 15; 158, 8; 164, 3;
168, 4; 170, 24; 174, 3; 184,
1. 8; 190, 11; 214, 5. 16;
222, 8; 224, 21; 226, 2;
254, 16. 17; 260, 22; 274,
24; 290, 12; 300, 20; 304, 5;
308, 20 τινός 68, 6; 90, 14;
92, 10; 190, 13; 232, 23;
256, 17; 260, 2; 308, 13;
310, 26 τινί 142, 29; 190,
16; 196, 24; 226, 15; 228,
20; 234, 26; 238, 15; 286, 13
τινά 2, 11; 84, 23; 90, 9;
126, 17; 144, 20; 150, 10.
12; 182, 16; 218, 9. 14; 246,
13; 290, 1; 302, 9 τίνα
230, 2 τινές 90, 20; 92, 8;
126, 23; 214, 7; 288, 5. 20;
290, 3 τινῶν 298, 24; 300, 1;
302, 8; 312, 23 τινάς 170,
11; 292, 22.
τιμήμα 50, 13; 70, 23; 72, 7.
28; 76, 18. 20. 22; 80, 3. 4.
6. 10. 17; 82, 1. 2; 84, 14;
88, 20; 112, 11; 122, 14. 18.
21. 24; 124, 3. 5; 126, 19.
20; 130, 13. 17. 21. 25. 29;
172, 20. 25; 180, 10; 242,
28; 248, 11 τμήματος 70, 6
74, 3. 22; 76, 7. 8. 12. 14;
80, 9. 16; 82, 16. 22. 23; 88,
19. 27. 30; 90, 3; 122, 20;
124, 14. 15. 18; 130, 16;
172, 2. 3; 250, 9 τμήματι
130, 20; 244, 4; 250, 3. 14
τμήματα 170, 27; 184, 12. 25
τμημάτων 76, 6; 126, 8; 170,
17.
τοι 76, 9.
τοίνυν 190, 24.
τοιούτη 14, 8; 144, 23; 146,
20; 190, 15; 296, 25 τοιοῦτο

- 140, 14 τοιούτον 90, 15; 94, 19 τοιούτον 94, 25; 130, 17; 138, 14; 144, 16 τοιαύτην 74, 6 τοιούτοι 214, 7 τοιαύτα 138, 9; 140, 16 τοιούτων 176, 2; 304, 23 τοιούτοις 214, 8.
- τοιχος 302, 2 τοίχον 254, 17; 300, 10; 308, 13; 312, 7 τοίχων 254, 12; 300, 5. 18; 302, 1 τοίχοις 294, 14. 18. 25; 306, 25.
- τομεύς 86, 6. 23. 25; 172, 21 τομέως 86, 24. 26.
- τομή 182, 7 τομήν 116, 27; 176, 10; 180, 4 τομῆς 80, 18; 84, 15 τομάς 94, 26; 96, 1. 9 τομῶν 6, 17; 94, 3.
- τόπος 212, 19; 248, 11; 250, 12; 252, 16. 22 τόπον 212, 11; 250, 13. 17; 256, 17; 258, 12; 284, 12 τόπον 138, 17; 190, 13; 194, 27; 204, 3; 252, 26; 254, 1; 284, 24; 286, 1 τόποι 140, 15; 214, 6. 7; 302, 3 τόπους 132, 5; 196, 27; 212, 22. 24. 25. 29 τόπων 144, 16; 302, 8 τόποις 226, 12.
- τόρμον 190, 26. 27. 29; 194, 20 τόρμω 190, 28; 196, 2. 3 τόρμων 194, 9 τόρμονς 312, 5.
- τετορνευμένος 314, 7.
- τοσανταπλασία 260, 12.
- τοσοῦτος 204, 18 τοσοῦτος 306, 15 τοσοῦτον 10, 12; 14, 15. 17; 16, 10; 24, 28 (29); 28, 2; 30, 7; 34, 23; 36, 8; 40, 8; 42, 13. 25; 52, 11; 54, 6; 56, 16; 58, 11; 60, 6; 62, 10. 28; 64, 31; 66, 12. 23; 68, 4. 10; 70, 4; 74, 3. 30; 84, 1; 86, 1; 88, 7; 90, 2; 94, 31; 98, 13; 100, 4; 102, 4. 15; 108, 21; 116, 10; 118, 23; 122, 13; 124, 13; 130, 3. 25; 134, 15; 138, 18; 144, 21. 29; 148, 1; 152, 19; 154, 28; 158, 14; 160, 12; 178, 1; 182, 12 τοσοῦτα 296, 5 τοσοῦτον 46, 19; 194, 26; 266, 13; 300, 21 τοσαῦται 298, 14 τοσοῦτων 30, 11; 32, 22; 92, 22; 152, 2. 4; 178, 14; 180, 2 τοσαύτας 96, 9; 288, 18.
- τότε 214, 16; 304, 12.
- τραπέζιον 28, 4. 30 (31); 30, 13; 32, 14. 23; 34, 6. 24; 40, 12; 44, 1; 264, 12. 13; 266, 7; 268, 7; 278, 2. 24; 280, 7 τραπέζιον 34, 13; 36, 3. 9; 46, 6; 144, 2. 4; 156, 6; 268, 9. 15; 276, 26 τραπέζιω 28, 29; 32, 4. 14 τραπέζια 262, 16. 19. 22; 266, 3 τραπέζιον 264, 2; 266, 5.
- τρεῖς 18, 6; 94, 2; 126, 25; 204, 15; 210, 3. 11. 13. 15; 284, 6; 292, 6 τρία 172, 13 τριῶν 18, 12; 50, 8; 126, 22; 194, 10; 200, 22; 268, 18.
- τρήμα 204, 15 τρήματος 200, 10 τρήμασιν 300, 7; 312, 5.
- τριάκοντα 296, 12.
- τρίγωνον 6, 21; 8, 14; 10, 18; 12, 13; 14, 7. 18; 16, 1; 22, 1. 3; 24, 1; 26, 4; 28, 26; 30, 28; 32, 1. (2); 34, 2. 31; 36, 26; 38, 23; 44, 21. 22; 46, 23; 48, 20. 23; 52, 7. 29. 30; 54, 15; 56, 5; 58, 5. 18. 27; 62, 5. 16. 21; 64, 26; 72, 10. 17. 18. 19. 21. 25; 76, 23. 25; 80, 2. 7. 14; 104, 3. 4. 6. 7; 106, 13. 14. 19. 20. 22; 108, 1. 5. 10. 14. 18. 25; 110, 23. 27; 112, 4; 120, 6; 132, 14. 16; 134, 25. 26; 136, 4; 142, 3. 5. 14. 20. 28. 29; 144, 2. 4. 5. 6. 7; 146, 1. 5. 12. 13. 14. 24; 148, 4. 13. 14; 150, 1; 152, 13; 154,

9. 12; 156, 7. 23; 158, 3; 160, 20; 162, 12. 13. 14. 16. 18; 166, 12. 26; 168, 17; 172, 17. 23; 174, 7. 9; 220, 9; 254, 20. 23. 26; 256, 2; 264, 12; 274, 2. 5. 6. 8. 10. 11. 13. 29; 276, 2. 4. 19. 20. 22; 278, 9. 10. 11. 23. 25; 280, 9. 12. 15. 20. 22. 23
- τριγώνον* 6, 23. (24); 8, 3. 16. 22; 10, 8; 14, 6. 31; 16, 10; 18, 13. 14. 21. (22); 20, 6. (7). 9; 22, 6. 7. 8. 10. 12. 17; 24, 12. 15. 21. 29; 26, 1. 26; 34, 19; 36, 5; 38, 21; 44, 5; 46, 4. 12; 48, 16. 23; 52, 6; 56, 7; 62, 22; 72, 19. 26; 76, 19; 80, 4. 6. 19; 84, 7. 16. 17; 104, 10; 106, 23. 25. 26. 27. 28. 29; 110, 1. 20; 132, 25; 136, 2. 17; 142, 12. 19. 24. 25; 146, 15; 148, 3. 18; 156, 5; 160, 18. 22. 23; 172, 27; 174, 3. 9; 274, 3. 11. 12; 276, 3. 5. 11; 278, 11; 280, 8. 16. 19. 25. 27; 282, 5. 8. 22; 284, 4. 10
- τριγώνω* 22, 15; 24, 2; 76, 27; 152, 13; 158, 1; 172, 23; 282, 15
- τρίγωνα* 46, 11; 48, 9. 12. 15; 66, 2; 78, 5. 6. 8; 90, 13; 104, 16; 134, 23; 142, 3. 8; 144, 9; 148, 5. 9; 150, 2; 174, 5. 21; 256, 7. 9; 262, 16. 17. 20; 266, 2; 270, 1
- τριγώνων* 10, 15; 36, 13. 14; 72, 11. 27; 76, 26; 78, 6. 14; 134, 19. 21. 29; 264, 2; 266, 4; 270, 5; 274, 15; 276, 24; 278, 9
- τριγώνοις* 76, 28.
- τριπλάσιος* 2, 16
- τριπλάσιον* 46, 27; 64, 10; 78, 27; 80, 23. 26; 132, 18; 134, 4. 6. 14; 144, 2. 3; 174, 8
- τριπλασία* 74, 25; 174, 15.
- τριπλασίονα* 74, 5
- τριπλασίω* 80, 10.
- τριπλεύρων* 46, 7. 19; 54, 15.
- τριπλή* 76, 9. 16; 174, 10.
- τρίτον* 52, 10; 58, 20; 70, 16; 78, 2. 24. 26; 80, 7. 16; 96, 21. 27; 102, 10; 104, 1; 106, 23. 24. 25. 26; 114, 13. 16. 19. 25; 132, 26; 136, 19; 138, 3; 172, 20. 22. 24. 28; 174, 1. 7. 18
- τρίτον* 64, 7
- τρίτα* 18, 26. 27.
- τριτημόρια* 4, 2.
- τροπικῶν* 304, 1. 5.
- τροπᾶς* 302, 28; 304, 13.
- τρόπος* 264, 16
- τρόπον* 290, 12.
- τροχίλον* 202, 8.
- τροχός* 296, 20; 314, 6
- τροχοῦ* 294, 8; 296, 9. 13. 19; 298, 14
- τροχῶ* 314, 9
- τροχῶν* 292, 21; 294, 4.
- τρούπημα* 204, 19.
- τυγχάνει* 4, 4; 132, 1; 174, 24; 190, 4
- τυγχάνη* 92, 11
- ἐτυχευ* 162, 4; 228, 11; 238, 7
- τύχη* 264, 2
- τύχοι* 10, 20; 66, 9. 20; 146, 3; 176, 9; 218, 7. 12; 220, 13; 224, 8; 230, 3; 236, 23; 240, 9; 254, 1; 256, 29; 276, 1; 296, 11; 298, 9; 302, 8. 11; 306, 10; 308, 6; 312, 1
- τυχόν* 164, 3; 170, 24; 184, 21; 216, 2. 3. 4; 220, 5; 240, 15
- τυχόντοος* 46, 9; 238, 7. 9. 10. 12
- τυχόντι* 252, 16
- τυχόντα* 126, 11; 232, 21
- τυχοῦσαν* 260, 24
- τετυχέτω* 222, 28; 226, 16.
- τυλάριον* 200, 16
- τυλάρια* 200, 12.
- τύλος* 204, 14
- τύλον* 204, 21.
- τυμπάνιον* 190, 27. 30; 194, 8. 16. 19. 20; 294, 21
- τυμπανίον* 194, 1. 5. 15. 27; 294, 14; 296, 7. 10. 16. 22; 298, 17; 300, 11
- τυμπανίω* 194, 4. 6. 11. 23; 296, 9
- τυμπάνια* 300, 3. 18. 20
- τυμπανίων* 212, 21; 298, 23.

τύμπανον 244, 2; 246, 15. 22.
27; 248, 7; 250, 2; 288, 8;
294, 9. 12. 16. 17; 298, 8. 10.
18; 308, 5. 16. 23; 310, 1. 3.
8. 15. 16. 17; 312, 11. 24. 25;
314, 12 τυμπάνου 246, 16;
286, 25; 288, 8; 296, 1; 298,
12. 13. 27; 300, 7; 308, 17;
310, 2. 4. 5. 11. 13. 16. 18. 23;
312, 4 τυμπάνω 218, 26;
288, 1; 294, 17; 298, 19;
300, 15; 310, 8. 9 τύμπανα
296, 4; 308, 1 τυμπάνων 300,
23; 306, 23; 310, 25.
τύπτεσθαι 290, 6.

Υ

ύάλινον 196, 21 ύάλινα 196,
23. 27. 28 ύάλινων 200, 3. 9.
ύγρόν 212, 12; 214, 3.
ύδραγωγίον 214, 5.
ύδρευμα 272, 18.
ύδωρ 138, 14. 15; 212, 11. 16.
18. 23; 214, 7. 10; 284, 15.
17. 19. 23; 286, 2. 8. 11. 14.
15 ύδατος 138, 13; 196, 24;
212, 5; 214, 9 ύδατι 272, 19
ύδάτων 190, 3.
ύλην 254, 2.
ύπαντήσουσιν 240, 25.
ύπάρχει 90, 8; 144, 15; 272,
10; 288, 4. 15. 17; 302, 6
ύπάρχει 96, 15; 132, 4 ύπάρ-
χειν 94, 17; 214, 19; 302, 9;
308, 16 ύπάρχον 92, 17; 228,
11 ύπάρχοντα 140, 11 ύπάρ-
χουσα 310, 14 ύπάρχουσιν
126, 1 ύπάρχοντος 2, 6; 234,
4; 268, 18 ύπαρχούσης 4, 4,
(5); 26, 3; 284, 11 ύπῆρχε
212, 14.
ύπερβάλλειν 140, 20 ύπερβάλλει
178, 7 ύπερβάλλοντα 178, 5
ύπερβάλλοντι 268, 7 ύπερ-
βάλλον 268, 15 ύπερβάλῃ

268, 5 ύπερβάλου 268, 13
ύπερβ βληκέτω 268, 5.
ύπερβολήν 246, 13.
ύπερέχει 24, 15. 17. 18; 282,
26; 284, 1. 2 ύπερεχέτω 312, 6
ύπερεχέτωσαν 300, 4 ύπερέ-
χειν 246, 16.
ύπερκειμένω 252, 25.
ύπεροχή 24, 15. 16 (17.) 18; 68,
24; 120, 20; 124, 15; 126, 8;
212, 9; 228, 25; 236, 19; 282,
26; 312, 8 ύπεροχής 68, 22
ύπεροχὴν 112, 6 ύπεροχαί
290, 5 ύπεροχάς 200, 13 ύπε-
ροχῶν 196, 5.
ύπερπίπτει 306, 17 ύπερπίπτουσι
306, 19 ύπερπιπτούσης 306,
18.
ύπερτεθέντα 276, 26.
ύπερχυθήσεται 138, 14.
ύπισχνείται 142, 2.
ύπογεγραμμένον 264, 17.
ύποδείγματος 102, 6.
ύποδείξομεν 248, 16.
ύπόθεσιν 74, 7. 17.
ύποκείσθω 10, 25. (26) ύποκεί-
μενον 126, 12. 16 ύποκειμέ-
νης 126, 26 ύποκειμένω 128,
1; 255, 23 ύποκείμεναι 126,
21 ύποκειμένων 152, 7; 156,
18; 164, 3. 15; 168, 10.
ύπολαμβάνομεν 138, 7 ύπολαμ-
βάνουσιν 74, 5 ύπολαβόντες
212, 24.
ύπόνομος 254, 4 ύπονόμον 240,
28; 242, 24. 25; 252, 25; 254,
3. 12 ύπονόμω 240, 27. 28;
242, 9. 17. 20; 254, 1. 6. 11;
256, 8 ύπόνομον 252, 27.
ύποσύροντος 190, 14.
ύποτείνουσιν 8, 13 ύποτείνουσα
232, 5.
ύποτετακται 86, 2.
ύποτίθεσθαι 6, 7 ύπεθέμεθα
308, 18.
ύφελε 24, 25; 30, 8.

ὑποστησώμεθα 74, 26; 292, 7
 ὑποστησάμενον 28, 2.

ὑποχειρίους 190, 17.

ὑψος 2, 16; 76, 19; 80, 15. 20;
 84, 17. 22. 27; 88, 14. 16;
 94, 9. 10. 13. 19. 21. 23; 96,
 13. 17. 20. 22. 28; 98, 2. 3.
 6. 9. 11. 16. 27; 102, 11. 13.
 19; 106, 16; 114, 8. 11. 14.
 17. 26; 116, 2. 9. 16; 118, 6.
 8. 22; 122, 2. 6. 19; 124, 3;
 128, 25; 130, 15. 20. 23; 134,
 5. 8. 13; 180, 12. 19; 182,
 16; 196, 15. 22; 200, 6. 8
 ὕψους 184, 4. 8.

Φ

φαίνονται 74, 23 φαινέσθωσαν
 270, 7 φανῇ 216, 8; 218, 26;
 222, 3. 8. 24. 28; 228, 6; 234,
 28; 240, 1; 242, 8. 16; 256,
 25; 258, 9 φανῶσι 228, 14;
 242, 12 φανῆναι 220, 7; 242,
 2 πεφηνέτω 216, 8; 222, 10;
 240, 2.

φανερὰ 94, 1 φανερόν 12, 15.
 (16); 40, 17; 110, 7; 224, 14;
 228, 24; 230, 27; 232, 26;
 234, 3; 246, 4; 256, 7; 260,
 15 φανερόν 36, 11; 132, 10.

φέρειν 188, 12 φέρουσαι 254, 5
 φέρεται 304, 11 φέρεται 96, 4
 φερέσθω 94, 14 φερόμενον
 214, 10; 314, 5 φερομένην
 96, 7 φέρεσθαι 94, 16; 96, 6
 ἐφέρειτο 96, 11.

πεφίλοτιμήμεθα 188, 17.

φορά 96, 10.

φορτίον 308, 12. 15; 312, 17.

φρεατίας 240, 27; 242, 24; 252,
 26; 254, 2; 256, 5 φρεατίαν
 254, 7 φρεατία 254, 4 φρεα-
 τιῶν 254, 8.

φύσεως 140, 8.

φυσικοῦ 190, 14.

φῶτα 132, 4.

X

χαλκωμένης 204, 3.

κεχαλάσθω 254, 7.

χαλκοῦς 196, 16 χάλκεον 190, 27;
 294, 1 χαλκοῦν 196, 11. 18
 χαλκᾶ 194, 25; 200, 1. 8
 χαλκῷ 196, 13 χαλκῇ 190, 29.

χάριν 216, 13.

χάρτη 216, 10 χάρτην 90, 15. 17.

χαῦνον 214, 6.

χεῖλος 304, 7. 9.

χειμερινάς 302, 28; 304, 13.

χειρολάβης 312, 19 χειρολάβην
 312, 9.

χελωνάριον 200, 24 χελωναρίον
 202, 6 χελωναρίω 200, 26.

χοινικίς 190, 28; 194, 23 χοι-
 νικίδα 194, 9 χοινικίδος 194,
 10 χοινικίδι 194, 21; 294, 3.
 χοινικιδίω 200, 17 χοινικίδια
 200, 6.

χορηγεῖ 286, 8.

χορηγία 286, 17.

χρεία 194, 16 χρείας 188, 4;
 190, 1. 23; 286, 20; 288, 21
 χρείαν 188, 6.

χρειώδους 2, 5.

χρή 190, 16; 242, 24; 284, 13;
 286, 6.

χρήσιν 204, 25.

χρίεται 202, 4.

χρόνον 286, 17 χρόνον 290, 1.

χρῶνται 272, 19; 288, 20 χρῆσθαι
 138, 26 χρησώμεθα 76, 17;
 302, 20 χρησασθαι 76, 5; 288,
 23; 296, 25 χρησάμενοι 118,
 25 κέχρηται 188, 15 κεχρη-
 μένους 288, 25.

χώραν 140, 10; 196, 7; 296, 3
 χώρα 196, 5.

χωρήσαι 2, 8 χωρήσομεν 174, 23
 χωρητέον 92, 5.

χωρίον 4, 12. 21. 23. 27; 6, 8.
 18. 20; 68, 13; 76, 28; 140,
 5; 142, 3; 144, 22; 152, 10;

162, 1; 166, 18; 168, 4. 12;
 260, 18. 19. 23; 262, 9. 11;
 264, 17; 266, 2. 5. 9. 11. 13.
 15; 268, 7. 10. 21; 272, 16.
 20. 22. 26; 274, 5. 15. 17. 18.
 20 *χωρίον* 68, 6. 8. 23; 74,
 14; 162, 2; 166, 14. 22; 170,
 2; 264, 1. 19; 268, 17; 274,
 6. 9. 13. 23; 276, 10. 25 *χω-*
ρία 4, 25; 6, 2. 19; 140, 19;
 142, 3. 7 *χωρίων* 140, 3; 174,
 2; *χωρίοις* 140, 4; 144, 15.
χωρίς 18, 14; 20, 10; 84, 20;
 88, 12; 280, 19.
χωροβατήσαντα 228, 21.

Ψ

ψάυνειν 300, 18 *ψάυνοντα* 200, 3;
 300, 3.
ψευδῶς 188, 8.

Ω

ῶρα 286, 13 *ῶρας* 302, 24. 25;
 304, 12. 16. 25 *ῶρων* 284, 15;
 304, 23.
ὠροσκοπίον 286, 13.
ὠσανεί 222, 13; 302, 2.
ὠσανύτως 94, 23. 28; 100, 5;
 112, 8; 218, 17; 242, 18;
 258, 1; 266, 7.
ὠσπερ 86, 6; 90, 14; 92, 8;
 94, 5; 236, 21; 250, 6; 272, 18.
ὠσπερεί 94, 18.
ὥστε 2, 7. 11; 4, 24; 10, 7; 18,
 12. 29; 24, 7. 10; 30, 26;
 32, 2; 34, 2. 30; 38, 7. 25;
 42, 3; 44, 13. 18. 22; 46, 11.

27; 48, 23; 52, 2; 54, 27;
 56, 1. 4. 23; 58, 22. 26; 60,
 22; 62, 4. 5. 23; 64, 17. 22;
 66, 9. 19. 30; 68, 28; 70, 21;
 72, 1. 16; 74, 16; 76, 14;
 78, 20; 80, 7; 88, 1. 9. 14;
 90, 10; 94, 15. 22. 25; 96, 5;
 100, 1; 102, 1. 14. 16; 104, 9;
 106, 27; 108, 4. 10; 110, 18.
 21; 112, 14; 114, 14. 25;
 120, 8. 10; 122, 4. 11. 29;
 128, 14. 16. 19; 130, 6. 10;
 132, 24; 134, 6.; 138, 21; 140,
 19; 144, 1. 12; 148, 4. 7. 27;
 150, 16. 20; 152, 12. 22; 154,
 14; 156, 23; 162, 17. 28; 168,
 12. 15; 170, 16. 21; 172, 28;
 174, 4. 10; 176, 8. 20; 172, 24;
 180, 9. 14. 25; 182, 3. 7; 184,
 11. 17. 19; 188, 18. 21; 194,
 17. 27; 196, 6. 11. 14. 18. 28;
 202, 28; 212, 9; 214, 8; 216,
 23; 220, 7. 16; 226, 5; 228,
 22. 23. 25; 230, 1. 5. 9;
 232, 5; 236, 27; 238, 1;
 242, 1; 244, 7. 12; 246, 15;
 248, 7. 10; 250, 4. 15; 252,
 15. 17; 254, 1. 14. 19. 28. 24;
 262, 7; 264, 10. 23; 266, 12;
 268, 8; 270, 4. 14; 272, 5. 24;
 274, 1; 276, 12. 22. 24; 278,
 6. 12; 280, 5; 282, 19. 22;
 284, 19. 22. 24; 286, 15; 290,
 5. 9; 292, 18; 294, 6. 20; 296,
 8. 25; 298, 23; 300, 7. 12. 21;
 306, 26; 308, 11; 310, 1. 26.
 29; 312, 11. 15; 314, 13.

Addendum.

Hodometri descriptionem (π. διόπτρας c. 34) Wilamowitzius (*Griech. Lesebuch* p. 262 sq.) ex parte edidit cum figura emendatiore. Idem p. 294, 13 huius editionis *διατοναίω* scribendum, 300, 6 ὡς ἂν dittographia natum delendum esse perspexit.

Deutsche Sprach- und Stillehre. Von Professor Dr. O. Weise.

Eine Anleitung zum richtigen Verständnis und Gebrauch unserer Muttersprache. In Leinwand gebunden M. 2.—

Seine Aufgabe hat der Verfasser in geradezu vortrefflicher Weise gelöst. Das Buch hat den großen Vorzug vor andern ähnlicher Art, daß es nicht das Gefühl der Ode erweckt, sondern von der ersten bis zur letzten Seite interessiert. . . . Den zweiten Teil des Buches bildet eine ausgezeichnete „Stillehre“, in der „durch Regel und Vorbild“ gewirkt werden soll. Schon allein diese „Vorbilder“ sollten einen veranlassen, sich das Buch anzuschaffen. . . . Des Verfassers Wunsch, daß das Buch sich recht viele Freunde erwerben möge, wird ohne Zweifel in Erfüllung gehen.

(Rheinische Blätter, Heft XII. 1901.)

Dantes Göttliche Komödie v. Paul Pochhammer,

in deutschen Stanzzen frei bearbeitet. Mit Buchschmuck von H. Vogeler-Worpswede, einem Dante-Bild nach Giotto von E. Burnand und 10 Skizzen. Geheftet M. 6.—, in Originalband geb. M. 7.50.

„. . . P. verfügt über ein besonderes poetisches Gestaltungsvermögen; er beherrscht die Sprache in seltenem Maße; er hat ein feines Gefühl für die Schönheiten des Originals, die er sich nicht entgehen läßt; er mißbraucht die Freiheit nicht, welche man einer Übersetzung in gebundener Rede immerhin wird zubilligen müssen, sucht vielmehr der Vorlage so nahe als möglich zu kommen: ich denke, damit ist ausgesprochen, daß er die Bedingungen erfüllt, welche man an einen „Bearbeiter“ des unsterblichen Gedichtes stellen muß. Niemand kann ernstlicher als der Referent seinem Unternehmen besten Erfolg und sympathische Aufnahme bei unserer gebildeten Leserkwelt wünschen. . . .“

(Franz Xaver Kraus i. d. Litt. Rundschau 1901, Nr. 4.)

Geistliches und Weltliches aus dem türkisch-griechischen Orient. Selbsterlebtes und Selbstgesehenes von Heinrich Gelzer.

Mit einem Porträt des Patriarchen von Konstantinopel, in Lichtdruck und 12 Zeichnungen im Text. 8. Geschmackvoll geheftet M. 5.—, gebunden M. 6.—.

„Prof. Gelzer kennt den Orient, seine Sprachen und Geschichte. Was er bietet, ist völlig persönlich Erforschtes. Er will den Leser in das christliche Konstantinopel einführen, in die Welt der Orthodoxen, der Griechen und Armenier. Die erste Hälfte seines Buches beschäftigt sich mit Kirchenfragen, die ja freilich am Bosphorus zugleich nationale Fragen sind, die zweite Hälfte, hochinteressant, behandelt politisch und menschlich die Türken, Griechen, spanischen Juden und Armenier. Man lernt aus diesen Skizzen sehr viel. Ich erwähne besonders die Ausführung über den Einfluß von muhamedanisirten Christen auf das Türkentum und die Darstellung der Aussichten des westlichen und kleinasiatischen Griechentums. Religionsgeschichte, Philologie und Politik gewinnen durch Gelzers fein und frei geschriebene Plaudereien. Ausstattung gut.“

(Die Hilfe, 1900, Nr. 50.)

Arbeit und Rhythmus. Von Prof. Dr. Karl Bücher.

Dritte, stark vermehrte Auflage. Geheftet M. 7.—; geschmackvoll gebunden M. 8.—.

„. . . Die übrige Gemeinde allgemein Gebildeter, welche nicht bloß diese oder jene Einzelheit der in der Bücherschen Arbeit enthaltenen wissenschaftlichen Errungenschaften interessiert, sondern die sich für die Gesamtheit des selbständigen und weit greifenden Überblicks über den viel verschlungenen Zusammenhang von Arbeit und Rhythmus aufrichtig freuen darf, wird meines Erachtens dem bewährten Forscher auch dafür besonders dankbar sein, daß er ihr einen wertvollen Beitrag zu einer Lehre geliefert hat, welche die edelsten Genüsse in unserm armen Menschenleben vermittelt, nämlich zur Lehre von der denkenden Beobachtung, nicht bloß welterschütternder Ereignisse, sondern auch alltäglicher, auf Schritt und Tritt uns begebender Geschehnisse.“

(G. v. Mayr in der Beilage zur Allg. Ztg.)

Mus Natur und Geisteswelt.

Sammlung wissenschaftlich-gemeinverständlicher
Darstellungen aus allen Gebieten des Wissens

in Bändchen von 130—160 Seiten zu je M. 1.—, in geschmackvollem Einband zu M. 1.25.
Jedes Bändchen ist in sich abgeschlossen und einzeln käuflich.

Als wertvolles, nütliches Geschenk empfehlen sich besonders:

5 Bändchen, nach Wahl, gebunden, in geschmackvollem dauerhaften Geschenkkästen,
das sich zum Aufstellen wie Aufhängen eignet, zum Preise von M. 6.50.

Besonders seien empfohlen:

Geographische Bibliothek.

Kirchhoff, Mensch und Erde.
Janson, Meeresforsch. und Meeresleben.
Günther, Geschichte des Zeitalters der
Entdeckungen.
Scheiner, Der Bau des Weltalls.
Weise, Die deutschen Volksstämme und
Landschaften.
Hassert, Die Polarforschung.

Technische Bibliothek.

Scheid, Die Metalle.
Wedding, Das Eisenhüttenwesen.
Mandel, Ingenieurtechnik der Neuzeit.
Launhardt, Am laufenden Webstuhl
der Zeit.
Pater, Wärmekraftmaschinen.
Scheffer, Mikroskope.

Naturwissenschaftliche Bibliothek.

Blochmann, Luft, Wasser, Licht u. Wärme.
Graeb, Das Licht und die Farben.
Cassein, Kampf zwischen Mensch und Tier.
Haacke, Bau und Leben des Tieres.
Giesenhagen, Unsere wichtigsten
Kulturpflanzen.
Auerbach, Die Grundbegriffe der mo-
dernen Naturlehre.
Hesse, Abstammungslehre und Darwinis-
mus.

Deutsche Bibliothek.

Weise, Die deutschen Volksstämme und
Landschaften.
Otto, Das deutsche Handwerk.
Brunnier, Das deutsche Volkslied.
Loening, Die deutsche Reichsverfassung.

Matthaei, Deutsche Baukunst.
Heil, Deutsche Städte und Bürger im
Mittelalter.

Medizinische Bibliothek.

Biernacki, Moderne Heilwissenschaft.
Buchner, Gesundheitslehre.
Sachs, Der menschliche Körper.
Zander, Leibesübungen.
Frenzel, Ernährung und Volks-
nahrungsmittel.

Volkswirtschaftliche Bibliothek.

Meyer, Soziale Bewegungen u. Theorien.
Loh, Verkehrsentwicklung in Deutschland.
Unold, Aufgaben und Ziele des Menschen-
lebens.
Otto, Das deutsche Handwerk.
Loening, Reichsverfassung.
Gruber, Deutsches Wirtschaftsleben.

Pädagogische Bibliothek.

Ziegler, Allgemeine Pädagogik.
Unold, Aufgaben und Ziele des Menschen-
lebens.
Freibig, Die fünf Sinne des Menschen.
Zander, Leibesübungen.
Rehmke, Die Seele des Menschen.
Kölpe, Die Philosophie der Gegenwart
in Deutschland.

Kulturhistorische Bibliothek.

Weise, Schrift- und Buchwesen.
Weise, Die deutschen Volksstämme und
Landschaften.
Soden, Palästina.
Otto, Das deutsche Handwerk.
Matthaei, Deutsche Baukunst.
Schwemer, Restauration und Revolution.

Auf Wunsch ausführliche illustrierte Prospekte umsonst und postfrei.

Reden und Vorträge von Otto Ribbeck. Mit einem Bildnis. gr. 8.

Geh. *M.* 6.—; in Original-Halbfranz. geb. *M.* 8.—

In diesem Bande ist eine Reihe von Reden und an ein größeres Publikum sich wendenden Vorträgen Otto Ribbecks vereint, die, obwohl in der einen oder andern Form sämtlich bereits veröffentlicht, doch buchhändlerisch nicht mehr erreichbar sind und darum seinen Freunden und Verehrern wie allen denen des klassischen Altertums überhaupt in dieser Sammlung willkommen sein werden. Sie umfaßt sechs in Kiel während der Jahre 1864–72 gehaltene akademische Reden, die ihren Stoff aus dem klassischen Altertum entnahmen, aber durchweg zu den politischen Ereignissen der Zeit in deutlicher Beziehung standen, sowie die Reden und Vorträge, deren Inhalt die klassische Litteratur der Griechen und Römer betrifft, und einige der eindrucksvollsten Gedächtnisreden Ribbecks; anhangsweise ist die satirische Besprechung von Strombergs Catull-Übersetzung wieder abgedruckt, als eine kleine Probe des sarkastischen Tones, den R. gegebenenfalls mit soviel Witz anzuschlagen verstand.

Das alte Rom. Entwicklung seines Grundrisses und Geschichte seiner Bauten auf 12 Karten und 14 Tafeln dargestellt und mit einem Plane der heutigen Stadt sowie einer stadsgeschichtlichen Einleitung herausgegeben von Arthur Schneider. 12 Seiten Text, 12 Karten, 14 Tafeln mit 287 Abbildungen und 1 Plan auf Karton. Quer-Folio 45×56 cm. Geschmackvoll gebunden *M.* 16.—

Das Werk sucht ein Gesamtbild des alten Rom zu geben, in dem die Darstellung durch das Wort mit der in Bild und Plan zusammenwirkt, auf streng wissenschaftlicher Grundlage, aber zugleich in allgemein verständlicher Form. Es erscheint deshalb besonders geeignet, jedem Gebildeten die Bedeutung des alten Rom für unsere Zeit nahe zu bringen, indem es ihm ein besseres Verständnis der antiken Architektur und Kultur zu ermöglichen sucht, und bietet so besonders für jeden Romfahrer die beste Vorbereitung und die schönste Erinnerung.

Helbig, W., Führer durch die öffentlichen Sammlungen klassischer Altertümer in Rom. 2. Auflage. 2 Bände in Leinwand gebunden *M.* 15.—

„Denn die eminente Brauchbarkeit des Buches ergibt sich alsbald in erfreulichster Weise jedem, der es gegenüber den Denkmälern in die Hand nimmt; aber auch zum Studium im Angesicht von Gipsabgüssen und Photographien wird es vielen ungemein förderlich sein. Es giebt nicht bloß feste Resultate der Forschung, sondern geht auch überall auf die wissenschaftlichen Streitfragen ein, und dies in einer Weise, die ebenso den gebildeten Laien, wie den werdenden oder gewordenen Fachmann zu interessieren und zu belehren geeignet ist.“
(Das Humanistische Gymnasium.)

Aus den griechischen Papyrusurkunden. Ein Vortrag, gehalten auf der VI. Versammlung deutscher Historiker zu Halle a. S. am 5. April 1900 von Prof. Dr. Ludwig Mitteis. [50 S.] 8. geh. n. *M.* 1.20.

„Es war ein verdienstvolles Unternehmen von Ludwig Mitteis, in einem Vortrage auf dem diesjährigen deutschen Historikertage zu Halle einem weiteren Kreise von Historikern die neueren Ergebnisse der griechischen Papyrusurkunden vorzuführen. ... Dieser Überblick über die inhaltsreiche Schrift dürfte zum Beweise dessen genügen, wie viele wichtige Probleme der antiken Geschichte auf Grund der Papyrusfunde der Lösung näher gebracht werden. Allen Historikern und Altertumsforschern sei daher die Schrift zur Einführung in die Papyruskunde aufs dringendste empfohlen.“
(Deutsche Literaturzeitung.)

Leo, Friedrich, die griechisch-römische Biographie nach ihrer litterarischen Form. [VI u. 330 S.] gr. 8. 1901. geh. *M.* 7.—

Aus einer Untersuchung über die litterarische Form der biographischen Schriften Suetons ist ein Buch geworden, das den Versuch macht, die wichtigsten Entwicklungslinien der biographischen Litteratur des Altertums aufzuzeigen. Diese Linien sind natürlich nicht durchweg gerade Linien, und die Wege, die der Verfasser gehen mußte, darum nicht immer gerade Wege; doch darf er hoffen, daß sie zum Ziele führen. Vor der christlichen Biographie hat der Verfasser Halt gemacht, aber die heidnische bis auf ihre antiken Ausläufer verfolgt.

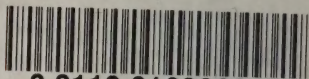
UNIVERSITY OF ILLINOIS-URBANA

510H4320

C001

HERONIS ALEXANDRINI OPERA QVAE SVPERSVNT

3



3 0112 016936640